

5.4.409

CP ELL

Treatment Craw

G



# DI FISICA

ESPOSTI DAL P. D.

GIOVANNI CRIVELLI

In questa seconda edizione accresciuti e migliorati.

S'aggiungono dell'istesso autore due Disterazioni

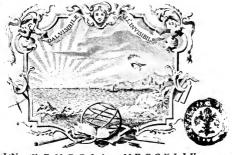
SULLE LEGGI DEL MOTO,

E DELL'ESTIMAZIONE DELLE FORZE VIVE,

E DELL'ESTIMAZIONE DELLE FORZE VIVE,

DI DIOFANTO ALESSANDRINO
ANALITICAMENTE DIMOSTRATI.

PARTE SECONDA.



I'N VENEZIA, MDCCXLIV.

PRESSO SIMONE OCCHI.

CON LICENZA DE SUPERIORI, E PRIVILEGIO.



# TAVOLA

### DELLE MATERIE,

Che in questa Seconda Parte fi contengono.

LIBRO SESTO.
SEZIONE PRIMA.

Della Immaginazione	
Cap. 1. Della Natura della Immaginazione.	
Cap. 2. Dei cangiamenti della Immaginazione.	1
Cap. 3. Del potere, che banno le Immaginazioni del	le Madr
fopra i loro Figliuoli.	I
Cap. 4. Dell'Immaginazion forte.	10
SEZIONE SECONDA:	
Delle Paffioni	
Cap. 1. Delle Passioni in genere.	. 17
Cap. 2. Delle Paffioni Primarie.	20
Cap. 3. De'moti organici che nascono nelle suddette pass	
Cap. 4. Delle passioni secondarie, e prima di que	
sono una specie di Ammirazione, e d' Amore.	26
Cap. 5. Delle paffioni secondarie, che derivano dal Desid	lerio. 28
Cap. 6. Delle passioni secondarie che banno origine	
legrezza, e dalla Triflezza.	29
Cap. y. Dell' Ira, e dell'altre Paffioni, che nascon	
Triflezza	31
LIBRO SETTIM	ο.
SEZIONE PRIMA.	
S.E.ZIONE PRIMA.	
Delle Mereore Umide	
Cap. 1. Dell' innalzamento dei vapori, e degli alisi	, e del-
la loro sospensione nell'Asmosfera.	34
Cap. 2. Della quantità dell'evaporazioni.	34 38
Cap. 3. Delle Nubi, e Nebbie.	41
Cap. 4. Delle Pioggie.	42
Cap. 5. Dell'origine de' Fonti, e Fiumi.	45

### Tavola delle Materie:

Tavola delle Materie.	
Cap. 6. Delle Diverse specie di Fonti.	4
Cap. 7. Della Ruggiada, Aura vespertina, ed altre Meter	-
re Acquose.	
Cap. 8. Degl' Igrometri. 5	
SEZIONE SECONDA.	
Delle Mercore spiranti.	8
	9
	I
	4
Cap. 4. Di alcuni venti periodici:	ž
Cap. 5. Del vento perpetuo d' Oriente, che foffia tra i Tropici. 6	
	<u>.</u>
SEZIONE TERZA.	
Delle Meteore ignite.	
	1
Cap. 2. Delle Stelle strifcianti, Faci, Fuochi fatui, Auro	
	8
Cap. 2. Di alcune maravialiale, Meteore, che di tratto	<u>.</u>
Cap. 3. Di alcune maravigliofe. Meteore, che di tratto tratto si fanno vedere nella Provincia Trivigiana.	16
-	-
SEZIONE QUARTA.	
Delle Mercore enfariche.	
	95
Cap. 2. Degli Haloni.	04
Cap. 3. Des Parelj, e Paraselene.	06
LIBRO OTTAVO	
SEZIONE PRIMA.	
Della Sfera.	14
Cap. 1. Dei Circoli maggiori. 1	15
Cap. 2. Dei quastro cerchi minori.	23
	24
Cap. 4. Des Persecs, Anteces, ed Antipods.	26
Cap. 5. Del nascere, e tramontar delle Stelle Cosmic	
	27
	28
Cap. 7. Della mutazione del sito per cagion della Rif	
	30
<u>Ş.E.</u>	_

## Tavola delle Materie.

SEZIONE SEGONDA.	
Dei Tempi.	13
Cap. 1. Del Giorno.	13
Cap. 2. Dell' Anno.	13
Gap. 3. Dell' Epoche principali.	33
SEZIONE TERZA.	
Del Sistema di Tolomeo.	14
Cap. 1. Del primo Mobile, e del Firmamento.	14
Cap. 2. Del Cielo del Sole.	14
Cap. 3. Dei Cieli di Marte, Giove, & Saturno.	14
Cap. 4. Dei Cieli di Venere e di Mercurio.	14
Cap. S. Del Cielo della Luna,	14
SEZIONE QUARTA.	
Del Sistema di Copernico.	
Cap. I. Dell'ordine, distanza, e periodi de' Pianeti pri	
condo l'ipotesi della Terra mossa.	. 15
Cap. 2. Dell'ordine, distanza, e periodi de Pianeti secondar,	
Cap. 3. Dei fenomeni procedenti dal moto periodico d	
neti, ed insieme del loro moto intorno il proprio asse	17
Cap. 4. Offervazioni intorno il moto di rotazione del S	ole,
degli altri Pianeti.	18
LIBRO NONO.	
SEZIONE PRIMA.	
Dell' orbite de Pianeti.	
Cap. 1. Dell' eliffi Kepleriane.	19
Cap. 2. Metodi per investigare la distanza della Lu	na da
la Terra.	19
Cap. 3. Della prima Legge Kepleriana intorno la re	
de' tempi, e delle distanze.	20
Gap. 4. Della seconda Legge intorno la relazione de'	tempi
e delle aree dell' elissi dai Pianeti descritte.	20
Cap. 5. Delta inequabilità del moto de Pianeti.	20
Cap. 6. Di alcune principali conseguenze del sistema	Cope
nicano.	21
SEZIONE SECONDA.	
Del Sistema di Ticone Cap. unico.	22
	SE-

Squarity Gorgle

### Tavola delle Materie.

SEZIONE TERZA.  Delle ragioni Fisiche per lo Sistema Copernico - Kepler	
Cap. 1. Delle ragioni Fisiche del Nevvion.	223
Cap. 2. Con qual legge procede la forza central de' Pianeti.	225
Cap. 3. Proprietà della Gravità.	228
Cap. 4. Effetti delle scambievoli attrazioni de' Corpi.	229
Cap. 5. Dell' irregolarità de'moti Lunari.	230
Cap. 6. Delle masse, e densità de Pianeti.	232
Cap. 7. Ragioni Fisiche del Carresso.	233
Cap. / Leaguest Lights are Carrojet	-33
SEZIONE QUARTA.	
Delle Stelle fiffe.	
Cap. 1. Delle varie loro grandezze apparenti, e delle	enu-
merazioni fatte dagli Astronomi.	236
Cap. 2. Dell' apparimento, e disparimento delle Fisse.	239
Cap. 3. Del loro splendore.	240
Cap. 4. Dei Metodi Hugeniano, e Flamsteediano per	inve-
stigare prossimamente la distanza delle Fisse.	241
SEZIONE QUINTA.	
Delle Comete.	
Cap. 1. Opinione degli antichi intorno le Comete.	244
Cap. 2. Opinione del Keplero, e dell'Hevelio.	245
Cap. 3. Opinione del Careesio.	247
Cap. 4. Opinione del Nevoton.	248
Cap. 5. Opinione di Jacopo Bernulli.	252
APPENDICE.	
Del Fluffo, e Rifleffo dell'Oceano.	
Cap. 1. Pensamento de i Galilei, e del Wallis	254
Cap. 2. Opinione del Cartesso.	259
	261
Cap. 3. Opinione del Nevvison.	260
Cap. 4. Delle variazioni delle Maree ne' luogbi particolari.	
Cap. 4. Delle variazioni delle Maree ne' luogbi particolari. Dissertazione sopra le leggi del moto.	269
Cap. 4. Delle variazioni delle Maree ne' luogbi particolari. Dissertazione sopra le leggi del moto.	269 o-ma-
Cap. 4. Delle variazioni delle Marce ne' luogbi particolari. Differrazione fopra le leggi del moto. Della Estimazione delle Forze vive disfertazione Fisic tematica.	269 0-ma- 281
Cap. 4. Delle variazioni delle Marce nel luoghi particolari. Della Elimazione le leggi del moto. Della Elimazione delle Forze vive differtazione Fisic tematica. 1 Problemi aritmetici di Diofanto Alessandrino analitica.	269 0-ma- 281
Cap. 4. Delle variazioni delle Marce ne' luogbi particolari. Differrazione fopra le leggi del moto. Della Estimazione delle Forze vive disfertazione Fisic tematica.	269 0-ma- 281 nense 299

# LIBRO SESTO

Delle Immaginazioni, e Passioni.

#### SEZIONE PRIMA

Della Immaginazione .

Della Natura della Immaginazione. Cap. I.



Er intendere le dottrine della Immaginazione fecondo il più facile, e più conveniente fiftema, bifogna ridurfi a memoria ciò che abbiamo detto interno delle Senfazioni , ed in qual modo , e con qual legge effe fi facciano, e come gli organi loro in tanti piccioli filetti , o nervi confilia no , che dal cretbro, dove hanno l'origine, alle

parti esteriori del corpo spandendosi, e diramandosi sono continuamente esposti all'azione de'corpi esterni , dalle quali azioni facendoli in essi varie, e diverse impressioni, avviene che l'Anima venga a diverse passioni , o percezioni determinata , che Sensazioni si chiamano, le quali seguono sempre la condizione di tali impressioni . Imperocchè tale è la legge della Natura . Così quando per mezzo degli occhi noi concepiamo, cioè a dire quando veggiamo un albero, intanto lo veggiamo, in quanto che per mezzo dei raggi di luce, che dalla superficie dell' albero si riflettono, ed entrano per la pupilla, si fa l'impressione, cioè a dire si forma l'immagine di tale albero sulla retina. Tale impressione dalla retina, che è uno degli organi esterni, si comunica al cerebro organo interno, e comune, dove restando affette in quel preciso modo, che all'azione di tale agente conviene, le fibre, e gli spiriti sottili, che dentro di esse quasi per tanti piccioli canali, o tubi vi scorrono, viene determinata l'Anima a concepire ciò, che poi ella col nome d'albero appella. Il concepimento, che abbiamo nell'atto stesso, che dall' esterno agente fassi nel cerebro la prima volta tale impressione, dicesi Sensazione. Ma se dopo che l'impresfione

sione fu fatta, si rinovella negli spiriti sottili quella stessa affezione. ch'ebbero la prima volta, cioè a dire se nelle fibre in cui l'esterno agente fece la fua impressione si muovono come la prima volta si moffero, il concepimento dell' Anima, che a tale moto fi congiugne, chiamasi Immaginazione. Dalle quali cose si conosce effere all' Immaginazione, ed alla Senfazione comune il Principio. Imperocche quella stessa impressione, che fa che sentiamo, fa ancora che c' immaginiamo. Ma vi ha questo di vario, che la sensazione si sa nello stesso tempo, che l'esterno agente forma la sua impressione nel cerebro; ma l'immaginazione dopo che già l'impression fu formata. In quella l'Oggetto è sempre presente : in questa è sempre lontano. In quella il pensiere si dirige al di fuori, e verso l'Og ito, in questa si contiene al di dentro, e ci rappresenta le cose quati nel cerebro stesso circonscritte. E perchèle impressioni che fanno gli Og. getti esterni nel nostro organo, sono assai più vive, ed esticaci che quelle, che vi fanno gli spiriti dentro delle fatte tracce scorrendo. per questo l'Anima è assai più tocca nel senso di quello che nell' immaginazione. Ma perchè possono talvolta gli spiriti essere così agitati, e violenti, che nel paffar per le tracce muovano le fibre presto che con quella forza, con cui furono mosse dagli esterni moventi, per questo può darsi una immaginazione così stranamente vivace, che ci faccia vedere le cose come presenti, e sia in certo modo emulatrice del Senfo.

Una delle prime Leggi dell'Immaginazione è la corrispondenza reciproca dei concepimenti colle tracce impresse, e delle tracce co' concepimenti . Come le diverse tracce impresse nel cerebro dagli oggetti eccitano diverse passioni, o affezioni, o idee nella 'nostr' Anima, così le diverse idee dell'Anima imprimono nuove diverse tracce nel cerebro. La causa di tale reciproca corrispondenza non è che la volontà dell' Autore. Come alla traccia di un albero rifponde l'immaginazione d'un albero, così all'immaginazione di un albero si forma la traccia di un albero. Su questa naturale corrispondenza sta fondata, come offerva il P. Malebranche, (1) la corrispondenza artificiale introdotta dagli Uomini ficchè a tali tracce di luoni, o di caratteri rispondano tali conceplmenti, ed idee, nel che consiste il commercio delle Lingue, e l'universale società de Popoli . Alla voce per esempio di Soldato hanno gl' Italiani congiunta l'idea di un Uomo, che fa guerra, la quale idea hanno gli antichi Latlni congiunta alla voce Miles, ed ora quelli di Fran-

11411

<sup>(1)</sup> Ricerca della verità.

Francia alla voce un foldat. Così di tutte le altre 'II che non può farfi fenta un accordo, o tacita convenzione . Imperocchè quando fi vede un quadrato, fi eccita in tutti l'idea d'un quadrato, ma non così quando fi fente la voce quadrato; perchè primo modo è naturale, il fecondo artificiale. E ciò fie dei pi picare a tuttre le diete fiprituali, che artificialmente sono annefie a tracce naturali. Ove però è da offervari efferci molta diferenza in questi due modi d'immaginazione. Imperocchè le trace, c, che naturalmente vengono dagli Oggetti, soccano, e rendono attenta l'anima; onde avviene che la maggior parte degli Uomini ha facilità di comprendere e ritenere le verità sensibili, ciò le proprietà de corpi; ma le tracce, che non hanno altri alleanza coll' idee che quelle che vi ha posso la posso da ritenere le verità fensibi-

Una seconda legge principale è il legamento scambievole di una traccia coll'altra, in che consiste il legamento de' pensieri tra fe. La cagione di tal legamento è l'identità del tempo, in cui molte diverse tracce sono state dagli oggetti nel cerebro impresfe. Imperocchè, come nota il sopraddetto Autore, basta che molte tracce sieno state nel medesimo tempo prodotte, a fine che non possano più risvegliarsi se non tutte insieme, perchè gli spiriti animali trovando aperto il cammino in tutte le tracce, che si sono fatte nel medefimo tempo, continuano in esse il loro cammino per causa che vi passano più facilmente che in qualunque altra parte. E da tali legamenti prende origine la Memoria, e le Abitudini corporee degli Uomini, che fono comuni a molti altri animali. Imperocchè la memoria non in altro confiste, che in una ferie di concepimenti procedente da una ferie di tracce . nelle quali una dopo l'altra scorrono gli spiriti. E perchè tali tracce ora fono più profonde, ed ora meno, e perciò in esse ora con maggiore, ora con minore facilità vi scorrono gli spiriti. per questo alcune cose più facilmente, alcune meno si tengono a memoria. E perchè le replicate sensazioni fanno più profonde le tracce, perciò si tiene a memoria più facilmente ciò, che spesfo si è veduto, o udito, e più facilmente ciò che si è veduto, essendo generalmente più forti le impressioni, che vengono per mezzo degli occhi, di quelle che vengono per mezzo degli orecchi. Dallo stesso principio dipendono le abitudini. Imperocchè le abitudini non in altro confiftono, che in un corfo facile degli fpiriti di nervo in nervo fecondo quelle vie, che a poco a poco si hanno aperte e si hanno in certa maniera rendute familiari .

Parte II. B Pe

Per quello nel principio sono difficili l'efecuzioni, perchè gli spiriti non trovano le vie, per cui deono passare, assa alsa aperte, e libere; come veggiamo ne' principianti della Mussa, o d'una Lingua straniera. È spesso quelli, che avevano acquistata un'abitudine, la perdono per lo lungo dissolo, perchè ritorano a striegnersi ed a serrarsi quelle vie, per cui prima gli spiriti liberamente passavano. Per questo in fine i fanciulti sono capaci di acquistar nuove abitudini più che gli Uomini, per la mobilità de'loro spiriti; e delicatezza delle loro fibere, ed è difficile di perdere gli antichi abiti, ed a forza di parlare si acquista tanta facilità.

Come allor che noi vegliamo, flanno gli spiriti divis in molre tracce, ed occupati in diversi sensi; ma nella quiete del sonno slanno più raccolti, e ridotti nel cerebro; accade per questo,
che nel tempo del sonno possono talvolta entrare con maggior
copia, ed energia in una traccia di quello, che in tempo di veglia, e farci perciò immaginar più vivamente un oggetto donendo di quello che siamo foliti d'immaginario vegliando. Così può crescere l'intension dell'immaginazione sicche equivaglia
ad un senso; con senso si con si con senso si con senso si così dell'
un ago dormendo, quanto la fentiremmo vegliando; e così dell'
un ago dormendo, quanto la fentiremmo vegliando; e così dell'

altre immaginazioni.

Il passare di pensiero in pensiero, e d'immaginazione in immaginazione fenza riselfo, e fenz'alcua previa meditazione, come talvolta veggiamo accadere, non altronde nasceche dalcorfo vago, ed irregolare, ceb prendono gli spiriti dentro le tracce, che trovano più aperte, e più facili. Che se sono questi per qualche caufa ssica trace de la companio de la companio del controppa forza le fibre, per cui passano, con varie violente illussoni c'inquietano, e ci perturbano, e cagionano il Noi ciò, che diciamo l'Informia.

Se i medeſmi ſpiriti dopo di eſſere entrati nelle traccé dell' immaginazione di un uomo che dorme, paſfano per la ſacilità che ritrovano dentro di quei nervi, che ſervono al movimento del corpo, allora Iaranno naſcere diverſi moti, e principalmente quelli, a cui tale uomo ha la ſsu maggiore abitudine. E da ciò naſce, perchè alcuni benchè addormentati, eſcono talvolta, come veggiamo dal letto, aprono le ſineſtre, paſſeggiano, e ſanno ſmili azioni, quali ſono i Nottambuli. E come in tal ſorta d'Uomini appena gli ſpiriti entrano nelle tracec, che ſcorono a dar movimento al corpo, per queſno avviene per l'ordinario, ch' eʃſendo ſvegliati non ſi ricordano più di quello, che hanno ſatto dormendo. Il contrario accade in quelli, i cui ſpiriti dalle tracce dell'

- Dig Salay Google.

immaginazione non escono, e principalmente se si sono in quelle mossi con forza, perchè allora ritengono essi a memoria tutto ciò, che si sono immaginati dormendo, e dopo di essersi risvegliati, ne

fanno lunghe, ed esatte descrizioni.

Dalla forza dell' immaginazione nasce talvolta, che imitiamo le altrui azioni senza alcuna deliberazione, e mecanicamente - Quando ci fissiamo in qualche azione, che veggiamo sarsi, che per la sua novità ci rapisce, e ci occupa, si forma una prosonat rarcia nel cerebro, ove molta coppia di spiriti concorre, e talvolta move quelle medessime sibre, e quei medessimi nervi, che sono mossi in quello, di cui veggiamo l'azione, e nel modo medessimò onde nasce, che siamo all' improvviso veduti a far le medessime cosc.

Nella ftefia maniera nasce la compassione. Quando', per etempio, veggiamo una piaga, corrono gli spiriti a quella parte, che
corrisponde a quella, che veggiamo impiagata, e si muovono in
maniera simile a quella di colui che prische. E come in tale moto
di spiriti, e di nervi consiste il dolore di chi parisce, così anche il
delor di chi compassice. Questo soli via di vario, che in quello
il moto è primario ed originale, in quesso di vario che
vativo: in quello nasce dall'azzion' d'un agente, in quesso dalla pas-

fion del paziente.

Nasce per questo, che la compassione è minor della passione. Ma essendo il resto pari, ella è più viva in quelli , che hanno gli spiritti più vivaci e le fibre più delicate. Perciò gli Uomini giunti alli età vivirie meno compassionano delle femmine, e dei farciusii. E più compassiona quello, che sta più sitto nello spettacolo colorolo e funesto, ed in cui le tracce dell'immaginazione si sanno più prosonde.

### Dei cangiamenti della Immaginazione, Cap. II.

D'În che i vestigi, o le immagini impresse nel cerchro faranno grandi, e distinte, più l'Anima e immaginerà viramente. E come nota il forrallodato P. Malebranche [1] in quella guisa che la larghezza, e la prosondità, e netrezza dei tratti di qualche intaglio dipende dalla forza, con cui si trutta il bolino, e dalla ubbidienza del rame, così la prosondità, e la nettezza dei vestigi dell'immaginazione dalla sorza degli Spiriti animali, e dalla costituzione dello sibre dei cerebro dipende.

Gli spiriti, continua il suddetto Autore, sono la parte più
B ij pura

<sup>[1]</sup> Ricerca della Verità L, 2.

pura del fangue. Se il fangue è craffo, pochi fpiriti vi fono; fe è facile al moto, gli fpiriti fono caldi ed agitati; fe troppo non fi fermenta, fono fanguidi. Infine la folidità, e forza di quefli è in proporzione della folidità, e forza di queflo. Nafce per queflo, che tutte le cause che possono cangiar affezione nel fangue, la cangeranno ancora negli spiriti, ed in conseguenza nella.

immaginazione. Una delle cause, che cangiano affezione nel sangue, sono i nutrimenti. Il fangue mescolato col chilo è assai differente dal fangue che ha fatte già molte circolazioni pel cuore . E perciò gli spiriti animali, che non ne sono che la più sottile porzione, fono affai differenti nelle persone a digiuno, e in quelle che hanno preso il cibo. E perchè i cibi, e le bevande variano in infinito, e i corpi che le ricevono variano ancor effi infinitamente, così fenza termine debbono variarsi le immaginazioni per tale causa; ne due persone, ch'escono dalla medesima mensa debbono aver la medesima precisa mutazione. I sani e robusti meno restano alterati, ma non così i vecchi e deboli, che perciò si assopiscono quasi tutti, ed illanguiditi nell' immaginazione non possono più dopo il cibo distintamente applicare. Ma il vino fecondo il moto, ch'egli apporta al fangue, ed in confeguenza agli spiriti, rallegra, commuove, trasporta, ed in fine istupidifce.

Un'altra cagione di cangiamento di ſpiriti è l'aria. Enta questa dalla trachea nell'atteria venosa, onde galfa a fermentassi col ſangue nel couro-, e perciò se non apporta una pronta mutazion, come il cibo, lo fa però a poco a poco. La differenza dell'aria, che ſi refpira, si dee considerare come un principio della variatà degli animi nelle Nazioni. Per questo Ciercone [1] attri-

buifce agli Ateniesi l'ingegno acuto, ai Tebani il crasso.

Una terza cagione son le Passioni dell'animo. Egli è da osfervare che motir rami de nevi dell'ottavo pari si legano colle sibre del cuore, e circondano le sue aperture, le sue auricole, e le sue arterie, spanednosto anocra nella fostanza del polmone. Essi col loro moto cagionano molte mutazioni al sangue. Imperocchè quelli; che si legano alle sibre del cuore, facendolo qual-che volta accorciare con troppa forza, spingono con maggior empito, che conviene il sangue alla tella, ed alle parti efferiori del corpo, e talvolta fanno un effetto contrario. Quelli che circondano le aperture, e le auricole del cuore, ora le saltragano, ora le stringono, ed in tal modo accelerano, o ritardano il motoria del corpo, e talvolta santo del corpo se talvolta sono contra se successi con contra se successi con contra con contra c

<sup>[1]</sup> Del Fato.

to al fangue. Tale uso hanno ancora i nervi, che sono sparsi nel polmone; perchè il polmone non essendo che un scomposto dei rami della trachea, della vena arteriosa, e dell'arteria venosa, nasce talvolta che i nervi sparsi nella sua sostanza impediscono colla loro contrazione, che l'aria con l'ordinario corso non pasfi per gli rami della trachea, ed il fangue da quelli della vena arteriofa in quelli dell'arteria venofa, che portano al cuore; ed in tal modo viene talvolta alterato il moto e la costituzione del fangue: onde resta cangiata la Forza immaginatrice. Così i rami che vanno al fegato, se talvolta lo stringono, fanno entrare gran copia di bile per lo suo canale nel cuore, e di là nel sangue ; onde nasce un gran moto negli spiriti, ed in conseguenza un' immaginazione agitata e violenta. Per lo contrario quelli, che vanno alla milza, impediscono il moto colle loro contrazioni, e col fucco melancolico, che vi foremono, affopifcono il fangue, e rendono perciò l'immaginazione languida, e stupida.

L'altro principio, da cui, come abbiamo detto, dipendono le qualità diverse dell' immaginazione, sono le fibre del cerebro. Dal variamento perciò che si farà in esse, nascerà ancora il variamento della forza immaginatrice. Ne' giovani fono molli , fleffibili, e delicate, coll'età divengono più fecche, più dure, e più forti nella vecchiaia fono infleffibili o difficili al corfo degli spiriti, parte per essere crasse, parte per essere riempiute di umori superflui. Nasce per questo, che i giovani facilmente ricevono le tracce, ma se non le profondano colle replicate impresfioni, facilmente le perdono; quelli, che fono arrivati all'età virile, hanno le tracce più consistenti, e per la sorza degli spiriti ne sanno un persetto uso. Ma i vecchi poco le nuove tracce ricevono, ed i loro spiriti per lo più versano in quelle già fatte, e da molto tempo scolpite, e perciò come si suol dire, vi-

La delicatezza delle fibre è cagione d'una vivace immaginazione per tutte le cose sensibili. Per questo le femmine da tali cose grandemente si muovono, e troppo occupate dal sensibile non fono atte alle astrazioni. Elle versano sulla corteccia delle cose, ma non hanno forza di penetrare. V'è una quantità d'uomini, che nella costituzione delle loro fibre sono poco, o nulla dissimili dalle femmine, e perciò hanno essi uno spirito molle, e capace solo di cose leggiere. Altri per lo contrario l'hanno penetrante, robufto, e capace d'ogni meditazione.

vono di memoria.

Del potere, che hanno le immaginazioni delle Madrl fopra i loro Fizliuoli. Cap III.

Benche l'anima dell'infante, che fla nel seno della Madre se fia separata da quella della Madre, è però talmente il suo corpo unito, che le sensazioni e le passioni della Madre si rendono sempre comuni anche al fissipuloo. Così l'infante vede ciò, che vede la Madre, ode lo stesso si riole more, all'odio, e allo sdegno: e sono come due cette accordate all'unision, a' ssioni d'una delle quali corrispondono i suoni dall'altra. Imperocchè se un uomo appassionato imprime una passione simile in quelli, che lo risguardano, molto più la Madre la dovrà imprimere nell'infante, non essendo il corpo dell'infante, che una parte di quello della Madre, ed essendo gi spiriti comuni. Per quello se alla vista di qualche animale improv-visamente veduto nacque una sorte passione di le spiriti comunica anche agli spiriti dell'infante, ersta impresso in quello un vestigio prossono di spavento, che non può non risvegiaria allora.

ch'egli vede il medesimo animale.

Da tale principio dipende una quantità di strani fenomeni in tale materia. Per tale cagione, per esempio, si viddero nascere alcuni stupidi, e senza senso, e colle membra spezzate. Del che la causa su la immaginazion delle loro Madri, ch' essendo di loro gravide vollero esfere presenti allora che da' carnefici fi rompevano l'ossa a'rei. Quanti colpi dà il carnefice al reo, tante scosse si fanno nel cerebro della Madre, e nello stesso tempo in quello del Figlio, che per essere troppo delicato si fiacca, e si sfibra, e perde il senso. Così parimente alla vista dell'orribile esecuzione, corrono gli spiriti della Madre verso quelle stelle parti, dove il reo riceve i colpi, il che si fa ancora nel Figlio; e quel moto, che nei nervi della Madre non lascia sensibile vestigioper la grande tenerezza, e mollezza, lo lascia nei nervi, e nelle ossa del Figlio, e perciò nasce spezzato. Per questo le semmine imprimono ne'fanciulli quelle strane forme, dalle quali esse restarono commosse nel vederle negli altri. Per questo nascono alcuni con deformi, ed estraordinarie figure. Per questo in fine coll' impressioni di diverse frutta, ed altri cibi formate in diverse parti del corpo. Imperocchè quando la Madre vede il frutto, e lo appetisce si sorma una forte immagine di quel frutto nel di lei cerebro, e fi mettono in agitazione gli spiriti, il che si sa ancor nell' infante. Quando clla'ifi tocca in qualche parte del corpo fcorrono gli fipirit verfo quella parte, che tocca, con quella determinazione di moto, ch' è cagionata in loro dall' impreffione fatta nel corebto, e colà fificia filampano queffi in quella medefima parte un'impreffione fimile a quella del cerebro, i l che fi fa ancor nell'infante; ma evvi quefto di vario, ch'efiendo le fibre della Madre confifenti, e forti, non fi fa in elfe mutazione fenfibile per l'impreffione degli fipiriti; ma non coal nel fanciullo, in cui e fibre elfendo aliai delicate, e tenere molta mutazione paticono, che fpelfe volte lafcia in effe un indelbile veffigio; on de fegue che li veggiamo talvolta con findelbile veffigio; on de fegue che li veggiamo talvolta con findelbile veffigio; on concorfo degli umori , e del fangue, che fi fa in effe per quelle vie più facili, ed aperte, che corrifpondono all'antica imprefiione.

Altri effetti di non minore importanza cagionano 'le immaginazioni delle Madri, e fono le inclinazioni, e le passioni, e quelle che chiamano le antipatie, e le simpatie. Imperocchè se gl'infanti portano ful volto le immagini di ciò, che ha mosso la Madre, benchè le fibre della cute siano più dure di quelle del cerebro, e benchè gli spiriti si muovano più vivamente nel cerebro, che nella cute, non si dee perciò dubitare, che gli spiriti della Madre non producano molte tracce forti nel cerebro de'loro infanti. E come alle tracce dell' immaginazione s' accompagnano spesso nella Madre i moti delle passioni, così non dee dubitarfi che ne' loro infanti co' vestigi delle immaginazioni non fi accompagnino ancora quelle delle passioni. Che se tali vestigi sono fortemente impressi, è facile il conoscere come essi possono essere tutta la causa, per cui cotanti stravaganti affetti fi veggano, e come tante avversioni, o desideri, o amori, o inclinazioni veementi, il regolare i quali non è in nostra balia.

Tale per esempio, era lo spavento, în cui tosto si poneva dicaomo Terzo Re d'Ingliterra alla visti d'una spada igunda, di cui ne parla il Cavaliere d'Igby. Nè altronde ebbe questo l'origine che dallo spavento, ch'ebbe la di lui Madre allora che estendo d'esso garaida si vidde entrare in Camera i consgiurati colle spade ignude, ed ammazzare i suoi sotto gli occhi propri.

Nè giova il dire, che se ciò fosse vero, dovrebbono sempre le Madri comunicare a'loro figliuoli le stesse inclinazioni, e le stesse affezioni, che hanno. Imperocchè si dee considerare esservi due

due forte di tracce, altre naturali, ed altre accidentali. Quelle fono più profonde, ed immutabili, e si diramano per tutto il corpo; queste sono meno forti, e si cangiano, e ad alcuni Inervi solamente si stendono. Le prime si trasmettono con tutta la forza. Così i Papagalli formano i figli disposti ad aver il medesimo canto, e il medesimo grido. Ma perchè le tracce accidentali fono di minor forza, nè all'organo intiero fi estendono, per questo non molto si trasmettono. Così un Papagallo, che faluta il fuo Padrone, non imprime la stessa virtù ne fuoi parti. Egli è vero, che non vengono eccitate tali idee passaggere nella Madre se non sono ancora nel Figlio, ma quando nasce il Figlio, facilmente si cancellano, e gli oggetti sensibili ne producano di nuove, come veggiamo che ad un nuovo efficace dolore si obblia il precedente. Che se le accidentali sono assai violente, allora fono emule delle naturali, come nell'efempio di Giacomo Terzo. Ma i figliuoli di quello non ebbero la stessa debolezza, parte perchè tali impressioni vanno sempre scemandosi ne Figli; parte perchè la Madre colla buona costituzione del corpo le impedifce,

### Dell' Immaginazione forte. Cap. IV.

PER Immaginazione forte intendefi quella costituzion di cer-vello, che ci rende capaci di vestigi, e di tracce estremamente profonde, per le quali si riempie talmente la capacità dell'anima, ch'ella è impedita di prestar attenzione a qualunque altra cofa. Vi fono due forte di perfone, che hanno l'immaginazion forte. I primi ricevono queste tracce per l'impressione involontaria, e fregolata degli spiriti, i secondi per la costituzione del loro cerebro. Del primo genere fono quei Pazzi, che fono costretti a pensar sempre intorno una cosa sola, e quando incominciano il discorso intorno di un'altra, tosto lo troncano per versare su quella. Della qual sorta ve ne sono molti, ed a questa classe appartengono tutti gli Appassionari. I secondi sono tali per la natura delle loro fibre, e fono esposti a due difetti, il primo d'essere difficili nel maneggio de discorsi, perchè difficilmente si flettono le loro fibre, e si mutano in essi le tracce : il fecondo è che fono per lo più visionari, non come i Pazzi ma proffimamente. Tale forta di genj eccede in tutto, e nel timore, e nella speranza, ingrandiscono tutto, e di tutto si fanno maraviglia.

Uno de'più grandi effetti dell'Immaginazion forte è uno irre-

0--

golato timere delle apparizioni degli finiti de' fortilegi, e magie. Niente vi è di più terriblie, e che imprima più profonta tracce, che l'idea di qualche potenza invifibile, che non penfa, che a nuocerci, ed a cui non polliamo refiltere. All'immaginazione di quella molti perciò fi credono d'effere invali, e fifiamente lo penfano. All'afpetto, o alla deferizione d'una malia;, molte volte fi fimano ammaliati.

Nasce per l'immaginazion sorte, che alcuni talvolta credonsi diventar Lupi, e vanno per le strade correndo in tempo di notte; altri si credono animali, altri si simano Monarchi. Nè da

altra origine nascono i Sogni, o le illusioni de' Nottambuli. E tali cose bastino intorno della Immaginazione.

#### SEZIONE SECONDA

Delle Paffioni dell' Anima.

Delle Passioni in Genere , Cap. 1.

D letro alle fensazioni, ed immaginazioni vengono le Passo-ni, delle quali ora diremo incominciando prima dai Platonici, e dai Pitagorici, che, come nota ancor Cicerone nelle fue questioni Tusculane [ 1 ], consideravano nell'Anima (due parti , l'una partecipe della ragione, e l'altra della ragione incapace. Nella prima ponevano la tranquillità, cioè uno stato placido e quieto, proprio dell'Uomo faggio; nell'altra i movimenti torbidi dell' ira, delle cupidigie, e degli altri affetti, i quali tutti da Zenone, e dagli Stoici erano tenuti per contrarj, ed inimici della ragione. Tale dottrina fu abbracciata ancora dagli Aristotelici, i quali confiderarono ancor effi nell'Anima due parti, l'una Ragionevole, che chiamarono ancora Superiore, e l'altra Irragionevole, ovvero Inferiore. Nella ragionevole due facoltà diffinfero, e due parimente nella irragionevole; quelle fono l'Intelletto, e la Volonta; queste la Immaginazione, e l'Appetito sensitivo, che poi dietro l'orme di Platone in Concupiscibile , ed Irascibile divisero. E siccome nella parte tranquilla dell'Anima la Volontà con moto placido ed ordinato feguita ciò, che le viene dall'Intelletto proposto e rappresentato per bene, e sugge, ciò che le viene rappresentato per male; così nella parte torbida l'Appetito sensitivo seguita, e sugge quel bene, o male sensibile, che gli viene dalla Fantafia, o Forza immaginatrice rappresentato, il che Parte II.

<sup>(1)</sup> Lib. 4.

non si fa senza molte, e varie mutazioni, e perturbazioni corporee. Che se tal bene, o male sensibile viene rappresentato come
difficile ed arduo da conseguire, o da suggiere, egli appartiene
all'Appetito irascibile; ma se viene rappresentato come facile, egli appartiene al concupicibile, di cui cetramente i moti sono
violenti, ed agitati; ma meno però degl'irascibili. E secondo
tali dottrine surono comunemente definite le Passioni: Mocimenti dell'Appetito sensibile i onde accade insolira mutazione
nel corpo. di un male sensibile : onde accade insolira mutazione
nel corpo.

Aristotele nel Libro a. dell' Etica Cap. 4. a due specie riduce

tutte le passioni, cioè al Piacere, e al Dolore.

Dalla qual opinione non è diverfa quella dei Democritici, e degli Epicurei. Ma prefio gli Stoici quattro fono gli Affetti primari, due riguardo al bene, e due riguardo al male. Imperochè in ordine al bene confiderato come conveniente, e facile da acquiflarfi, nafeci il Defladrio; e in ordine al bene acquiflato, nafeci il Gaudio. Ma in ordine al male concepto come già vicino, ed imminente nafeci il Timmor; e in ordine al male, concepto divisfione figue Virgilio [1] allora quando parlando dell' Anima del Mondo secondo le dottrine de Platonici, afferma da effa trare origine le Anime umane, e le Passioni, ch'esse dentro i corp imprigionate esperimentano.

Hinc cupiunt, metuuntque, dolent, gaudentque, nec auras Respiciunt clausa tenebris, & carcere cæco.

É quinci ancora

Avvien, che Tema, e Speme, e Duolo, e Gioja Vivendo le conturba, e che rinchiuse Nel tenebroso carcere, e nell'ombra

Del mortal velo, alle bellezze eterne

Non ergan gli occhi.

S. Tommaio [a] nella fua Somma undici passioni distingue; sei delle quali apparengono alla Concupicibile, e sono l'Amere, l'Odio, il Desderio, la Fuga, il Gaudio, e la Tristaza; e cinque all'Irascibile, e sono la Speranza, e la Disperazione, l'Audacia, e il Timore, e finalmente l'Ira, cui non si dà contrario.

Per render ragione della qual divisione egli vuole, che si consideri, che qualunque immaginazione di bene, o di male sensibile, che non importa la circostanza dell'arduo appartiene all' Ap-

<sup>(1)</sup> Eneide Lib. 6. (2) 1, 2, queft. 23, art. 3,

Apetito di cupidigia, e perciò o che l'Anima versa intorno di tale oggetto, altraendo che sia presente, o lontano, e nasce in essa l'Amore per riguardo al bene, e l'Odio per riguardo al male; ovvero lo considera lontano, e nasce il Desiderio per riguardo al de le, ovvero le cambiente lo male. O finalmente lo concepsice presente, e per lo bene ha il Gaudio, per lo male la Triflexzo.

Ma Quando il male, o bene fenfibile è conceputo come arduo allora nafcono gli Affetti dell'Irafcibile. Ed in tal modo fe fi concepifee il bene arduo, ma però pofilibile da ottenere, nafce la Speranza, e fe fi concepifee impofilibile la Disperazione. Se fi apprende il male imminente; ma nello ftello tempo fi concepifee una forza di ribatterlo, e fuperarlo; nafce l'Ardimento; para fe fi apprende maggio della noftra forza, il Timore. Finalmente fe il male ci aggrava, e circonda, e tendiamo a respignerlo, e discacciarlo, inforge l'ras, cui non vè Affetto contrario; imperocché fe vi fosite dovrebbe egli versare intorno il bene presente, ed arduo, il che non può darsi, non potendo concepiris per arduo il bene, th'è presente.

Altra divisione flabill il Cartesio, il quale di tal materia ci lacici un eccellente Trattato, ed accuratamente i moti corporei, che alle Passioni vanno congiunti, e o le precedono, o le confeguono, ci defersile, del che ora diremo; impercomo l'elaminarle in tal modo alla Fisica principalmente appartie-

E prima di tutto allora che concepiamo gli oggetti, fecondo che gli concepiamo o giocondi, o molefti, ed uno in una maniera, uno in un'altra, nascono in Noi diverse mutazioni, che Passioni dell' Anima si appellano, le quali sono differenti dalle femplici Sensazioni; perchè le Sensazioni si riferiscono agli oggetti stessi, e le passioni a Noi. E perchè tra il Corpo e lo Spirito v'è tale unione, che ogni volta, che nasce mutazione nel Corpo, nascer debba mutazione ancor nello Spirito, e reciprocamente alle mutazioni dello Spirito debbano accompagnarsi le mutazioni del Corpo; perciò a qualunque Passione dell'A-nima corrispone una precisa Passione del Corpo, e a qualunque Passione del Corpo corrisponde una precisa Passione dell'Anima, così che in qualunque affezione dell'Anima con tale e tal modo viene coffituito l'organo, e le parti dell'organo, ed in altra affezione con altro modo, e reciprocamente : i quali modi per verità non possono precisamente determinarsi; ma possono però molte circostanze o esterne, o interne non difficilmente Cii

offervarsi, e notarsi, che sono come le note, ed i caratteri sensibili di ciascuna Passione.

Diconfi poi Paffioni, perchè nafcono in Noi per l'azione degli oggetti, che cancepiamo. E perciò l'oggetto è quello che agliec, lo Spinto quel che patifee. Non però gli oggetti efferni eccitano in Noi le paffioni fecondo ciò, che effi fono, ma eccondo ciò, che vengono da Noi conceputi. Così un oggetto, febbene non è pericolofo in fe fteffo, conceputo però fotto l' immagine di pericolofo, mouve il Terrore, e così degli altri.

Per altro quantunque innumerabili Paffioni difiniquer fi poffiano, altre dele quali hanno il nome, ed altre fione forza nome,
ottimamente fembra avere confiderato il Cartefio, effervene alune Originarie, e Primitive, che quasi fonti di tutte l'altre
posiono con ragione chiamarsi; effendo tutte l'altre Secondarie,
e Derivote. Della prima forta fei ne distingue il suddetto Autore,
e fono l'Aminiazzione, l'Amore, e l'Odo, il Defidera, il Alekgrezza, e la Triflezza, delle quali ora singolarmente trattetemo per pariare poi delle Secondarie.

### Delle Paffioni Primarie. Cap. II.

A Passione, che sentiamo prima di tutte è l' Ammirazione. A Pattione, one tentiamo prima de la Pattione, one tutte l'altre vengono in Noi eccitate dopo che già è stato da Noi conceputo l'oggetto; questa si eccita nella prima impressione di quello. Ella è un ordinario effetto della novità. Imperocchè suole occuparsi l'Anima, e tenersi attenta alla considerazion di un oggetto, che all'improvviso se le rappresenta come estraordinario, e nuovo; nel che consiste l'Ammirazione. Così quando concepiamo una cosa insolitamente grande, o una rara virtù, nasce in Noi maraviglia. La novità dell' oggetto dà piacere all'Anima, e perciò si fissa ella nella contemplazione di quello. Tale fissamento nasce per la stessa fissazione degli spiriti occupati nella nuova traccia, che il nuovo oggetto nel cerebro impresse; il che talvolta in tal maniera si fa, che dall'azione degli altri oggetti vengono appena gli spiriti richiamati, e lasciano senza moto, e senza funzioni le parti esteriori del corpo ; onde feguono molti fegni e caratteri propri di quelli che in tal Passione sono costituiti. Per questo sogliono essi. talvolta tenere gli occhi fissi nell'oggetto, stare colle ciglia inarcate, colla bocca aperta, e restarsi immobili, e simili talora ad. una statua, il quale grado di maraviglia dicesi Stupore.

Dalle quali cose s'intende primamente, perchè nel primo a-

fpetto nasce sempre maggiore ammirazione, che nel secondo, e nel secondo più che nel terzo, sicchè sempre vada diminuendosi . Imperocchè men nuovo comparifce l'oggetto nella feconda comparfa di quello che nella prima; e meno ancora nella terza di quello che nella seconda. Il che sembra essere una legge generale della natura, imperocche qualunque sensazione, o passione è più forte, ed occupa più lo spirito nel tempo, in cui s'imprime, che per lo tempo, in cui si conserva. Così un lungo dolore si fa minore col sopportarlo, e la causa forse principale, per cui il folletico fa tanta impressione nel nostro spirito, è perch' egli è un movimento infolito.

Intendesi in secondo luogo, perchè quelli, che hanno l'ingegno pigro, e tardo, non fono disposti all' ammirazione, imperocchè manca in esti la forza immaginatrice, che è necessaria per concepire distintamente gli oggetti, e conoscerne in conseguenza la loro novità. Dall'altra parte fogliono più facilmente maravigliarfi quelli, che sono più rozzi, ed incolti, perchè gli oggetti a questi appariscono più nuovi di quello che agli uomini eruditi, ed istruiti. Il che tanto più spesso succede in quelli, che dopo molti atti di ammirazione hanno contratta una certa facilità di ammirare, onde restano fissi, ed attoniti anche per quegli oggetti, che appena hanno faccia di novità, come è proprio di quelli, che si chiamano

Leggieri.

Dopo che l'oggetto ha impressa la traccia di se medesimo nel nostro cerebro, se viene da Noi conceputo come un bene, allora nasce iu Noi una commozione interiore, che ci porta verso di quello, e si chiama Amore. Ma per lo contrario se l'oggetto viene da Noi conceputo come un male, nasce in Noi un movimento contrario, che ci ritira, e ci allontana da quello, ed Odio si appella. Ed in tal modo, nella passion dell'Amore consideriamo la cosa amata come a Noi congiunta, sicchè di quella, e di Noi stessi c'immaginiamo farsi una cosa sola. Ma per lo contrario nell'Odio consideriamo la cosa odiata come disgiunta, ficchè quella come un tutto, e noi come un altro tutto intiera-

mente diverso ci concepiamo.

Il Bene, come lo definisce ancora Aristotele [1] è ciò, che bramiamo, o ciò, al di cui possesso siamo portati, perchè il possederlo ci arreca piacere. E perchè a questo una cosa, a quello un'altra è di piacere, per questo vario è l'Amore. Perciò altri amano gli onori, altri le ricchezze, perchè ritrovano in esse il loro bene, e il loro piacere, altri i beni del corpo, come

<sup>(1)</sup> Eric, L.1.

la robustezza, la forza d'ingegno, la gioventù, la bellezza, altri le virtù dell'intelletto, o del costume.

Se l'oggetto si concepisce come un bene a Noi proporzionato, e facile adacquistarsi, nasce un movimento di spiriti verso di quello, e nello stesso tempo una tendenza dell'anima, ed una volontà di acquistarlo, e di possederlo, la qual Passione chiamasi Desiderio. Che se si concepisce l'oggetto come un male, da cui possiamo sottrarci, allora si sa un movimento contrario di spiriti, e nello stesso nasce una Passione nell'anima con cui vogliamo fottrarci dal male che ci fovrafta, e dicefi Fuga. Nè folo il Defiderio tende ad acquistare il bene, che non fi ha, ma a conservare ancora quello che si possede; e così la Fuga tende non folo a tener lontano il mal, che sovrasta, ma a discacciare ancora quel, che ci aggrava. Quanto è maggiore il bene, che fi concepifce, tanto maggiore, effendo il refto pari, si fa il Desiderio; e così parimente quanto è maggiore il male, tanto è maggiore la Fuga. Per un'altra parte tanto più eresce il Desiderio, quanto più conveniente a Noi concepiamo il bene, e tanto più cresce la Fuga, quanto più inconveniente giudichiamo il male. Per questo con molto ardore il foldato defidera la vittoria, e il mercatante il lucro, e l'uomo nobile gli onori.

Quando concepiamo il Bene già in nostro possesso, nasce in Noi una gioconda Passione, che dicesi Allegrezza, cui si oppone la Triflezza, che nasce in Noi, quando ci consideriamo aggravati da un male. Quanto maggiore, o minore si concepisce il bene, che fi ha in poffesso, tanto maggiore, o minore è l' Allegrezza, che si sperimenta; e perciò maggior è l' Allegrezza allora quando acquistiamo di nuovo un bene, che dopo di averlo acquistato. Imperocche i beni che si posseggono, tengono men occupato lo spirito, che tende sempre all' acquisto di nuovi beni. Così maggiore è la Triffezza nel primo aggravamento del male, che dopo molto tempo che si sopporta, facendosi minore col lungo uso il dolore. Talvolta molti oggetti tristi non senza qualche giocondità d'animo si rappresentano. La ragion è che il male non fovrasta a Noi; ed è cosa per Noi-gioconda il concepire i mali, da'quali siamo liberi. Così è cosa gioconda il veder le Tragedie, e le fere, che sogliono a Noi effere di pericolo, fenza temet danno da esse; e molte altre cose orribili, le quali sono rappresentate da' Poeti, e da' Favoleggiatori. Talvolta è cosa lieta il ricordarsi le disgrazie, che abbiamo patite ; perchè alla memoria de passati mali si unisce la considerazione del bene che

ora godiamo. Ed è cosa lieta al giovane magnanimo la presenza del pericolo; perchè insieme col pericolo, che per altro dovrebbe eccitare tristezza, si eccita l'idea della virtù, e del valore, con cui egli considera di poter acquistar la vittoria.

De' moti organici, che nascono nelle suddette Passioni . Cap. III.

TEll'Ammirazione non si fa alcuna mutazione di cuore, o di sangue; ma solamente si fa un trattenimento di spiriti, che ci rende fissi, ed attenti nella considerazion dell'oggetto . Ma non così nell'altre Passioni. E primamente nell' Amore offerva il Cartefio, e con esso gli altri Fisici, che subito che all' Anima l'oggetto amabile si rappresenta, gli spiriti animali della traccia, che sece l'oggetto nel cerebro, prendono un moto vivace per gli nervi della festa, e della ottava conjugazione verso del cuore, e verso i muscoli, che stanno intorno allo stomaco, ed agl' intestini ; onde un soave calore si sente, ed un grato movimento, e il fangue più fi depura, e fa una circolazione più lieta; onde nasce nell'animale un sentimento soave, ed una aura ferena di gioja. Ma nell' Odio gli spiriti si muovono in una maniera tutta contraria, parte nei mufcoli degl' inteffini, e dello stomaco impedendo che il nutrimento entri liberamente nel Sangue, parte nei piccioli nervi, che chiudono le vene, ficchè facciano opposizione al moto del sangue ; parte in fine spremendo i fucchi della melancolia, e della bile, onde nafcono molte ineguaglianze nei movimenti del fangue, e molte gravi, e maligne affezioni, che tengono l'Anima in un continuo fenfo d'acrimonia, e di amarezza.

Nel Desiderio sono posti în agitazione tutti gli spiriti, ed il cuore è con violenza agitato; i moti della Fuga sino poco diversi da quei dell'Odio. Ma nell'Allegrezza sbocca il sangue con celeritationi del cuore, ed alle parti estrerio del corpo i porta; onde vivacità in volto, e forza, e colore nasce, e luce negli occhi - Per lo contrario nella Trifezza rifertuti gli orifici del cuore, il moto del sangue si fa più debole, e tardo; onde il cuore da certo peso i sentiamo aggravato, e le parti esterne languide, e senza sorza, e senza colore si veggono. Imperocchè come qualunque Passione ha il suo particolare organico movimento, col ancor ha il fue atricolare organico movimento, cool ancor ha il su sorticolare carattere, e i segni propri; come sono le azioni degli occhi, e del volto, le mutazioni del colore; i tremori, il languore, il deliquio, il riso, le lagrime, i gemiti, ed

i fospiri. Ed altro è l'aspetto di quello che ama, altro di quello che odia, altro di uno che brama, e di chi si rallegra, e di chi si rattrifta. In alcune Passioni si cangia il colore, il che proviene dal cuore; imperocchè se il sangue esce dalle vene, e dalle bocche del cuore con empito, ed in copia, allora correndo alle parti esteriori del corpo, le rende rosse. Ma se si ristringono le vene. e le bocche del cuore, allora minor copia di fangue concorre alle parti esteriori, onde nasce il Pallore. Così nell' Allegrezza diventa rosso il volto; perchè in tal Passione si aprono le cataratte del cuore, e il fangue scorre veloce per tutte le vene, ed entra nella faccia più caldo, e più copiolo, onde la rende più lieta, e più ferena. Per lo contrario nella Tristezza strignendosi le bocche del cuore, avviene che il fangue corre più lento per le vene, ed in minor copia, e più freddo giunga alle parti eftetiori; onde nasce il Pallore. Per questo se è imoderata l'Allegrezza fi rilafciano talvolta le picciole bocche del cuore in tal maniera, che con troppo empito fgorgando il fangue per gli polmoni, resta impedita la respirazione, onde ne segue morte, come narrano [1] di Filemone Filosofo.

I Tremori hanno due diverse cagioni, l'una perchè talora troppo pochi spiriti scendono dal cerebro nei nervi, e l'altra perchè talvolta ve ne scendono troppi, che în conseguenza li vanno agitando. La prima causa apparisce nell'a triflezza, e nel timore, e nel freddo. La feconda apparisce nell'allegrezza, nell'ira, e nell'

ubbriacchezza.

Il Languore è una certa disposizione alla mancanza del moto, che si sente per tutte le membra. El ca cagione è la Cardezza degli spiriti, che dal cerebro scendono ne muscoli a dar movimento, il che in due maniere può fasti, o perchè roppo dispendio fiasi fatto di esti, o perchè roppo dispendio fiasi fatto determinata sinchè le altre vengano abbandonate. Ciò talvolta accade nella passion dell'Amore, imperocche talvolta tanto è occupa l' Anima nell'oggetto amato, che la maggior parte degli spiriti sa continuamente impiegata nella traccia di quello. Lo stesso relativa cacade nel Desiderio, e principamente quando è vecemente, e quando le distincolta di ottenere la costa desiderata occupano l'Anima, e la fisiano nel pensier di ortenerla. Spesso nella Tristezza di ente, e da ancora nell'Allegrezza; in quelle per una fisia considerazione de propri mali, in questa per un grave dispendio di spiriti.

Il Deliquio è una perdita di moto maggior del languore, sic-

<sup>(1)</sup> Val. Maff. Lib. 9.

chè i sensi vengano del tutto abbandonati, e noi fiamo posti in un on stato simile a quello di morte. Egli suole accadere in una estrema Allegrezza allora quando aprendosi estraordinariamente le bocche del cuore, il sague in tal maniera accelera, che s'ingorga, nè prontamente passa per le vene; onde resta quasi estinto il suo movimento. Il che talvolta, sebbene più di rado, accade in una grande Tristezza, in cui troppo si ristringono le bocche del cuore, onde nè il sague liberamente può moversi, s

nè colla ordinaria misura entra nel cuore.

Il Rifo si fa, perchè il sangue ch'entra dalla vena cava nei polmoni, gonfiando i medefimi più del folito, obbliga l'aria, che sla dentro d'essi rinchiusa ad uscire con empito per l'aspera arteria, nel cui movimento restano scossi i muscoli del diaframma, e del petto, e della gola, e nasce quell'agitazione, e mutazione di volto, che veggiamo in quelli, che ridono non fenza un fuono inarticolato, di cui è cagione l'aria, ch'esce rapidamente, e copiosamente dall'aspera arteria. Suole essere il riso compagno dell' Allegrezza, mentre in tale passione il sangue entra nel cuore con maggior forza, ed in maggiore abbondanza . Sebbene in una estrema Allegrezza può mancare il riso a cagione che il sangue per la troppa copia s'ingorga, e resta impedito il suo moto. E perchè la novità degli oggetti cagiona l'ammirazione, e con l'ammirazione talora fi unifce l'Allegrezza, per questo talora alla vista di nuove cose nasce il riso, il quale è maggiore se veggiamo nell'oggetto una certa deformità, ed inconvenienza; onde nasce, che spesso ridiamo in vedere un uomo deforme, come un ch'è gobbo, o pigmeo, e fimili. Talvolta possono i succhi della bile cagionare una specie di riso, entrando nel fangue, ed aumentando il fuo empito; onde nasce talvolta, che nell'odio, e nell'ira fi veggono alcuni a ridere , ma con una specie di riso amaro, il quale si fa parte per una certa allegrezza che nasce mentre si concepiscono superiori al loro nemico, e parte per la mission della bile, che pone il sangue in fervore.

Le Lagrime allora fillano, quando fono premute, e firette le glandule lagrimali, che contengono codefto umore, e fianno nell'angolo interno dell'occhio. Si fpremono effe tanto nella triflezza, quanto nell'allegrezza; ma con diverfa maniera; nell'allegrezza perchè in tal patti = il fiangue e gli umori vengono politi na gitazione, e fi fa una univerfale dilatzione dei vafi; ma nella triflezza perchè in effa fi thringono le vene, e quafi tutti i vafi, dentro di cui fianno rinchiufi gli umori. Ma nella fomma allegrezza, e nella

Parte II.

nella fomma triftezza non cadono lagrime; perchè nel primo cafo i moti del fangue reflano, come abbiamo detto, impediti; e nel fecondo i moti fono così lenti, e tardi, che non v'è baftante impulfo per far ufcire l'umore dalle glandule, che lo contengo-

Che se talvolta avvenga, che il sangue, il quale per la passione della trissezza già si era altentato, e stava premendo i cuo re, o per la fuzo forza, o per la forza di qualche speranza, in cui si dilati il cuore, e si aprano le sue bocche, sigorgi con empito, siche retti follevato il cuore, ca altora nasce ciò, che chiamiamo il Respiro, cui sta sempre congiunto un senso di piacere, e di gioja, e questo non si sa fenza una dilatazione del petto, e senza un suono di voce, le quali cose nascono dalla distazione del cuore, e dalla copia dell'aria, che all'improvviso esce fuori dell'aspera arteria.

Delle Passioni secondarie, e prima di quelle che sono una specie di Ammirazione, o di Amore. Cap IV.

D Alle Passioni primarie, che abbiamo descrirto, molte altre ne nascono, che sono come rami, ch' escon da' tronchi. E primamente dall' Ammirazione nasce la Estimazione, o il Dispregio. Imperocchè quando ci si presenta un nuovo oggetto, o concepiamo effervi in quello valore, e qualità pregevoli, e ci fentiamo portati verso di esso con un affetto di Stima ; o lo concepiamo tenue, e vile, e nasce in noi una passion di Dispregio. E perchè tra gli altri oggetti possiamo considerare ancora noi stessi , per questo può inforgere una stima, o un dispregio ancora di noi stessi; onde dipendono vari effetti. Imperocchè se conosciamo essere in noi buone qualità, ed eccellenti, nasce la Generosità d'animo : le quali però paragonate da noi ad altre più grandi ci cagionano un affetto di Umilià, e di Modestia, e se le stimiamo più di quel che si dee, nasce Superbia. Ma se ci concepiamo impersetti, e vili, nasce Bassezza. Nelle quali Passioni tutte come v'è il suo particolare moto di spiriti, così v'è il suo particolar esterno carattere ; onde veggiamo, per esempio, il Superbo camminare col capo alto, guardare con occhi audaci, parlar con impero, e mostrar di ogni cofa dispregio; ma per lo contrario l'Umile ha un portamento modesto, abbassa gli occhi, parla con rispetto, e dimostra stima. Che fe fi presenta una nuova persona, e s'imprima in noi concetto ch' ella ci fia superiore di molto, e sia capace di giovarci, o di farci danno, ci fentiamo inforgere verso d'essa un affetto misto di ammirazione, e di amore, ma di timore insieme, che Venerazione si chiama; ma per lo contrario un affetto di Dispregio, o di Sdegno

fe la concepiamo vile, e di noi molto inferiore.

Intorno all'Amore tre specie retramente ne distingue il Cartesio Imperocchè o stimiamo la cosa meno di noi, cioè a dire l'amiamo folo per riguardo di noi; ovvero la stimiamo quanto noi; o infin più di noi. Nel primo cafo l'Amore si chiama Benevolenza; nel secondo Amicizia, nel terzo Divozione. Coll'amor della prima forta amiamo un cavallo, un cane, un fiore, un fervo, e molti, che servono ai nostri comodi, ovvero piaceri. Il secondo modo è tra gli amici propriamente detti, cioè tra quelli, che si amano per onellà, tra il marito e la moglie, il padre e i figliuoli. Nel terzo modo amiamo il principe, la patria, e Dio, per gli quali molti non hanno dubitato di morire.

Un'altra specie di Amore è la Compiacenza, cui direttamente si oppone l'Aborrimento. E' la Compiacenza una passione, che ci porta verso un oggetto, che ci si presenta sotto il sembiante di Bellezza. Per lo contrario l'Aborrimento è una specie d'odio contro un oggetto, che ci comparisce Deforme. Le quali due passioni fono tortiflime, e delicatiffime; imperocchè il bello, e il deforme cadono fotto i fenfi, e le azioni delle cose fensibili sono più efficaci di quelle che all'immaginazione , o all' opinione appar-

tengono.

Una specie d'amore ancora è il Favore, e la Gratitudine. Favore dicesi una inclinazione di volontà, che abbiamo verso di alcuno, per cui lo preferiamo agli altri, e bramiamo il fuo bene; la qual passione per l'ordinario è in noi eccitata per qualche buona azione di quello, a cui fiamo favorevoli, essendo noi naturalmente portati ad amar quelli, che fanno cose da noi concepute per buone; perchè sebbene non ce ne risulta alcun bene presente, speriamo sempre, che col tempo ne possiamo conse-

guire. La Gratitudine è una specie d'amore, che abbiamo verso di alcuno per cagione di qualche beneficio ricevuto: la qual è una passione propria degli uomini generosi ed onesti, che cercano di rendere bene per bene; e non sopportano d'essere inseriori . Si oppone ad essa l'Ingratitudine, la quale però non è una passione : perchè non l'accompagna alcuna mutazione di fangue, o di spiriti; ma è una sola privazion di passione. Ella è propria degli uomini brutali, stupidi, e deboli. Dei brutali, perchè penfano, che tutte le cose fiano loro dovute; degli stupidi, perchè non sono commossi dai benefici, che ricevono; e finalmente dei

deboli, parte perchè pensano doversi dare soccorso alla loro miferia, parte perchè amano il beneficio; ma odiano, ed invidiano quelli, che loro son superiori.

Delle Passioni secondarie, che derivano dal Desiderio. Cap. V.

Uando concepiamo l'oggetto come un bene, e come a noi conveniente, inforge, come abbiamo detto, la passione del Defiderio. Ma l'aspetto della facilità per ottenere il bene desiderato fa nascere ciò che si chiama Speranza; e per lo contrario l'aspetto della dissicoltà sa nascere il Timore. Alla speranza sta sempre congiunta una specie di giocondità prodotta dalla rappresentazione dell'acquisto di quel bene, che bramiamo, il qualpensiero è lieto. Ma per lo contrario col Timore va unita la Tristezza, perchè l'immaginarsi un bene contrastato è dispiacere . Quanto maggior è il bene, che si concepisce facile ad acquistars, tanto maggiore, essendo il resto pari, è il diletto della Speranza; e per lo contrario tanto più grave è il Timore. E quanto maggiore si apprende la facilità d'acquistare il bene, tanto maggior parimente è la Speranza, e per lo contrario quanto più difficile comparifce l'acquifto, tanto più cresce il Timore. Ma perchè per lo più non così facile comparifce l'acquisto di un bene. che molte difficoltà non si presentino nello stesso tempo alla mente, per le quali può effere reso vano il desiderio di avere il medesimo bene, perciò non suole concepirsi Speranza, che non sia con qualche Timore commista. Che se i casi di conseguire il bene si concepiscano assai superiori ai casi di perderlo, allora muta nome codesto affetto, e chiamasi Confidenza, siccome quando i casi di perderlo si concepiscono assai superiori a quelli di acquistarlo, muta nome il Timore, e Disperazione si chiama . Tanto nella Confidenza, quanto nella Disperazione cessa il Defiderio. Imperocchè non bramiamo ciò, che già concepiamo acquistato, come nella Confidenza; nè parimente bramiamo ciò che concepiamo impossibile da acquistarsi, come nella Disperazione.

Una specie di Timore è la Gelossa, in cui temiamo più di quello, che si dee, la perdita di un bene, che molto amiamo, e già possidaimo. Nasse codesto assetto dall'amore stesso, che abbiamo al bene posseduto; per cui ordinariamente si sa, che tutto di parventi, e c'ingombri, ed i minimi motivi di temere si prendono per massimi, e quanto tale assetto ingrandisce il ben possidato,

tanto diminuisce l'opinione di se stesso, ed imprime uno spirito di Bassezza.

Quando l'anima è agitata dalla considerazione dei mezzi, che per acquistare un bene che brama, o per evitar un male che odia, se si presentano all' immaginazione in maniera che sta tra la speranza e il timore, ed or da una parte ora dall'altra pende quasi in dubbiola lance, allora dicesi essere in Fluttuazione. Ma quando si risolve ad intraprendere virilmente ciò che la conduce all'acquifto del bene, o al discacciamento del male, allora inforge in effa l'Affetto dell' Ardimento, il qual cangiato nome Audacia fi appella, quando s'intraprende di fuperare una forza maggiore, e per ribattere un male si va incontro senza ragione a mali maggiori. Che se tendiamo all'acquisto di un bene per quella ragione precifamente, che altri da noi stimati nostri pari lo hanno acquiltato, dicesi Emulazione. E tali affetti tutti dal Desiderio sembrano avere origine, ed hanno la speranza per loro compagna. Imperocchè sebbene ciò che intraprende l'ardito e l'audace è difficile, concepisce però l'uno e l'altro aver una forza maggiore della difficoltà, e fempre si rappresenta un felice fuccesso. Ma quando per acquistare un bene o per evitare un male, ci sentiamo aver poca forza, allora è in noi l'affetto di Pufillanimità, il quale se all'improvviso ci vediamo oppressi da un male, che concepiamo grande, e superiore molto alle nostre forze. diventa Costernazione.

Delle Passioni secondarie, che hanno origine dalla Allegrezza, e dalla Tristezza, Cap. V I.

C'E concepiamo aver fatta qualche azione o ingiunta, o imprudente natce una fpecie di Triflezza, che diceli Peruimento. Ma fe fiamo dubbiofi fe ciò che abbiamo fatto fia giutto, o ingiufto, nafce la Pattion dello Scrupolo, la quale talvolta è un granto tormento dell'anima, che l'agina di continuo tra la fiperanza e il timore. La mancanza dei beni, che ardentemente dehderiamo, ci cagionas, come abbiamo detto, triflezza. Ma fe regglamo anche agli altri mancar quei beni, che mancano a noi, natce una fipecie di allegrezza, ed una confoliazione. Per lo contrario fe veggiamo negli altri un bene, che non abbiamo noi, e che bramiamo, nafce una fipecie di triflezza, che l'uvidia fi chiama, la qual paffione prende la fua mifura dal defiderio; che abbiamo del bene, che veggiamo in altri; e perciò talvolta è violentifilma j paffione fempre tormentofa, e mordace : imperocchè va fempre coll'odio, e col

e colla triftezza congiunta, che sono affetti infelicii. Perciò a quelli, che da tal paffione sono affiliti, si fa per l'ordinatro liviodo volto, cioè a dire d'un color pallido misso di giallo, ed atro, il che nasee dalla triftezza, e dall'odio, per cui i succhi dell'atra, e e della flava bile sono spremuti suori de'vasi, e mescolati col sangue.

Che se ad alcuno, di cui abbiamo dispregio, veggiamo accader qualche lieve male, o lo veggiamo nelle sue speranze deluso, inforge allora in noi lo spirito dell' Irrisione, ch'è una certa specie di allegrezza mista di odio. Ma se veggiamo accader male ad alcuno, che di tal male noi concepiamo immeritevole, ci fentiamo una specie di tristezza mista di amore, che dicesi Commiserazione o Compassione. Quanto è più grande il male, che veggiamo patire, tanto maggior, effendo il resto pari, nasce in noi la compassione; e tanto piu grande ancora, quanto men degno di patire giudichiamo quel che patisce. Ma principalmente se è fimile a noi quello, che patisce, onde lo stesso male facilmente possiamo immaginarci, che sia per cadere ancor so pra di noi. È perciò i Poeti Tragici, che hanno per fine il movere ad una grande compassione gli animi di quelli, che concorrono a udire le loro tragedie, fogliono inventare gravissime disgrazie in persone innocentissime , e totalmente di tanti mali indegne, e tali difgrazie rapprefentano, a cui noi siamo facilmente esposti. Quelli, che hanno più vigore per sopportare le proprie sciagure si movono ancora meno alia compassione, e quelli che sono più deboli sono ancora più facili alla misericordia. Ma nulla sentono tale passione quelli , che fono così infelici, che odiano tutti, e folo fi rallegrano di aver compagni ne'loro mali, o quelli che fono in tal maniera favoriti dalla fortuna, che non isliamo poter cadere in simili disavven-

Quando l'anima à rivolge ai beni, ch'ella possede, e s'occupa sel diletto di possederi senza che alcuna sensibile cupidigia la tormenti, o la tocchi, quella interiore tranquillità, ch'ella sente, mista con qualche movimento di allegrezza, dicesi Comentezza; la qual è di due forre, l'una che nasce dall'ignoranza, per cui pensiamo di possedere gran beni, perchè non ne abbiamo idea di maggiori, e l'altra procede dal vero possessi di chi, che massimamente rendono lieri gli Uomini, ed a'quali naturalmente samo determinati. La contentezza del primo genere suo eller persone vili, ed ignossi); quella del secondo nei grandi.

Ma quando ci rivolgiamo ai beni, che posseggono gli altri, e li giudichiamo indegni di possederli, insorge una commozione d'odio, e di avversione, che dicesi Staegno. Tale Passione è triste; imperocchè sentiamo dolore di veder bene in un indegno; nè suole ecitatsi senza la Compassione; perchè nello stesio tempo, consideriamo anche il male nell'innocente. La qual Passione da un certo amore di giultizia e di onessa deriva, e non è propria che degli uomini onessi.

Dell'Ira, e di altre Passioni, che nascono dalla Tristizza.

Cap. VII.

Uando ci veggiamo fare oftacolo a un nostro bene, o sia che ci venga impedito l'acquisto, o ci sia conteso il posfesso; allora nasce in noi un moto, con cui tendiamo a superar ciò, che osta, il quale dicesi Ira. Come il bene per diverse persone è diverso, così l'uno si adira per un onor contrastato, l'altro per un piacere, l'altro per un guadagno. Ma quanto più amiamo il bene, che ci viene contrastato, tanto più grande è l'Ira. Per questo gravemente ci adiriamo contro di quelli , che ci dispregiano; imperocchè siamo soliti a stimar molto la dignità. Se l'ingiuria però ci viene fatta da quello, la cui forza non concepiamo noi poter ribattere, allora non v'è moto d'ira , ma fol triftezza, come quando riceviamo un'ingiuria da un fuperiore. Il carattere esterno di tal Passione è massimamente manifesto. Imperocchè il sangue corre all'esterno con un empito . gli occhi ardono, fremono spesso i denti, spumano le labbra, e tremano le ginocchia. Ma tali affezioni variano fecondo il vario temperamento delle persone, e secondo le varie passioni, che insieme coll'ira si muovono. Perciò altri impallidiscono nell'ira, e tremano, altri s'infiammano il volto, e cadono loro lagrime dagli occhi; altri più, altri meno fi adirano, altri più presto, altri più tardi fi placano.

Coal parimente fecondo la diversità delle persone, dalle quali ci viene fatta l'ingiuria, sono diversi gili accidenti dell'Ira Ilm-perocchè se siamo ossessi con diversi gili accidenti dell'Ira. Ilm-perocchè se siamo ossessi con con supella con con vogliamo emeriori. Ma contro gente vile 'talvolta non abbiamo ina emeriori. Ma contro gente vile 'talvolta non abbiamo ina emeriori. Ilma con con quelli rica, sorge il dolore, e diventiamo pallidi, e freci i, invece dell' ira, sorge il dolore, e diventiamo pallidi, e freci di, e ci cadono le lagrime dagli occhi. Pera altro due spezie d'ira ponno distinguersi, l'una ch'e prontissima, e tolto si manifesta; ma presto ancora si acqueta: l'altra ch'è nuda, e senon dopo molto tempo si dimostra, e difficilmente si placa. Il primo dopo molto tempo si dimostra, e difficilmente si placa. Il primo

modo di adirarfi conviene a quelli, che fono vivaci, e abbondano di spiriti; l'altra a quelli, che sono in tristezza, jed han-

no il sangue più crasso.

Una specie di tristezza è la Vergogna, e nasce per lo timore di aver vituperio nell'occasione di qualche fallo in faccia di quelli, che stimiamo, e veneriamo. Avviene per questo, che ha sempre congiunto seco un affetto di modessia, ed è propria di quelli, che si tengono in opinion d'inferiori. In tale passione, per l'opinione del fallo si perturbano gli spiriti ; onde segue e pallore, e rossore, ed altri segni esterni, che dinotano il dolore dell'anima, ed una specie di pentimento. Essa conviene a quelli, che amano la lode, e per l'ordinario, e principalmente ai giovani, ne' quali arde l'animo d'acquistar gloria, e che per la inesperienza, e per la età sono massimamente esposti ai falli . Quanto più stimiamo l'onore, tanto più ci moviamo a vergogna: e quanto più ancora stimiamo quelli, appresso de' quali sta scoperto il nostro fallo. E da ciò nasce che non si vergognano quelli, che o non istiman l'onore, o non istimano le persone, che veggono il loro fallo. L'Inverecondia non è passione, ma è una privazion di passione, e suol regnare in quelli, che sono dati alle voluttà, ed ai vizi; e si contrae per gradi, ed a poco a poco. Imperocchè dal principio nessuno suol essere così abbandonato, che qualche amor di onellà non lo tocchi, e non fi dolga se cada in qualche ignominia. Ma se ignominia si aggiugne a ignominia, allora scemandosi a poco a poco l'onor del nome, veniamo in fine a non curarci più di quel ben, che abbiamo già perduto, e nasce l'Impudenza, che è propria degli Uomini massimamente dissoluti.

Un'altra specie è la Noja, e nasce dal desiderio di mutazione; perchè in tale maniera siamo costituiti, che i beni stessi, i quali abbiamo bramato, e ci hanno arrecato molto piacere, col lungo possesso molte volte c'infastidiscono, principalmente quando siamo di essi satolli, e non ne abbiamo più indigenza. Ciò che principalmente comparisce nei cibi , e nelle bevande , che non ci piacciono fe non fino che dura il vigore dell'appetenza. Tale è la musica, che durando lungo tempo rende fastidio, e tal è qualunque altro bene, se occupa lo spirito più tempo di

quel che conviene.

Un'altra specie in fine è il Cordoglio, che nasce per la perdita di quei beni, che una volta erano in nostro possesso, i quali abbiamo in tal maniera perduto, che nessuna speme ci resta di ricuperarli; la qual passione è amara, ed ha congiuntil seco i

mo.

movimenti della disperazione, e tanto più ci rattrista, quanto che ci sa presente sempre l'imm agine di quel bene, il cui possibilità di carecava sommo piacere.

Ma il ricordarsi de passati mali, dai quali noi ci sentamo follevati, come da un grave peso, produce una certa specie di alleguzza, che dicesi l'arirà, la quale è una dolcissima passione.

Fine del Libro Sefto.

# LIBROSETTIMO

Delle Meteore.

L nome di Meteora è Greco, e significa lo stello che Spinne, cioè a dire Fenomeno nelle regioni fublimi apparente. Sono le Meteore comunemente desinite un Misson imperfetto di aliri, e di vapori composto, che nelle regioni dell' aria si forma, e po si ficaglie. La qual definizione però ad ogni forta di Meteora in rigor non conviene, non potendo le Neteore Enfaitche disti in rigor corpi misti, esimedo piuttos fo semplici affezioni, o modificazioni della luce. Comunque la cosa sia, a quattro specie possono riduri, alle Umide, come sono le Piogge e le Nevi, alle Spiranti, come sono i Venti, alle spiranti cagioni, e primamente

### SEZIONE PRIMA.

Delle Meteore Umide .

Dell'innalzamento dei vapori, e degli aliti, e della luro sospensione nell'Atmosfera. Cap. I.

Benchè il nome di Vapore, e di Alito dagli Autori per lo più si consonda, propriamente però per nome di Vapore intendesi una particella d'acqua esaltata nell'aria, e per nome di Alito una particella minerale terrestre, come di zolso, nitro, bitume ec.

Se un vaso ripieno d'acqua sia posto al fuoco, si osserva coll'eperienza, attenuarsi l'acqua in picciole parti, ed cfaltarsi in vapori, i quali sono in maggiore, o minor copia secondo la maggiore, o minor forza del luoco, che la riscalda. Non è da dubitare, che questo sia un effetto dello festo suco. le cui parti dell'acqua, do dentro i pori del vaso comunicano moto alle parti dell'acqua, e diversamente agitandole le disfaccano, ed una dall'altra le dividono sinochè ad una fomma sottigliezza le riducono. In tal modo accendendo le parti del suco seco traggono le picciole parti dell'acqua, che fatte già di minutissima mole, e di minimo peso, non più refistono all'azione di quelle, al che concorre la pressione della stessa aria esteriore, ch'essendo assai più densa di quella, che su rarefatta dal suoco, obbliga col proprio peso i vapo-

ri a salire dove vi ha minor resistenza.

Poste le quali cose, se si considera essere i Mari, e i Fiumi esposti di continuo all'azione del Sole, non sarà difficile il conoscere la cagione, per cui dicontinuo venga da essi una gran quantità di vapori efaltata, sicchè tratto tratto ne ingombrino l' Atmosfera, e di fumose caligini le riempiano. Nello stesso modo s'intenderà come deggiano sublimarsi gli Aliti. Il che facilmente intendono i Fisici, ma non è facile loro il discernere, come dappoichè tali parti furono nell'aria esaltate, possano per molto tempo restar in essa a diversa regione sospese. Imperocchè essendo la gravità specifica dell'acqua a quella dell' aria in ragione di 1000: 1. in circa, e facendosi sempre per le Leggi dell'Idrostatica il bilanciamento tra due moli eguali antagoniste, non si vede come una massa pesante mille possa essere bilanciata da una massa eguale pesante uno. Imperocchè può ben concepirsi, che un corpo grave posta ascendere in alto quando è spinto da una forza motrice, che colà lo dirigga; ma dopo che ha perduto il fuo movimento, è necessario, che per la sua gravità cominci a discendere, nè può farsi, che resti egli sospeso per qualunque minimo tempo in quiete.

Per tal ragione adunque bisognerà, che quando per la resistenza dell'aria avrà il vapore perduto il suo moto, discenda tosto per la sua gravità, e non resti sospeso, come veggiamo. Per tali cofe giudica il Signor Hallejo non doversi considerar il vapore come una massa tutta folida e piena, ma a guisa di una picciola sfera al di dentro incavata e vuota. Poterfi una particella di acqua in tale maniera dal calore rarefarsi e gonfiarsi, che che il suo diametro divenga dieci volte maggiore, nel quel caso, essendo le ssere come i cubi de' loro diametri, ella diventa mille volte più grande in estensione di quello che era prima, non estendo mutato il suo peso. Seguita da tali cose, ch'ella secondo le Leggi dell'Idroftatica per tutto il tempo, in cui resta in questo grado di rarefazione, o dee continuar ad afcendere, o dee nelle ragioni fublimi equilibrarfi, come appunto un pezzetto di vetro folido, che in questo stato discende al fondo, ma di cui si può sormare sossiando dentro un cannello un picciolo globo di dentro incavato, il quale occupando uno spazio maggiore nell'acqua senza cangiar il suo peso, sarà obbligato di ascendere dal fondo del vaso sino che

equilibrato nuoterà in questo liquido.

E ij Non

Non è troppo diverso da questo il pensamento de' Cartesiani, tra'quali il Bayle [1] crede potersi rendere conveniente ragione di tal fenomeno, se si considera il Vapore non come una materia semplice e solitaria, ma composta, e con materia esterna commista. Ciò essere una necessaria conseguenza della diversa tessitura di parti, e della disconvenienza de' pori, che v'è nell' acqua, e nell'aria. Imperocchè suppongasi, che le parti dell' aria, e dell' acqua abbiano costruzione diversa, e positure varie, ed ineguali de pori; Non entrando in questa supposizione facilmente il Fluido etereo dall' aria nell' acqua, e reciprocamente dall' acqua nell' aria, è necessario, che quella parte di effluvi, che dall' una e l' altra maffa uscendo s' incontra, l' una coll'altra fi opponga, e s' impedifca; onde fegue, che tanto una particella d'acqua in mezzo dell'aria, quanto una particella d'aria in mezzo dell' acqua vengano da una tenue superficie di materia eterea circondate. E questa stessa pare, che sia la cagione, per cui una gocciola di liquore immerfa in un altro liquore eterogeneo si forma in figura sferica. Così veggiamo farsi sferiche le gocciole d' olio nell' acqua, e quando dal recipiente pneumatico si cava l' aria veggiamo uscire dall' acqua che dentro il recipiente è posta, l' aria figurata in picciole steriche bolle. Da tal fuperficie, o zona poter nascere tutta la differenza di questa rispettiva leggerezza. Imperocchè essendo sempr' eguale la grosfezza di questa zona, avrà essa tanto maggiore, o minor ragione alla massa del vapore secondo che sarà minore, o maggiore il vapore. Il che per intendere suppongasi il diametro del Vapor femplice effere di una linea geometrica, equello del Vapore composto di due. Essendo le sfere in ragione triplicata de' loro diametri, sarà il Vapor semplice al Vapore composto come 1: 8. ed in confeguenza la parte acquea del Vapore composto alla parte eterea, che lo circonda come 1: 7. Se il diametro del Vapor femplice al diametro del Vapore composto fosse solo come 1: 10. farebbono le loro masse come 1: 1000, ed in conseguenza l' acqua al fluido etereo si avrebbe come 1: 900. ed essendo l'Etere senza peso seguirà che il Vapore composto sebbene è di grandezza 1000. non avrà però maggior peso di 1. E perciò essendo il peso dell' acqua a quello dell' aria meno che 1000; 1. potrà in tal modo un Vapor acqueo effere fatto più leggiero dell'arla, ed ascendere nell' alte regioni. Ma perchè per cagione della sua elasticità in tal modo è costituita l'Atmosfera, che quanto più fi ascende, tanto minor gravità si ritrova, per questo non può il

<sup>(1)</sup> Dissertazion intorno i Vapori.

Vapore (e non a determinate altezze elevarsi, giunto alle quali è necessiario ch' egli resis fospeso. Ed in tal modo i vapori, che sono più tenui, più in alto ascendono, e quelli che sono più tenui, più in alto ascendono, e quelli che sono più crassi, si equilibrano nelle più basse regioni, e perchè non indonitamente possono dal Sole effere attenuati, non possono perciò ancora indefinitamente ascendere. Dal che seguita essere le più alte regioni dell'aria sempre pure e serene, ed essere le cime di alcuni alti monti liberi dalle nevi, e dalle piogge, come Aristotele afferma del Monte Olimpo. Ciò che si è detto del Vapore, si dee intendere ancora dell'Alito.

Anche il Nievventyt [1] confidera il Vapore come una mafa componfa, e crede effere il Vapore una picciola maffa di acqua, entro i cui pori flanno rinchiufe alcune particelle di fuoco, o di luce folare nell' agitazione del Mare, e de Fiumi entro di quelli penetrate. Entrare il fuoco ne'corpi gravi, e pefanti, come lo manifefa il Boyle nel Trattato del pefo della fiamma. Così unifi il fuoco con l'acqua, ed effendo egli più leggero dell'aria formarfi una maffa per mezzo d'effo, che può

innalzarfi, e starfi sospesa nell'aria.

Crede però il dottiffimo Montanari, [2] che i vapori confervino sempre la loro specifica gravità, e perciò siano sempre più pesanti dell'aria, ma se non discendono, ciò nascere dalla loro picciolezza, e dal moto intestino, con cui vengono del continuo agitati. In quella maniera che se un vaso ripieno d'acqua, nel cui fondo stanno molte particelle terrestri, e polveri varie, si agita, e scuote, veggiamo alzarsi dal fondo le polveri, e lungo tempo starsi natanti, e sospese, le quali poi cessando il moto a poco a poco discendono prima le più crasse, indi le più sottili sino che ridotta l' acqua totalmente alla quiete resta ancora presso che depurata, e limpida, come prima, falvo che da quelle minuzie, che o dalla sua viscosità restano impedite a discendere, o dentro de' fuoi pori stanno rinchiuse. E così dee circa i Vapori, ed aliti ragionarsi. Le quali cose non senza probabilità sono dette, ed in tal modo dappoi spiegò tale Fenomeno il Signor le Grandnella sua Filosofia Cartesiana, e il P. de Chales nel suo Mondo Matematico.

Officeva il Nieventyt [3] anche nel tempo più freddo faft l' caltazion de' vapori. Per vedere fe ciò nalceva dal calor fotterraneo, come alcuni pensano, egli prese un catino di terra, in cui versò 20. once d'acqua in un giorno di freddo violento, ed estraordinario, dopo di che lo pose in una bilancia dentro una camera,

<sup>(1)</sup> Esif.L.2.Cap 4. (2) Lettera all Abate Sampieri . (3) Esif. di Dio.L.2.

dove non v'era fuoco, e trovò che l'acqua nel congelarsi aveva perduto in 17. ore in circa un quarto di oncia del suo peso. Egil ebbe cura di prevenir la rottura del vaso durante la congelazione dell'acqua facendo una picciola apertura, ch'egil tenne sempre aperta in mezzo del ghiaccio, e vide come l'acqua, ch'era costreta la di uscire continuamente di sotto del ghiaccio, formò una grande convessità, o eminenza sulla superficie del ghiaccio, segno evidente, che il freddo mette in moto, e rarea l'acqua.

# Della quantità dell' evaporazioni. Cap. II.

Ercò il celebre Hallejo con ingegnosa sperienza di ridurre a calcolo l'evaporazioni dell'acqua eslatate dal calore del Sole,
la cui Diferrazione inferita già nelle Transazioni Anglicane fu
poi dal Sig. Tommaso Derham tradotta in Toscana favella, e
pubblicata dal Signor Georgi nella fua lettera intorno la vera,
ed antica origine delle fontane, la quale per effere di molto ingegno, e di molto uso, non avremo difficoltà di ripetere ne'
nostri Elementi.

Prese egli dunque, come egli stesso lo espone, un vaso d'acqua salata al grado siesso della comune acqua marina per mezzo della soluzione in essa dicirca la quarantessma parte di sale intorno a 4 dita sondo, e di 7 dita, e 9 di diametro, nel quale pose un

termometro, e per mezzo d'un braciere di carbone ridusse l'acqua allo stesso grado di calore, ch' egli osservò essere nell'aria di Londra nella più fervida state, così esattamente il termometro stesso misurando. Ciò fatto appese il vaso d'acqua con entrovi il termometro all' estremità di un raggio della bilancia; contrapponendo a questo un esattamente uguale peso dall'altra banda, e quindi dall'approssimazione, o rimovimento del braciere suddetto, trovò facilissimo il modo di mantener l'acqua nel medesimo grado di calore precifamente. Così facendo trovò fensibilmente il peso dell'acqua scemare, ed in capo di due ore offervò mancarvi una mezz'oncia di Troja, meno grani 7, cioè 233 grani di acqua, che in detto tempo era esalata in vapori, tutto che difficilmente il fumo offervare se ne potesse, nè fosse l'acqua sensibilmente incalorita. Una tal quantità in così breve tempo parve affai confiderabile, essendo poco meno di 6 once in 24 ore da una così picciola superficie, quale si è quella di un cerchio di 8 dita di diametro.

Per ridurte questo sperimento ad un esatto calcolo, e determi-

nare l' altezza dell'acqua svaporatane in cotal guisa, si fervì dello sperimento allegato dal Dottor Odoardo Bernard, slato fatto nella Società di Oxford, cioè che il piede cubo Inglese di acqua pesa esattamente 76 libbre di Troja [1]. Questo poi diviso per 1728 numero delle dita contenute in un piede darà grani 253 1 , ovvero

once 1 , grani 13 1 di peso per ciascun dito cubo d'acqua. Perlochè il peso di 233 grani sarà 233, ovvero 35 di un dito cu-

bo d'acqua. Ora l'area del circolo, il cui diametro è dita 7 9 farà 49 dita quadre, per cui dividendo la quantità dell' acqua fvaporata, cioè 35 di un dito, la quota di 35, cioè 1 dimostra,

1.062 che l'altezza dell'acqua svaporata rileva la trentesimaquinta parte di undito. Ma supponendo per comodo del calcolo essere folo la sessantesima parte, se dunque l'acqua così calda, come l'aria nella state, esala l'altezza della fessantesima parte di un dito in due ore da tutta la superficie, in 12 ore n'esalerà la 10 di un dito suddetto. La qua-

le quantità troverassi di foverchio bastevole per l'uso di tutte le piogge, fonti, e ruggiade . . . Per computare dunque la quantità dell' acqua follevantesi dal mare in vapori, pensò egli di doverla folo computare nel tempo che sta il Sole sopra dell' orizzonte; poichè la notte ritornano le guazze in copia eguale, se non forse di più a' vapori, che sono allora innalzati, e nella state essendo i giorni più lunghi di 12 ore,

questo eccesso viene compensato dalla più debol forza del Sole , specialmente nella sua levata prima che l'acqua riscaldata ne venga, di modo che se si deduce I di un dito dalla superficie

del mare effere in un giorno follevato in vapori, non farà niente improbabile la conghiettura.

In tale supposizione ogni 10. dita quadre della superficie dell' acqua rende in un giorno in vapori un dito cubo di acqua, e ciaschedun piede quadro una mezza Pinta, [2] quattro piedi un-Gallon, [3] un miglio quadro 6914 Tun, [4] un Grado quadrato supposto di 69 miglia Inglesi svaporerà 33 milioni di Tun. E se il Mediterraneo sia giudicato 40 gradi lungo, e 4 largo,

<sup>[1]</sup> Una libbra di Troja, che è la ufata in Londra è di once Italiane 13. 14. 6. [2] Mifura di vino, ch' equivale alla libbra di Troja. [3] Un Gallon & 8. Pinte. [4] Un Tun contiene 252. Gallon. :

fatro il ragguiglio de' luoghi, dov' egli è più largo, e dove più firetto, ne rifultano too gradi quadrati di mare, e confeguentemente tutto il Mediterraneo trafmetterà in vapori in un giorno eftivo almeno 5280 milioni di Tun diacqua. E queffa quantità di vapori, benchè si grande, è la minima che fi poffa dalle addotte sperienze determinare. Restandovi in oltre un'altra cagione, la quale non può fermamente riduri a calcolo, voglio dire i Venti, per mezzo de' quali viene la superficie del mare tolta in aria più pressamente di quello essa preszo del calor solare, conforme è ben noto a coloro, che hanno bene considerato que' dileccanti venti, che spirano alcuna fato.

computare.

Per calcolare l'acque del Tamigi egli prende quella al Ponte Kingstom, dove la piena mai non ascende, e l'acqua sempre entro vi scorre, esiendo la larghezza del canale 100. Yard, i l e 3 la prosondità, prendendo di ciascheduna la media eguaglianza, in amendue delle quali supposizioni egli è certo di prendere il più. Quindi il profilo dell'acqua in detto luogo ò 300 Yard quadri. Questo moltiplicato per 48 miglia, ( che l'acqua scorre in circa in 24 ore, computando 2 miglia l'ora) ovvero 84,80 Yard darà 2334,000 Yard cubici d'acqua, chevere, gono evacquait ogni giorno, cioè 20300000 Tuni il giorno...

Ora fe ciascheduno de sopramentovati Fiumi rende dieci volte più di acqua, che non fa il Tamigi, ne seguirà che ciascuno di questi potti fino a 203 milioni di Tun per giorno, e tutti e nove 1827 milioni di Tun in un dl. Il che è poco più d'un terzo di ciò, che provossi estre sollevato in vapori su dal Mediteraneo in

in 12 ore di spazio.

Della

<sup>[</sup>t] Un Yard, contiene tre piedi d'Inghilterea.

### Delle Nutt, e Nebbie. Cap. III.

Uando i vapori, che fono innalzati, ingombrano in molta copia l'Atmosfera; sicchè impediscano la direzione de' raggi del Sole, ed offuschino sensibilmente il giorno, formano le Nubi, e le Nebbie; le Nubi quando sono più tenui, e stanno nelle più alte regioni fospesi, le Nebbie quando sono più crassi, e stanno nelle più basse regioni nuotando. Un vapore crasso vibrato nell' alte regioni dell' Atmosfera difficilmente in essa si equilibra , perchè il suo peso lo costrigne a discendere, ma un vapor tenue vi sta facilmente sospeso, o sia l'agitazione stessa dell'aria, che lo sostenga, o sia la gravità dell'aria stessa, che al vapore egualmente resista. Per le quali cose può stabilirsi, ch' essendo il resto pari, la differenza delle altezze, a cui stanno sospesi i vapori, sia cagionata dalla differenza della loro tenuità. Per questo a diverse altezze si offervano star sospese le Nubi, ed in tal modo tra gli altri le offervò David Frelichio sovra i monti Carpazi dell' Ungaria, al riferir del Varenio [1]. Quanto alta fia una Nube full'orizzonte può non difficilmente conoscersi col calcolo trigonometrico, quando essa sia in quiete. Imperocchè se vi siano due osservatori, che dai due diversi luoghi A , e B nello stesso tempo riguardino col quadrante il punto stesso della Nube C, nel triangolo ABC conosciuti tutti gli angoli, e la base AB, si conosceranno ancora i lati AC, e BC, e la porzioni AD, DB determinate dal perpendicolo CD; e perciò ancora nel triangolo CDB si conoscerà il perpendicolo cercato CD.

Poichè quando è maggiore l'azione del Sole, allora reflano più affortigliate le parti, per quello in tempo di flate s'innalza-no per l'ordinario maggiormente i vapori di quello che in tempo d' inverno. Imperocchè in tempo d' inverno, come poco fafortiglia il vapore, colo poco afenche, e forma o Nubi in regioni baffe, o Nebbie in regioni ancora più baffe. Che fe il raggio del Sole foverchiamente i vapori affortiglia, allora quefti per gli spazi delle altiffime regioni diffipati, e dispersi, non formano nubi prima che o perduto il loro moto, o per la mol-ta lero copia ammaffati al più baffe regioni non s'endano.

Un modo di produrre le Nebbie, e le Nubi offerva il Nievventyt [2] effere l'efaltation di copioli vapori, come veggiamo farfi dall' acqua bollente nelle caldaje. Un altro modo è la rarefazione dell' aria, che diventando più leggiera non fa più F

<sup>[1]</sup> Fig. 1. T. 14. [2] Efift. di Dio L. 2. C. 2.

equilibrio co' vapori che in esse arano estatati, e dispersi, e percio esti nelle regioni più bassife discendono, e si affoliano, come se ne vede l'essempio nella Figura, [1] in cui ANOP rappresentanu globo di vetro, che dopo di estere stato d'aria vuotato si riempie d'acqua. Lo spazio NAP contiene quella poca quantità d'aria, che vi ressi and giolo DA di questo globo si unisce per mezzo del tubo DK al recipiente d'una macchina pneumatica, e dopo che si estrasile l'aria dat recipiente d'a parano le chiavette E, e K, allora non ritrovando l'acqua alcuna resistenza sarà obbligata a discendere, e lo spazio ANP si fasta maggiore, dove l'aria rinchius sarb più spara ana Allora fi osserva, che i vapori dell'acqua dentro lo spazio ANP rinchio discendono, e formano una specie di enbolia bianchiccia, e simile a quella che veggiamo nell' Atmosfera formarsi.

Offervò in tale sperienza il Nievventyt, Primo che tal nebbia alprima effazione dell'aria non si vedeva, quando l'aria era troppo pesante sul barometro, ma v' erano molt' estrazioni necessarie
pre ben rarefare l'aria dentro lo spazio ANP rinchinia. Secondo che in tempo di freddo non si vedeva la Nebbia, la quale effendo po li aria riscalatta, compariva. Terzo che il vettro diveniva più chiaro per gradi senza introduzione di aria nuova. Quarto
tibito che s'introduceva nuov' aria, codesta nebbia dal moto della
nuov' aria agistata si rappresentava con tutte quelle irregolarità, che
hanno le nuove le nell'aria in tempesta.

Unaltro modo è la fermentazione de'minerali, unaltro la precipitazione, un altro i venti oppossi, che ammassano insieme i vapori, che stavano dispersi.

Delle Picgge. Cap. IV.

Quando i vapori, che nell'Atmosfera stavano sospesi discendono in copia sensibile, allora diciamo sarsi la Pioggia.

Tale disens da motre cause può esser originata. E Primo per la loro copia, per cui ammassandosi insteme, e formandosi in grosse masse, a masse posse de la colorida de la colorida del rata estiere sostenuti, ma sono obbligati a disendere, come veggiamo farsi de'vapori, i quali dopo di esser stati in mosta copia storto la volta delle ritorte innaltati, per lo proprio peso già pel lungo collo disendono in grosse fille. Secondo possiono a quello effetto concorrere ancora i venti, o sia che due venti s'incontrino insseme, ed ammassino i vapori, che

<sup>[1]</sup> Fig. 2. Tav. 14.

che flavano dispersi, o sia che un vento solo spirando da baso in alto spinga nelle più leggiere regioni i vapori, onde poi per lo proprio peso, e per l'empto impresso sieno obbligazi a cadere. Terzo, una terza cagione è la rarcfazione dell' aria, per cui
l'aria facendos più leggiera non ha più sorza di softentare i vapori, il qual modo d' ordinario accade allora quando spirano
venti calidi, e si fermentano nell' aria i minerali, nel qual tempo principalmente veggiamo discendere l'aria nel barometro.
Quarto, una quarta cagione può essere il raffieddamento dell'
aria siessa, la quale agitando i vapori il teneva sossessi con la
pediva loro il discendere, come pensò il Montanari. Un esempio di ciò si vede nelle distiliazzioni chi fannosi col ferpettino, e
parimente nelle cristallizzazioni chimiche, nelle quali veggiamo, i fali, che prima nuovavano nell' acqua discioli, e sparii,
discendere tosto che l' acqua si raffredda, ed ammassafia al sondo.

Come le Montagne danno occasione nell' ammassamento de' vapori, così ancora ivi veggiamo frequenti le piogge, dove fono frequenti le Montagne. Così nota il Mercatore nel suo Atlante, esservi nell' Isola di S. Tommaso molte piogge, perchè nel mezzo d'essa evvi un'alta Montagna tutta felvosa, dove incontrandosi i vapori, che dall' Oceano vengono sollevati, si fermano, e si ammassano; indi in molta copia ridotti si rinversano in pioggia. Lo stesso osserva il Robbe [1] farsi nel Madagascar. Ed osserva il Varenio, [2] sopra Pico di Tenarissa piovere copiosamente, e giammai sull' Isola. Lo stesso in fine affermano i Viaggiatori accadere nell' Afia, nel Perù, e fulle frontiere della Cina, ed in altri luoghi. Il foggiorno, dice il Signor Hallei, che io feci nell' Isola di S. Elena, ( ch' è situata sotto la Zona torrida, ed è un luogo de' più caldi della terra ) mi ba data l'occasione di fare quest'esperienza. Io era sulla cima d' una montagna elevata sopra il mare 2400. piedi, ove bo osfervato, che i vapori, e le ruggiade, anche in tempo sereno, cadevano in tanta quantità, e così veloci, che di quarto d' ora in quarto d' ora era obbligato d' asciugare il vetro del mio telescopio, e la mia carta si trovava in un istante si umida, che mi era impossibile lo scrivere. Di là si può concludere, che la quantità dell' acqua, che si ammassa sugli altri monti più grandi, e più alti di questo, dee farsi molto grande in molto picciolo tempo, e sovra tutto su quelli, che formano lunghe catene, de quali l'estensione occupa intieri paesi , per esempio su Pirenei , le ij

<sup>[1]</sup> Geog. L. 2. [2] Geog. L. 2.

Alpi, l'Apennino, e il monte Carpazio in Europa, il Taure, il Caucajo, l'Imao ec. nell' Afai, a, l'Atlante, i monti della Lu-ma, e molti aleri nell' Affrica, onde nafononi il Nio, il Negro, il Zairo; e nell' America, dove fi ritrovano le Ande, e i monti di Apalacha, cialcuno de quali eccede molto l'alerzga ordinaria, a cui afcendono da fe fiessi i vapori, e fulle cime de quali l'aria è il fredda, e si rarefatta, che non può follener che pochissimo i vapori, che funovo portati dai venti.

Dalla mancanza de' monti nasce, che nell' Egitto non piovese non assa di rado, e perciò egli sarebbe una regione tutta
secca, ed estremamente arida, se non la rendesse sconda l'acqua del Nilo, che tutto in tempo di state lo inonda, allora che
per la troppa copia delle piogge, e delle nevi dell' Estiopia soverchiamente gossio csce dall' alveo, e per tutto l' Egitto tranquillamente si sparge, di pingue limo tutti i campi riempiendo,
onde nasce la loro abbondantissima feracità.

Per fapere quanta pioggia ne' Territori presso cocada in un'anno fecero diversi Fislososi le osservazioni. Il Signor Mariotte notò, che le piogge cadute a Dijon ascendevano presso che a 13 pollici, ed altri nel medesso si concervariono ascendere a 19. Il Signor de Vauban si 1 strono che in sei anni a Lilla era caduta una pioggia di 133 pollici in circa, e nello stesso sono de la Hire a Parigi essere caduti 122 pollici in circa).

Offervazioni di M. Vauban a Lilla Anni Pollici Parigini Linee:			di M. de la Pollici	Hire a Parigi.	
1689	18	9	18	11-1	
1690	24	8 1	23	3 -1	
1691-	16.	2.		4	
2692	25.	41.	14	5 4	
3693	30-	3-1	22	7 - 1	
. , ,	3-	3 2.	22.	8	
1694	19:	3: 1	19	9	

Offer-

<sup>[ 1 ]</sup> Mem, dell' Accad, di Parigi 1699.

Osservazioni del dottissimo Corradi d'Austria intorno la pioggia

Anni	Pollici Parigi	ni Linee	Anni	Pollici	Linee
1715	36	10-1	1720	40	2 1
1716	49	6	1721	69	41
1717	41' -36	11	1722	58	6
1718	- 36	3	1723	58	9
1719	54	r	1724	51	3 - 2

Per l'offervazioni del Sig. Tilli fatte in Pifa in anni 17 l'acque un anno per l'altro cadute furono di 33 pollici in circa.

Quanto è maggior l'altezza, da cui dificendono i vapori, tanto più s'ingrofiano nel cadere. Per quelto in tempo di flate, in cui le nuvole fono affai alte, fi veggono fpeffo cader groffe piogge principalmente se calde calazioni difgelino in un stratto le nubi, le quali nell'alte regioni di loro matura fredde sianno di vapori aggliacciati composte.

E perchè principalmente in tempo di flate inseme coi vapori venpom molti minerali innalzati ; che diverse qualità hanno , e facoltà diverse ; per questo spessioni in tempo di flate cadono piogge di qualità diverse; e stravaganti ; onde talvolta giovano , talvolta nuocono, talvolta abbruciano le foglie, e frutti, sopra i quali et efadono. Per questo talvolta ancora di color giallo , e fanguisno discender si veggono, il che apporto talora terrore agli Uomini, i quali le hanno credute piogge di fangue. Tali colori noi veggiamo stassi nell'acqua se v'iniondiamo in essa o spiriti acidi, o sali alekalici, o sosti escribi colori di colori noi veggiamo stassi nell'acqua se v'iniondiamo in essa o spiriti acidi, o sali alekalici, o sosti escribi.

# Dell'origine de Fonti, e de Fiumi. Cap. V.

V Arie surono tra gli antichi le opinioni intorno l'origine de' Cap. 13. vuole che i Fonti, e Fiumi fi formino dall'aria slipata in acqua dal freddo delle caverne. Epicuro nella sua Pistola e Pitolo crede; che l'acque, di cui sono, compossi, sieno generate nelle viscera della Terra, le quali colando, e a poco a poco ammassandosi formino i sonti, da quali già si formano i sumi. mi. Seneca nel Libro 3. delle Queftioni non è diverfo da Ariflotele, e crede generafi i fonti dall'aria entro le caverne dei
monti rinchiufa. Imperocchè effere convertibili gli elementi, la
terra cangiarfi in acqua, l'acqua in aria, e l'aria in fuoco, e
col farfi ancora per lo contrario. Non periualo però Plinio, che
tali cangiamente fi facciano crede che dopoche l'acque fi ammaffarono al centro, e formarono una fpecti di Barastro, nel modo che
penfava Platone, come fi legge nel Fedone, fosfero da uno Spirito agitate, e gonfiate, da cui toffero in alto fipinte, e do obbligate
ad afcendere fulle cime de'monti fprizzando fuori de buchi, come
fuori di tanti piccoli fifioni.

Ma tra' più recenti tre sono le opinioni, ch'ebbero il maggior seguito, come nota l'accuratissimo Vallisneri nella sua gentil Lezione Accademica, che sta inserita nella Raccolta intorno l'Origi-

ne delle Fontane.

L'una è che non altronde hascano i fonti, che dal Mare come dai Libri facri ancor si conosce, ne'quali chiaramente si dice, che tutti i fiumi entrano nel mare, e il mare non trabocca: al luogo , dond'escono i fiumi , ritornano per fluire di nuovo . Penetrar l'acque per gli occulti meatidella Terraper gli quali feltrandofi i loro fali depongono, e pure, e dolci dalla preffione dello stesso mare fino alle cime de' monti esaltate , pel proprio peso di nuovo discendono, e gocciolando formano prima piccoli rivi, ed in progresso i fiumi. La qual opinione prende qualche apparenza di vero da questo, che non in un solo luogo si oifervano molte acque dolci native vicino ai lidi, le quali crescono, e decrescono secondo il flusso, e riflusso del mare, il che non potrebbe darsi, come i difensori di tal opinione affermano, se quelle non fossero acque provenienti dal mare. Di tali fontane molte ne rammemora Plinio, Onorato Fabri, e il Varenio. Tale ancora riferifce il Dodart, come nota il du Hamel, esserne sopra il lido di Risban vicino a Caleto, e tale se ne osserva nel sido di S. Niccolò di Venezia. Questa opinione valse appresso di molti sino il decimofettimo fecolo, e fu poi ne'nostri tempi da alcuni risvegliata principalmente dopo che parve che le desse peso il nome del Signor Giovanni Bernulli nell' Appendice alla Dissertazione dell' effervescenza, e fermentazione. Notum est aquam in qua multum salis est disolutum, graviorem esse eadem dulci, verum aqua marina, ut patet ex sapore, multas particulas salinas in se continet, proinde erit gravior, quam aqua fontana, vel fluvialis. Credibile itaque est quod cum terra vicem gerat filtri , per cujus poros aqua folum dulcis transire potest, relictis salinis particulis . sulis , que gravitatem aque augent, aqua dulcis longè altitus per terram afcendere debeas do immenfam Geani profunditatem, ita ut ad altifilma quoque montium fafigia per prefionem aque
marine prostrudatur , ca quibus dein , cam ultrà afcendere nequest, riculorum inflar emanet. El cola nota, che l'acqua in cui
molto fale è fato dificiolto, è piu grave dell'acqua dodec, ma
l'acqua marina, come fi conolce dal fapore, contiene in fe molte particelle faline, e perciò è piu grave dell'acqua fontana, o
di fume. Perciò è cola credibile, che la Terra faccia le veci
di Feliro, perglicui pori passi fol l'acqua, onde lafciate le parti faline, che accressono la gravità all'acqua, l'acqua dolec altamente afcenda dentro la terra per l'immensa prosondità dell'
Oceano, in guis che alle cime de piu alti fia spinta dalla preffione dell'acqua marina, dalle quali poi, non potendo più aficendere, discenda, e formi i piccoli rivi.

Ma contra tale fentenza flanno prima gli fperimenti, per cui i offerva non poterfi mai raddolcir l'acque falle per mezzo della Feltrazione. Ciò tutti quelli, che l'hanno tentato, affermano, ra'quali Lucantonio Porzio nelle fue Lettere, e Difcori Accademici, il Redi, e principalmente il fovracitato Vallifineri, i quale dopo di aver fatto palfare cento volte, come egli dice, l'acqua falata per arene, per feltri, per ifpugne, e per terre di varemaniere, non pote mai ottenere di faita dolce. Per fecondo fe l'acque marine allora quando paffano per gli poriterrefiti divenifiero dolci, non fi offerverebbono forte tante vene falfe vicino al mare, come fe ne offervano tra le altre nell'Ifola di S. Vincenzo, e nel Però, e nell' Affica, e nell'India apprefic Co-

romandel, e sopra ogni lido nell'Inghilterra.

Che fe' is considerano le Leggi dell' Idroslatica, non può intenders come dal bassio mare alle alte cime de' Monti possion innalzarsi le acque. Imperocchè ne' tubi comunicanti, come abbiamo
insegnato, non pono inalzarsi i Fiuldi omogenei, Je non a silvello, o a parallela altezza. E quando i tubi terrestiri fossior
vacui di aria, non potrebbono innalzarsi le acque più che a trentadue piedi lopra il livello del mare per la pressione dell' Atmosiera, ed infine se fossiora conora capillari potrebbe accrescersi quero, che come nora il dottissimo Bernulli esseno d'acqua salsa più
grave della doice, le acque marine, che dopo di essere passione
per lo feltro terreltre deposero i falia, e si addolcirono, portanno
ancora in tale supposizione effere sopra il livello del mare innalante. Ma non mai all'altezza de'monti. Imperocche dessono
si ma si la diarezza de'monti. Imperocche dessono
si ma mai all'altezza de'monti. Imperocche dessono
si ma si proposizione effere sopra il investo del mare innalatte. Ma non mai all'altezza de'monti. Imperocche dessono
si della documente della documente della della

te in vapori a(cendono, e siuggono, immaginofii non altro articio eller adoperato dalla Natura per fare filllar da monti le acque dolci, che quello. Imperocchè penetrar l'acque del mare dentro le occulte vie della Terra, e quivi per tortuofi canali ferpendo (empre internarii finochè giungano ino fotto le valle moli de' monti, lvi cala Fuoco fostervaneo disciplet, ed calitate agli archi, ed alle volte cavernose de' monti fi attaccano, come veggiamo attaccarii le acque diffillate ai lambicchi : nel qual modo aggiugnendoli vapore a vapore diventano in fine groffe goccie, che per lo proprio pefo fi flaccano, e foortono lubridope ro pendio del monte ammonticellandofi, ed ammaffandofi in picciole fila d'acqua, le quali l'una coll'altra congiunta fanno i rufcelli, e rivoli, da quali in fine fono formati i Finmi

Ma tale ingegnofa opinione per quanto abbia apparenza di vero, e per quauto abbia una gran parte di Filofofi leco rapito, non refla però che posta all' esame da molti de' più maturi, e principalmente dagli Accademici di Parigi non sia stata giudicata in-

certa.

Imperocchè primamente per la efplicazion di un Fenomeno non doverfi ricorrere a incerte congetture, quando con principi certi, e manifelti possi quello esplicarsi. Non esservi apparenze, chei l Carteso sia immaginato codello fostrenneo funco discipitoriero, senon perchè giudicava effere troppo scarse le acque, che discendono dal Cielo per formare tanti, e cost vassi sumi, esservenibile miniera sommissità continuo la materia a' siunii, e sempre situlando acque dalle sue volte li mantenga vivi, e perenni; il che non era neces-fario. come divirmo in appersso.

Se vi fosse questo sorterranco succo, che sino alle più alte cime getta le aque, discendendo nelle prosonde cave, che sinona al piè del monte, dovressimo sentirne gli effetti, e ritrovar per tutto acque caide, ciò ch' è contrario alla sperienza. No essevi maggior ragione, che si ammettano tali distillazioni dentro la cavità del monti di quello che in tutte le altre cavità della Terra, ed allora è difficile a provare, che tutta la terra non dovessis sentire.

essere coperta di Nuvole, e Nebbie.

Per le quali ed altre ragioni addotte quei dottiffimi Uomini incominciarono a dubitare della Carrefiana fentenza, ed altra cagione invefligare, la quale dopo molte ricerche non altra fi pertuafero doverfi ammettere, che le Pioggie, e le Nevi, che ne'
monti come in tanii confervatoj fi mantengono, e che colando,
e a mano a mano fdrucciolaado per gli buchi, e per le fcannel-

Parte II. G lature

lature fomministrano di continuo le acque a rivi, e sempre perenni le conservano. La qual opinione ebbero già molti Antichi, come ne parla Aristotile al Cap. 13. delle Meteore, dove esservi Autori afferma, che credono effere l'acque inalzate dal Sole, indi rinverfate in pioggia raccogliersi sotterra, e quasi da un ampio seno fluire, sicchè o tutti i fiumi avessero origine da un solo seno, o ciascuno dal suo; ne generarsi alcun' acqua, ma della confluenza fatta in tempo d' inverno rinversarsi i fiumi ec. Nel qual sentimento surono tra' primi il Signor Perault, il Mariotte, il Sedilau, e de la Hire, tra' quali il dottiffimo Mariette [1] per riconoscere se le Pioggie possano essere bastanti per lo mantenimento de' fonti , e fiumi del Territorio di Parigi, computò primamente quanta pioggia presso poco cadesse in un anno sovra tutto il terreno, che per lungo dalla forgente della Senna fino al Ponte rosso di Parigi fi stende, e per largo abbraccia tutti quegli altri minori fiumi, che alla medesima dentro tale tratto sommistrano l'acqua, colla qual quantità poi la portata di quel gran fiume comparande ritrovò esser l'acqua che cade in terra assai maggiore di quella, che scorre nel fiume, e più che il sestuplo.

#### Calcolo del Mariotte intorno la Senna.

Posto che in un' anno nel Territorio di Parigi discenda tanta pioggia, quanta si ricerca per inalzarsi a 15 pollici, una pertica dunque di terreno riceverebbe 45 piedi cubi di acqua, e suppo-nendo che una lega contenga di lunghezza 2300 pertiche, una lega quadrata conterrà 5290000 pertiche superficiali, che moltiplicate per 15 danno 238050000 piedi cubi. Ed essendo il suddetto terreno 60 leghe di lunghezza, e 50 di larghezza, chefanno leghe 3000 superficiali, se si moltiplica questo spazio per 238050000, averaffi la pioggia che in un' anno cade nel fuddetto terreno, che sarà piedi cubi 714150000000 La Senna al di sopra del Ponte rosso nella sua mezzana altezza, ha di larghezza 400 piedi, e 5 di profondità media; e la sua velocità è tale, che korre 150 piedi in un minuto. Ma poiche l' acqua nel fondo non va così presto come nel mezzo, ne quivi come nella supersicie, si può prendere una velocità media, che sia di 100 piedi in un minuto : Il prodotto di 400 piedi di larghezza per 5 piedi di altezza media è 2000, che moltiplicato per la velocità 100 darà 200000 piedi cubi d' acqua, che scorre per la Senna in un minuto, e 12000000 in un'ora, e 288000000 in un giorno, e 104120000000

<sup>[</sup>t] Trattato del moso d' acque. P. t. Disc. 11.

105120000000 in un' anno, che non è la sesta parte dell' ac-

que, che cadono in un' anno in pioggia.

Se invece di 15 pollici, si prendano 18 come conviene all'osfervazioni, si trova la quantità della pioggia esfere assai maggio-

re, cioè 856980000000 piedi cubi.

Tale opinione fu poi confermata in Inghilterra, e flabilita principalmente dall' ingegnossissimo Hallejo col calcolo da noi di lopra riferito intomo l' evaporazion del Mediterraneo; e nello stello tempo passata in Italia, su da' più Saggi abbracciata, e posta poi ultimamente nella sua luce dal Vallisineri, dal Conte Riccato, dal dottissimo Corradi, e da altri molti.

### Calcolo intorno il Pò dell' Annotatore. [1]

Essendo stata la sua larghezza intorno il Ponte di Lago-scuro sisfata a 300 piedi di Bologna, e la siu persondità ragguagliata nalo fato di mezzo a piedi 20, sarà la sua sezione piedi quadrati 10000. La velocità del Filone si è scoperta con un galleggiante essere di 2600 piedi nu un'ora, la quale per maggior avvantaggio di calcolo si riduca 2 3000. Alsumendo la velocità media eguale a quella del Filone, e moltiplicandola per la sezione del siume avrassi la portata del Pò

In un ora piedi cubi 30000000 In un giorno 720000000

In un anno 264800000000 Se fi confidera l'eftenfione di tutta l'Italia a guifa di un rertangolo, di cui la lunghezza è 600 miglia, e la larghezza 120 (il deb però è dasia minore del vero) farà la fuperficie di Italia di miglia quadrate 720000, e prendendo conforme alle sperienze di Pia, che tra le altre flanno di mezzo, 33 pollici di Parigi per l'altezza della pioggia, che è caduta in un'anno in Italia, averannof polici cubi d'a equa caduta in pioggia in un'anno 41000000000000, la quale quantità è sedici volte maggiore di quella, che scarica il Pò nel mare.

Posto però che gli altri Fiumi portino tant'acqua al mare, quanta tre volte il Pò, resteranno altri dodici Pò per l' alimento delle

piante, e per gli altri ufi.

G ij Cal-

<sup>[ 1 ]</sup> Libro citato Amot. 13.

### Calcolo dello stesso [1] intorno il Danubio.

La sezione del Fiume è di piedi quadrati 75000 e moltiplicata per la velocità media, ch' è di piedi 10000 all'ora, avrassi la portata del Danubio al mare

In un ora piedi cubi 750000000 In un giorno 1800000000

In un giorno 18000000000 In un anno 16570000000000

La diffanza tra le fonti, e le foci del Danubio è di gradi 25, ovvero di miglia Italiane 1500. La latitudine del terreno, in cui flanno i fiumi, che a finifira, e a defitz mettono capo nel Danubio, è di miglia 500, e perciò l' eflenfion del terreno è di miglia quadrate 75000, ovvero piedi quadrati 18750000000000. Dividendo dunque per quest' area la portata del Danubio, ne fisita l'altezza dell' acqua, che balterebbe per alimentario ciò è 57

di un piede, ovvero once 4 di Bologna profilmamente. Supposso dunque, che in quel tratto piova quanto a Parigi, cioè un'anno per l'altro sedici once Bologness, quattro s' impiegheranno per confervar il vasto Fiume, e dodici, cioèa dir tre Danubj, avanzeranno per gil altri ust.

Conferma Il Vallineri tale fentimento colla fruttura flesta de' monti formati tutti di vari firati l' uno fovra l' altro, altri di pura terra, altri di fabbia, e di piccioli fafsolini, altri di denfa argilla, altri di un mifto d' arene, e di pietre varie, altri di fola pietra, o di tufo, o di mamo, o di gefso, o di calce, o di tartaro, o di varie materie metalliche, di varia grofesezza, ed in diverfa maniera poffi, la descrizione de' quali fi può vedere, o apprefso il lodato Autore, [2] o apprefso il Derham, [3] e principalmente apprefso l' accuratifilmo Scheuchtero, dove deferive cfattamente i menti del Lago Urierfie. [4]

Se si misura l' altezza de' monti di Modona, per riguardo del Mare Adriatico, si troveranno aleender elli sopra i imare più piedi mille, e mille, onde si spaventa l' immaginazione a pensare, come i vapori dall' imo sondo sollevantis possano mai trapassare per tanti diversi strati di tanta fiserzza, grostezza, e tutti
irregolari, e giugnere alle cime, o anche alla metà de' monti,
e in tanta copia onde siano basistanti a far siluire perennerenta
e intana. E ciò che vale di tali monti rispetto all' Adriatante sontane. E ciò che vale di tali monti rispetto all' Adria-

<sup>[1]</sup> L.c. [2] Ann. 19. [3] Efift. di Dio L. 3. [4] Difcorfo dell' origine de Monti.

tico, dee valere degli altri rispetto agli altri mari. Quando mancano le pioggie non dovrebbono per questo seccarsi gli alberi, ed inaridirfi l'erbe, non mancando ad esse il sussidio di continue acque, che dall' imo fondo fono esaltate per inaffiarle.

I vapori, che vanno penetrando la terra all' insù di poro in poro, sono necessariamente in qualche urto ssuggevole, che i Meccanici chiamano frottamento, colle pareti de' pori stessi, e per non effere la terra perfettamente elastica la re-azione non rieice eguale all' azione, e per confeguenza bifogna, che i vapori tanto vadano fempre perdendo di moto, quanto il moto reimpresso dalle pareti de' pori è minore di quello, che i vapori avevano impresso alle pareti medesime, e bisogna in oltre che sieno sempre sforzati a mutar direzione difficultandosi con ciò l'ascesa,

dalle quali cose nasce, che non possono molto salire.

Entrando egli nelle caverne de' monti non vide mai alcun indizio di tali distillazioni, ne addossarsi i soli vapori così copiosi negli archi loro, che ricadendo formassero ruscelli, e rivoli, ma fe qualche gocciola fi rammassava, cadeva a piombo ful fondo della caverna. Generarsi spesso in quelle volte alcune croste di tartaro, e piramidi alla rovescia, che si chiamano stalagmites, e altre bizzarre figure per mezzo delle cadenti gocciole: fegno evidente, che non erano fempre da puri vapori formate, ma da acque, che venivano dal di fopra, le quali in passando per la terra, o per certe piante dette calcarie, o per altre dell' indole del geffo, o fimili, strascinavano seco sali, e particelle, che combaciantifi infieme formavano quei tartari, o quelle stalagmiti, dette volgarmente acque impietrite.

Dalle quali cole si conferma, non esser le acque del mare, che vadano ai monti; ma bensì quelle de' monti, che vadano al mare. Per questo i gran fiumi non nascono se non da gran monti, il che riconobbe ancora Aristotele. [1] I massimi fiumi nascono, come abbiamo insegnato, dai massimi monti, il che può essere manifesto a quelli che girano per la Terra. Per questo i paeli, dove poco piove fono scarsi di fiumi, come nella Libia, come nota Giorgio Agricola. [2] Ciò si conferma dalle inondazioni di molti fiumi, e principalmente del Nilo. Imperocchè nasce questo appresso degli Abissini nel Regno di Goyam; ed in tempo di state dallo solstizio estivo sino all' equinozio di Autunno riempie d'acque tutto l' Egitto. Ma di tale inondazione fono causa le immense pioggie, e nevi, che in quel tempo cadono fulle montagne Abissine. Tali inondazioni si veggono ancora

<sup>[1]</sup> Met. L. 3. [2] De ortu, & caufis fubter.

cora in molti altri fiumi come nel Gange, e nell' Indo, le quali non è da dibitarfi, che dalle nevi, e pioggie fiano cagionate, mentre quelle crescono, o decrescono al crescere, o decrescer di

queste, e mancano quelle, quando mancano queste.

Fanno difficoltà alcuni, tra quali Senera, affermando non internari le pioggie fotterra fe non a tre, o quattro piedi di profondirà. Si fondano poi fopra una sperienza del Signor de la Hire il vecchio. Imperocchè avendo egli pofto fotto terra in profondirà d' otto piedi un vaso di piombo, non potè mai offervare, che le pioggie, e le nevi sciolte penetraffero in quella altezza una terra leggera, e poco fa simolia. Avverte però il Mariote, come nelle terre non coltivate, e nei boschi stanovi molti piccioli canali profilmi alla superficie, ne' quali entra l' acqua piovana, e continuari quell'i sino ad una grande profondirà, come apparisce ne' pozzi prosondamente escavati. Che dopo replicate pioggie anche la crosta delle terre lavorate al fine intieramente s' inzuppa, e permette l' ingresso all'acqua, che poi forre, e si dirama per i piccoli canali, he stanos fotterra.

#### ANNOTAZIONE.

E' da osservare, che non sempre i sonti dalle pioggie nel loro terreno cadure si formano, e non pochi ven sciono, s'origine de' quali ad acque lontane dec riferisti. Tali sono le acque nascenti ent territorio di Modona, e di Bologna, le quali osservo il dili-gentissimo Cassini scavurir dal sondo dei pozzi, quando sano fiati sino ad una certa prosondità escavati, e si tratorino gli strai dell' argille, o del tudo, sotto di cui stanno le acque. Tali acque non dal succo sotterraneo sono estatate, ma giù dagla Apennini calando, che non sono che poche miglia lontani, per occulte vie dentro della Terra si perdono, e tendendo comitunamente ad inalzassi e de quilibrarsi col loro principio fecondo le leggi della Idrostatica, aperto l' adito sbucano, e con forza all' alto si portano.

# Delle diverse specie de' Fonti. Cap. VI.

U Na delle specie più insigni de Fonti sono i Fonsi Calidis. Di questi ve ne sono vari in vari luoghi sparsi. Tali sono quelli di Napoli descritti da Strabone, quelli di Padova descritti dal Graziano, di Aix la Chapelle da Blondel, i soni di Borbon dal Pascale. Tal è quello, che descrive Varenio, renio. renio, [1] nell' Islanda, il bollore delle cui acque non è minore di quello che indusse nell'acqua un suoco di sommo grado.

Tali qualità non altronde fi deggiono derivare, che dalla copia delle parti fulfuree, e bituminofe, dai carboni foffili, e da
altri minerali inflammabili, che con questi acque si mechiano
allora quando esse per gli occulti canali nelle loro regioni scorrono. Ciò si manissella dalle ossirvazioni. Imperocche in qualunque luogo tali Fonti foortono, in molta copia ancora tali matenes si veggono. Così in Aix dove tra gli altri molte di quest'
acque vi sono, si vede ancora il terreno ripieno di sossi, così
nell' ssole Azoridi, nell' ssole di S. Cristosoro, e negli altri suoglii. Il che maggiormente si fa manisselo fe si facciano r'usporare codeste acque, osservandosi restar le suddette materie in sondo de' vasi.

Tali minerali, che fono con quest'acque meschiati non apportano talvolta alcun calore alle acque, benchè in mezzo ad esse alle soci s'insiamminoj. Della qual sorta evvi un sonte nel Palatinato della Cracovia.

Altri per lo contrario fono freddissimi, in guisa che non può il loro freddo sopporatari, della qual sorta molti ve ne sono nell'Etiopia, nel Dessinato, nella Stiria, come nota Varenio. Altri ve ne sono di falsi, altri di acidi, le quali cose dai varj minerali, che in essi stano commissi, devivano.

Altri infine purificano i corpi, della qual forta uno ne descrive Giovanni Bodino nel Tento della minorefale Natura nell'Alvernia. Molti di quelli ne riferifee il Varenio, il Tollio, e l' Henninio. Alcuni ancor ve ne fono, che cangiano: il ferro in rame; della qual forta due ne afferma effere Eduardo Brownio non lungi dalla Cirtà di Neusolo.

Della Ruggiada, Aura vespertina, ed altre Meteore acquose. Cap. VII.

O Ltre le Nubi, e le Pioggie, di cui abbiamo detto, fonovi altre Meteore, che di vapori si formano, come la Ruggiada, l' Aura vosperina, la Brina, la Neve, e la Grandine, delle quali ora diremo.

E primamente diconsi Ruggiada quei vapori, che a Ciel sereno nella state sogliono la mattina cadere, i quali poi alle soglie delle piante attaccandos, e l'uno coll'altro giugnendosi, in gocciole vi sibili si conformano, le quali, quando sono minute, serbano la figui-

<sup>[ 1 ]</sup> Geog. L. 2.

gura di sfera, ma fe fono più grandi, per lo proprio peso si riducono ad una specie di sferoidi allungatre. Cadono tali vapori in tempo di state ilu fare del giorno, e sono quelli, ch'essendo stati dal calore del Sole nel giorno suscitata, rasfreddandosi l'aria col venir della notte perdono a poco a poco il loro moto, sicchè estinta del tutto ogni loro aggitazione finalmente cadono a terra.

Quei vapori più grossi, che al primo freddo, che si sa sulla sera, scendono dall'aria, diconsi l' Aura vespertina, i quali di rado essendo sciolti da terrestri esalazioni possono talvolta essere

nocivi, quando fiamo con materie malvagie commisti.

Quando l'Atmosfera è riempiuta di nifri, e dal rigor dell'inverno l'aria è foverchiamente fredda, allora i vapori, che flanno in effa esaltati, fi gelano, i quali se sono obbligati a cadere, s' l'uno coll'altro giugendossi formano alcune rare, e tenui mare gelato a guisa di filamenti , o di sinochi, che diciamo la Neve.

Ma se i vapori sieno alle regioni più alte dalla forza del Sole elevati, dove per lo molto freddo fortemente fi addenfano, e nello stesso tempo molta copia di aliti, e minerali sieno con esfi portati, come accade per l'ordinario in tempo di state, può farsi allora, che trasportati da un rapido vento per l'arial'uno coli' altro si affollino, e restino in tal maniera compressi sicche di essi una sensibile massa di duro, e rigido gelo si formi. Tali masse poi dall' alto per l' aria cadendo, e con altre nel cadere successivamente incontrandos; che loro si attaccano, e dalla pressione dell' Atmosfera, e dalla forza del ghiaccio restando con quelle compresse, crescono a poco a poco, sino che a guisa di grosse sfere rigide, e dure diventano, le quali da alto con fomma velocità cadendo gravemente le piante, e i seminati percuotono, e a gli animali apportano terrore, le quali noi chiamiamo la Grandine. Tali globi tono per l' ordinario tanto maggiori, quanto da più alto discendono, o quanto maggiore copia di sali in aria si contiene . E perchè è necessaria una copiosa esaltazione di minerali pe formarli, per questo ordinariamente non cadono se non in tempo di sta-

Mentre essi cadono, l'aria estiva col suo calore liquesa le parti efteriori, lasciando le interiori agghiacciate; e questà è la ragione, per cui nella superficie esteriore hanno una certa lucidità, ma nell'interior sono opachi. Spesse volte cadono in forma d'una rosa di esí soglie composta, o di una fella di sei raggi. Se un globo, come vagamente osserva il Carteso, sa circondato da altri globi equali, sei e non più nello stesso por toccano d'intorno. Codi se un globo di grandine è circondato da altri globi di grandine

eguali,

eguali, non portà effere toccato che da [el. Allora se questi si attaccano a quello, e vengano quelli dal calore dell'aria in parte liquefatti, restando l'interior congelato, averannos le sopradette sigure, e caderà la grandine in forma di una stella di sel raggi; o d'una rosa di sti foglie. Molte altre figure possion formaris secondo le unioni fortuite de' globi, e le diverse loro liquesazioni, ji descrivere se quali non abbiamo ora nell'animo.

# Degl' Igrometri . Cap. VIII.

Ome allora quando l'aria è di vapori ingombrata, bagna i corpi, e l' inzuppa di acqua, il che cagiona varie mutazioni, ed accidenti, che non si veggono allora, quando l' aria è asciutta, così anno i Filosofi diversi stromenti inventato per discernere i differenti gradi della umidità, che è nell' aria, i quali furono chiamati Igrometri. Tale per esempio è quello, che si cofiruisce per mezzo della Festuca, o Fuscello, il quale forge dalla sementa dell' Avena Silvestre, di cui sa menzione il P. Magnano nella fua Prospettiva Oraria. Egli costa di due fibre lignose tra se spiralmente attortigliate, le quali di vapori inzuppate si rilassano, e si sciolgono; ma aride, e secche a' loro archi e spire ritornano, dal che ne seguono due contrari moti . Però se ad una estremità [ 1 ] F del Fuscello EF sia adattatoun Indice ED, e fatta centro l'altra estremità F si descrive il cerchio ABC si divida in parti eguali, dai diversi moti dell' Indice potrannosi dedurre i diversi gradi dell' umidità dell' Atmos-

Altri in una Lance pongono una fecca spugna; e nell' altra Lance pongono un peso, che sa con quella equilibrio. Applicando poi alla linguetta una tavola graduata secondo che pende la Lance, e dalla parte della spugna, e dalla parte del peso discer-

nono i diversi gradi dell' umido, ch' è nell' aria.

Il più femplice, e più comune Igrometro fi fa per mezzo di un nervo muficale ACB, [z ] le cui effermità A, e B fonofermamente legate a due chiodi. Dal punto di mezzo C pende il pefo P, il quale trae la corda, e la piega nell'angolo AcB. Effendo tale la proprietà di quefte corde, che quando il Cielo fereno fi allunghino, e quando è umido fi contraggano, e fi rifiringano, seguita che in Ciel fereno il pefo P maggiormente difened, e quando è umido, afeende, i quali moti fono l'indicio della maggior, o minore copia de' vapori che ingombrano l'Attra Parte II.

<sup>[1]</sup> Fig. 3. Tav. 14. [2] Fig. 4. Tav. 14.

mosfera. Ciò nasce perchè i vapori penetrando a guisa di cunei nelle fibre spirali della corda, e non senza qualche forza di percosfa, come crede il Borelli, gonfiano la corda, e l'allargano in confaguenza per latitudine, riftringendola per lunghezza. Per misurar poi li diversi gradi di umidità sogliono dividere la saetta, o la linea retta DC, che il peso P in discendendo percorre in molte parti eguali, giudicando effere le forze de vapori proporzionali alle discendenze del peso. Ma avverte il dottissimo Lodovico Riva nell' ingegnosa sua Dissertazion intorno gl' Igrometri non ben rispondere codesta proporzione, e dimostra qual sia la relazione delle saette corrispondenti alle azioni diverse de' vapori, e ciò non solo se il peso penda dal punto di mezzo C; ma da qualunque altro punto, le quali cose da quelli che sono bramosi, ponno vedersi nella fuddetta Dissertazione. Annoteremo folo, ciò che serve per lo cafo più femplice, cioè per lo peso pendente dal punto di mezzo, che se la faetta si dica x, la forza dei vapori z, la lunghezza della corda 2 a , il peso pendente b la relazione delle saette colla forza de'vapori si esprime con questa equazione b. Vaatxx ta - Vaatxx = z 2 X

### SEZIONE SECONDA.

Delle Meteore Spiranti, e de' Venti .

V Ento dicesi una siussione, o corrente d'aria, che va da una piaggia all'altra per qualche continuato tempo. Così Seneta nel Libro 5, delle naturali questioni quella differenza dice esservi tra l'aria, e il vento, che vi è tra il lago, e il sume. Ho interessi niere area, 6° ventum, quad inter latum,

O flumen .

Pet diftinguere le differenti direzione de' venti divifero l' orizzonte i Fiolofo fin molte parti eguali e, e fecondo le diverfe parti,
dalle quali codefti moti a ria fipirano, diverfi nomi gl'impofero.
Secondo Arifforele nel Lib. 2. delle Meteore fono divini i venti ne Cardinali, e Collaterali. 1 Cardinali fono quattro fecondo i quattro principali punti dell'orizzonte, e fono il Solano all'oriente,
il Fauonio all'Occidente, il Settentinora el Polo artico, e l' Aufiro all'antartico. Dei collaterali il numero è diverfo appreffo i
Greci. Ora per maggior comodo de naviganti fono fabiliti i tentatadue [1] venti corrifpondenti a trentadue divifioni eguali dell'

<sup>[1]</sup> Fig. 5. Tav. 14.

orizzonte, de' quali i quattro Cardinali si dicono n Italia la Tramontana, l' Austro, il Levante, il Ponente. Gl' intermedi fra questi sono il Greco, il Sirocco, il Lebeccio, il Maestro. In mezzo a questi, che si possono dire i primari, ve ne sono altri otto, de' quali il nome è composto dai nomi degli due, nel mezzo de' quali stanno. Così quello, che sta di mezzo tra il Greco, e la Tramontana dicesi Greco Tramontana, e così gli altri. Infine tra questi ve ne iono altri sedici col nome di Quarta, de'quali ciascuno dicesi Quarta del Primario, cui sta vicino verso l'altro primario che lo rinchiude. Così per esempio quello, che sta tra Tramontana, e Greco, e vicino a Tramontana dicesi Quarta di Tramontana per Greco; ma se è vicino a Greco dicesi Quarta di Greco per Tramontana. Fuori d' Italia i quattro Cardinali si dicono il Nord, il Sud, l' Est, l' Ovest. I quattro intermedj equidiftanti tra questi si chiamano col nome composto Nord-est, Sud-est, Sud-ovest, Nord-ovest. Gli altri otto intermedi si compongono parimente dal nome de' fuoi Laterali : così quello ch' tra il Nord, e il Nord-est si dice Nord-Nord-est, e così degli altri. Finalmente tra questi sonovi le sedici Quarte nominate colla stessa regola, che si osserva in Italia. Così quello che è vicino al Nord, ma sta rinchiuso da Nord-est, si dice Nord quart de Nord-est, e quello che sta vicino a Nordest verso Nord si dice Nordest quart de Nord, e così degl' altri.

Per altro tutti i venti, che spirano, a tre specie possono ridusti. Imperocche o spirano sempre, come il vento, che sotto la linea equinozziale sempre spira da oriente in occidente, e si dicono Perperui, o spirano solo in determinate stagioni, come sono quelli, che dai Greci furono chiamati Erefe, i quali dopo lo solistizio elivo incominciano a spirare nella Grecia, e durano sono a Settembre, e chiamansi questi venti Amiverfari, o Periodici. Altri finalmente sono quelli, che spirano senzi alcune legge determinata di tempo, o con una legge a noi sconosciuta, come sono quelli, che ora in un giorno, ora in un'altro vegiamo spirar nelle nostre regioni, e diconsi Irregolari, e Varia-

bili, de' quali tutti ora parleremo, e primamente.

# Delle cagioni generali de Venti. Cap. I.

Tultte quelle cose, che possono introdurre sussione, o corrette nell'aria, possono tutte essere agione di Verno. Una delle cagioni più universali sono gli alisi siesti, e le parti ignise, che con empito per l'Atmosfera scorrendo seco portano, e H i mpsico-

rapilcono l' aria. Il che per dimostrare come si faccia, sia il vafor rotondo A di trame, o di bronzo con un lango collo BC.

1 ] Quando esso si firialdi sicchè l' aria nel suo seno rinchiusa
fi rarelaccia, immergendosi il collo BC nell' acqua, potrassi inrodurre l' acqua nel vaso per la bocca C sino che buona parte
se ne riempia. Allora se il detto vaso sia posso al fuoro in guira con grandissimo empito fuori del vaso per lo collo BC, e
per un tempo proporzionato alla sua massa, e d alla forza del
succo discioglitore produrrassi un sorte, e rapido vento. Tale vaso gli antichi anno chiamato l' Eolipila, cioè il vaso del
vento.

Innumerabili Eolipile possono osservarsi in natura, le quali in una maniera fimile alla fuddetta producono un qualche vento. Tale, per esempio, è un umido legno, il quale le si ponga tra le fiamme appena conceputo il calore veggiamo come spesso produce vento, di cui altra cagione non fono, che le parti acquose, che dalle fibre di quello escono rapidamente, dalle parti del fuoco fuori de' loro ricettacoli con empito fuscitate. Così se un pomo, o fe un altro umido frutto fia posto al fuoco, veggiamo ipesso nascere lo stesso fenomeno. E questo essere un modo, con cui vengono generati molti venti può stabilirsi. Imperocchè può, per esempio, considerarsi un monte a guisa di una Eolipila naturale, fuori da' cui spiragli, quasi da tanti lunghi, ed angusti colli escono con empito i vapori, e gli aliti o dal raggio del Sole, o dall'ignee interne fostanze agitati, e vibrati, i quali per l' aria velocemente l' uno dopo l' altro in molta copia fcorrendo formano il Vento.

Un finile effetto veggiamo fassi nelle chimiche fermentazioni. Così se gertiamo la limatura di Marre nell'acqua forte, e se mescoliamo lo spirito di solso col sale ammoniaco, veggiamo licire un torrente d'aria, e di vapori dal vaso. Molto più impetuoso moto si genera, mescolando sal di tartaro pesto con una quantità eguale di nitro, e dipoi tale missura insiammando con un carbone ardente, o con un ferro insuocato principalmente se tali materie si rinchiudano dentro di un vaso sicche dopo che sono state infiammate siano costrette ad ulcire fuori di

un lungo, ed angusto collo.

Un'altra cagione universale è il Sole, il quale agitando l'aria con molta forza la discioglie, e la rende più rara, ed in tal modo la obbliga a moversi verso dove si oppone minor resisten-

<sup>(1)</sup> Fig. 6, T. 14.

za. er avere fotto gli occhi codefto effetto, bafia prendere come uuole il Nieventyt [1] un faifco di vetro, dove non fi contenga altro, che aria, e rinverfarlo colla gola in giù fopra un piatto, in cui bifogna verfar dell'acqua fino che afcenda fopra l'orificio del faico per impedire la comunicazione dell'aria eltriore coll'interiore. Dopo di che, fe fi rifcalda il vafo, vedefi l'aria interna rarefatta produre un piccolo vento dolce, ch'efce in piccole bolle fuori del vafo.

Il soverchio raffreddamento ancora può essere cagione di vento. Imperocchè può egli molto ristrignere, e condensare una porzione di aria, ed in tal modo dar occasione a quella, che la cir-

conda di fpandersi, e dilatarsi.

Un'altra caufa de Venti folpetta il Signor Mariotte effere le vicende delle clevazioni della Luna nel fuo Apogeo, e delle fue d'ifendenze nel Perigeo, offervando che per lo più fipri un vento di Nord alla nuova Luna, che paffa all'Eff in tre, o quattro giorni; indi al Sud, ed indi all'Ovefi, e fi rimetta al Nord alla Luna piena; da dove ripaffa fucceffivamente verfo l'Eff, e i Sud, e l'Ovefi per ritornare al Nord nella nuova Luna.

# Dei venti variabili. Cap. II.

I Venti variabili, come abbiamo detto, fono quelli, che irregono. el larmente, o almeno con una legge a noi fconosciuta spirano.

Ciò che di tall venti principalmente fi offerva è, che in ogni terra, ed in ogni mare fipirano, ma in ogni regione diverfi, orta in un tempo, ora in un'altro, ora molto, ed ora poco durevo-li, altri dal mare, altri da'monti, ed altri dalle nubi ufcendo, altri fipirando dal bafío in alto, altri per lo contrario dall'alto

<sup>(1)</sup> Efift, di Dio L. 2. C. 8.

al basso, ed altri orizzontalmente. Tali venti non si estendono troppo lungi, come è noto a'naviganti, che ne'nostri mari dopo piccioli tratti per l'ordinario cangiano i rombi. Lo stesso di il Mariotte paragonando i venti, che avevano spirato a Parigi con quelli che in Polonia aveva osservato nello stesso si con quelli che in Polonia aveva osservato nello stesso di Sozia erano stati dal Signor Gregory osservati, trovando che i venti di Parigi da quelli di Edemburgo erano diversi l'ortava parte della bussoa, e quelli di Varsavia loro erano opposii.

Ne ascendono questi a troppa altezza. Così notò Aristotele[1] non essere mai arrivati i venti, sulle cime del monte Olimpo, e lo stesso notarono i viaggiatori de'monti del Perù, e David Freli-

chio dei monti Carpazi.

Cosl parimente il loro movimento di rado è uniforme, ed ora maggiore, ora minore; e così la loro forza, onde ora dolci, e foavi spirano, ora impetuosi, e rapidi, ponendo tutto sosso-

Variano ancora per le loro qualità; perchè altri umidi sono , altri secchi, altri freddi, altri caldi, altri salubri, ed altri insa-

lubri ec.

I quali fenomeni facilmente si intendono, se si considera essere tali venti un' aggregato di aliti, e di vapori, o dal calore del Sole, o dalle loro fermentazioni efaltati, i quali escono con empito o dalla terra, o dal mare, o dalle nubi, dove stanno sublimati, come veggiamo uscire le particelle aquee-ignee dalli lunghi colli delle Eolipile. Per questo in ogni luogo spirar tali venti veggiamo, perchè in ogni luogo fi fermentano tali spiriti; ma sono in ogni luogo diversi, perchè diversi sono i spiriti, che si fermentano, e diverse le loro fermentazioni. Ed ora più, ora meno durano fecondo la copia de minerali, ed or dal mare, or dalla terra, or dai monti secondo che ora in questi, ora in quelli tali spiriti dal calor agitati si sviluppano, e si vibrano. Quando spirano dal mare, la direzione del vento è dal basso all' alto. Quando da' monti dall' alto al basso, e talvolta orizzontalmente. Tali venti non si estendono troppo lungi, perch' è limitata l' Atmosfera delle fermentazioni, e per la stessa ragione non ascendono a grande altezza. Il loro moto di rado è uniforme, ed equabile, parte perchè non equabilmente si sviluppano i spiriti nel fermentarsi, e parte perchè l'onde dell' aria dai diversi ostacoli, in cui s'incontrano, fono alterate, e rotte, come veggiamo farsi delle correnti di uru

<sup>[ 1 ]</sup> Met. L. 2.

un fiume, che dai fassi, e dalle rive diversamenteposte, nelle quali s'incontrano, vengono di tratto in tratto impedite, ed obbligate a girare circolarmente. E come i spiriti minerali principalmente nelle loro copiose fermentazioni, non si lanciano, che interrottamente, e per intervalli, per questo interrottati venti spirano, e per ripresa principalmente quando sono dei più sorti.

Per la forza, con cui si miuovono, ella dipende dalla quantità dell' ana, che si muore, e dalla velocità con cui si muore. Per ridurla a calcolo osserva il Mariotte quanto peso è capace d' inalzare la corrente d'aria urtando in una tavoletta di determinata superficie. Ed essendo la forza viva de' corpi come la massa nel quadrato della velocità, de si determina la velocità del vento, e la superficie dell'osseolo, contra cui urta, si conoscerà ancora qual peso eggi si capace d' inalzare, cio à a dire quanta sia la sua forza. E' notabile che il più rapido vento non arriva a percorrer 32. piedi in un secondo, come lo stessiona correre 32. piedi in un fecondo, come lo stessiona correre gare piedi in un secondo, come lo stessiona correre gare di nun secondo, come lo stessiona correre gare si munta piuma, o altro corpo per l'aria, allorache foiria il vento.

Quanto alle diverse loro qualità nota il dottissimo du Hamel contrarre i venti quella natura, che conviene alla materia, di cui fono composti, ed al luogo, per cui essi passando diverse affezioni acquistano. Perciò siccome il vento suori dell' Eolipile spinto sparge un odore grato, e molesto secondo la natura del liquore, che vi sta rinchiulo, e come l'aria fuori di un lungo tubo coperto di neve, e ghiaccio uscita si sente fredda, così la qualità de'venti, e dalle parti, che li compongono, e da'luoghi, per li quali paffano, hanno l'origine. Per questo il vento d'Oriente, che alla Grecia fecondo Aristotele è caldo, alla Francia, Inghilterra, ed Olanda è freddo, perchè passa per i luoghi nevosi della Germania, e della Polonia. Nell'Italia per l'ordinario è umido, perchè passa per l'Adriatico. Nell'India occidentale è freddo, ma nell' Arabia, ed Affrica scorrendo per arene infuocate è caldo. Il Nord è freddo, e secco riguardo a noi forse perchè è un aggregato di nitri dalle montagne nevose spiranti. Ma il Sud è umido, e caldo, perchè egli è ripieno dei vapori del mare, dal qual spira. Per lo contrario il Nord è per Costantinopoli piovoso, spirando dal mare, e il Sud nell'Affrica è secco.

Dagli aliti de' quali costano, nasce parimente, che altri sieno salubri, ed altri nocivi, intorno alle quali cose molte notizie possiono aversi o da Bacone di Verulamio nella Storia de' venti, o dal Varenio nella sua Geografia, e da altri molti.

### Del Turbine. Cap. III.

I L Turbine, detto ancor da noi Bisciabova, da'Greci chiama-vasi Typhon, e da Anassagora, e dagli Stoici Prester quasi vento di fuoco . Plinio nel Libro 2. in tal maniera lo descrive. Sin vero depresso sinu arctius rotati effregerint nubem sine igne, boc eft fine fulmine, vorticem faciune, qui Typhon vocatur, idest vibratus Ecnephias . Defert bic fecum aliquid abreptum è nube gelida convolvens, verfansque, O ruinam suam illi pondere aggravans, O lacum ex loco mutans rapida vertigine. Pracipua navigantium pestis non antennas medo, verum ipsa navigia contorta frangens. Ma se gli spiriti troppo compressi, ed imprigionati rompano la nube, non atta a produrre il fulmine, fanno un Vortice, che dicefi il Tifone, ovvero il nembo vibrato. Egli trae seco una massa della gelata nube, e la rigira, e volve, aumentando con quel peso le sue ruine, e girando con rapido turbine. Eccidio principale de' naviganti, da cui non folo le antenne, ma le

navi stesse rapite in giro si frangono.

Per esporlo sotto gli occhi noi ci serviremo della figura stessa, di cui si è servito il Montanari, [ 1 ] cioè di quella, che è rappresentata da Giovanni Majova Inglese, che di tal vento accuratamente ne parla. Tutto il contenuto del Turbine, che dal detto Autor fu offervato, è a guisa di un cilindro tra gli due estremi [2] GG, e II, nel centro di cui vedesi a guisa di nuvola più oscura il tubo piramidale FF. EE, fotto a cui si vede l'acque del mare elevarli a guisa di un monticello AA or più, or meno acuto. La parte CC, che è segnata in forma piramidale, e sembra andarsi ad unire verso EE, al tubo di mezzo, esprime il moto dell' acque, che mediante la forza del turbine si levano in alto dalla base, e si veggono in ispecie di nebbia falire in alto, e particolarmente si vanno flaccando dalla massa maggiore, o sia monticello d'acqua, che forge nel mezzo. Il tubo di mezzo diventa affai denfo, ed ofcuro. ed ha l'origine dalla nuvola fuperiore, e fembra a principio quasi fumo, e lascia qualche spazio tra la sua estremità inferiore, e l' acqua, che fotto di lui s' innalza, ma dopo breve tempo si riempie così bene di vapori, o fia di particole d'acqua, che d'ogni intorno verso di lui non senza orrendo mormorio concorrono, che ne divien totalmente denfo, ed ofcuro, dopo di che vedefi spezzare il tubo, e cadere a basso precipitosamente le acque.

Tal vento non altronde, si può stabilire che nasca, che dalla immenfa

<sup>[1]</sup> Forza d' Eolo . [2] Fig. 7. Tav. 14.

mensa copia de' minerali, de' quali la nube DD è riempiuta. Nell' atto di cui questi si fermentano, e si sviluppano, sono essi parte dalla resistenza delle parti più crasse, che compongono la nube. parte da quella che l' uno coll' altro si fanno, obbligati a deviare continuamente dalla retta, per cui fi lanciano, e fono cofiretti a moversi velocemente in giro, nel qual moto squarciando la nube in FF, escono affollati, e sempre vorticosamente girando formano la Piramide FF, EE, da cui continuamente per la loro forza centrifuga allontanandofi, fi fpandono per tutto il il cilindro GG, & II. In tal modo tutta l'aria che riempietutto il cilindro, effendo con fomma velocità circolarmente rapita, formasi un rapidissimo e violentissimo vortice, come veggiamo farsi nell' acque de' torrenti, benchè con assai minore velocità , allora che cadendo a precipizio dai monti s' incontrano in duri fassi, e rive, che resistono al loro movimento. Se cotesto Vortice si divida con il pensiero in tanti piani circolari, e paralleli all' orizzonte, è facile il conoscere, come in ciascun circolo girando rapidamente gli spiriti, e con essi l'aria, deggiono per la loro forza centrifuga abbandonare il centro, ed alla circonferenza portarsi; onde seguita dover restar vuoti di tali materie gli spazi che stanno al centro vicini; come veggiamo negli stessi Vortici aquei. Ed in tal modo la concavità della Piramide EE, & FF è tutta vacua; la qual vacuità in FF è più ampia, dove è vicina alla nube, e in confeguenza dove fono gli spiriti più affollati, e la forza centrifuga è maggiore; ma piucche si allontana dalla nube più si va ristrignendo, perchè gli spiriti sono in minor quantità, e perciò è minor la forza centrifuga. Fatto tale spazio vacuo resta allora obbligato il mare, che gli sta sotto, ad ascendere per lo peso dell' Atmosfera, come per le leggi dell' Idrostatica veggiamo ascendere dentro i canali vuoti l'acqua, e il mercurio; il che si fa sino all' altezza di 32. piedi ; nè cessa eglidi star sospelo sinochè dura il rapido vorticoso moto de' spiriti, cesfando il quale egli col proprio peso trabocca, una grande quantità d' acque versando con gran pericolo de' naviganti.

Quanta fia la forza di clevazione di questo Vento può facilmente computatfi, quando fi determini il diametro della sua Tromba elevatrice. Quando non vi fiano per esempio che 6, piedi di diametro, agirà allora una forza capace de clevare un cilindro d'acqua , la cui alteza è 32, piedi, e il cui diametro è di piedi 6 la quale, come computa il Montanari, [1] equivale a 83, mila libre di pe fo. Ma se il diametro è di 92, piedi, come talvolta se ne offerva-

Parte II.

no, la forza elevatrice farà di 85000000 libre, alla cui enorme forza non è da maravigliarsi, che non possano resistere le più grosse,

e pefanti navi.

Una specie di Turbine è quello, che chiamano il Vento dell'Occhio di Bue. Di questi se ne veggono spesso nel mar etiopico , l' empito de' quali con molta loro ruina furono i primi a provare i Portughesi l' anno 1500, e li chiamano nella loro lingua Travados, come nota il Kirker. Spesso ancora se ne veggono al Promontorio di Bona-speranza. Imperocchè evvi non lungi dal lido un' alto monte, la cui fommità si distende in un'ampla pianura. Effendo il Cielo sereno, e placido il mare, scorgesi di tempo in tempo fovra cotesta pianura star una picciola Nube, che per la somiglianza chiamasi da' Naviganti Occhio di Bue. Questa all' improviso si stende, e copre tutto il monte; il che fatto, esce da quella una procella sì grande, ed un così impetuoso vento, che meschia, e confonde il mare, ed apporta fommo pericolo a' Naviganti .

Un' altra specie è il Vento di fuoco, o il Vento avvelenato, il quale principalmente nell' Arabia, e nell' Etiopia dopo l' estivo folftizio si vede . Sorge prima una densa , ed atra nube mista di lampi, dal cui seno esce un fortissimo vento detto dagli abitatori Samiel, cioè Vento avvelenato, da cui escono di continuo agitate faville, che soffocano, se talun le respira. Allora che tal vento s' infiamma un diluvio di rossa arena s' innalza, la quale cadendo opprime talvolta, ed uccide quantità di peregrini, che per tali regioni viaggiano raccolti in schiere, che dagli Arabi si dicono Caravane.

# Di alcuni Venti Periodici. Cap. IV.

Ra i venti Periodici, o Anniversari, celebri sono quelli che da' Greci furono chiamati l' Etefie, e le Ornitie .

L' Etesie spirano per la Macedonia, la Grecia, l' Egitto, ed altre vicine regioni. Incominciano fecondo Plinio adi 15. di Luglio, e durano fino a Settembre. Spirano dal Settentrione, incominciando nella terza ora del giorno, e la notte quali cessando ..

L'origine di tali venti hanno alcuni attribuito agl' influssi della Canicola. Ma con più ragione Aristotele [1] la prende dalle nevi, che in quel tempo ne' monti Settentrionali fono liquefatte dal Sole; alla cui opinione, sebbene con poco forti ragioni

<sup>[1]</sup> Met. L. 2.

gioni si oppone Seneca [1], si conforma però il Varenio [2],

e il Kirker [3] .

Le Ornitie spirano nella Grecia dall' Austro settanta giorni dopo l' equinozio di Primavera, secondo Aristotele [4], con minor vigore dell' Etese, e durano sino all' estivo solstizio, sebbene con qualche interruzione.

Varenio [5] trae la loro origine dalle nevi, che in quel tempo il Sole scioglie ne' monti della Luna, che sono nel Regno di Mo-

nomotapa.

Simili venti spirano in molti tratti del mare, altri per più tempo, altri per meno durevoli, de' quali il suddetto Autore ra-

giona.

p. Di tal forta fono parimente quelli, che in determinate oredel gioron fipiano, altri dalle ttern emditerrane verfo il mare, altri dal mare verfo le fuddette terre. Tal è il Sud, che generalmente nel·luoghi nofiri martimi domina in tempo di faste, il quale incomincia una o due-ore dopo il mezzo giorno, il che nafce parte dallo rateziono dell' aria, che cagiona il fervido raggio del Sole, parte dallo rificaldamento dell' acque marine, le quali infieme coll' aria diffipate fipirato, e verfo di noi fi portano, nè ceffano di fipiare, le non ceffa fopra di effe l'azione del Sole. Tal è il Nord-overl, che domina in Francia ne del noi di Aprile, il quale probabilmente altro non è che un vento compofto da un Nord, che allora nafce per la liquefazione delle nevi festentrionali, e dall' Overle perpetuo, che fipira di qua dai Tropici, ed allora per l'accesso del Sole all' equatore è rinforzato.

Del Vento perjetuo di Oriente, che soffia tra i Tropici. Cap. V.

QUelli, che navigano fotto la Linea equinoziale, esperimentano un continuo vento, che dall'oriente in occidente equibilmente spira, e si distende sino alla latitudine di'venti
gradi in circa di qua, e di là dell' equatore. Spira tal vento
costante in quella parte principalmente del Mar Pacifico, che sia
dentro i Tropici, sicchè quelli, che dalla muova spagna all' siole
Flippine diriggiono il corso, lo hanno sempre in poppa, e senza
cangiar di vela terminano il loro viaggio in sessa giorni. Lo
sesso delle controli, che nel Mar' Etiopico si portano al
Brasile, non mancando mai ad essi tal vento, per la cui rapi-

<sup>(1)</sup> Quaft, Nat, L. 5. (2) Geog. L. 1. (3) Mond, Sott, L4. (4) L. c. (5) L. c.

dità nello spazio al più di sedici giorni arrivano dal Promontorio di Buona-speranza all' Isola di S. Elena, distante 350. mi glia.

Credono i Copernicani, tra' quali il Galileo nel Sistema del Mondo, non altronde tal vento avere l' origine, che dal moto diurno della terra intorno il suo asse. Essere ciò facile cosa da conofcersi, se si concepiscano nella sfera terrestre diversi circoli all' equator paralleli, i quali girando tutti nel medesimo tempo. è cosa evidente, che quelli, che abitano fulla circonferenza di quefli circoli, gireranno tutti con diversa velocità, e la massima farà di quelli, che abitano fotto l' equatore, la quale andrà sempre degradando fino che al Polo diventa nulla. In tal modo effendo maggiore la resistenza, che incontra un mobile, che si muove in un fluido, quando è maggiore la velocità, con cui egli si muove; seguita ancora che quelli, che abitano sotto l' equatore terrestre, maggior refistenza incontreranno nell' aria di quelli, che abitano vicino ai Poli, la quale andrà sempre diminuendosi sinochè diventerà nulla ai Poli. E come quello, che velocemente corre a cavallo per la refistenza, che incontra nell' aria, fente un rapido vento, che gli da nel petto; così quelli che stanno sull' equatore girando velocemente dall' occidente all' oriente fentiranno un continuo vento spirar loro in contrario . cioè dall' oriente all' occidente, il quale farà massimamente senfibile fotto la Linea, e andrà sempre degradando sino che diventa infensibile verso venti gradi di latitudine, e sarà continuo, ed equabile, perchè continuo, ed equabile è il moto, con cui fi gira la terra. Perchè poi obiettano alcuni, che dato ancora il moto diurno, non dee fentirsi alcuna resistenza di aria, essendochè l'aria nello stesso modo colla terra si muove, e gira ancor essa nello spazio di ventiquattr' ore, a questo rispondono, ch' essendo l' aria un fluido dalla terra divifo, ella non del tutto feconda i moti terrestri : e che quando ancora li secondasse, è a tante agitazioni, e tanti moti foggetta, che non può principalmente fotto l' equatore non farne qualche sensibile resistenza, e farci sentire il vento dalle piagge di oriente. Ciò che i Copernicani prendono dal moto della terra, lo prendono i Tolemaici, tra' quali il Riccioli, [1] dal movimento dal primo mobile .

Non è però da mettere in dubbio, come ora penfano i Fifici più accurati, che, se non la fola, almeno la principale causa di tale fenomeno sa l'azione del Sole, dai cui fervidi raggi sollevate le parti dell'aria, e dell'acqua a lui sottoposse si spandano, e si dilatino.

<sup>(1)</sup> Almag. Nov. L. 9.

tino là dove le porta il moto del fino movente. Lo fteffo veggiamo accadere, fe fopra di un vaso d'acqua lentamente muoviamo un ferro infuocato; imperocchè una aura tenue veggiamo toflo nafecre, la quale fipira secondo il moto del ferro, come si conosce da qualche piuma, o a litro leggiero corpo, che si softenda. Ciò maggiormente si conferma dall' offervazione, per cui discopriamo anche ne' nostri mari, allora quando sono affatto liberi dagli altri venti, spirare tal' aura, e seguitare il moto del Sole.

Ma perchè non può di continuo portarfi l' aria all' occidente fenz' aumentare e la malfa, e il peò di quelle regioni d' aria, nelle quali fi porta, farà ancor necessario, per le leggi dell'Idrossario, che l' aria occidentale per lo soverchio peso rebuisca, e quasi circolarmente ritorni, reflituendosi in ral modo alle regioni, ch' ella aveva lasciato; ciò che si conferma dalla sperienza per cui si vede, che come dentro i l'eopici spira un perpettuo vento dall' oriente all' occidente; così fuor de' Tropici spira un vento contrario, che di continuo dall' occidente all' oriente si porta. Tal vento è avvalorato dalle montagne dell' America, dalle quali spirano perpettui venti verso occidente, o sia per le loro frequenti sermentazioni, o perchè di continuo si rislettono in esse i venti orientali.

E perchè la massima rarefazione dell' aria è sotto la Linea, dove due volte all' anno il Sole è perpendicolare, e da cui meno fi allontana nel fuo annuo corfo di quello, che da qualunque altro parallelo posto dentro dei Tropici, farà ancor necessario, che l' aria dell' uno, e dell' altro Tropico ritrovando verso la Linea minor resistenza, colla sua elastica forza si dilati, e si porti verso di essa, il che dovrà far di continuo, essendo continua la rarefazione, che cagiona il Sole. Ed in tal modo dovranno produrfi due altri perpetui venti. Imperocchè tendendo l' aria del Tropico meridionale verso di settentrione con un perpetuo Sud, e nello stesso tempo essendo portata verso dell' occidente da un perpetuo Es; da queste due direzioni dovrasti comporre una direzione media, e dovrassi avere un perpetuo-Sud-eft. E per la stella ragione tendendo sempre l'aria dal Tropico settentrionale verso il mezzogiorno con un perpetuo Nord , e nello stesso tempo essendo portata verso occidente da un perpetuo Eft, dovraffi avere un vento perpetuo Nord.eft dalle due fuddette direzioni composto.

I quali due venti di fatto si sentirebbono sempre per tutta la zona torrida, se non sossero alterati principalmente dalle fermentaziotazioni, che continuamente nella terra si fanno, il che sa ch'essi non foffiano regolarmente se non ne' mari, e nelle terre soffrono

una infinità di variazioni.

Osserva il dottissimo Hallejo nella sua celebre Storia [1] de' venti ch'essendo sulle costiere dell'Affrica subito che i naviganti hanno passato l'Isole Canarie non manca loro un Nordest verso la latitudine Boreale di 28 gradi. Questo accompagna quei che vanno al mezzo giorno fino a' 10 gradi di latitudine, e fino alla distanza di 100 miglia in circa dalla Guinea, dove regna una nojola Calma, che fino a 4 gradi incirca di latitudine fi estende, cagionata forse dall'ostacolo continuo, che fanno i monti al vento d'oriente. Per quelli poi, che vanno all' Isole Antille, il Nordest fa molti cangiamenti, diventando talvolta un vero Es, talvolta un Est-quart de Sudest, e talvolta piegando uno o due punti verso il Nord. Il che è verisimile, che non altronde nasca che da ciò, che a misura che il Nord, di cui il Nordest è composto, si avvicina alla Linea, sempre più s'indebolisce dall'oppofto Sud fino che diventa affatto impercettibile ; e perciò svanisce affatto il Nordeft, ne faili fentire altro che l'Eft, i quali venti fempre più verso l'occidente si perdono per le montagne dell' A-

merica, che fanno offacolo.

La diversità delle Stagioni apporta ancora qualche piccolo cangiamento a tali venti; perchè quando il Sole è verso il settentrione affai lontano dall'equatore, i venti di Sudest cangiano tra il Brasile, e la Guinea, e piegano verso il mezzo giorno, e i venti di Nordest divengono un poco più orientali . Per lo contrario quando il Sole è al Tropico del Capricorno, e venti di Sudest diventano più orientali, e quei di Nordest pendono verso settentrione. Il che è verisimile non altronde nascere, che dalla diversa azione del Sole, con cui egli rarefa l'aria. Imperocche allora ch'egli è nel Tropico del Cancro rifcaldando affai l'aria. non più tende questa come faceva verso l'equator col suo peso: ed a tal modo indebolita la tendenza del Nord viene alterato ancora il vento composto Nordest, e piega verso l'Est. Per la stessa ragione, essendo allora l'inverno per quelli che abitano sotto il Tropico del Capricorno, l'aria, che allora è più condensata, tenderà con maggior forza verso la Linea; e perciò crefcerà la tendenza del Sud; ed in conseguenza diventerà il Sudest un poco più meridionale di quello che era prima.

#### SEZIONE TERZA.

Delle Meteore Ignite.

A Lle Meteore Ignite riduconsi tutti quei senomeni, che dalle infiammazioni de Corpi, che sifanno nell'Atmosfera, dipendono, quali sono il Lampo, il Tuono, il Fulmine, i Fuochi fatuu, ed altri molti, de quali ora diremo; e prima

Del Lampo, del Tuono, e del Fulmine. Cap. I.

IN quella guifa, che dai Vapori, che nell'aria sono stati dal Sole cialtati, formansii, come abbiamo detto, le Meteore acquose, così dagli Spiriti infiammabili, quali sono i fulfurei, e mitrofi non dubitano i Filosofi, che abbiano l' origine quante si voglia Meteore Ignite, che si veggono in Cielo. Come il fervido raggio del Sole aglice continuamente sull'acque, ed cialta qui vapori, così aglice ancora fulle minierte terrestri, ed cialta ogni forta di spiriti, che colà si contengono, tra i quali sono gl'infiammabili, che sono il sono di sono del condesi senome con continuamente con colle si sono del controle di controle con colle si sono del controle con controle controle con controle con controle con controle con controle controle controle con controle con controle contro

Fino che tali spiriti stanno per l' aria dispersi, e vanno liberamente vagando uno dall' altro disciolti, non si veggono certamente produrre alcun fensibile effetto. Ma se o per la loro copia, o per qualche rapido vento si ammassino, ed insieme cogli altri aliti a formar le nubi concorrano, allora può farfi, the per l' urto continuato di altri corpi eterogenei fieno in diverse maniere spezzati, e rotti, ed in tal modo si sviluppi da essi la materia ignita nelle loro celle rinchiusa, da cui sieno con un rapidissimo moto vibrati, e vorticosamente rapiti, sicchè forza di calore, e di luce acquistino, ed infine divengano fiamma. Allolora fe fono in poca copia, o fono dentro una rara nube, che faccia poca refistenza alle loro evoluzioni, sicchè possano liberamente fpandersi in ogni parte, un semplice splendor noi veggiamo rapido, e fugace, il quale ferifce gli occhi per la velocità, e vivacità della luce, ma fenza alcun fensibile strepito, come quando una poca polvere da fuoco in aperto campo s' infiamma, e tale splendore noi lo diciamo il Lampo. Ma se maggiore è la copia degli spiriti ignei, e se principalmente sono dentro di diverse nubi rinchiusi, che per la loro spessezza molto refistano alla loro espansione, allora dov' è più facile l'adito raccogliendosi tutto il loro moto, che per altro se non vi fosse stata resistenza si sarebbe dissipato in giro , si vibrano con rapidità, il che facendo con tutta la loro forza le parti dell' aria comprimono, che con le replicate, e violente loro vibrazioni eccitano poi un vasto, e pieno rimbombo simile a quello, che fa la polvere da fuoco, allora che dentro di un mortaro di guerra s' accende, il quale dicesi il Tuono. Tale strepito principalmente fi avvalora dalla natura delle stesse parti infiammabili in quella maniera che nell' Oro fulminante si esperimenta. Al che infine cospira la cavità medefima delle nubi, per cui spesso a cagione delle varie riflessioni può essere accresciuto, e continuato lo strepito, come accade dentro le trombe vocali, o dentro le concave valli de' Monti,

Ma se la copia de' medesimi spiriti è ancor maggiore, e se nello stello tempo sono più depurati, e dalle parti eratie disciolti, ficche fuori dalle dense nubi si vibri un'assai più grande, e più rapida fiamma con gran ruina, e portentofo fragore, allora lo diciamo il Fulmine. Se si richiamano a memoria le leggi della Dinamica, e si confideri, come la forza motrice de' corpi da due elementi dipende, cioè a dire e dalla massa, che si muove, e dalla velocità, con cui si muove, si può conoscere, quanta ancora possa essere la forza dei spiriti fulminei.

Imperocche quell' effetto, che fa una palla di cannone, lo potrebbe fare qualunque piccola palla, quando ella fosse alla dovuta velocità ridotta: onde quell' effetto, per esempio, che fa una palla di cento libre con velocità d'un grado, lo potrebbe fare una palla di una libra quando ella avesse una velocità di dieci gradi : potrà dunque un folo atomo fulmineo aver un' enorme forza, quando abbia un' enorme velocità, e molto più enorme potrà effere l'aggregato di tali forze corrispondenti all'aggregato di tutti gli atomi, che la

fulminea massa compongono.

Per le quali cose non è difficile l'intendere, come talvolta possano essere fatti dal fulmine così violenti, e maravigliosi essetti, onde riducansi in polvere i corpi più duri, ne' pori de' quali egli penetra, fi liquefacciano i metalli, e talvolta le groffe mura, e gli edifici fi abbattano, come fa la polvere di fuoco, che dentro i cunicoli, e le mine sotterranee s'infiamma. Talvolta a guisa di rapidiffimo Turbine si gira, in cui se s'incontra allora una dura quercia, o altra qualunque robusta pianta, può effere, come veggiamo, dalla violenta vertigine o sfibrata, o in due, e più parti divifa, o fe l'empito è maggiore, fine dalle più profonde radici divelta. Le quali cose egli fa principalmente quando è nell' efficacia della sua evoluzione, dopo di cui per la refistenza dell' aria, e degli altri corpi, che gli si fanno incontro, perdendo a poco a poco il vigore, e la forza quello, che in molti luoghi fece una quantità di ruine, in qualche luogo dopo molti giri, e rigiri è innocente, e non laicia per suo effetto, che il solo odore dei sol-

fi, che lo compongono.

Onde poi nascano tanti altri così vari, e così stupendi effetti, che dei fulmini si producono, pare cola più malagevole da intendere . Imperocche altri, come nota Plutarco [1], si videro abbruciare le case, e le vesti degli uomini lasciando illesi i loro corpi. Altri per lo contrario, come sta registrato nelle Memorie [2] Inglesi, uccisero gli uomini lasciando intatte le loro vefti. Altri, come nota il Baile [3], hanno liquefatto il piombo nelle finestre senza offesa dei vetri, o di altre supellettili della camera. Altrihanno incenerite le mani, lasciando intatti i guanti. [4] Altri infine lasciarono intatte le viscere de' fulminati . vuotando di fangue i vafi, ed altri innumerabili effetti di tal forta. Le quali cofe fotto nome di Antipatie, e Simpatie fono state dagli antichi Filosofi ridotte, ma colla diversa disposizione. e relazione delle parti che compongono il fulmine, e di quelle che compongono i corpi, che son fulminati, non difficilmente si spiegano dai più recenti. Imperocchè essere vari gli effetti secondo i varj minerali, de' quali la fiamma fulminea è composta . Così se per esempio di pingue zolfo abbonda, non ha forza, principalmente nel fine della sua evoluzione, di offendere i densi corpi, ma folo il lino, e le paglie, e fimili corpi abbrucia . Ma se spiriti nitrosi, e vitriolici in molta copia contiene, facilmente scioglie i metalli, l' argento per esempio se di spirito di nitro abbonda, come l' acqua forte, l' oro se contiene molti sali ammoniaci, come l' acqua regale, ed altri metalli fecondo i loro dissolventi, ch' ella contiene. Imperocchè quanto sieno maravigliose le virtù dei minerali, de' sali, e dei zolfi, potersi conoscere nelle misture, che compongono i Chimici, e principalmente ne' Fosfori. Se fi fanno tra gli altri gli sperimenti con il celebre Fosforo del Kunkelio, non si veggono che maraviglie . Imperocchè primamente ciò che gl' altri fuochi abbruciano, tale Fosforo lascia intatto, e ciò che agli altri fuochi resiste, egli abbrucia. Alcune materie, che eftinguono gli altri fuochi, fervono ad esso per maggiormente accenderlo, e reciprocamente quelle, che gli altri accendono, fervono a quello per estinguerlo. Quando si mette vicino allo spirito di vino, lo infiamma . quando però lo tocca non lo infiamma. Egli con fomma celerità fi Parte II.

<sup>[1]</sup> Simp. l. 4. [2] Anno 1666. [3] Oper. var. T. 2. [4] Mem. Ingl. l. c. [5] Du Hamel Stor. Accad. l. 4.

ta si muove all' alto, lambe i corpi duri, e penetra i rari in guifa che sebbene sono massimamente infiammabili, li lascia intatti. Se un pezzetto di questo Fossoro si frange vicino a un globo di zolfo, non lo accende, ma vicino alla polvere di zolfo l' accende. La carta nello stato suo naturale è dalle sue fiamme penetrata, e resta illesa, ma quando è tritata, o pesta, si abbrucia. Nello stesso modo patiano esse per i pori di una tela nuova fenza offenderla, ma le si strofigna, l' abbruciano, Tali ed altri innumerabili effetti osfervansi in tale Fosforo, da' quali viene diminuita la maraviglia, che apportano fimili effetti, che si veggono farsi da' fulmini. Nè doversi dubitare, che di tutti i varj effetti del fulmine sieno cagione i solfi, i nitri, i sali volatili vari, gli spiriti acidi, ed altri minerali effluvi, che nell' Atmosfera principalmente in tempo di state esaltarsi è manisesto come tra gli altri intorno le miniere d' Inghilterra ne fanno testimonio il quinto, e sesto volume dell' Effemeridi di Francia,

Alcuni corpi sono dai fulmini incendiati, alcuni non lo sono; ciò che è verisimile non altronde nascere, come ingegnosamente costerva il P. Lozeran della Compagnia di Gesù, che dal tempo in cui sta la forza del fulmine al corpo infiammabile applicata. La Founde brushe, O' ensistemme les corpo infiammabile, quand la matiere, dons elle est composte, scisume assection, quand la matiere, dons elle est composte, scisume assection, quand la matiere, dons elle est composte de esc. corps sone bétanelle péarenne, O' dessimi leurs parsies. Mais se elle me sciourne pat assection, dans les pores de ces corps, elle me les ensistame para ellez, dans les pores de ces corps, elle me les ensistame poins, elle seut même y demeuver si peu de tems, qu' il n's paroltre aucun vessige de seu. Il sulmicaburcia, ed infiamma i corpi sinfiammabili, quando la materia, di cui egli è composto, loggiorna molto tempo nei port di questi corpi, ella non ges instamune, e può ella restarvi al poco tempo, che non vi comparsica alcun vestigio di suco.

E perchè quanto più fortili fono le parti, che compongono il tulmine, per questo tanto più facilmente passimo a traverso de corpi, ne quali esse è incontrano, ance dalla loro fortigliezza, che tatvolta non cagionano ossica. Da questo nasse, che tatvolta non cagionano ossica. Da questo nasse, che tatvolta non cagionano ossica. Da questo nasse, composito est per lo corpo. Interna feministi per di fali addit, ed parti arfenicali , penetrano con somma rapidità per li pori esterni, e s'introducono nel sangue o a perturbar la fua crassi, o a impedire il suo ovvimento que o a perturbar la fua crassi, o a impedire il suo ovvimento

fic-

ficchè apportino morte. Ma quando le parti fulminee fono più groile, e più acri, allora abbruciano la cute, e divorano e cor-

rompono le carni.

Tale diversa relazione di parti dee a tutti gli altri fenomeni applicarsi. Che talvolta abbiano i fulmini liquefatta una spada fenza offesa della vagina, lo narra Plinio, e Seneca. Così parimente Varrone afficura, che il fulmine fondesse l'oro di Lucio Scipione in una borsa lasciando intatta la borsa. Ma di tali fatti non fenza ragione dubitano molti, non effendo difficile, che il fulmine possa fondare l'oro, e non la borsa, ma essendo assai difficile, che la bosa non sia ossesa dall'oro liquesatto. Così non è cosa strana, che la fiamma fulminea passi per la vagina, e liquefaccia la spada, ma che il ferro liquefatto non rompa, e sfibri la vagina è cosa assai stravagante.

Che la miniera de' fulmini non fossero altro che le nubi, dove i minerali dal calor del Sole efaltati fi fermentano, e s'infiammano, non venne giammai neppure in mente di porlo in dubbio ai Filosofi. Imperocchè essere il fulmine differente solo di grado dal Lampo, e Tuono, e come è fuori d'ogni dubbio, che il Lampo, e Tuono nel feno delle nubi si formino, così ancora il fulmine. Nè per altro quelli, che sono fulminati dal Cielo, toccati dal Cielo chiamaronfi, e non per altro scagliar Giove dall' alto i fulmini hanno inventato i Poeti. Ma che ciò non fempre fi faccia, lo manifestano moltissime osfervazioni, tra le quali è insigne quella, che l'eruditissimo Sig. Marchese Massei scrisse al Sig. Vallisneri . Imperocchè essendosi egli ricoverato di passaggio in un antico tetto di Fiordinuovo in Lunlgiana gli accade di vedere in una stanza non già entrar d'altronde, e scorrere precipitosa, ma avvampar d'improviso nel mezzo d'essa, una massa di fuoco; e dopo d'essere stata ferma alcuni istanti indi prender corso, e sublimarsi, facendo cadere alcuni pezzi della volta, e trapaifando alle stanze iuperiori. Onde dedusse il suddetto Autore essersi là sul basso terreno formato codesto fulmine.

Lo che si stabilisce maggiormente con ciò che afferma il Sig. Baile [1] essersi qualche volta veduti negli appartamenti dei globi di fuoco, che avevano prima un movimento retto, e molto tardo ful pavimento, e talvolta ancora comparivano immobili, dopo di che s'infiammarono, e qua e là con fommo fragore, e ruina si sparseto. E ciò parimente dalla Storia dell'Accademia delle Scienze nel 1704, dove descrivesi il sulmine, che scoppiò in Govesnon Città Iontana una lega, e mezza da Brest. Dalle quali cole si conosce ij non

<sup>[ 1]</sup> Fif. p. 2,

non formarfi sempre nell'alte nubi i fulmini, ed alcuni se non forfe la maggior parte (coppiare dal bassio non lungi dalla congerie degli effluyi sulfurei, che agitati dal calore sumano, e si estatano. Per questo vicino ai Vulcani spesso i sulmini scoppiano, e per questo, come osserva il sovralodato Massio, sonovi alcuni luoghi particolari alsai più degli altri fottopossi a faette, nel qual numero

era lo stesso palagio, in cui egli s'era ricoverato.

Sonovi molti Autori, che de' Cunei Cerauni, ovvero Fulminari fanno menzione, i quali nello scoppiare del fulmine cadono in terra. Fu il primo, che di ciò ne diede testimonio Avicenna [1], ed averne veduto uno in Corduba afferma, il cui odore era di solfo. Così il Fromondo [2] narra effere leggieri, e fimilifimi a quelle pomici aduste, che talvolta dall'Etna, o dal Vesuvio son vomitate . Ma il P. Cabeo [3] afferma essere durissimi, e di ferrea natura, uno de' quali dice il P. Scoto [4] conservarsene nella Città di Erbipoli. [5] Gassendo ancora descrive una lunga Storia d' una pietra, che fu creduta un fulmine, il cui peso era 38 libre di Parigi di gravità specifica maggiore del marmo, e di color di metallo. Sospettano però i Fisici più accurati di coteste asserzioni, le quali pare non altronde aver avuto l'origine, che da una falfa perfuafione fiffa nell'animo di alcuni appreffo il volgo autorevoli, i quali non potendo essere persuasi, che da una fiamma fluida pollano produrfi effetti così stupendi e violenti a quali sono quelli, che veggiamo farsi dai fulmini, giudicarono essere necesfario, che si vibrasse qualche solido, e duro globo per distruggere, ed abbattere i corpi, come fono le palle di ferro dalla polvere piria fuori dei Cannoni vibrate . Il qual'errore facilmente fi toglie, fe fi confidera che tutta la forza, ch'è nella palla di ferro, non altronde che dalla fiamma della polvere piria proviene. dal cui elaterio fi rompono talvolta i più groffi mortari di guerra e restano le più grosse mura abbattute. Non che non si possa, come nota il diligentissimo Rohault [6], formarsi qualche dura pietra nell' aria allora che scoppia il fulmine, veggendo per l'esperienza. come il folfo, e il fal nitro mescolati con la materia limosa, che depone l'acqua piovana in un vafo, se sono riscaldati dal suoco, in un momento s'indurano, e s'impietriscono. Ma se ciò accadesse, non è verifimile, che nelle Città più spaziose non abbiano i più curiofi offervatori della Natura potuto giammai ritrovare ne' luoghi dal fulmine percoffi alcuna di quelle Pietre, e solo le ritrovino altri in mano di semplici, e troppo creduli.

A N-

<sup>(1)</sup> Averoe lib. 2. Met. (2) Met. l. 2. (3) Met, l. 3. (4) Magia. (5) Diog. Lacr. l. 10. (6) Fif. P. 2.

#### ANNOTAZIONE.

Si confermano le fopraddette dottrine colle sperienze del Signor Lemery, che stanno registrate nelle Memorie dell' Accademia Reale delle Scienze del 1700. Imperocchè avendo egli primamente impastata coll'acqua una massa di parti eguali di solso polverizzato, e di limatura di ferro, e lasciatala in digestione fenza fuoco due, o tre ore, si vide prima nascere una forte fermentazione, ed un gonfiamento con calore confiderabile, e farfi dapoi alcune crepature in più parti, per le quali uscirono aliti puramente caldi, quando la materia non era che in poca quantità, ma che si cangiavano in fiamme, quando la materia era di trenta, o quaranta libre. Avendo in fecondo luogo posta infieme la stessa limatura di serro col zolfo in differenti proporzioni, ed avendo in lunghi e stretti vasi collocata tale mistione, e bene compressa, si videro le stesse fermentazioni. Poste in terzo luogo in tempo di state cinquanta libre della stessa mistione dentro un gran vaso, e messo il vaso sotterra alla prosondità di un piede incirca, dopo otto, o nove ore incominciò la terra a gonfiarfi, e fcaldarfi ed infine aprirfi, dopo di che uscirono aliti caldi, ed indi fiamme, e levato in fine il vaso dalla terra altro non vi si ritrovò, che una polvere nera, e pesante, ch'era la limatura di ferro del fuo zolfo spogliata.

Da tali, ed altre molte sperienze, ch'egli fece, non dubita il lodato Autore, che debba dedursi l'origine di quasi tutti i fenomeni igniti, che o nella Terra, o nell'Aria si osservano. Così le infiammazioni che nel Vesuvio, o nell'Etna si veggono, non in altra forma può credersi, che si facciano. Il che tanto più si conferma, perchè dopo che fono finite le fiamme, trovasi molto zolfo fulla superficie della Terra; e nelle crepature, per dove il fuoco è passato, vedesi una polvere nera simile a quella, che nella terza sperienza si ritrovò nel vaso. Così i Terremoti formarsi , nè da altro cagionarsi, che da un'alito nella fermentazione de'zolfi eccitato, che diviene un rapido vento, che si fa passaggio con forza per dove può, e per la relistenza che trova scuote le terre per dove palla. Se tal vento fulfureo fla lungo tempo rinchiuso senza poter uscire, fa orribili, e lunghi scuotimenti fino che si discioglie e svapora; ma se trova aperture facili, vibrasi con molto empito, e forma una specie di Turbine, da cui sono divelti gli alberi, e gli edifici, quando è sulla Terra, o sono innalzate, e arruotate l' acque, quando è sul Mare. Anche l'acque Minerali calde da tali principi prendono il loro calore riempiendosi di zossi nelle miniere, per le quali passano; il che si conferma colla sperienza, per cui si vede deporsi da esse in abbondanza il zosso, allora che sono in

quiete.

Quando il zosso associato di solima nell'aria, può fare il Lampo, il Tuono, e di l'Pulmine. Quando tale materia si fermenta, ella s'infiamma, e per la copia maggiore, 'o minore si fa che ora un femplice Lampo, ora il Tuono, ora il Fulmine si produca. Egli è però credibile, che il Nitro sottile, ch'è sempre sparèn nell'aria, si leghi al zolso fulmineo, e di accressa la sociaco al coli so mommento in quella maniera che il Salpetra mescolato col zosso comune cagiona un effetto assa più violento. Ma perchè portebe parer difficile, che possano col acqua composte, vuole il suddetto Autore, che si oliservi, non effere il zosso imposito dall'acqua ad accendessi, come si vede nella Cansora, ed altre materice essattatissime sull'arec.

Delle Stelle striscianti, Faci, Fuochi fatui, Aurore Boreali, e Lume Zediacale. Cap. II.

Come le materie infiammabili più pure, e più fublimate producono Lampi, e Tuoni, e Fulmini, così quelle, che fono piu craffe, e pingui, e per l'ordinazio nella baffa regione fparfe, producono molte altre Meteore ignite, delle quali ora diremo.

Di al numero sono quelle infiammazioni, che spessio in tempo di notte principalmente nelle flagioni calde si veggono, dette Stelet firisiami; nè sono queste altro che una piccola massa viscola, e pingue, che il Sole sublimò da Terra, ma per la sua graflezza non troppo alto è falita, la quale mista di qualche spirito salino, che la fermenta, s' iosamma, e nell'instammassi ci comparisce a guisa una Stella, che forre, seguendo la vena dell'alto, che la nutre, dopo di che si dilegua talvolta con qualche sensibile siscolica.

Tali sono parimente quelle picciole fiamme, che da umore oleofo prodotte si veggono ardere ralvolta per qualche tempo sino ch' è sciolta la materia, dicui si formano, le quali per essere simili alla

samma d' una face si dicono Faci, o Lampade .

Secondo la diversa maniera, con cui si dispongono tali materie infiammabili, e tra di loro si accozzano, diverse Meteore, e di figure diverse si formano, onde ora a guisa di Travi di Fuoco para la contra di contra di

ralleli all'orizzonte, quale fu quello ofiervato dal Gasendo in Aix, e nello stesso tempo per tutta la Guascogna veduto nel 1637. ora a guisa di Colonne ardenti, come principalmente sta registrato nelle Miscellance di Berlino, ora infine a guisa di Piramidi, or a guisa di Scudi, de'quali Seneca, e Plinio.

Talvolta veggonsi molte siamme per vasto tratto sparse, simili a quelle, che negli incendi delle paglie ne' campi stese si compi stese diconsi perciò Paglie ardensi, la qual Meteora su tra gli altri in Olanda veduta l'anno 1721. al primo di Marzo quasi per mezz'

OFF

Che se talvolta compariscono Fiamme gonsie nel mezzo, e nell' estremità alquanto gracili, diconsi allora D'argbi di Fuoco. Ma se a guita di globi, intorno cui pendono le samme simili ai siocchi di lana, i quali globi vanno di qua, e di la disordinatamente saltan-

do, diconfi allora Capre faltanti.

Di tal genere ancora sono quei fuochi, che spesso di notte si veggono lafia accesi sopa i apiudi; e cimiteri, di fulgor tenue, e pallido, e simile a quello, che hanno le lucciole e i legni putridi. Sono questi composti di quei sosi piosi putridi. Inogni non troppo alti da terra si elevano, i quali si cangiano in famma tenue, e di poca forza, che dura sino che è ciolta, e dissipata la grossa materia, di cui sono formati. Essi per la lore leggerezza qualunque moto dell' aria secondano, ed ora in una parte, ora in un'altra si muovono; suggono da chi li insegue, ed infeguono chi si fugge, detti perciò Fuecòs Fattui.

Una specie di tàli finochi sono quelli, che talvolta si veggono fovrastar alle navi, e seguire il loro corso, o si formino dalla pecce, e resina delle corde dal vento agitate, o si formino dalle parti disperse per l'aria. Se uno ne appariva, gli antichi lo chiamavano il Fuoco d'Elema; se duce, di Cassore, e Polluce. Ora diconsi i Fnocshi di S. Erassmo, e corrottamente di Ermo, e de Elmo, sopra de' quali hanno varie supersitzioni i naviganti, ora prendendoli per un presagio di tempesta, e do ra di tranquillità. E di tal sorta possono credersi quelle picciole siammelle, che talvolta intorno i crini degli Unmini si sono vedute, come T. Livio narra di Servio

Tullo.

Nell'anno 1676. adi 31 di Marzo quattr' ore, e mezza prima della mezza-notte offervò il Cassini un Globo di suoco, che appariva poco presso eguale alla Luna, la di cui luce immitava quella del Sole allora, che dopo la piogga nell'aria vaporosa risplende, e si traeva dietro una lunga Coda. Pu egli per lo spazio di 4, minuti da oriente in occidente celeremente rapito; dopo di che

Females Gove

franl con molto firepito riempiendo l'aria di odore sulfureo, e biuminoso. La flessa Metcora nella flessa ora su ossievaza in molti luoghi d'Italia, e principalmente in Firenze. Non su troppo differente da questo quel che osservo Paulo Battista Balbo nell'a no 1720. adi 22. di Febbrajo, la cui destrizione egli comunica all' Accademia di Bologna, come sta registrato nelle memorie della medessa.

Alle Meteore ignite appartengono le Aurore Boreali, ch' è il

più forprer

Si ponno riportar a queste quantità di Fenomeni Igniti, a' quali gli Antichi per la diversa loro figura dictero differenti nomi, come il Trave, la Freccia, la Capra faltante, l' Antro, la Botte. E' probabile, che questi provengano dalla materia stessa, che forma l' Autore; primo perchè hanno una luce simile ad effe, e com' esse danno l' adito alla luce delle Stelle, e perchè si veggiono al Nord, e perchè spesso vibrano dardi di luce, come le Autore.

Si ponno distinguere in due spezie, altre che hanno un lume

dolce, e tranquillo, altre assai risplendente.

Alla prima li posiono ridurre i Fenomeni soprammentovati, ed il Lume Settentrionale scoperto dal Sign. Faccio, ed osfervato da Domenico Cassini, e il Sign. Majran 1730. 9. Ottobre (Accad. Reale 1730.) e tali Aurore posiono dirsi tante nuvole luminose,

che fono sparse per l'aria.

Il fecondo genere fono le risplendenti, della qual forta non è da dubitare, che ne abbiano offervato ancora gli Antichi : trovandosi le lor descrizioni in Aristotile, Plinio, e Seneca, ed altri. Nel progresso o furono neglette le osservazioni, o di rado si viddero, almeno nell' Europa. Incominciarono a vedersi in Olanda l'anno 1716, dopo di che avendo incominciato il celebre Astronomo Celsices farne le osservazioni in Upsal, trovò memorie, che in Grecia s' era veduto questo Lume 316. volte. In Alemagna, e in Inghilterra fono state ancora frequenti; ma in Italia non v'è memoria, che prima del 1727. (Accademia di Bologna) ve ne fian comparse : dunque tale Fenomeno non comparisce sempre nella stessa maniera. Per l' ordinario si vede verso il Nord una nuvola Orizzontale, che si distende in lunghezza tal volta a 100. e più gradi. Il lembo superiore ha di altezza tal volta 40. e il lembo inferiore si eleva dall' Orizzonte alcuni gradi; cangia sovente di colore, or tutta bianca apparisce, or tutta nera, e partebianca e parte nera. Al lembo superiore è tutto luce tal volta con una lunghezza di 15. come come offervò il diligentifilmo Muscembroechio nel 1737. dall'
orlo superiore della Nube escono folti raggi ora in maggiore,
ora in minor copia, che sono a guisa di Gesti di luce vibrati
con enorme velocità. Talvolta si è veduta alzarsi dal mezzodela
la Nube una Colonna luminosa a guisa di Rocchetta. Tale nuvolo per l' ordinario è accompagnato da molte colonne di sanguigno colore, che si destendono perpendicolari all' Orizzonte, o
che talvolta sono spinte con molta rapsidirà verso il Zenitte; dopo di che restano dissipate, ed alle prime succedono le seconde.

Questo Fenomeno dura qualche volta tutta la notte. Nel 1734, il Mulcembroechio l' osservò per più di 10. giorni, e 10. notte, e nel 1735. dalli 22. Marzo sino alli 31. Tal volta non dura che pochi minuti. S' egli si vede in un sito, non si vede sempre in un altro poche miglià dissante. Tal volta si veduto per tutta l' Europa, come su osservato li 6. Marzo nel 1716. ed in altri due, l' uno adi 19. Ottobre 1726. l' altro adi 16. Novembre 1724. Osservato dal Sign. Veidler.

Quindo comparifice l' Aurora il reflo del Cielo è fereno, e al disloverfi di quella ficarica tutto di nubi ociure. Ella apparifice per l' ordinario in tempo di calma, o di placido vento. Ella comparifice ancora in tutte le flagioni, ma di rado in Effate, benchè il Signor Majran tre ne abbia offervato in Luglio 1728.

Ve ne fono molte, che non fi possono vedere da due luoghi vicini. Molte per elempio si sono vedute a Leyden, che non si vedono in Utrecht. Molte in Utrecht, che non si vedono in Leyden. Molte in Ollanda, che non si vedono in Francia; e meno in Italia.

Egli è certo, che fu osservato a Tolosa un Lume Settentrionale nel Nord-Ovest li 7. Ottobre 1730. da ore 7. 1 di sera si-

no a 4. I della mattina. Ed un' altra nel Nor dest il medesimo giorno a Parigi da 9. ore sino alle 11. I e questo bisogna dire,

che fossero due Aurore diverse, perchè quella, che si è veduta a Parte II. L Tolosa

Tolosa nel Nordovest dovevasi vedere a Parigi nel Ovest, e non nel Nordest.

Per altro come molte compariscono con ogni forta di venti, è necessario, che elle siano più alte degli stessi venti; e s' elle sono tal volta più basse potranno essere trasportate da' venti, e

diffiparfi.

Per esplicare tale Fenomeno congettura , che la materia ditale Fenomeno è simile a quella de' nostri Fosfori. Ella è una materia, che spesso è così rara, e debole, che a traverso di esfa sempre si ponno veder le Stelle, e a traverso delle Colonne, e della Nuvola bianca, e della nera. Le Colonne, che vibra la Nuvola luminosa hanno un certo fosgore tenue simile a quello che ha la polvere de' Fossori gettata nell' aria, che riluce, ma non è ne samma, ne sucoco,

E verisimile, che questa materia tiri la sua origine dalle Regioni Settentrionali, onde ella si eleva, e svapora per l'aria.

Tale materia fecondo che più o meno abbonda può comunicarfi dal Settentrione alle nollte regioni, ora in magiore, ora in minor copia; e perciò dal 1716. è nata la frequenza delle Autore, che abbiamo veduvo; e nella Svezia tante ne furono offervate, come nota il Cellio; e nel Ciclo di Torne quafi ogni notte li veggiono, come offervò il dottiflimo Signor de Maperia ti cogli altri Accademici. E percibè tale materia non fempre abbonda, nè fempre fi comunica fino a noi, per quetto di radi furono tra noi vedute fimili Meteore; ma a quefto principio posi fono facilmente ridurit tante Meteore, delle quali Seneca, e Plimio fanno 1a Storia,

Tale materia che nel suo principio è una tenue luce venga da qualche vento di Nord portara nelle nostre regioni, ove s' incontra con altri altit, con cui possa fermentarsi, allora può divenir suoco, ed infiammarsi, e secondo le materie per cui s' infiamma produrrà quei Fenomeni stravaganti, che osserviamo, e le Colonne, che si vibrano or saranno bianche, ora rosse, ora

fanguigne.

Se tra due venti contrari di Nord, e Sud sia possa la Nuvola luminosa potrà lungo tempo sermarsi nello stello sito, ma se il solo Nord la porta, in poco tempo potrà dissolversi principalmente se s' incontrano quantità di minerali, con cui ella si fermenta, e s' infiamma.

Se si riguarda la luce dell' Aurora, ella è similissima a mella d'un Fossoro, è diversa da quella del Nitro, e del Zosso, che s' insammano. Che se il Zosso ne sosse il principio si ve-

drebbono

drebbono dunque in Italia, e spesso le Aurore Meridionali, perchè dalla parte del Meriggio v'è più abbondanza di Zolso, che

dalla parte del Nord.

Se nello stesso e foira un Nord spira un Sud, o un Est, o un Ovest, è chiaro, che l'Aurora non apparirà Boreale, ma in altra piaggia. Il Muscembrecchio crede d'averne vedute due Meridionalli nel 1728. Due lumi fimili Meridionali sono mentovati nella Storia dell' Accademia Reale delle Scienze. 1705.

Queste nuvole sono tal volta sì rarefatte, che in pieno giorno

di rado si veggiono.

L'Aurora comparifice per lo più in tempo di calma, o con vento placido, nè giammai alla fua comparfa il Cielo è oficuro; ma fvanita l'Aurora il Cielo fi ofcura. Ma prima della fua comparfa per l'ordinario fipirano venti o dolci, o forti, e tal volta tempeffofi.

#### Del Lume Zodiacale.

Lume Zodiacale dicesi un Lume, che' di tempo in tempo si fa vedere sul Zodiaco in certe stagioni dell' anno, o dopo il nasce-

re, o prima del tramontare del Sole.

Le prime osservazioni su questo Lume surono state da Domenico Cassini a Parigi in tempo di Primavera nel 1683, e furono poi continuate dal Signor Faccio da Duillier in Gineora nel 1684, 1685, sino alla metà del 1686, delle quali si ha un esatto racconto nelle lettere da lui dirette al Cassini, ed impresse in Amsterdam il medessimo anno.

Altre poi ne furono fatte in Alemagna dal Signor Kirchio, ed Eimart per continui quatti anni registrare nelle Miscellance de curios della Nasura. In fine con molta attenziono furono rinovate in Francia dal Signor de Majian, e furono poste in Sistema come si vede nel sino eccellente libro inferito nelle memo-

rie dell' Accademia del 1731.

La figura, fotto cui fi fa veder questo Lume, termina per lo un Fuso, cod da entrambe le parti in acuto a guisa d' una Lancia, o d' un Fuso, colla bafe diretta fempre al corpo del Sole, e la punta verso di qualche Stella, che non esce mai dal Zodiaco. Li angolo di tale lancia ora è più acuto, ora piu ottuso il Signor Faccio adi 6. Ottobre 1684, lo vidde di 26. gradi e 1, e simila

lo vidde Eimart li 13. Genajo 1694. Il Signor Majran tal volta di 10. gradi. Le linee, che formano taleangolo per lo più com-L ij pariscopariscono due esattissime rette, benehè qualche volta dimostrarono d'incurvarsi, come al Signor Faccio, che tal volta le vidde a guisa di due Concoidi, e al Signor Cassini, cui comparve il Lume

a guifa di Falce.

Se fi prende la disfanza di tali punti dal Sole, ella fi trova or maggiore, or minore. Così nel 1683, la ritrovò il Cassini a gradi do. ma nello spazio di 37. meli trovò che erasi aumentata sino a gradi di 33. dopo di che nuovamente nel 1685, i fera diminuita. Così varia ancora la sua l'arghezza sull' Orizzonte, la quale, come trovò il Cassini add 4. Febbrajo 1683, su di 13. gradi in circa, e add 5. Settembre 1685, superò 20. gradi.

Così parimente varia la di lui inclinazione, e fecondo le diverse flagioni, e i diversi luoghi, da cui si vede, ora più, ora

meno inclinata apparifce.

Se si offerva il suo moto, egli non si trova uscir mai dall' Eclittica, ma avanza sempre da Occidente in Oriente immitan-

do il meto del Sole...

Quanto al fuo colore, egli per lo più comparifice simile alla Via Lattea, o ad una Coda di Cometa, la cui luce trassmette lo splendore delle Scelle, nel qual modo lo vidde il Signor Cassin in Francia, benchè tal volta siasi veduto con luce più densa, e più forte, come su oiservato dal Signor Majran, e tal volta di colore rossicio, come so vidde il Signor Derham a Londra nel 1707.

Taí (ume fu offerdato ancora dal R. P. Francesco Noel l'anno 1684, intorno la linea equinozziale, dipoi nel Collegio di Racol in latitudine Borcale di 15,º 10. vicino a Goa, e negli anni seguenti in Maccao, e nella China. La sua luce, come il suddetto Autore la descrive è simile alla Via Lattea, o ad una

grande Coda di Cometa.

La fua figura più che dall'Orizzonte s'innalza più si ristringe, fino che termina in una punta. Il suo moto è sempre per l'Ecclittica, e perciò secondo il vario sito s'innalza full'Orizzonte ora, 400, ora 600, e 700 gnadi. La mattina incomincia a farsi vedere prima del nascer del Sole, la fera dopo l'Occio. In tali regioni comparisce la mattina, e la sera per tutto l'anno; ma l'Estate è minore di quello che l'Inverno. Codello Lume su chiamato da Lui il Secondo Crepussico.

Per esplicare tait Fenomeni stabilisce il Cassini non doversi prendere altronde il principio, che dall'Armossera del Sole. E primamente, che tale Lume abbia il principio dal Sole, non potersi dubitare, perchè se ciò non sosse, non immiterebbe egli regolarmente il moto del Sole, e non percorrerbibe con esso nella lui da Occidente in Oriente l'Eclittica, come veggiamo colla sperienza. Ma non essendo possibile, che il corpo del Sole produca tale aspetto, farà dunque necessario, che lo produca qualche al-ra soltanza, che circonda il Sole. Tale fossarza, che noi diremo l'Asmosfera del Sole, si è refa già altronde manifelta, e la riconobbe il Keplero nell'Eclissi totali del Sole. Subsilarita crassifacione sono per son

Dalla figura del Lume Zodiacale si può conoscere quale sia la figura di tale Atmossera, e ch'ella è simile ad una Sferoide piatta,

e di forma Lenticulare.

Imperocchè s'ella fosse sterica, la sua progezione sarebbe un Circolo, o pure un Ellissi, nè v'è che la Steroide piatta, ch'essendo fempre veduta in profilo, possa sempre progettarsi in forma di Lancia, o di Fuso.

La direzione delle sue punte ci dimostrerà ancora la positura di tale Sferoide, e secondo le osservazioni si troverà in tal maniera posta, che il piano massimo, che la divide per lungo in due parti eguali coinciderà coll'Equatore del Sole, ed in conseguen-

za toglierà l'Eclittica con un angolo di 7. 30.

Pofte le quali cofe facilmente è intendé, perchè il Lume Zodiacale in tal figura fi vedle, e perchè feguiti il moto del Sole, e perchè in uno fletfo Orizzonte ora fi veggia, ora no', effendo ora più, ora meno inclinato fecondo i diverfi gradi d'Eclittica, in cui fi ritrova il Sole. Nelle regioni Polari non portà di mezzo effate vederfi per la langhezza delli crepulcoli, ma di mezzo Inverno porta vederfi, e due volte in un giorno principalmente ne filenzi della Luna. All'Equatore in qualunque tempo fi vede, perchè è poco inclinato all'Orizzonte. Ma nelle Zone temperate per la fua inclinazione non è fempre vifibile. Ma quando il crepufcolo è più breve, e l'arco dell'Eclittica, in cui fi trova il Sole, fla mafilmamente diretto all'Orizzonte, allora facilmente fi vede, come al fin di Settembre, ed al fin di Febbrajo.

Se a tali cagioni si aggiungaro le mutazioni dell' Atmosfera, si potrà conoscere la causa di molti altri accidenti, che in questo sume si scuoprono. E perchè ora si allunga, ora si accorcia, ora è più vivace, ora meno, ora per lungo tempo si vede, ora sva-

nisce.

Di alcune maravigliose Meteore, che di tratto in tratto si fanno vedere nella Provincia Trivigiana, descritte, ed esplicate dal dottissimo Signor Lodovico Riva. Cap. III.

PER dar maggiore intelligenza alla gioventù di tale materia , utile abbiamo giudicato l'efporre quei famoli fenomeni, che da qualche tempo fi fanno vedere in alcune Ville del Trivigiano . Per la qual cofa abbiamo inferito ne' nosfiri elementi tradotta in Lingua Italiana l'erudita Differtazione del dottifilmo Sig. Lodovico Riva, ch'egli pubblicò in Lingua Latina nelle sue miscellanee, in cui tali Meteore accurtatemente descrive.

## DISSERTAZIONE

#### Dell' Autore fuddetto.

I certi maravigliofi fenomeni della natura, che dalla firaordinaria combinazione di varie cause vengono prodotti e perciò fono rarissimi, ogni qual volta accadono, si dee tramandar a'Posteri una diligente, ed esatta notizia, accompagnata da tutte le più minute circostanze. Tali ponno dirsi quei fuochi che nati dalla terra, e feminati sopra la sua superficie, da parecchi anni in qua, in una parte della Provincia Trivigiana fi fan vedere con universale spavento, e con danno di molti sentir si sanno. Io non ho trovato presso gli antichi Scrittori un caso più simile al nostro di quello rapportato da Cornelio Tacito nel fine del Libro decimoterzo degli Annali. Sed Civitas Iubonum focia nobis [ questa Città secondo i Geografi moderni presentemente si chiama Huy, ed è situata tra Liegi, e Namur I malo improviso afficta est. Nam ignes terra editi villas, arva, vicos passim corripiebant, ferebanturque in ipsa conditæ nuper Coloniæ mania : neque extingui poterant ; non si imbres caderent , non si suvialibus aquis , aut quo alio bumore niterentur : donec inopia remedii, O ira cladis agrestes quidam eminus saxa jacere, dein residentibus flammis propius suggressi ichu fustium, aliisque verberibus, ut feras absterrebant : postremo tegmina corpori direpta injiciuut quanto magis profana, O usu polluta, tanto magis oppressura ignes. E' cosa notabile, che i nostri Villani ammaestrati, cred' io dalla natura, e dalla disperazione, si sono serviti delle stefse arme, perseguitando le fiamme devastatrici con gridi, co'bastoni, co' fassi, e sino coll' arco bugiate; Leggesi un caso quasi simile in una Lettera di Alessandro il Grande ad Aristotele. Fsseque rubes alie de Colo ordentes, sanquam faces decidere, un succedio carum totus campus arderet. Perchantur dicere, ne Deorum me premere ira, quod bomo Herculis, Liberique vessigai transsectio conatus essem, supili autem milites vesses perces qui opposere ignious. Di pi questo ne fa menzione plutarco nella Vita di Alessandro.

Prima però d' internarsi nella Storia de' Fenomeni, non sarà fuori di proposito il dar se non altro un tocco intorno la qualità dei fiti, e la costituzione delle stagioni. Il danno è successo nelle quattro Ville di Gotico, Ramone, Rossano, e Galliera. Le prime tre sono poste fra Castelfranco, e Bassano in poca distanza l' una dall' altra, e l'ultima nelle vicinanze di Cittadella poco Iontana da Gotico. Le Campagne sono magre, ed asciutte, composte di terra mista ad una ghiara grossa, ed a sassi rotondi, che chiamano Fhaitati. Sono povere d'acque se non in quanto ci scorre per mezzo il picciolo fiume Musone, e vengono irrigate da' canali fatti a mano derivati dal fiume Brenta, poche miglia discosto, che servono però folamente ad adacquarne qualche picciola parte. All'ufo degli abitanti fuppliscono i pozzi quantunque rari, e profondi; mentre al terreno è fottoposto come un lago sotterraneo d'acqua viva, che da' vicini monti per istrade cieche, ed occulte discende. Ed in fatti in qualunque sito si cavi, l'acqua si scuopre, essendo le forgenti proffimamente allo stesso livello, sebbene i pozzi sono più o meno cupi, secondo che lo chiede il pendio del piano, che dal monte verlo le parti più basse si piega, e stende. Gli strati del terreno fono misti a' sassi di sabbia, di ghiara, di creta, e di bel nuovo di fabbia, e ghiara in vicinanza dell' acqua, fenza che s' abbia alcun' indizio di miniere faline, o fulfuree.

Quanto alla stagione, non può negassi, che dal principio di questo scolo non predomini un'offinata ficità, la quale negli ultimi anni è giunta all'eccesso. Quindi non solo la saccia della terra è arida, ma bassic oltre modo le forgive, magri i fiumi, actiunti per la maggior parre i pozzi. Il victino Mare Adriatico s'è olsevato ne suoi solit fussili e religiori per persono dell'orinario; frequenti si sono vedute l'impressioni Meteorologiche dell'aria per tutta Europa, e fraqueste la grans fiama volante, che pochi anni fa passió spra il nostro verrice; ed a questa cagione universale pare, che debba assriversi l'Aurora boreale comparsa in Francia, in Germania, ed anche in Italia.

Ciò premeffo, il primo caso successe l'anno 1706 nel mefe d' Agosto in un sito particolare della Villa di Gotico dove quattro fiamme in quattro notti consecutive abbruciarono una gran cafa colonica divifa in più parti fra loro diffinte; e l'ultimo, non avendo a che attacaril, diede fuoco al pagliajo. Fu quello offervato cadere a piombo per una linea verticale, e quello ch'è più notabile un mefe in circa avanti la digrazia tutti i buoi effienti nelle fialle della cafa fuddetta caddero infermi, il che avvenne ad alcuni altri foraffieri comprati dal colono per fupplire al lavoro. Ma ripofti in altre fialle, ricuperavano immediatamente la fanità; non codi le pecore, che tutte in brevif-

simo spazio quasi appestate morirono.

Questa circostanza mi fece opinare, subito, ch'ebbi la contezza del fatto, che il stio, si cui erano fabbirate le Cafe incendiate, soste come il Centro dell'eslazioni, le quali spandendo all'intorno formassiro una determinata ssera d'essivi bituminosi e sultire più densa nel mezzo, e più tata verso la circonferenza; imperciocchè, dovendo sempre i già usciti dar luogo a quelli, che andavano uscendo dalla terra, era necessario, che si disfondellero per qualche spazio, in quella gussi a che i vapori dia picciola palude soglinon ingombrare un bono tratto di Parse aggiacente. Per restar persuali della verssimilitudine dell'ipocesi, bafa rifistere alla malattia dei boni, ed alla morte dello pecore, indizio degli aliti a queste spezio enocivi, ed all'ustima delle nofre meteore, la quale essendo discesa per una linea perpendicolare mostra d'eslersi generata in sito verticale alla miniera degli essavi.

Ora infegnandoci i Chimici, che certi zolfi non folo uniti a particelle più grosse, sarebbe per esemplo come le metalliche, ma col folo tocco dell'aria s'accendono, come se ne ponno veder l'esperienze in molti Autori, e particolarmente nelle memorie della Reale Accademia di Francia, egli è fuordidubbio, che fe per avventura dentro la sfera de' nostri effluvi gli aliti bituminosi con altre esalazioni in qualche sito patticolare s'accoppiano, ponno accendetsi, e generare o Fosfori, che risplendono ma non abbruciano, se la materia è rara, e delicata, e tali sarebbono i fuochi fatui, oppure s'è più densa, e più confistente, vere, e realissime fiamme, che oltre la propria luce, sieno ditate d'una più gagliarda attività, come sono stati i nostri fuochi. Accendendosi pertanto questi secondo le circostanze più in un luogo, che in un'altro, dentro però la sfera delle efalazioni, e non avendo in se stessi impeto valevole a produrre un moto impresfo, non è difficile ad indovinarsi per quale strada sieno per camminare, e qual direzione abbiano a prendere; imperocche a guisa delle stelle cadenti correranno dietro la vena del loro alimento: e siccome l'esalazioni uscite dalla terra per dar luogo a quelle, ch'escono, sono spinte dal centro verso la circonferenza; così all'opposto accese che sieno, essendo il pabolo nelle parti più vicine alla miniera sempre più denso, e più atto a pigliar suoco, doveranno con un moto contrario portarsi verso la loro origine, acquistando forza dagli aliti, che di passo in passo s' accendono, camminando dalla circonferenza verso del centro. Così veggiamo, che la fiamma d'una face, quali direi, si stacca in parte, e va per linea retta a riaccendere un'altra face poc'anzi estinta; e lo stesso effetto s'osserva nella cansora, e nel petroleo materie composte di zolfi delicatissimi, che continamente traspirano, e formano all'intorno una sfera d'efalazioni-

In tal maniera fecondo il mio parere si spiega quella mirabile circostanza delle nostre Meteore, che tutte sono venute a ter-

minare, quantunque per varie linee, al fito medefimo.

Per allora così fi terminò la faccenda; ma alquanti anni dopo, cioè l'anno 1717. si fecero vedere i fuochi più furiosi nella Villa di Rossano, ed a forza di farsi vedere ci hanno dimostrate in parte le loro strane proprietà. Fu in quell' anno un' aridissima Primavera, verso il fine della quale, cioè nel Mese di Giugno, cominciarono ad ardere alcune case di paglia poste tutte in poca distanza in una contrada separata dal corpo della Villa suddetta. Durò questo male senza abbandonar mai sito tutta la state, ne cessò mai le non dopo che restò ammorzato dalle dirotte piogge cadute nell'autunno. Sedeci, o diciotto furono le cafe abbruciate, e farebbe stato maggiore il danno, se quegli abitanti contentandosi di dormire a Ciel sereno non avessero scoperti i loro tuguri, e lasciate nude le muraglie. S'osservò, che dopo la pioggia per alquanti di non compariva il fuoco, nè ritornava fe non dopo che la terra s'era ridotta ad un certo grado d'aridità. Non fu mai veduto a Cielo nuvolofo; non ha mai fatto danno di giorno, tempo in cui non fi poteva vedere quand'anche ci fosse stato, e quello, ch'è più, non è mai stato offervato in quelle notti, in cui spirava vento ; cosicchè erano da temersi le notti ferene, e quiete, e lontane dalle piogge di quattro, o cinque giorni. Nel principio si facea vedere costantemente verso le due della notte, in progresso qualche cosa più tardi verso le tre, e di rado verso la mezza notte. I primi fenomeni erano di grandezza quanto il disco Lunare, s'impicciolirono poscia, sebbene in ciò non ferbavano certa regola, fomigliando i più piccioli ad una fiaccola accesa, ed i più grandi ad un doppiere. Venivano da tutte le parti, e da tutti i venti, il maggior numero pe-Parte II.

rò da Tramontana, e pochissimi da Mezzogiorno, ed andavano a finire nel medessimo sitto. Tal'uno di essi si è osservato cader quassi a piombo per una linea poco inclinata all'orizzonte a si militudine d'una stella cadente. Non si sono mai veduti scintillare, ed il loro moto era regolato per una linea alquanto curva, ma con debole velocità.

L'anno 1720 comparvero più impetuosi nella Villa di Galliera in tempo d'autunno accompagnati dalle medesime circostanze. In poche notti con una straordinaria violenza, e celerità, abbruciate irreparabilimente alquante case pressamente cessiaro-

no

Con maggiore apparato tornarono a farfi vedere l'anno 1722 nelle due Ville contigue di Ramone, e Gotico. Ad una state aridistima successo un'autunno egualmente asciutto, e sereno, che terminò verso il fine di Novembre con alcune picciole piogge, uscirono in campo i nostri fenomeni, ma così spessi, e frequenti, che ne parevano seminate, per così dire, tutte le cam. pagne all'intorno. S'offervavano in maggior numero in certe notti ferene, tepide, e quiete, prodominando massimamente l'ostro, ed in minor copia nelle notti più fredde. Le loro figure, i moti, i colori erano diversi. Alcuni s'erigevano in una striscia verticale, altri fi stendevano in una fascia orizzoniale. Tal'uno su visto a dilatarsi a guisa d'un lampo, e svanire, ma la maggior parte erano poco meno che rotondi, e fomigliavano ad una fiaccola più o meno grandi, a fegno che i maggiori erano di grandezza quanto un pallone. Molti se ne vedevano immobili non partirs mai da quel fito in cui erano nati. Parecchi s'univano in un folo, ed un folo qualche fiata fi divideva in molti, s'appiattavano frequentemente al coperto di qualche siepe, o dietro gl'arbori, i muri, e cespugli. Alcuni si muovevano come a salti, altri con moto equabile radendo la fuperficie del terreno, ed altri a mezz'aria. La velocità non era eguale in tutti, essendo parte lenti, e parte più veloci, ma non già tanto che superassero la velocità d'un uomo in corfo. S'è notata una curiofa particolarità, che avendo alcuni d'essi a passare un qualche fosso, s'era pieno d'acqua lo faltavano, s'era afciutto calando per una riva montavano per l'altra. Giunti in vicinanza del pabulo [mentre facevano impressione nelle sole case di paglia] accrescevano in maniera il loro moto, che pareva quan instantaneo; e quello ch'era più mirabile, non contenti di attaccar il fuoco in un folo sito, circondavano con indicibil prontezza tutto il tetto di paglia, ed appariva quali nello stesso momento in tutte le parti l'incendio .

fenza

senza che ci si potesse porger rimedio. Non si aveva tempo di trasportare suori di casa le masserizie, ed appena avevano tempo di falvarsi gli uomini, i quali vuotate le loro capanne vegliavano tutta la notte all'aperto. Cacciati questi suochi da villani armati di bastoni, seguitando il moto irregolar dell'aria alzandofi, ed abbassandosi, stuggivano loro, per così dire, di mano, ma spesso accadeva, che fugati da un sito portassero l'incendio in un' altra. Percossi con qualche bastonata si dividevano in due, ed ogn'una delle parti feguitava a correre con direzione diversa . Quanto al colore, se ne sono veduti d'ogni sorta, principiando nella serie dei colori dal rosso carico sino al turchino diluto. I più roffi, ch'erano certamente i più denfi, ed i più attivi erano della spezie delle Capre saltanti; mentre gettavano scintille. Di giorno non hanno mai fatto danno, ma di notte in qualfivoglia ora, principalmente però verso le due, o le tre della notte, o poco prima dello spuntar dell'alba; indicio manifesto, che l'esalazioni perdevano la loro forza, se non venivano legate le parti bituminose, e ridotte in corpo dall'umidità notturna. In due siti determinati , uno appartenente alla Villa di Ramone , e l'altro quasi nel mezzo di quella di Gotico, sono successi tutti gl'incendi; ne si sa, che in altri luoghi, tutto che si vedessero i suochi frequenti, altro danno fia accaduto fuori che l'abbruciamento d'un pagliajo, che può effere flato accidentale : e questa particolarità in tempo che tanti fuochi comparivano in tutti que' luoghi all'intorno ha un non so che del mirabile.

Sopraggiunta nel Mefe di Dicembre una mediocre quantità di neve celiarono per alquante notti i danni, e pareva retminato affatto il pericolo: ma feiolte le nevi da una fiagione dolce, e dalla forza del Sole, tornarono i fenomeni più feroci, e più fre-

quenti di prima.

Obbligate le Ville a far la guardia nel più rigido della vernata con un gravifimo incomodo-fi temeva di qualche morbo epidemico. Finalmente itornate in Gennajo più copiose le nevi refiarono per lungo spazio affatto sopiti: se non che ripul-lulando sul principio della Primavera si sono satti di bel nuovo vodere, ma in minor copia, e privi affatto di forza in qualità di semplici Possori, e non più di succhi; mentre se n'è veduro tal'uno nelle stalle, e ne' fenili con terrore benal degl'abitanti, ma però senza danno; o che sia minasi poco meno ch'estutta aminiera dell'estalazioni, o che queste sieno satte più rare, e confeguentemente meno attive, o sinalmente perchè manchi qualchecticostanza necessaria a produrre un'essetto rarissimo, e straordinario.

M il Nel

Nel fine poi della Pimavera, e ful principio della state si cambiò il tempo, e frequenti surono le piogge, non però tali che faccistro alzar le forgive; anzi se mai quegl'abitanti hanno patito penuria d'acqua nei pozzi, è stato la passara state, con la
qual occassone esti avendone cavati molti, s'è scoperto con chiarezza l'andamento delle acque sotterranee. Attorno il pozzo si
osservano, e si dissinguono se vene, che danno alimento ai pozzi, quantunque cfausse dalla sabbia cavata. Queste vene sono disposte da tutre le parti, alcune più alte, ed altre più basse, ora
più frequenti, ed ora più rare. Le prime a seccarii sono le più
vicine alla supersice della terra, indi vanno mancando di mano
in mano le più profonde, in maniera che, seccato affatto il pozzo, per aver acqua biosgna di bel nuovo escavario, e così si scoprono altre vene più basse sono alla supersiori non'viene loro somministrata acqua.

Da ciò ho prefa conghiettura di credere, che servano anche per alimento de' pozzi le piogge; e le nevi cadute nella pianura, effendo il terreno estremamente bibace; ed ho poi osservato essere meco concorde in opinione il celebre Signor Mariotte nel suo trattato dei movimenti dell'acque. Non deono perciò restar escluse l'acque, che si derivano dai monti vicini per vene cieche; mentre le piogge sole della pianura non bastecebono a manatenere il Sile, ed altri fusmi, che nelle più baste pianure da

innumerabili fontane scaturiscono.

Ritomando al nostro proposito, dico, che nel Mese di Luglio 1733 ritomanoe i succhi, e duranon sino che dalle piogge autunnali surono ammorzati. Tra le circostanze una merita qualche attenzione, e dè, che una soli volta arrivarono ad incendiare di giorno, da che si cava effere stati i più attivi di quanti fossero mai stati, stante che la densità di questi senomen resistera all'azione del Sole, senz'estre distinatio, o rarefatti. E' successo pure l'incendio d'una casa coperta da coppi; ma is fuoco a'è introdotto per i buchi aperti d'una stalla, e s'è attaccato al fenile. Per altro la sola paglia era materia disposta a ricevere la loro impressione, non estendos mai veduti ad attaccar fuoco alle siepi di canne, che d'ordinario circondano le corti, e gli orti de contadini.

cipio dell'anno 1724 nella Villa di Galliera, dove hanno confamati due casoni. Le stagioni, che presentemente corrono oltre ogni credere piovose, le sorgenti alzate oltre il loro livello modio, hanno effinto in maniera l'efalazioni, che non fi vede più ne' luoghi foliri alcuni de' noftri Fenomeni; nè penfo, che fe en vederanno più, almeno fin' a tanto durerà la prefente coffituzione. E' da faperfi, che le forgive fono così alte, che ne' luoghi più baffi inondano le firade, e fono accreficiure l'acque ne' poz-

zi almeno dodici, o quattordici piedi.

Io non mi prenderò la briga d' oppormi alla credulità del Volgo, che attribuice a cagioni fovrannaturali tutto ciò, che di rado fuccede : il popolo (dice faggiamente un celebre Autor Inglese ) divinizza tutto quello, che non intende. I Filosofi, che sanno quante circostanze debbano assieme accoppiarsi, perchè si generino certi Fenomeni stravaganti, sanno altresì, che questa unione non può essere se non rarissima: Ma perchè una cosa sia rara, non per cuesto dobbiam conchiudere, che superi la forza della natura. Oltre di che offervandofi il Fenomeno accompagnato da certe condizioni, e leggi, che infallibilmente hanno luogo, alle quali non è certamente fottoposto l'agente sovrannaturale, ne siegue, che farebbe un pessimo uso della sua ragione, chi s' ostinasse a negare per naturale un' effetto, che alle leggi della natura è fottoposto. Nel nostro caso, perchè quasi tutti gl' incendi succedevano di notte, e non di giorno, perchè dopo l'aridità, e non dopo le piogge, e le nevi? can quel di più che abbiamo notato. È tanto basti aver detto intorno la Storia de' nostri Fenomeni, lasciando quel di più che il popolo amante del mirabile, e superstizioso ci andava aggiugnendo, e narrando folamente i fatti bene avverati veduti con gl' occhi propri, e da testimoni maggiori d' ogni eccezione.

Terminerò con due fatti fuccefii nel tempo fiello, in cui i fuochi devafavano le mentovare Ville. E' fata veduta la Luna verío
l' Orizzonte Occidentale a gettar lampi fuori del fuo difco. Era
effa parte illuminata dal Sole, e parte ofcura, ma all' improvilo
pareva, che cutta s'accendelle d'una fiamma viva, indi ammorzandofi, e riaccendendofi durò per una mezz' ora lo fpettacolo. L'
efalazioni erano certamente nell'aere, ma alla vita inganata

pareva, che il lume fosse nel disco lunare.

Due ore prima dello spuntare dell' alba nel Febbrajo dell' anno 1723, su veduto l' aere talmente rischiarato, come se sossi de le giorno; ed alcuni viandanti restarono storditi a quesso Fenomeno, mentre discenevano, come se sossi su di giorno, tutto il paese all' nitorno. Anzi frequentemente da' primi monti oltre il fiume Piave situati a mattina del Paese, ove succedevano gl'incendj indistanza di quindeci, o sedici miglia, si vedeva una luce, che pareva, che tutto ardelle. Queste circossanze fanno toccar con mare

no la copia dell' efalazioni ignee, che ingombravano l' aria, e che

fono flate la materia de' nostri Fenomeni.

Molti cafi fimili di queste noturne illuminazioni cagionate dai molto degli aliri diffui nell' aria leggiamo appresso gli Storici, ne altro credo, ch' esti intendano, quando asteritono, che net tale, e tale pasci el Cielo si accesto. Livio lib. 1. dec. 5. Cashm in campanis arsis. 1 A questo proposito dottamente scrivo Senesa nel libro 1. delle Naturali Quistioni. Inter bec (aveva cummerate lo Meteore ignico pomas litere, Or quol frequenter in bissorio legimus, Ceshma ardere vissimi crete, Or quol frequenter in bissorio legimus, Ceshma ardere vissimi montunguam tane sunstitus nel peciem longinquis incendi prebear. Sub Tiberio Cestare cobertes si musicismo olitersis. Colonice cuentreunte tanquam configerantis: cum Cesi ardor suisser proposana partem noclis, parum lucidum craft, sumidiaque ignis.

Se poi aviiene, che gli odervatori di quefii Fenometi abbiano P imaginativa debole, timorofa, facile a fingerfi delli mofti, e a prenderne assurio, come è quella del volgo, oh quante belle cofe, e flupende che ci riferticono! Il color rolio dell'Ciclo lo credono fangue, il muovimento irregolare delle efalazioni fa parer loro di vedere degli eferciti nell'aria a combattere, e poco vi manca, dice: il. Galfendo, che non fentano lo flrepito

delle trombe.

Ecco diversi esempi di questa Fenomeno. Leggesi negli Annali Bertiniani all'anno 850. Acies in Calo menje Augusto, Septembri, O Octobre nocturno tempore vijuntus ita, ut diurna claritas ab Oriente usque ad Septembrionesto continua fulferit. O colu-

mnæ fanguineæ ex ea discurrentes, processerint ...

Un Cronichila. Salfone all' anno 993, la menzione d'una finile inaspettata luce con quelle patole . In note Norsali S. Stephani Protomarryris insuditum feculis vidimus miraculum, tantam videlices lucem circa primum gallicium eb Aquilome esfulsse, su pinrimi dicerne diem orivi, stetia autem per unam pienure boram; Or posse aubente aliquantulum. Cale un solitum conversium esse con torem.

In questi ultimi fecoli sono comparse molte di queste improvife illuminazioni, che il registrarie tutte farebbe troppo tedioso; onde ci contenteremo di riferire quella dell'anno 1621 descrita ta eloquentemente dall'infigne Gassendo nel Libro 3., della vita del Peireskio.

Laborabat Peireskius octavum jam diem dolore renum, ac firanguria, fub cujus initium non potuit id prodigium perspicere, quod non non in ipsis modo castris, sed Parisis etiam, O per totam Galliam. alibique visum stuporem creavit. Claritas nompe insignis fuit, que nocle sequente diem duodecimam ( Septembris anni 1621. ) Borealem Cæli faciem ira occupavit, ut Auroram clarissimam per multas boras fuerit mentita, id fane mirum filente Luna, fed mirabilius vifum eft, vaporem ex regione fusum, & ad polum usque evedum, fic fuiffe diffinctum in quafdam veluti columnas albefcentes . Or fubobjeuras, alternation fitas; ut cum borizonts ad amussim forent. promoverentur lentiffime ab Oriente in Occidentom. Denique miraculo fuit ex albescentibus attolli brevi spatio ad verticem usque pyramides quasdam five obeliscos valde candidos; ipsisque consistensibus, trajectos vapores, ut tenuissimos, ita candidissimos; motione adeo celeri, ut fulgetra imitarentur. Hac attingo, quia Perieskius latatus est rem fuisse nobis observatam, factusque exinde est certior nibil altud fuiffe, quam Naturæ lufum, quem apparatum bellicum, aut ideam exercitus multi fuerant interpretati . Addiderant fane non-nulli vifas fibi instructas acies, incedentibus peditum equitumque ordinibus; ac postremo visum conflictum, cum explosione globulorum e tormentariis fistulis. Mirum quod non fimul clangorem tubarum . clamoremque virum auditum deprædicavissent; quando eadem credulitas infirmitasque est, que bis figmentis locum facit. Credibile omnino est, si non omnia, at bene multa que in bistoriis similia extant, ex eadem elle origine, nec ampliorem fidem mereri .

## SEZIONE QUARTA.

Delle Meteore Enfaiche.

M Ercore Enfaticle, ovvero Apparenti fi dicono quelle, che frazione di luce. Tali fono le Itidi, gli Haloni, e i Pareli, de quali ora deferiveremo la formazione, e prima a mili, mili, de quali ora deferiveremo la formazione, e prima a mili, mili, de la constanta de la c

Dell' Iride . Cap. I. 1 co : 1951 :

I Ride fu detto da' Greci l' Areo celefle, o balemo dalla Dea Iride ministra di Giunone, che di tale arco singevasi Presidente. Di tale maravigliosa Meteora, che si nanche chiamata: la Meteora di Taumanzia, ovvero della Maraviglia, benche Aristotele, e gli altri antichi ne abbiano parlato con molto ingegno per quello che, portavano i loro tempi, non può dissi però che sosse mella in chia,

Contey Google

ro, ed in tutta la fua luce la vera caufa, fe non negli ultimi fempi, ne' quali così vaga, e mirabile opra della natura è ftata in tale maniera per la diligenza, e penetrazione di Uomini sapientissimi ai mortali differrata, e manifestata, che nulla più pare, che possa defiderarfi. Il primo, che penetrò nella vera cagione di tal fenomeno fu Marcantonio de Dominis Arcivescovo di Spalatro, le cui dottrine si leggono nell' eccellente libretto, ch' egli diede alla luce dell' Iride. Ridusse poi le cose a maggior persezione il Cartesio, e l'ultima mano vi diede in fine il Nevyton ; il che ora andremo

esponendo.

Sia perciò [1] BCDEF la sezione d'una sfera acquea, il cui centro sia P, la quale sia illuminata dal Sole. Se tra i molti raggi, ch'entrano in essa consideriamo il raggio AB è cosa evidente per le dottrine della Diottrica, che entrando egli dall'aria nell'acqua invece di andare diritto in C torcerà cammino, e si porterà in D, dove quella parte del raggio, che s'incontra ne' pori del vetro uscirà liberamente nell'aria, ed il resto incontrando nelle parti solide si rifletterà in E con un angolo di riflessione eguale a quello dell'incidenza. Giunto che fia in E, parte uscirà nell'aria in O, e il resto si rissetterà la seconda volta in F, nella quale maniera potremmo considerare la terza, indi la quarta riflessione, se non che come in ogni riflessione si perde una parte del raggio; così dopo molteriflesfioni, finalmente fi dilegua tutto, e rielce affatto infensibile.

L'angolo [2] AMO fatto dal raggio incidente AB, e dal raggio EO, che esce dopo una riflessione, dirassi l'angolo del ritorno dopo una rifleffione; e l'angolo AVZ fatto dal raggio, che entra AB, e da quello che esce FU dopo due riflessioni dirassi l'angolo

del ritorno dopo due rifle fioni.

Siano ora confiderati molti raggi, che dal centro del Sole entrano nella medesima sfera, i quali per la grande distanza saranno tra sè come paralleli. Se fi fa primamente attenzione a quelli, che hanno

una fola riflestione, come nella figura, è da osservarsi

I. Che il raggio [3] EE, che passa per lo centro C non torce cammino ne per rifleffione, ne per rifrazione, ma tutti gli altri cangiano fentiero, come DD, che ritorna per dd, BB per bb, AA per aa, ed in tal modo ciascun incidente ha il suo particolar angolo di ritorno.

II. Tale angolo è zero nel punto E, ed a misura, che il raggio incomincia ad allontanarsi dal punto E, incomincia ancora a crescere l'angolo del ritorno sino ad un certo punto sche si supponga ga B) dove tale angolo si fa massimo, ed oltre di cui ricomincia

nuovamente a decreicere sino che nuovamente diventa zero

Se fi prenda qualfuvoglia raggio di qua, e di là dal raggio BB, e fi concepica compofto di molti piccioli raggi, ciafcuno di quelli raggi, che lo compongono, ha un diverso angolo di ritorao. Per quelto fe tale raggio era nella sua incidenza fensibile, non è più fensibile dopo il suo ritorno, disperdendosi in vari modi, e dissipandosi in piccioli raggi, che lo compongono, e perciò nessima mozione nell'occhio di chi riquarda imprimendo. Quanto più sono i raggi lontani dal raggio BB tanto più tra loro disformi hanno gli angoli del ritorno, e di nconfeguenza tanto meno sensibili; ma quanto più fi avvicinano, tanto più iloro angoli si accostano all'uniforme, fino che al punto B sono perfettamente uniformi; onde come erano entrati paralleli, così ancora usciranno paralleli, ed ne conseguenza cada eccitata la fensazione efficaci.

Le stesse osservazioni possono farsi allorchè vi sono due rislessioni

ie non che allora l'angolo del ritorno AMO è un minimo.

Data una riflessione, e due rifrazioni.

determinar l'angolo del ritorno [1] AMO Lemma.

Siano due raggi [2] AB, ab infinitamente profilmi, che nella sfera BCDE entrino paralleli, e dopo una rifiellione, e due rifrazioni escano di nuovo paralleli in OE, oe dico che dopo la prima rifrazione concorreranno amendue in uno stello punto D.

Imperocchè se concorrono in D, per la legge della rissessione, e per la natura del circolo faranno le lince DE, De eguali, e similmente poste alle lince BD, DD. Dunque per la legge della rissrazione nello stessione nello stessione nello stessione nello stessione nello stessione del manono si e, c; cioè a dire in amendue gli archi farano tra sè paralleli. Ma se non concorrono in un solo punto, allora i raggi rissessi DE, De non sono loro eguali, ne similmente posti, e perciò nell'uscire avranno angoli disuguali, ed in conseguenza non siranno paralleli.

Tali cose poste, sia una ssera BCDE, incuientrano i raggi AB, ab infinitamente prossimi, e paralleli, che dopo due rifrazioni, ed una riflessione escano paralleli in OE ed oe, e sia da determinarsi

l'angolo efficace AMO. Si tirino dal centro le

Si tirino dal centro le perpendicolari PQ. Pq agli incidenti, e le PR, Pr a' rifratti.

Si tirino dal centro P le perpendicolari PQ, Pq agli incidenti N AB,

<sup>[1]</sup> Fig. 4. T. 15. [2] Fig. 3. T. 15.

AB, ab, e PR, Pr ai rifratri BD, bD, e tirata Rr, dal centro P coll'intervallo Pr fi deferiva il picciolo arco rs. Finalmente firino le perpendicolari Bu, Bz all'incidente ab, ed al rifratto bD. E' facile il conofeere, che PQ, Pq fono i feni dell'indenza; PR, Pr di rifrazione. Perciò Qq farà il differenziale dei feni dell'incidenza, Rs quello di rifrazione, i quali perciò faranno in ragion data, che fi dica m; n

I. Qq; Rr:: m:n

II. E perchè Rr divide egualmente i lati BD, b D del triangolo bDB, il triangolo rDR farà fimile al triangolo bDB. Perciò Rr = Bb

III. Il triangolo Rsr è fimile a Bbz Perciò Rs = Bz

IV. Il triangolo BPQ è simile a Bbu; e BPR è simile a Bbz.

Dunque BP: BQ:: Bb; Bu e BP; BR:: Bb: Bz Perciò BQ: BR;: Bu: Bz

ovvero BQ : BR : : Qq : 2Rs

per la terza proporzione cioè BQ: BR:: m: 2n

Posta dunque BQ = y, BR = x, PQ = m, PR = n, il raggio = r; si avrà

y;x::m:2n

e quadrando yy : xx : : mm : 4nn e componendo yy - mm : yy : xx - 4nn : xx

e per la 47.º del 1:º

rr · yy = rr+3nn · rr-nn

ovvero rr : yy : : rr+3nn : yy+mm-nn Onde fi cava questa proporzione

T: yy: 3nn: mm-n Dara dunque la ragion della rifrazione m: n. fi trovert la linea BQ, ch'è il feno della metà dell'arco BC, dara la quale in tal modo fi avrà l'angolo ricercato AMO, come ora anderemo esponendo.

### Esempio pe' raggi rossi.

Il seno dell'incidenza al seno della rifrazione è secondo le offervazioni del Sig. Nevvton come 108; 81. Posto dunque m = 108, n = 81, farà mm = 11664, nn = 6561 3nn = 19683

mm - nn = 5103

Dunque posto il raggio 10000000 si avrà per lo Canone questa proporzione

19683 : 5103 : : 1000000000000000 : yy

in cui per la regola aurea

yy = 25925925925925 E perciò y = 5091757, ch'è il feno di 30' 36' 3" di cui il duplo farà l'arco BC = 61' 13' 4" E perchè nel calcolo fi è trovato BQ a BR come m : 2n, se si faccia 108 : 162 : :

<001757 : BR

fi trovera BR = 7637635 ch'è il seno di 49, 47 49" e perciò l'arco BD, ch'è il suo duplo sarà 99' 35' 38' cui si agguaglia l'arco DE. L'arco adunque intiero BDE = 199' 11' 16" che fottratto da tutto il circolo, cioè da 360 lascia l'arco BE = 160 48' 44" L'arco CG è 76' 45' 8" che sottratto da BE lascia 84° 3' 36" E perchè come costa dalle dottrine elementari la misura dell'angolo insistente AMO è la semidifferenza degli archi BECG, sopra de' quali insiste, sarà dunque l'angolo AMO = 42' 1' 48" per cui si può porre col Sign. Nevvton 42° 1' lo che dovea ritrovarsi.

La ragion della rifrazione per i raggi violetti essendo come 109: 81, fe fi fostituiscono tali numeri invece di m, & n, collo stesso metodo si troverà l'angolo AMO = 40' 16' 8", per cui pone il Nevvton 40° 17. E tra questi angoli staranno di mezzo tutti gli

altri appartenenti agli altri colori.

Tali dottrine si confermano colla sperienza. Imperciocchè se siavi una sfera acquea [1] BDE, in cui cadano i raggi del Sole AB, a b posto l'occhio in O, sicchè l'angolo AMO sia di 42° 2' vedransi in E i raggi rossi; ed in e i violetti, dove è di 40' 17'. E dentro i limiti E, & e si vedranno tutti gli altri colori intermedi, fuori de'quali nessun colore si vede a cagione che i raggi uscendo divergenti, o convergenti si fanno per agire sull'occhio inefficaci

Date due riflessioni, e due rifrazioni determinar l'angolo dell'efficacia

AMO.

In tale caso è da confiderare, che allora i raggi [2] AB, ab usciranno paralleli, quando dopo la prima riflessione in D, d, anderanno paralleli in E, e. Imperocchè allora EG, eg faranno in-N ii cli-

<sup>[1]</sup> Fig. 3. T. 15. [2] Fig. 4. T. 15

clinati come BD, bd, e però per le leggi della rifrazione come nell'entrare fono paralleli, così faranno ancor nell'uscire.

Lo che posto si tirino le stesse linee come nel primo caso, ed è da offervarfi

I. Che in tale supposizione l'arco Bb è triplo dell' arco Dd . Imperocchè de meno DE = dD + eE = 2dD bd meno BD = bB - dD

Le differenze di tali archi essendo eguali

Dunque bB - dD = 2dD

Perciò bB = 3dD

II. I triangoli bBT, dTD essendo simili, sarà Dunque dD : Bb : : DT : BT BT = 3DT. Perciò

III. Essendo BD egualmente divisa in R sarà RT = DT = BT

IV. Essendo Rr parallela a Bb, RTr, farà simile a BTd

Bb = 3RrV. Ed effendo fimili Bbz, & Rrs

Bz = 3RsVI. Bbu è simile a BPQ, e Bbz è simile a BPR

BP : BQ : : Bb : Bu BP : BR : : Bb : Bz e

onde nafce BQ : BR : : Bu : Bz BO: BR:: Qq: 3Rs

BO : BR : : m : 3n in fine Sia ora il raggio del circolo = r, BQ = y, BR = v:x::m:3n

Dunque quadrando

yy:xx::mm:ynn e componendo yy+mm: yy::xx+ynn:xx. e per la 47.3

rr : yy : : rr+8nn : rr-nn

ovvero Si avrà dunque tale equazione mmrr - nnrr = 8nnyy

onde si cava

8nn : mm—nn : : rr : yy

Esempio ne'raggi rossi.

Essendo nei raggi rossi la ragion della rifrazione

come 108 : 81 farà

8nn == 52488

mm \_ nn = 5103 perciò vi farà questa proporzione

yy = 972222222222222 di sui la radice = BQ = 3118047

ch'è il seno di 18, 10, 4,

di cui il duplo farà l'arco BC = 36° 20' 8"

E perchè si è trovata che BQ è a BR come m : 3n farà BR = 7015605, cui risponde un'arco di 44° 33' 8"

Dunque l'arco BD ch'è duplo farà 89° 6' 16', e BDEG triplo di BD = 267' 18' 48" che essendo sottratto da 360' darà per residuo l'arco BG 92° 41' 12". Se dall'arco BDEG si levano gli archi eguali BC, GF, che importano 72° 40' 16" resta FEDC di 194° 38' 32" da cui levando BG resta 101° 57' 20" di cui la metà è l'angolo BMG, ovvero AMO, che è il ricercato = 50° 58' 40" il qual angolo è quasi lo stesso, che quello che trova il Nevvton, per cui l'angolo de'raggi rossi di 50° 51', e de' violetti 54" 7.

# Applicazione delle fuddette dottrine all' Iride .

Vi sieno dunque molte gocciole d'acqua cadenti nell'aria a dirimpetto del Sole, in figura di tante picciole sfere, quali sono quelle, che una nuvola ruggiadosa compongono, così forse ridotte dalla pressione del fluido, che le circonda, e strigne; e dal centro del Sole cadano in esse i raggi AB [1], ed ab; CD, ed cd, che per la somma distanza sono tra se fisicamente paralleli.

Posto l'occhio d'uno spettatore in E si concepisca la linea EF tirata dal centro del Sole per lo centro dell'occhio, la quale per la fomma distanza sarà fisicamente parallela ai raggi incidenti , la quale chiameremo cogli altri Autori l' Affe dell' Aspetto ; indi fi tirino le linee Ed, ED, Eb, ED in guisa che l'angolo dEF fia di 40°, 17'; DEF 42°, 2'; bEF 50°, 57; BEF 54°, 7 : Essendo l'angolo, che sa il raggio di ritorno della gocciola d eguale all' angolo alterno dEF, ch'è per la costruzione di 40°, 17', per lo qual' angolo escono, come abbiamo detto, i raggi efficaci violetti dopo la prima riflessione, l'occhio dello spettatore posto in E vedrà nella sferetta d il colore violetto, e similmente nella D il rosso, e dentro i limiti di queste due picciole sfere vedrà per

<sup>(1)</sup> Fig. 5. T. 15.

ordine gli altri colori intermedj, come i cerulci, i verdi, i dorati, e i gialli. Ed effendo l'angolo E ba di 50°, 57°, per lo qual' angolo elcora dopo due rifleffioni i roffi efficaci, vedrà nella gocciola b il color roffo, e nella B fimilmente il violetro, dentro i qual limiti con ordine inverso al primo it vedrano i raggi inter-

medi gialli, dorati, verdi, e cerulei.

Concepiscasi ora, che una delle linee visuali, come E d, fi rivolga intorno la linea immobile EF, ficche fi mantenga fempre lo stello angolo dEF, e si conoscerà come debbasi allora generare con questo moto una superficie conica, ed il punto estremo, che termina alla gocciola d, debba descrivere una porzione di cerchio. E perchè in qualunque punto visibile dEF farà sempre di 40°, 17', tutte perciò le picciole stere, che saranno in tale circonferenza feriranno l' occhio con i raggi violetti; e ciò essendo vero di tutte l' altre sfere intermedie sino all' ultima D, seguita, che si vedrà un' aggregato di archi circolari, cioè a dire una fascia tutta di colori varj dipinta, incominciando i violetti al concavo, e feguitando per ordine fino a i roff, che fon nel convesto, quale veggiamo l'Iride Primaria. Nello stesso modo tutte le sfere, che sono nella stessa politura, come b feriranno l' occhio coi raggi rossi, e quella che sono come B coi violetti, e le intermedie con i colori intermedi, e vedrassi perciò una seconda fascia circolare tutt' ancor' essa di colori vari dipinta, ma posti in contrario ordine, cioè a dire con i rossi al concavo, e con i violessi al convesto, qual' è la Iride Secondaria.

## COROLLARJ.

1. Dalla quantirà degli angoli deferitti fi conofec, che la larghezza Dd dell' Iride Firmaria è di '', 45', la larghezza Bd dell' accordania è di 3', 10', e la larghezza dell'intervallo bD, che paffà tra le due Iridi è di 8, 55'. Le quali mifure però dovranno correggerfi per riguardo della grandezza apparente del So-le. Imperocche farebbono certamente tali, fe il Sole ci comparific a guifa di un punto. Ma effiendo il fuo diametro apparente di 30. minuti in circa, tale fipazio fi dee aggiugnere alla larghezza del l'una, e dell' altra Iride, e dee fottrari dalla larghezza del loro intervallo. Tali angoli fono fempre coftanti. Ma perché quanto più fi prolungano i lati, che formano gl'angoli, tanto più devà comparir grande la larghezza dell' Iridi, e del loro intervallo, la qual differenza però appena è diferenible.

2. Nè

2. Nè per veder l' Iride è necessario, che tutte le ssere d'acqua sieno nella stessa distanza; imperocchè basta che siano nella medesima positura.

3. La Primaria Iride è assai più efficace, perchè i raggi, co' quali ferisce, hanno una sola rissessimone; ma perchè i raggi, co' quali si vede la Secondaria, hanno due rissessimon, per questo è

meno forte, e non fempre fi vede.

- 4. Come l' Affe dell' aspetto è ancora l' affe del cono, nella circonferenza della di cui base sta l' Iride; così dalla positura di quest' Asse riguardo all' orizzonte, dipende la positura dell' Iride . E perche la positura dello stesso asse dipende dall' altezza del Sole full' orizzonte; così varia la positura dell' Iride secondo che varia l'altezza del Sole. Quando il Sole spunta sull' Orizzonte, allora l' Asse dell' aspetto collo stesso orizzonte coincide, e perciò comparisce l' Iride perpendicolare all' orizzonte . E perchè allora la base del cono sta per metà sopra l' orizzonte, comparifce allora l' Iride come un'intiero femicircolo. Piucchè s' innalza il Sole più s' inclina l' Iride, e fempre più si fa minore di un femicircolo, fino che si toglie alla vista per l'ostacolo della terra, il che accade quando il Sole è fopra 41. grado, e 46. minuti di altezza. Più grande di un femicircolo ella non può comparire, nè mai verso lo spettatore può star inclinata all' orizzonte con angolo acuto; perchè non può questo farsi, se la base del cono non sta più della metà sopra dell'orizzonte; dal che ne seguita, che il Sole sarebbe sotto l'orizzonte, e perciò non fi farebbe illuminazione. Ciò però in qualche modo potrà ottenersi quando spuntando il Sole sull'orizzonte lo spettatore sia sopra un' alta Torre, principalmente essendogli la nube vicina.
- 5. Talvolta, come ingegnofamente offerva il Rohault, [1] può vederfi maggiore di un femicircolo, e come un circolo anche intiero. Come fe il Sole effendo più alto dell' orizzonte di 41. grado, e 46. minuti, egli riflettelfe fulla fuperficie di un placido, ed ampio lago. Imperocchè allora farebbe lo feffio, che egli fosfie per tutta la fua altezza depresso fotto dell' orizzonte; nel qual cas l'afte dell' afpetto farebbe in alto disfeo, e tutta la base del cono, ed in conseguenza tutta l'Iride farebbe sopra dell' orizzonte. Che se allora fucceda, che nella maggior altezza vi manchino le stille cadenti, e sieno queste solo nella più basa regione, allora vedrassi l' Iride colle corna in alto con maggior marxigila de' riguardanti.

6. Co-

<sup>(1)</sup> Fif. P. 3.

6. Come l' Iride, fecondo che abbiano cletto, dipende dagli angoli, che fanno i raggi efficaci coll' Affe dell' afpetto; e come ogni Riguardante ha il fuo proprio Affe di afpetto, codì ogni Riguardante avrà la fua Iride; ed ogni volta che il medelimo Riguardante cangierà di luogo, vedrà anoca un' finde diverta. Nacque per quello il detto, come nota lo fleflo Autore, che l'Arco-baleno [egue chi lo figure, e fiugge chi lo figure].

7. Si confermano le cofe dette colla sperienzia, veggendo noi, come un Iride ci si rapprefenza, quando colla faccia opposta al Sole volgiamo gl'occhi o verso quei spruzzi d'acqua, che nei giardini solgino farsi per giuoco con i tubi idrostatici, o verso d'un prato erboso, su cui seno cadute spesse si propiente de la regiada. o in qualunque altro modo riguardiamo gocociole d'acqua in ta-

le positura illuminate dal Sole.

8. Le quali cofe deggiono tutte seguire posto che le stille della pioggia cadente seno di sigura esattamente sferica. Ma se tale sigura in esse venga alterata o per lo vento che le comprima, o per la loro gravità che le allunga, è cosa evidente, che allora dovrà l' Iride desormars, ed uscire di tali regole, come spessio distributa.

## Degli Haloni, Cap. II.

Haloni, o Corone diconsi alcuni circoli di luce, che talvolta di giorno intorno il Sole, e di notte intorno la Luna appariscono, ora di bianca luce, ora come l'Iride di vari colori dipinti. Il loro diametro è per lo più di 45, gradi; ma talvolta fi ossistra possibili più no concentrici al 300. Quando si diffinguono in essisti colori, si vede il color rosso al concavo, e il violetto al convesso, e convenso il violetto al convesso, e possibili convenso, e convenso il violetto al convesso, e possibili convenso, e convenso di violetto al convesso, e convenso di violetto al convenso, e convenso e convenso di violetto al convenso, e convenso di violetto al convens

Per esplicare tale Meteora l' Hugenio dopo molte osservazioni fatte nell'occassione di cinque Soli; o he si videro in Varfavia l' anno 1658. non persuaso che ciò nascesse per la rifrazione de' raggi solari in stellette piane di ghiaccio trasparente, come pensaggi solari in stellette piane di ghiaccio trasparente, come pensaggi solari al Cartesso, giudicò primamente, che tale Meteora doreise formarsi di particelle, che suoi delle nusi vanno per l'aria vollando: posiche sciostre le nuvole la corona resta nello sfessio ito. Indi dalla oscunità del Caclo dalla corona compreso deducendo, che le particelle civi poste non trasfrettissero la luce tanto agevolmente, quanto lo faccano quelle fuori di tale spazio, giudicò, clie le particelle componenti la corona sossione tante s'errettato.

te di ghiaccio, o di acqua, che nelle parti efferiori fossero trafparenti, e al di dentro contenessero un nocciolo di materia opaca, o meno trasparente. Che nell' Atmosfera tali particelle si formino non lo lascia dubitare il Cartesso, che nel trattato delle Meteore ne parla come di cosa sovente veduta, ed agevole da vedersi nella gragnuola, nel di cui centro spesso si trova qualche poco di neve. Le quali cose posto seguita l'apparenza di tal senomeno.

Imperocchè sa una di queste goccie ABCD [x] con un granello di neve in mezzo, qual è EF, in cui entrando i raggi GA, HD dopo la ristrazione tocchino il granello in E, ed F, e nell' uscire di nuovo ristrati, concorrano in K, onde prolungati formino l'angolo LKM. Egli è da considerare, che per la stera ABCD non passa raggio alcuno di luee entro l'angolo, o cono LKM, ma se l'occhio stuori di questo angolo ne riceve molti, per mezzo de' quali vede la goccia Mluminata. E ciò fi dee intendere di tutte l'altre. Se si metta l'occhio in N, esi tirino le rette NR, NX parallele ai lati del cono ombrofo KL, KM, ed è facile il conoscere, come nessiuna goccia simile alla ABCD, posta dentro il cono XNR, può mandare raggi all'occhio NC cost fe dalla goccia si fitti aria ri raggi KL, KM, si vede che lo spettatore posto in N non riceve raggi d'illuminazione da questa goccia, esseno il suo concionente con como como da questa goccia, esseno il suo concionente con con SNR. Il che succede di tutte l'altre goccie poste nel cono XNR.

Ma qualunque goccia si prenda suori di tale cono, qual' è la goccia X, possono i raggi, che passano a traverso di essa pervenire all' occhio, essendo questo fuori del cono ombroso di essa, e perciò potrà apparire illuminata; così dell'altre. Quindi si vede che intorno il Sole dee comparire uno spazio retondo oscuro, ch'è la base del cono XNR, e intorno di tale spazio una Corona di luce. ch' è l'aggregato de' raggi, che dalle gocciole in tale maniera, come abbiamo supposto costruite, vengono all' occhio posto in N. E perchè dalle goccie più vicine all' ombra interiore vengono i raggi più folti, che da quelle, che fono lontane, per questo la maggiore lucidità è vicina all' ombra interiore, che sempre più si diminuisce fino che si dilegua. E perchè i raggi nel passare a traverso dell'Atmosfera diafana della goccia soffrono quelle stesse rifrazioni, che nel passare a rraverso di un prisma, per questo si vedranno i colori dell' Iride, e comparirà la Corona con il rosso vicino all' ombra, indi il giallo, il verde, il ceruleo, e il violetto.

Parte II.
[1] Fig. 1. Tav. 16.

Le

Le quali cofe confermò il fuddetto Autore colla fperienza, prena dendo una fortilifima sfera di verto ripiena d'acqua con una sfera opara fofpefa nel mezzo, la quale avendola esposta al Sole, nonvide alcuna luce in essi a non dopo che era ulcita dal fuo cono ombrofo, dopo di che vide in essa l'immagine del Sole lucidissima con un color rosso vivace.

Il diametro della Corana dipende dalla grandezza del granello opaco EF. Imperocché quanto a proporzione della goccia intiera AC egli è maggiore, tanto è maggiore l'angolo BKC, ovvex XNR, che determina il diametro della Corona. E perchè tal'angolo fia di 45, gradi; come per lo più fi ritrova, dimofira il fovra lodato Autore, dover effere il diametro della goccia al diametro dotato Patrore, dover effere il diametro della goccia al diametro.

del granello opaco, come 25 : 12 profilmamente.

E come diverse goccie con diversa ragione al granello opaco possiono nello stesso ritrovarsi in faccia del Sole, per questo si potranno vedere, come talvolta accade, due, e tre Haloni. Per altro quando se ne veggono più d'uno, può accadere, che sieno contigui, o l'uno sopra l'altro in maniera, che non si distinguano più gli ordini de colori, ma si vegga una larga Corona irregolar mente colorata.

# Dei Parely, e Parafelene. Cap. III.

L A famosa Meteora offervata a Roma l'anno 1629 adi 20 di Marzo, e descritta dallo Scheinero, diede occasione ai Filoson di quei tempi di parlar de Parelj. Tale Meteora, come sta ne' libri del Cartesio, e del Gassendo, era questa. A [1] è l'osservatore Romano. B il Zenith dell'offervatore. C il Sol vero. AB il piano verticale tirato dal Sole, e dall'occhio per lo Zenith. Intorno il Sole C comparvero due Iridi tronche ad esso concentriche, di colore diverso, delle quali la interiore DEF era più piena, e perfetta, ma tronca, ed aperta da D in F, ed in perpetuo sforzo di chiudersi, e talvolta ancor si chiudeva, ma tosto di nuovo si apriva. L'esterior su sempre debole, ed appena sensibile, variata però ancor essa de suoi colori, ma molto istabile. La terza KLMN su un grande cerchio tutto bianco, de quali se ne veggono spesso nelle Paraselene intorno la Luna. Questa su un arco eccentrico, che paísava per mezzo del Sole, parallelo all'orizzonte, da M a N debole, e lacero. Nelle comuni interfezioni di questo cerchio coll' Iride efferiore si videro due Pareli, ovvero due apparenti Soli N. e K non del tutto perfetti, de'quali questo era più debole, ma quella

<sup>(1)</sup> Fig. 2. T. 16.

quello più forte, e splendido. Il fulgor di amendue nel mezzo emulava quello del Sole, mai la tierano con i varj colori dell'Iride dipinti, nè rotonde, e precise, ma ineguali e lagunose si veggevano le loro circonferenze. Ni era uno spettro inquieto vibrante
ma densa coda NP di coloro fimile al suoco con continue reciprocazioni. Oltre questi, altri due se ne videro a M, ed L, meno
vivaci, ma però più rotondi, e bianchi come il cerchio, in cui
stavano, e simili al latte, o all'argento puro ec.

Non pago l'Hugenio delle spiegazioni, che intorno tale Meteora, ed altre simili questa erano stare date dagli altri Fillosofi, dopo lunghe ricerche stabili, che tutti tali Fenomeni non altronde avessero l'origine, che dalle diverse tistessioni, e rifrazioni delraggi del Sole satte in piccioli cilindri intorno d'esse gegliacciati, e nell'estrior superficie dal calore disciolti, e a diversa possura nell'

Atmosfera folpeli.

. E prima di tutto il circolo bianco, che sta parallelo all'orizzonte, il di cui centro è il Zenith, e passa per lo Sole, qual'è KL MN, effere stato prodotto dalla rissessione dei raggi Solari incidenti nella esterna superficie di tali cilindri a perpendicolo posti, e riflettenti all'occhio. Imperocchè fia il picciolo cilindro agghiacciato ABC [1] perpendicolare all'orizzonte OR, nel di cui punto B cada dal punto lucido S il raggio SB; e dovrà per le leggi della Catottrica l'angolo della riflettione OBC effer eguale all'angolo dell'incidenza SBA. E perciò BOR complemento ad un retto di OBC farà eguale a SBD complemento ad un retto di SBA. E perciò l'angolo che fa il raggio riflesso BO coll'orizzonte OR sarà eguale all'angelo, che fa il raggio diretto SB con DB, evvero collo stesso orizzonte OR. Dunque se il punto S rappresenti il centro del Sole, e fiavi l'occhio d'uno spettatore nella retta BO, ed in fine fiavi un cilindro gelato, qual si suppone ABC elevato sull'orizzonte, quanto è elevato il Sole, vedraffi in B risplendere il centro del Sole. Ciò che si è detto di tal cilindro, applicandosi a tutti gli altri, che vi possono essere nell'Atmosfera similmente posta, cioè a perpendicolo, e colla stessa elevazione, e colla stessa distanza dall'occhio, è facile il conoscere, come in tal caso dello spettatore posto in O dovrassi vedere un'aggregato di punti lucidi egualmente alti, e disposti in giro; cioè a dire una lucida periferia di cerchio parallela all' orizzonte, il di cui Polo è l' occhio dello spettatore, e centro il Zenith dello medesimo spettatore. E ciò che si è detto del centro del Sole applicandosi agli altri punti del disco, dovrà da ciascun punto riflesso in simili cilindri prodursi una lucida circon-

<sup>(1)</sup> Fig. 3. T. 16.

circonferenza, e dovrà in tal modo formarfi una latitudine di cerchio corrispondente al disco del Sole, come nel senomeno Romano
fi vide. Dalle quali cose seguita ancora, che dovrà tale cerehio ascendere, o discendere secondo che il Sole ascende, o discende sul'
orizzonte, e di ntal modo apparità ancora or maggiore, or minore. E qualunque spettatore vedrà il suo particolar cerchio-bianco,
sicomo egouno vede la sua Iride; il che non seguita dalla spiegazion del Cartesso, che suppone essere quello un grande anello di
ghiaccio solido nell'aria sospeno. Che se di tali circoli alcune parti
ono languide, ed alcune talvolta non apparissono, desce cò attritono languide, ed alcune talvolta non apparissono, desce cò à teri-

buire alla mancanza della materia.

Come tali cilindri riflettendo i raggi Solari, che in essi urtano, ci fanno vedere il circola bianco; così gli stessi rifrangendo i raggi, che passano di traverso, ci fanno vedere i due Pareli K, ed N. E. certamente essendo essi in tale maniera disposti, che la parte loro esteriore sia liquesatta, e contenga dentro di sè minori cilindri agghiacciati, non potranno per un determinato spazio, qual'è l'arco KN, vedetsi i raggi rifratti del Sole in quel modo, che abbiamodetto disopra nelle Corone, e comincieranno solo a farsi vedere toflo ch'è terminato tal'arco. Per questo l'arco KN vedrassi di poca luce, perchè non agifce full'occhio che con i raggi rifle fi; anzi per lo più dileguerassi per la troppa vicinanza del Sole. Ma negli spazi K, ed N venendo all'occhio i raggi rifratti, e i riflessi, vedrassi un forte splendore. Ma perchè quanto più sono i vicini i cilindri a codesti limiti, tanto più folti sono i raggi, con cui per le loro rifrazioni ci ferifcono gl'occhi, e per lo contrario quanto più si allontanano, tanto più dispersi e languidi sono i raggi, che ci vengono all'occhio; per questo sarà massimo lo splendore vicino ai limiti, il quale andrà sempre scemando finochèdiventa infensibile, il che è cagione, per cui si veggono le porzioni d'arco K, ed N assai vivaci e con i colori dell'Iride a cagion delle rifrazioni; il qual fulgore sempre scemandosi, e disperdendosi compone le Code, qual è la Coda NP del Parelio N.

Per dimoftrare le quali cole sa ABCD [1] uno di quer cilindri, nella cui superficie acquosi cada il raggio Solare EF, che rifratto in F si dirigga per FG, e rifratto di nuovo in G esca nell'aria per GH. Dico, che il raggio GH sarà col piano dell'orizzonte un'angolo eguale a quello del raggio EF, cioè all'altezza del Sole. Imperocchè si tiri il piano ABCD, che passi per li punti F, e G, e sia parallelo all'assi de di cilindro. Ed essendo AB, DC parallele, l'angolo GFC sarà eguale all'angolo AGF; on ode

<sup>(1)</sup> Fig. 4. Tav. 16.

onde per le leggi della Diottrica la rifrazione GH del raggio GF discenderà tanto quanto ascenderà la rifrazione FE del raggio stesso, cioè a dire, faranno eguali gli angoli EFD, BGH. Che se per la retta DC, ed il raggio EF si conduca un piano, ed un'altro per AB, e per GH, faranno questi egualmento inclinati al piano ABCD. La misura delle quali, essendo gli angoli KCB, ed LBC fatti dalle comuni sezioni de' suddetti piani colla base, saranno dunque anche tali angoli eguali. Poiche dunque, come abbiamo detto, gli angoli EFD, BGH sono eguali, leguita che tanto il raggio incidente EF, quanto il raggio rifratto GH fono all'orizzonte egualmente inclinati. Per lo che la luce del Sole per simili cilindri trapassando non potrà venire all' occhio dello spettatore se non da quei cilindri, che hanno la stefsa elevazione, che ha il Sole, cioè a dire da quei medefimi, che compongono il bianco cerebio; il che è cagione, che i Parelj non postano se non nel bianco cerchio vedersi.

Per claminare in quale diffanza dal 50 debbano tali Parelj vederii, fi consideri il raggio, che tocca il cilindro di neve, quale fuppongei elere il raggio FG, nel qual caso santo cananche la retta BC. Se dunque nel medelimo piano della base si trii per lo centro N la retta ONM parallela a KC, e si produca sino in M, sarà BMN l'angolo, che fanno i due piani vetaciali, de quali l'uno passa pel Sole, e l'altro per lo Parelio, ed amendue per l'occhio spettatore. Dato il qual'angolo, si ava per consegueraz l'arco CN, cioè a dire, la dilhanza del Parelio dal Sole. Tal'angolo è maggiore, o minore l'elevazione del Sole, come dal caleno del fuddetto autore si conosce esposito nelle guerra caleno del ciudetto autore si conosce esposito nelle seguenti

Tavole.

Altezze del Sol	Diftanze del Pa- relio posta la ragione di		fta la ragio- nedi		fta la ragio-	
	1000		100	:480	100	00: 680
Gradi	Gradi	Minuti	Gradi	Minuti	Gradi	Minuti
0	22	0	22	30	45	0
5	22	10	22	38	45	26
10	22	38 28	23	8	49	44
15	2.3	28	24	0	49	4
20		42	25	16	52	46
25	24	42 26 48	27	4	58	4 46 24 42
30	28	48	29	26	67	42
35	31	58	32	42	94	22
40	36	18	37	10		
45	42	18	43	14		tali li-
50	51	0	52	26	miti	non fi
55	64	48	52 66			il Pare-
40	02.	24	~8	34	lio.	

Dalle quali Tavole si conosce, che se vi sano varj cilindri con diverla ragion liquesatti, oltre i due Parelj K, ed N se ne potranno vedere degli altri a diverse distanze. Si conosce inoltre, come restando i cilindri gli stessi, quanto più ascende il Sole sul-l'orizzonte, tanto più cresce la distanza de' due Parelj, e nel discendere del Sole si diminusise; le quali cose sono conformi alle osservazioni. Che se si liquesacciano in breve momento i cilindri, allora si contrae ancora in breve la distanza de' Parelj, sino che si dilegua, come narra Giulio Obsequente esseri veduto al tempo di Augusto. Augusti Cesaria estate M. Lepido, So. Munatio Planco Cost. stres Soles vissos, cosque fuisse men in unumi orbem contrassos.

Quanto alle Code l'Autore le siende sino al quadrante in circa del cerchio bianco incominciando dal vero Sole; ma per esser debole la loro luce, non se ne vede spesso, che una parte.

Ora le Corone, che passano sempre per i Pareli, deono spiegarsi, Imperocchè come si reggono talvosta Corone senza Pareli, non si veggono però giammai Pareli senza Corone. Tal sotta di Corone non giudica i si dudetto Autore generarsi dalle seree si acqua, come quelle che si veggono senza Pareli. Imperocché supposto seneste, che queste rossere solle si que come del pareli, se vederbono però le loro Corone andar suori dei Pareli, se vederbono però le loro Corone andar suori dei Pareli, se

ve

me fi conosce dalle fuddette Tavole. Imperocchè essendo ne cilindri il diametro totale al diametro di neve come 1000 : 473 se condo le varie elevazioni del Sole cangiano ancora le distanze de Parelj; la qual proporzione essendovi nelle goccie sferiche, la Corona che fi produce è senpre di 44, gradi. Perlochè doversi prendere l'origine di tali Corone dagli sfessi cilindri, che ci sanno vedere i Parelj, i quali pottemo intendere, che sieno donnei, quanto le siere, a produr le Corone, quando li concepiamo, com'e necessario, liquefatti non solo ai lati, ma ancora nelle bassi, e nelle sommità in guisa che siano per ogni parte convessi, e simili alle sferoidi.

Quanto poi alla Corona interiore DEF del Fenomeno Romano, com' elfa fu accidentale, e di rado in altre simili Meteore si vede; così non deesi attribuire ad altro, che ad una causa accidentale; e non è incredibile, che da altri cliindri in diverse

maniere per l' aria sparsi ella fosse prodotta.

Un'altro effetto degli flessi cilindri perpendicolari all'orizzonte sono i due Pareli L, ed M in tal maniera nel circolo bianco disposti, che rivolto lo spettatore al Sole, gli sono alle spalle. Siccome tali cilindri colla suce riflessa producono, come abbiamo dette, il circolo bianco, e colla risprata i due Pareli K, ed N, e la Corona esterna KN; così colla luce risprata insieme, e rissessa producono i due Pareli L, ed M. Ciò si anella stessa maniera, con cui si produce P Irida Primaria; dove à da ossera cancerda con cui si produce P Irida Primaria; dove à da ossera cancerda con cui si produce P Irida Primaria; dove à da ossera perchè il cilindro intere non si cangi in una goccia rotonda, come avverrebbe se sosse tutta si questata, nulla però contribusica a tali Pareli, anzi talvolta ce ne impedicice la vissa.

La ragione, per cui tali Parelj non si veggono suori del circolo bianco, è quella stessa, per cui nel detto circolo si vedono i Parelj K, ed N. Imperocchè anche in questo caso i raggi, che escono fuori del cilindro, ferbano lo stesso agolo, che hanno avuto in entrando. E perciò non potrano anche in questo caso agire full'occhio dello spettatora se non quei cilindri, che hanno la stessa elevazione, che ha il Sole, ciocè quegli stessi, che compogno il circolo bianco, ed in conseguenza non potranno tali

Parelj comparire fuori del dette cerchio.

E perchè effi fiano in certi luoghi determinati del circolo bianco cio nafco per la fleffa ragione, per cui in una sfera di acqua veggiamo i colori dell'Iride in un fito determinato. V'è però quella differenza, che nella sfera aquea l'angolo del ritorno effrace è coflante, come abbiamo veduto; ma nei cilindri è vario fecondo la varia altezza del Sole. E perciò la pofitura di questi due Parelì è diversa, ed in conseguenza la loro distanza, ovvero l'arco LVM secondo che è diversa la elevazione del Sole. Ridotta a calcolo la loro semidistanza, ovvero l'arco VM si ritrova dall'Autore, come nella seguente Tavola.

Altezza del Sole Gradi	Semidistanza de' Gradi	Parelj secondarj Minuti
0	41	30
5 1	41	. 8
10	40	14
15	40 38	36
20	36	16
25	33	18
30	-29	36
35	25	16
40	20	12 .
45	14	40
50	8	44
	3	6 7
55	o	32

Dalla qual Tavola deduce l'Autore, che nel fenomeno Romano dovera effere la diflanza de'due Parelj fecondari di 60
gradi in circa, effendo nel tempo dell'offervazione elevacio il Sole 30 gradi in circa. Egli è da notare, che tali Parelj non comparvero colorati, come la Teoria ricerza, ma egli è credibile; che ciò nafcelle dalla debolezza del lume, come taivolta fi veggono bianche ancor le Corone. Per altro quando il lume è forte, non mancano i colori, come fo offervò nel fenomeno offertavo in Inghilterra, e registrato nella Storia di Matteo Paris.
Nasce per questa mancanza di luce, che non sempre ancora si
veggono, come fi offervò dall'Hevelio nella Meteora del 1661
adi 20 Febbrajo, il che dipende dalla troppa grandezza del cilindro di neve.

Veggonfi speffo in simili Meteore alcuni archi di luce toccanti le Corone, che slanno intorno del Sole or nella parte superiore, or nella inferiore. Tali se ne videro nella Meteora osservata a Roma dallo Scheinero nell'anno 1630; e in tutte quelle, che descrisse l'Hevetion chi fine del libro, ch'egli chiamò Mercurio nel Sole; quali sono per esempio QGR [1], e THS in una del-

<sup>[1]</sup> Fig. 5. Tavol. 16.

delle Meteore Heveliane. D' codesti archi non altronde prende l'
origine l' Hughenio, che da raggi rifratti, che passan a traverso
di varj ciliadri posti coli asse passa call'orizzonte, non però tra
se paralleli. La loro figura esser varia secondo le varie altezze del
Sole, e secondo che i diametri delle Corone sono maggiori, o minori. E perchè le parti, dove questi archi toccano le Corone sono
più luminose, e vivaci degli altri, di là nasse che li crediamo Parelj, come in G. La ragione poi perchè toccano esti per lo più le
Corone è perchè quegli stessi con proportio de con con con
con con proportio della supportiona del corone.

Quanto agli Anteli, o falsi Soli diametralmente al Sole vero opposti, qual è l'Antelio F, egli li attribuisce a posizione fortui-

ta de' cilindri all' orizzonte inclinati.

E tali sono le esplicazioni dell'Hugenio intorno i Parelj, le quali abbiamo riferito come le più approssimantisi al vero, e non è difficile il trasportarle alle Paraselene; ovvero alle false Lune, che talvolta a lato della Luna si vezgono.

Altre Meteore Enfatiche, quali sono le Travi di luce notate dall' Hevelio, o le Verghe, o le Apparenze speculari descritte dal Kirker, e dallo Scotto deliberatamente omettiammo; imperocchè di ta-

li cose abbiamo detto abbastanza.

Fine del Settimo Libro.

# LIBRO OTTAVO

Del Cielo, ove si trattano gli Elementi della Astronomia Fisica.

# DEFINIZIONI.

s. A Stronomia dicesi quella Scienza, che versa intorno degli Astri, e contempla i loro moti, le loro grandezze, positure, distanze, e simili altre loro astezio-

2. Astro dicesi qualunque corpo celeste, o sia Pianeta, o Cometa, o Stella, e significa ancora Costellazione, ovvero aggregato di alquante Stelle.

3. Stella dicesi un Corpo celeste, che di propria luce risplen-

4. Pianeta un Corpo celeste, che non ha altra luce, che quella che gli viene comunicata da qualche Stella, il quale se gira intorno di una Stella dicesi Pianeta Primerio, se intorno di un altro Pianeta, dicesi Secondario, ovvero Satellite.

5. Comera è un corpo celefte, che oltre il folito in mezzo agli altri corpi a noi vifibili comparifee, e poi fi dilegua, fimile in tutto a un Pianeta, ma con queflo di vario, che il Pianeta a guifa folo di un lucido difico rifiplende; ma tale corpo oltre il dico lucente ha una lunga coda di luce, che per lo più l'accom-

6. Cielo dicesi tutto quello spazio vasto, in cui tali corpi deferivono le loro orbite, o sa tutto di rara, e sottile materia riempiuto, o pure una mera capacità, ed essensione vacua di corpi a diverse distanze posti adornata.

## SEZIONE PRIMA.

Della Sfera celeste, e de' principali cerchi stabiliti dagli Astronomi per determinare i moti degli Astri.

BEnchè negl' immensi spazi dell' Universo noi non conosciamo nè limite, nè figura, compazife però egli a nostri occhi a guisa di una stera, la cui concava superficie sta tutt'adornata di stelle. Il centro di essa è la considera coccio, ed i nostri raggi visuali per ogni parte egualmente prolungati sono i suoi semi-

de Cours

femidiametri, all' estrema superficie della quale per la grande distanza riduciamo il Sole, e la Luna, e tutte le Stelle, che veggiamo, benchè disegualmente distanti. In questa sfera gli Astronomi hanno fissati i loro punti, tirate le loro linee, e disegnati i loro cerchi per ridurre a regola i moti degli aftri, ed in qualunque caso calcolarne la situazione, il che non solo di qual dignità fia, ma di quanto uso ancora per le civili società, e quanto alle Arti giovi, e principalmente alla Geografia, ed alla Navigazione, è facile il conoscerlo anche da quelli, che di simi-

le scienza non sono che leggiermente informati.

Di tale Sfera noi ora tratteremo, e de' principali punti, e cerchi, che dopo di essere stati dagli Astronomi antichi inventati, sono universalmente ancora ne' nostri tempi mantenuti, e stabiliti, come quelli, che vengono dalla stessa natura determinati, e sono il massimo fondamento di questa nobilissima scienza. E perchè tra i circoli, che vengono in considerazione della sfera, dieci sono i principali, a cui tutti gli altri si riferiscono, de'quali dieci compose perciò la sua sfera artificiale il sagacissimo Tolommeo, che giova per meglio intendere, il tenere fotto degli occhi, e fono Equatore, l' Ecclissica, l' Orizzonse, il Meridiano, i due Coluri, i due Tropici, e i due Polari; perciò di questi distin-tamente tratteremo. E perchè tra questi i sei primi tagliano le sfera nel centro, e perciò si dicono maggiori, e gli altri quattro la tagliano fuori del centro, e perciò si dicono minori, diremo prima di quelli, ed indi di questi per passare in fine agli altri, che da questi dipendono:

# De Circoli maggiori, e prima dell' Equatore. Cap. I.

CE un abitatore terrestre fissa il guardo attentamente nelle Stelle vede, qualunque di essa descrivere perpetuamente con moto equabile un cerchio di oriente in occidente, il qual effe compiono nello spazio di ventiquattr' ore. Lo stesso vede prossimamente farsi da tutti gli altri corpi celesti. Per tale su considerata dagli Astronomi la sfera celeste, come con moto equabile perpetuamente girante, dal cui moto sono rapite non solo le Stella le, ma tutti gli altri corpi ancora, che sono parti della visibile sfera, ed alla sua estrema superficie da noi si riducono. Fu per questo conceputo un Asse [ 1 ] PP, che è quel diametro immobile, intorno a cui la sfera celeste fa le sue conversioni, e surono distinti i due Poli mondani P, e P, che sono i due punti estremi P

<sup>[1]</sup> Fig. 1. Tav. 17.

mi dell' affe PP, de quali quello ch' è vicino alla costellazione, che i Greci chiamano apares, ovvero Orfa, si dice il Pola Arrico, di cui l'opposso dicesi Anarrico. Il primo dicesi pola marinene Borzale dal vento Borza, che da quella parte spira, e Sextentrionale dalle sette stelle, che vicino ad esso rillono, e sono dette Trioni, cioè Borzi. Il secondo dicesi ancora Australe dal vento Austro, che di là sossia, e Meridionale, perchè sta verso dove noi veggiamo il Sole, quando egli è sul merigesio.

Così fu difiinto l' Equatore ÉE, ovvero Equinoziale, o Equidiale, così detto perche quando il Sole fi ritova in esfe, i giorni, e le notti per tutta la terra si agguagliano; il quale è un cerchio massimo, i cui poli sono lo stesso, che i poli mondani, che passando per lo centro C divide la siera in due parti eguali, l'una Artica, e l'altra Antartica. Egli è diviso in 360 gradi, secondo i quali si determina, come diremo, il moto del primo mobile, e le l'ongitu-

dini de' luoghi.

Se per gli poli dell' Equatore, che sono lo stesso, che i poli mondani si descrivono quantistroglia circoli POP [1], che conforme le dottrine di Teodosso sarano tutti perpendicolari all' Equatore, si dicono questi i suoi scendari. Per mezzo di questi miturasi la declinazione di un dato senomeno dall' Equatore, e la misura di tale declinazione è l'arco SO del scondario, il qual arco è inter-cetto tra il centro del senomeno S ed il punto dell' Equatore O, per cui passa il secondario PSO. Per questo si chiamano ancora i circoli della declinazione, la quale è Boreale, overe Australe secondo che il dato punto è verso questo, o quel polo. Per mezzo di tali secondari si riduce ancora qualunque punto dato, o si anel la Terra, o nel Cielo; all' Equatore, ed in tal punto dell' Equatore s' intende ridotto per cui passa il secondario dal dato punto all' Equatore descritto. Così punto dell' Equatore, a cui si riduce il senomeno S, è il punto O.

#### Dell' Ecclitrica, e del Zodiaco.

Ma perchè intanto che tutta la sfera comparifec girar da oc cidente in oriente în tempo di ventiquatt' ore, comparifec in questo tempo il Sole muoversi con moto proprio da occidente in oriente per un altro circolo massimo, che taglia l'equatore con un angolo-di ventitre gradi e mezzo, il quale giro egli compie nello spazio di un anno, ssu segunta e determinato tale circolo da della della contra della cont

<sup>[1]</sup> Fig. 2. Tav. 17.

dagli Aftronomi , qual è OO [1], i cui poli sono S, ed S; ed Ecclirica su chiamato; perchè l'ecclissi del Sole, e della Luna in estio si fanno. Per tale moto il Sole comparisce descrivere ciascun giorno un cerchio diverso, sensibilmente parallelo all'equatore, e per l'obliquità dell'Ecclitica regolarmente si accosta, o si discosta, ed ora è di qua, ora di là dall'equatore in maniera però, che non oltre passa certi determinati limiti, che corrispondono all'angolo, che fa l'Ecclitrica coll'equatore, cioò a ventitre gradi e mezzo, a' quai limiti quando è arrivato, ritorna verso l'equatore, eva da limite a limite fenza mai mutar le sue, legei.

Ma perchè i pianeti ancora intanto che col moto della sfera fono da oriente in occidente portati, compariscono descrivere ciascheduno un cerchio con moto proprio da occidente in oriente all' Ecclittica diversamente inclinato, e si veggono compiere il loro giro ciascuno in tempo diverso, ed ora di qua, ora di là dall' Ecclittica comparifcono, ma non oltrepassano il limite di dieci gradi, hanno per questo gli Astronomi segnato quel tratto di Cielo stellato, che appartiene al Sole, e alla Luna, e agli altri pianeti, il quale tratto concepirono a guisa di una Zona, o Fascia, la cui larghezza è di venti gradi, cioè a dire dieci per parte dell' Ecclittica, e in dodici parti lo divifero o per la comodità di tal numero, ch' è divisibile in due, tre, quattro, sei, e dodici senza che avanzi frazione alcuna, o perchè intanto che il Sole compie il fuo giro, la Luna compie proffimamente dodici lunazioni. Tale tratto del Cielo chiamarono essi il Zodiaco dalla voce Greca (wdiano, che fignifica animale, effendo state denominate col nome di animali le costellazioni, che in esso si sono distinte, o perchè se le immaginassero simili nella figura a quegli animali da'quali presero il nome, o perchè vollero dare loro tali nomi, e per maggiore facilità della fantafia, e per maggior ornamento. Le dodici parti, nelle quali fu egli diviso furono dette le Dodecatemorie, ed ancora i Segni, e furono denominate dalle costellazioni, che in esse si ritrovavano l' Ariete, il Toro, i Gemelli, il Cancro, il Lione, la Vergine, la Libra, lo Scorpione, il Sagistario, il Capricorno, l' Acquario, e i Pefci.

Ma perchè le Stelle comparificono con moto proprio avanzarfii, ed effere portate da occidente in oriente per una conversione che si sa intorno a' poli dell'ecclittica, la quale sebbene è così lenta, che in 72 anni appena le sa avanzare un grado, è da avvertire, che le cossellazioni non sono già più nel fitto, in cui erano al tempo d'Ipparco, da cui pare, che sosse inventato, o almeno

<sup>[1]</sup> Fig. 3. Tav. 17.

almeno denominato il Zodiaco; ma notabilmente fono verso l'oriente avanzate. Non refla però, che collo flesso nome nos fi chiamino ancora le Dodecatemorie, e non si chiami ancora Ariete il primo segno, sebbbene non vi è più in esso la costellazione dell'Artiete, ma quella del Toro.

I primi fei fegni fono detti i Settentrionali, gli altri fei gli Australi. Sei parimente sono gli Ascendenti , e sei i Discendenti. Quelli fono il Capricorno , l' Acquario , i Pefci , l' Ariete , il Toro, i Gemelli, ne' quali il Sole dall' austro al settentrione ascende; gli altri sei sono quelli, ne' quali il Sole dal settentrione all'austro discende, cioè il Cancro, il Lione, la Vergine, la Libra, lo Scorpione, e il Sagistario, Ciascuna Dodecatemoria si divide in trenta gradi, la somma de' quali sa il numero di 360, ne' quali ogni circolo degli Astronomi si divide. Dove sta il primo grado dell'Ariete, che è uno de i due punti, dove l'ecclittica, e l'equatore si tagliano, in cui essendo il Sole si ha l'equinozio di Primavera, incominciano a numerare gli Astronomi, e la loro numerazione va da occidente in oriente, cioè dall'Ariete al Toro, indi ai Gemelli ec. e così feguitando fecondo l'ordine fopramentovato de' Segni. E quando un corpo celeste si muove da occidente in oriente, dicesi muoversi secondo l'ordine de' Segni, ovvero in conseguenza, e quando si muove da occidente in oriente, dicesi muoversi contro l'ordine de' Segni, ovvero in antecedenza.

I circoli, che si descrivono per gli poli dell'ecclittica, e perciò la tagliano ancora ad angoli retti, fono i secondari dell'ecclittiia, e per mezzo di questi si riduce qualunque Fenomeno all'ecclittica, come per mezzo dei fecondari dell'equatore fi riduce all'equatore. Così se l'ecclittica è OO [1], i di cui poli S ed S, il cerchio SS è uno de' suoi secondari, il quale descritto per lo Fenomeno P determina il punto dell'ecclittica R, cui tale fenomeno si riduce. Dal che nascono diverse denominazioni; imperocchè se due corpi celesti si riducono allo stesso punto di ecclittica fi dicono Congionti, e si dicono Opposti, quando si riducono a due punti opposti. Se i due punti, ai quali si riducono due Pianeti, fono distanti la quarta parte dell'ecclittica, tali Pianeti si dicono essere in Aspetto Quadrato, se la terza parte, in Afpetto Trino , fe la festa parte in Seffile , e tali Afpetti con nome generale chiamanfi Sizigie, benche per tal : nome intendansi particolarmente la congiunzione, e l'opposizione, L'arco

<sup>1 ]</sup> Fig. 2. Tav. 17.

AR dell'ecclittica numerato in confeguenza dal primo dell'ariete A fino al punto R, per cui paffa il fecondario del Fenomeno, mi-fura la longisudine celefte dello flefto fenomeno, e l'arco PR del fecondario prelo dal centro del fenomeno al punto R dell'ecclittica, per cui paffa, míura la lua latisudine celefte, la quale è Boreale, ovvero Auftrale fecondo che il corpo celefte è di qua, o di là dell'ecclittica. Tali fecondari per quefto diconfi ancora i circoli delle latisudmi eclefii.

#### Dell' Orizzonte .

Orizzonte dicesi quel circolo massimo che divide la sfera in due emisferi, l'uno visibile ed al distopra di noi , l'altro invisibile, ed al dissotto. Se passa per l'occliso dello spettatore abitante sulla superficie della Terra, come ab [1] diceli l'orizzonte sensibile; fe per lo centro della Terra, come A B, dicesi orizzonte razionale. Quanto più è lontano un corpo celeste, che spunta sull'orizzonte, tanto meno sensibile apparisce la differenza di questi due orizzonti, in maniera che nell'enorme distanza, in cui sono le Stelle, si confonde un orizzonte con l'altro, cioè a dire, subito che spuntano sull'orizzonte razionale si veggono spuntare ancora full' orizzonte sensibile. Ma non così se il corpo celeste è vicino. come per esempio la Luna, la quale quando incomincia a spuntare full'orizzonte razionale, non ancora è fpuntata full'orizzonte fensibile. Dicesi orizzonte quasi terminatore, o definitore. Se dai poli Z ed N in questo circolo, si tira una linea, sarà questa, per la dottrina di Teodosio, perpendicolare al circolo, e passerà per lo centro, e come nel centro stesso dell'orizzonte sta lo spettatore terrestre, così passerà per questo per lo vertice stesso dello spettatore; per questo il polo Z è il punto stello verticale allo spettatore, il quale si chiama il Zenith, a cui l'opposto ed egualmente distante N si chiama Nadir. Tutti i circoli, che si concepiscono descritti per questi due punti si dicono i secondari dell' Orizzonte, i quali perchè passano per lo vertice dello spettatore si dicono Verticali, ed ancora Azimuthi. Tra' quali due se ne distinguono, il primo, che passa per gli poli mondani ed è perpendicolare all'equatore, e chiamafi il meridiano, e l'altro, che taglia il meridiano ad angoli retti, e dicesi il Verticale primario. Da questi due circoli sono determinati i quattro punti cardinali della sfera, che fono le quattro intersezioni fatte da effi nell'orizzonte : dal meridiano sono determinati i punti del Borea, e dell' Austro, dal Verticale primario i punti

<sup>1) 1.</sup> Fig. 5. Tav. 17. (2) Fig. 6. Tav. 17.

punti dell'oriente, e dell'occidente. Tutt'i circoli, che si concepiscono paralleli all'orizzonte, o verso il Zenith, o verso il Nadir, fi dicono Almuncantarathi, come MM. Per mezzo de' circoli verticali si determina l'altezza, e la depressione di un fenomeno riguardo all'orizzonte, e la misura della sua altezza, ovvero della depressione è l'arco del Verticale intercetto tra il centro del dato fenomeno e l'orizzonte, come l'arco [1] PR. L'arco OR intercetto tra il punto cardinale O, ed il punto R dell'orizzonte, per cui passa il Verticale descritto per lo centro del corpo celeste, dicesi l'azimutho orizzontale del detto corpo. Come l'equatore, e l'ecclittica sono due cerchi immutabili, così l'orizzonte è mutabile, e vario, perchè dipende dallo spettatore in maniera, che tanti orizzonti debbano concepirsi, quanti spettatori si concepiscono. Quanti si voglia però sieno gli orizzonti, a tre forte si riducono. Imperocche o lo spettatore è sotto l'equatore, in maniera che l'equatore fia allora perpendicolare all'orizzonte di tale spettatore, e allora l'orizzonte chiamafi Retto, e lo spettatore dicesi essere nella Sfera retta : o che lo spettatore è fuori dell' equatore, in maniera che l' equatore fia inclinato al fuo orizzonte, e allora l'orizzonte dicefi Obliquo, e la positura della sfera obliqua, o infine lo spettatore è fotto uno dei poli in maniera che l'equatore diventa il fuo orizzonte, e allora l'orizzonte dicesi Parallelo; e la sfera è in positura parallela, dalle quali diverse positure nascono diverse variazioni per gli spettatori terrestri.

Imperocche quelli che hanno l'orizzonte retto hanno il Zenith, e Nadir nello stesso equatore, e il loro orizzonte passa per gli poli mondani; ciascun punto della sfera ed in conseguenza ciascun corpo celeste comparisce ad essi ascendere perpendicolarmente all'orizzonte nella connessione diurna, e tutti i corpi che insieme nascono pervengono insieme al Meridiano, ed insieme tramontano. Vedono effi qualunque corpo celefte girare per egual tempo sopra dell'orizzonte, e dissotto. Così delle conversioni diurne del Sole in qualunque giorno dell'anno la metà si sa sopra dell'orizzonte, e la metà diffotto, onde nasce, che per tali spettatori i giorni in tutto l'anno sieno eguali alle notti, cioè a dire vi sia perpetuo equinozio. In tale positura parimente l'afcensione, e discensione delle Stelle, è retta, e la misura della ascensione retta è l'arco dell'equatore preso per l'ordine de' segni dal primo punto d'Ariete fino al punto, che infieme colla data Stella ascende sull'orizzonte, come l'arco AO [2] essendo A

<sup>(1)</sup> Fig. 6. Tav. 17. (2) Fig. 2. T. 17.

il primo d'Ariete, ed O il punto dell'equatore, che ascende insieme con la Stella S; l'arco poi preso dal primo punto d'Ariete A sino al punto dell'equatore, che colla data Stella tra-

monta, è la milura della discensione retta.

Quelli, che hanno la sfera obliqua, hanno il Zenith di qua dell'equatore, ed il Nadir di à. Uno dei poli mondani loro fempre appartice, e l'altro fla fempre fempre loro nafcoflo, l'uno giammai non tamontando, e l'altro giammai non nafcendo. In tale pofitura, effendo che cialchedun punto della Sfera deferive on equabile moto o l'equatore o un certoi parallelo ad effo, e di tutti quefti cerchi effendo if folo equatore tagliato equalmente dall'orizzonte, e tutti gil altri effendo insegualmente tagliati, feguita che di tutte le conversioni del Sole, quella fola e bipartita egnalmente che egli fa quando fi ritrova nell'equatore, e allora fi agguaglia il giorno alla notte, il che fuccede due volte all'anno, cio ca dire ad 12. di Marzo, e adl'a n. di Settembre.

Ma tutte l'altre conversioni sono inegualmente tagliate, ed allora i giorni non fono eguali alle notti, e fono maggiori i giorni quando il Sole è di qua dall'equatore, minori quando è di là, perchè nel primo caso del parallelo, che descrive il Sole la parte maggiore sta sopra l'orizzonte, e nel secondo sta di sotto. Se l'obliquità della sfera cresce in maniera, che tutto il parallelo descritto dal Sole , o da qualche Stella stia tutto sopra dell'orizzonte, allora per tali abitatori non tramonta per quel giorno il Sole, o la detta stella, ma se il parallelo sta tutto nascoflo fotto l'orizzonte per questi abitatori non nasce allora il Sole, o la detta stella. Da tale sfera l'ascensione, o discensione delle stelle, è obliqua, e la sua misura è l'arco, che dal primo d'Ariete per l'ordine de' segni si numera sino al punto dell'equatore che insieme con la stella nasce, o tramonta. La differenza de' due archi che rispondono all' ascensione retta, ed obliqua si dice la Differenza Ascensionale. Quelli infin, che hanno la sfera parallela hanno per loro Zenith uno dei poli mondani, e per loro Nadir l'altro. Tutti i punti celesti fanno per essi una conversione parallela all'orizzonte; per esti nessun punto dato di sfera nasce, e nessuno tramonta; perchè quelli, che sono sopra dell'orizzonte flanno sempre sopra dell'orizzonte, e quelli, che fono diffotto non fpuntano mai. Quando il Sole è nell' equatore apparisce ad essi mezzo sopra dell'orizzonte, e mezzo dissotto, e di tutte le sue annue conversioni la metà sta sopra dell'orizzonte, e la metà sta dissorto, cioè a dire vi sono per tali abitatori sei mesi di giorno, e sei di notte.

#### Del Meridiano.

Il Meridiano è il cerchio massimo, che passa per gli poli del Mondo, e per gli poli dell'orizzonte, cioè per lo Zenith, e Nadir dello spettatore, come AZBN [1]. Come a qualunque spettatore appartiene il suo orizzonte, così ancora il suo meridiano, e dicesi Meridiano, perchè per qualunque spettatore, quando il Sole è arrivato in questo cerchio nella diurna sua conversione . allora vi è il Meriggio. Imperocchè da tale cerchio tutti gli archi, che il Sole o fopra, o fotto l'orizzonte descrive sono tagliati in parti eguali. Esso determina il punto medio della dimora, che fa una stella, o il Sole o sopra, o sotto dell'orizzonte; amperocchè tal momento di tempo è quando la stella arriva al meridiano, nel qual tempo ancora vi è la fua massima elevazione. Per mezzo di tal cerchio si misura ancora la Latitudine terrestre di un dato luogo, la cui natura è l'arco del meridiano intercetto tra il dato luogo, e il punto dell'equatore, per cui il suddetso meridiano passa. Così parimente serve a misurare la Longitudine terrestre. Appresso gli antichi la longitudine di un dato luogo era determinata dall'arco dell'equatore intercetto tra il primo meridiano, e il meridiano del luogo dato, numerando da occidente in oriente, ed il primo meridiano era appresso di essi il meridiano del luogo riguardo ad essi più occidentale, cioè nell'Isole Azzoridi, o Fortunate. Ora il primo meridiano viene stabilito da ciascuno nella sua Città, e l'arco intercetto tra questo meridiano, e quello del luogo dato, è la misura della songitudine ricercata. Dal meridiano ancora fi mifura l'altezza del polo full'orizzonte, e di tanti gradi fi giudica effere elevato il polo full'ozizzonte, di quanti è l'arco del meridiano, che sta intercetto tra il polo e l'orizzonte.

Effendo il tempo che impiega il Sole nel girar da un meridiano all'altro, diviso in ventiquattro parii egauli, che Ore si appellano, nel qual tempo comparifee il Sole equabilimente descrivere tutto il suo parallelo, oltre il meridiano altri secondari circoli sono conceputi, che passiano per gli poli mondani, come PR [2] e sono detti Circoli Orari), ed eguale intervallo possi in maniera che quindici gradi dell'equaebre per ogni loro intervallo sono compresi. Si dicono circoli Otari), perchè per mezzo d'essi può determinasti qual ora sia avanti, e dopoil mezzo giorno. Così se nel second'Orario si ritrova il Sole, si conosce man-

<sup>(1)</sup> Fig. 7. T. 17. Fig. 8. T. 17.

mancar un'ora al mezzo giorno, se nell'undecimo vi ha un'ora di più. Di tali circoli quanti si voglia se ne possono concepire secondo che si divide il tempo in parti; ne sono differenti dag!' infiniti meridiani, che possono concepiri secondo se infinite pofizioni dell'abitatore dall'Oriente all'Occidente.

#### Dei due Coluri.

I Colori fono due circoli maffimi, che dai poli mendani fono tratti all'eucurore, e paffando per gli quattro punti cardinali del Zodiaco dividono la Sfera in quattro quattaniti. Sono detti Coluri quafi imperfessi, perchè a quelli, che hamo la sfera obliqua non comparticono mai tutti intieri full'orizzonte. E fono due, l'uno fi chiama il Coluro degli Equinoz/ che paffa per gli due punti equinoziali, cioè per lo principio dell' Ariete, e del la Libra; l'altro è il Coluro de Solfizi, che paffa per gli due punti follitziali; cioè per lo principio dell' Ariete, e del Capricorno, dove arrivato il Sole; per quatche tempo comparifice reflar nel medefimo parallelo fenza accoltari, nè diffoolfari dall'equatore. Da' due Coluri è divifo il Zodiaco in quattro parti eguali, che rifipondono alle quattro flagioni dell'anno. Il Coluro degli Equinozi divide l'ecclitica ne fegni Aufraii, e Strentrionali; quello dei Solfitti, ne fegni. Afendenti, e Diffendenti.

# De' quatero cerebi minori y e prima de' due Tropici. Capirolo II.

Tropici sono i due cerchi minori diffanti dall'equatore ventitrè gradi e mezzo, come MM [1] l'uno de quali a noi vicino si dice il Tropico del Camero, l'altro che è verso Austro, si dice il Tropico del Caprisorno. Sono detti ancora i circoli Solfiziati, perchè si fanno, in essi i Solstizi, imperocchè il Solenon oltrepassa mai tali cerchi; ma quando è pervenuto ad uno, ritorna in dietro; dal che si chianano i Tropici "".

Il Tropico del Cancro, che si dice ancora il circolo essivo, e il circolo dell'alto fossizio è il più vicino al Settentriono dituti quelli, che il Sole descrive, cui essendo giunto il Sole non più verio il Settentrione si accosta; ma ritorna verso Austro. Quando il Sole è in questo Tropico, per noi ligiorno è più di tutti, e la notte è la più breve. Il Tropico del Capricorno, che si dice ancora l'Invernale, e del basso Solssizo, è il circolo del Capricorno.

<sup>(1)</sup> Fig. 9. T. 17.

di tutti quelli, che descrive il Sole, più remoto da noi, ove essendo giunto il Sole, non più da noi si allontana; ma ritorna ad avvicinarsi. Quando il Sole è in questo Tropico per noi v'è la notte più lunga, e il giorno più breve.

# De i due Polari.

I due circoli paralleli all'equatore, e difianti ciafcheduno dal fuo polo ventirie gradi e mezzo, fono detti i Polari come RR. E fono quefli deferitti da' poli dell'ecclittica giranti intorno i poli mendani nella conversion della sfera, percio la loro positura è immutabile, e l'ecclittica giammai non si muta; ma se questa si muta, si mutano ancor elli di sito. Quello che sta vicino al Polo Artico, si dice il Polare Artico, ovvero Sestentionale, e quello che sta vicino al Polo Antartico, si dice Polare Antartico, ovvero Australe.

# Delle Zone. Cap. III.

D'A' due Tropici, e da' due Polari considerati nella sfera terrestre viene tutta la superficie della Terra divisa in cinque spazi, che si chiamano Zone, e Fasce. Due di queste sono

Fredde, due Temperate, ed una Torrida.

La Torrida è fituata în mezzo dei Tropici MM, così detta dal calore del Sole, per cui apprefio gli antichi era creduta înabitabile, e la fiua larghezza è di gradi 47. Tre forte di abitatori in cifa fi diffinguono; altri fotto l'equatore, altri fra l'equatore i Tropici, ed altri fotto i Tropici. Quelli, che fono fotto e i Tropici, anno un perpetuo equinozio, il Sole è loro verticale due volte all'anno, cioè a dire nel meriggio quando è nel primo grado dell'Ariete, e della Libra, nel qual tempo effi non fanno alcuna ombra, e perciò fi dicono Afgi, cioè fenza ombra.

Tutte le fielle per essi nafeono, e tramontano, hanno quattro solfizia, cioò due alti essena el Sole ne' punti equinoziali, e due hassi, essena el come alti essena el come solo el solo el solo el solo el sei mel hanno le ombre all'austro, e per gli altri sei al Settentrione; onde Amssici sono con calmanta; cioò di due ombre.

Quelli, che sono tra l'equatore e è tropici hanno parimente due ombre, onde anch'est sono Amssici, hanno quattro sossitia, due alti, e due bassi, due stati, et un sen su con a dessi sta il Solo verticale al meriggio; onde Ascistono chiamati.

Quetti

Quelli finalmente, che sono sotto i tropici hanno un' ombra sono de setrossi, ovvero di una sola ombra si chiamano. Hanno due solittazi uno alto, e uno basso, una sola state, ed un sola inverno, ed una volta all'anno il Sole verticale al meriggio, nel qual tremo sono Alci.

Le due fredde (ono verfo i due poli mondani limitate da' circoli Polari R R; e perciò ciafcheduna comprende ventitrè gradi e mezzo. Riiplendendo a queste molt' obliquo il Sole credevano gli antichi, che sossiero aucora queste inabitabili; ma si

scoperfero poi la maggior parte abitate.

În queste ancora și distinguono tre forted abitatori; imperocche aitri fono fotto i circuli polari, altri fotto i poli, altri ra
i poli e i circuli polari. Quelli che sono sotto i circuli polari
hanno dentro di un anno un giorno di ventiquattr' ore, e du na
equal notte. Quelli che sono tra il polo e i polari hanno alcani
giorni maggiori di ventiquattr' ore; e col alcune notti; in
tutto il restante esseno simili agli abitatori delle temperate a
Quelli sinalmente, che sono sotto i poli hanno sei mesi giorno; e
sei mesi notte, hanno un solo solsticio, una sola state, un solo
inverno; le ombre girano loro d'intorno, onde Perisci sono
detti, ovvero coll' ombre intorno.

Le altre due, che sono in mezzo tra il calore e il freddo, diconsi Temperate, l'una delle quali è limitata dal Polare Artico, e dal tropico del Cancro, l'altra dal Polare Antartico, e dal tropico del Capricorno, esiendo ciascuna dislesa per quarantare gradi. Gii abitatori di tali Zone hanno due sofistizi un alto, e un basso, una sola state, ed un solo inverno, due equinozi, Ad esti il Sole non è mai verticale, alcune felle giammon nascono, alcune giammai non tramontano; ed hanno una sol'

ombra: onde Eterosci sono chiamati.

#### Dei Paralleli, e dei Climi.

La diverità dei giorni, e delle notti, che si ritrova secondo le diverse distanze dall' equatore, onde quanto più fa lontano da sib. l' abitatore, tanto più cresce per esso il massimo giorno, e la massima notte, su occasione a Tolommeno, ed agli antichi Cosmografi di dividere le Zone terrestri con Cerchi Paralleli all' equatore distanti l'uno dall'airo quanto importa di spazio l'accresimento di un quanto d'ora per lo massimo giorno. In tal modo posso l'acquatore per primo cerchio; il fecondo è dove il massimo giorno è di ore 12, e 1, il terzo dove è di ore 12, e 1,

e coil feguitando. Due di tali spazi compresi tra i paralleli sormano un Clima, e perciò i Climi vanno di mezz' ora in mezz' ora, che dall'equatore al Polare computati sono ventiquatro. I Climi computati dagli antichi sono solamente sette tradeurando quei luoghi, che ad essi erano poco noti; e da qualche luogo insigne, che dentro del Clima si ritrovava, ad essi diedero il nome. Così il primo si chiamato il Clima per Merce Isola bagnata dal Nilo, il secondo per Siene Città dell' Egitto, il terzo per Alessandria, il quarto per Rodi, il quinto per Roma, il testo per le Ponto Eusino, il settimo per le Foci del Boristene. In quel modo che distinsero i climi verso l' Artico, il distinsero ancor nell' Antaritco dando loro la denominazione contrapposta ai primi. In tal modo dissinsero il clima contra Merce, contra Siene example.

# Dei Perieci, Anteci, ed Antipodi. Cap. IV.

Scondo la divertità dei cerchi, ne quali fono gli abitatori terrefiri, fiddifinganon in Perieri, Auteri, ed Amipadi. I Perieri
quafi abitatori d'intorno fono quelli, che abitano fotto lo flesso prallelo, e meridiano nella medelima Zona, de quali in consiguenza
ve la flessa latitudine verso il medessimo polo, e la disserenza della
longitudine è di 180 gradi. Questi hanno primamente la fiesta Zona, la stessa setto delle di nemo, e i giorni, e le notti
smili; ma non lo stesso principio di giorno, o di notte. Quando
è mezzo giorno per uno, è mezza notte per l'altro. Nel tempo
degli equinozi il Sole nasce a un Perieco, mentre tramonta all'
altro; ma nella primavera, e state prima nasce ad uno di quello, che tramonti all'altro; e nell'autunno, ed inverno prima
tramonta ad uno di quello che nasca all'altro.

Gli Ameci, quasi abitatori all'incontro, sono quelli, che sono totto un meridiano comune ad egual longitudine, e latitudine in due Zone diverse l'uno di qua, l'altro di là dell'equatore. Hanno questi insteme il mezzo giorno, e la mezza notte, e numerano insteme tutte le ore; mala quantità del loro giorno diversia. Perchè quando cresce appresso un Anteco Boreale il giorno, decretce presso l'Australe. Le fragioni dell' anno sono nello stesso contratie; cioè a dire cuando uno ha la primavera, l'altro ha l'autunno, e quando l'uno la state, l'altro l'inverno. I giorni d'uno sono eguali alle notti dell'altro, nel tempo degli equinozi il Solo nasce ad essi insime, e tramonta insime; negli altri giorni all'uno tramonta più presso che all'altro.

ili

Ell Antipodi (ono quelli, che abitano in un punto a noi oppofio fotto lo flesso meridiano, ma diametralmente opposti, e difianti l'uno dall'altro 180. gradi. Hanno questi lo selesso di caractore, ma
Emissero diverso, e per tutto l'anno mentre il Sole, e le sele
da uno nascono, all'altro tramontano. Il giorno più lungo per uno
è il più breve per l'altro, e quando all'uno è il mezzo giorno,
all'altro è la mezza notte. Mentre all'uno è primavera, all'altro è autunno, e mentre all'uno è state, all'altro inverno. Quanta clevazione uno ha di polo Boreale, tanta l'altro ha dell'Australe. Finalmente quelle stelle, che perpetuamente ad un Antipodo appariscono, all'altro sinano sempre nascoste.

Del nascere, e tramontar delle Stelle Cosmico, Acronico, ed Heliaco. Cap. V.

IL naícere, e il tramontar delle Stelle fi può confiderar affolutamente, e respettivamente. Nel primo modo allora fi dice nafeere una stella quando spunta sull'orizonte, e tramontare quando si nasconde. Ma nel secondo modo, [ch'è assai usitato da' Poeti] tre specie si distinguono. Il naícere, o tramontar Copinico, l' Acconico, e l' Heliato. Naíce Cosimicamente una stella, quando naíce nello stello su cui naíce il Sole, e tramonta Copinicamente quando tramonta nello stello naícer del Sole. Naícere, e tramontare Aconicamente s' intendeva ordinariamente una stella, quando naíce, o tramonta nel tramontare del Sole; ma in altra maniera giudica il Keplero doversi prendere questa voce, e il na secr, e tramontare Aconico doversi intendere sempre in opposizione del Sole in maniera stel naíca Acronicamente una stella, quando naíce nel tramontare del Sole, e tramonta stella, quando naíce nel tramontare del Sole, e tramonta Aconicamente, quando tramonta nel naícer del Sole.

Quando una ftella, che nascendo col Sole era tolta alla nostra vista dai raggi stessi del Sole, incomincia a separarsi dal Sole, ed a farsi vedere o nascendo prima del Sole, o tramontando dopo del Sole, si dice nascere Heliacamente. Ma tramonta Heliacamente quando ci viene tolta di vista dai raggi del Sole. Non colla steta mistra di tempo tutte le stelle o s' immergono ne' raggi del Sole, o si maniessa non immerse. Imperocche ciò dipende dalla maggiore, o minor chiarezza delle stelle. Così perchè si soporano le stelle della minima grandezza è necessifario, che il Sole sia diciotto gradi depresso sono la resulta depresso della minima grandezza è necessifario, che il Sole sia diciotto gradi depresso con la contra per su su sa alcun crepusculo, che lo ssifusti, per quelle della stella grandezza diciassette, e così seguitando sino che per quelle della prima

Timbel e Chap

prima grandezza fono neceffari dodici gradi. I Pianeti ricercano minor deprefiione; così per Saturno, e Marte undici gradi fi ricercano, per Giove, e Mercurio dieci, per Venere cinque, febbene tali mifure vengono alterate fecondo la maggiore, o minore vicinazza dello fello Pianeta.

# Della Parallaffe . Cap. VI.

Sla AB [1] la Terra, il di cui centro C, e fia un fenomeno in P, il quale se fosse guardato dal centro C farebbe riferito al punto del Firmamento, ovvero alla stella sifia N, ma riguardato dal luogo A è riserito al punto, ovvero alla stella M. Il punto M chiamasi il Luogo Apparente, o Sensibile, e il punto N il luogo Reale, o Razionale, e la differenza di tali luoghi, cioè l'arco NM dicesi la Parallasse di altezza del suddetto fenomeno.

E perchè l' arco NM non è sensibilmente differente dall' angolo NPM, come se P sosse nello stesso centro C, per questo per la Parallasse del Pianeta prendesi ancora l'angolo NPM,

ovvero il fuo eguale APC.

Ivi è da offervare, che reftando fempre il fenomeno nella fessa distanza dal centro C, secondo le diverse suo corzontali altezze, sono diverse ancora le sue Parallassi. Quando è nel Zenith Z, allora coincidendo la retta tirata dal centro C, e dal punto A, l'angolo APC diventa zero, ed in conseguenza la parallasse è nulla. Ma più che il senomeno si allontana dal Zenith, l'angolo APC [2] diviene più grande, e perciò cresce la parallasse, la quale diventa massima, quando il senomeno sta full'orizzonte, come si conosce calcolando per trigonometria il triangolo APC.

Ma essendo le altezze pari quanto più è distante il senomeno, tanto minore è la sua parallasse. Così essendo posti nella medesima altezza i due senomeni P [3], e p, la parallasse di

trovasi minore di quella di P .

Teore-

<sup>[1]</sup> Fig. 10. Tav. 17. [2] Fig. 11. Tav. 17. [3] Fig. 12. Tav. 17.

#### Teorema fondamentale.

La distanza di un fenomeno dal centro della Terra è al semidiametro della Terra come il seno della distanza apparente dal

Zenith al feno della Parallaffe.

Ciò fi fa evidente dalle dottrine trigonometriche. Imperocchè nel triangolo APC [1] il lato CP è al lato AC come il feno dell' angolo CAP, evvero ZAP, ch' è la difianza apparente del fenomeno P dal Zenith Z, al feno dell' angolo APC, ch' è la Parallaffe.

# Corollarj .

1. Dalla qual propofizione feguita primamente, che effendo pari le diffanze dal Zenith, quanto maggiori faranno le diffanze di un fenomeno della Terra, tanto misori faranno, come abbiamo detto, le fue parallaffi in maniera che può crefcere in tale maniera la fua diffanza, che può fvanire affatto, e renderfi infenfibile la fua parallaffe.

2. In quel modo, che conosciuta la distanza di un senomeno dalla Terra si può conoscere per tale proposizione la sua parallasse, così ancora conosciuta la sua parallasse, potrà conoscersi la

fua diftanza.

3. Se vi fiano due fenomeni egualmente dalla terra diffanti, ma diverfamente elevati full' orizoante, faranno i feni delle loro parallaffi come i feni delle loro diffanze dal vertice. Imperocchè la loro diffanza dal centro della Terra dicafi A, e il raggio della Terra dicafi A; i feni delle loro diffanze dal vertice fi dicano S, ed s; e i feni delle loro parallaffi P, e P; e fi avrà per lo Teoperma.

A : R = S : P

e parimente A:R=s:p onde si deduce S:s=P:p, cioè a dire seno della distanza apparente dal Zenith in un senomeno a quella di un altro, come seno della Parallasse del primo al seno della Parallasse del secondo.

4. Ma se i due senomeni sono inegualmente rimoti dal centro della Terra, ed egualmente distanti dal vertice, i seni delle Parallassi sono reciprocamente, come le loro distanze dal centro. Imperocché siano le loro distanze dal centro [2] A, ed a ; i Parte II.

<sup>[1]</sup> Fig. 10, Tav. 17. [2] Fig. 12, Tav. 17.

seni delle loro distanze dal vertice B, e B, i seni delle loro parallassi, S, ed s, e si avrà per la stessa proposizione.

A: R = B: Se parimente a: R = B: s

e parimente a : R = B; s dunque A S = a s; e perciò A : a = s : S; cioè a dire i seni delle parallassi in ragione reciproca delle distanze dal cen-

5. Onde nasce infine essere i seni delle parallassi in ragione conposta diretta delle aitezze del vertice, ed inversa della distanza dal centro della terra.

#### Delle parallassi di longitudine, e latitudine.

L'alterazione dell'alterza, che è cagionata dal fito dello spetatore sa che si alteri ancora la Latitussime, e Longitudine. Insperocchè sia O R [1] l'orizzonte, Z N il verticale, e C C l'ecclitica, e fa D il loogo razionale di un corpo celelte, di lluogo vadion. Se all'ecclitica si tirano i circoli di latitudine D E, de, è cosa chiara che riguardo al luogo vero D nel verticale il luogo nel ecclitica farebbe in E, ma riguardo al luogo veduto d nel verticale il luogo nell'ecclitica farebbe in e. E di nat modo posto A per lo principio dell'Arieta el longitudine razionale farebbe Ale, ma la sensibile Ae, e la differenza E e di tali due longitudini dicessi la Parallasse di la supra con la collectiona della latitudine razionale dall'ecclittica, sarà l'arco dr la differenza de la latitudine razionale dalla eduta, e dicessi la Parallasse di Latitudine.

Dalle quali cose seguita, che se il verticale è parimente circolo di latitudine, cioè a dire, se è perpendicolare all'ecclittica, allora svanisce la parallasse di longitudine; ma se la stessa ecclittica è

verticale, svanisce allora la parallasse di latitudine.

#### Della mutazione del fito per cagion della Rifrazione. Cap. VII.

NN è folo il fito dello spettatore terrestre, che faccia comparire in luogo diverso dal vero i corpi celesti; ma ciò nasce ancora dalla Rifrazione del loro raggi, Imperocchè sia un Pianeta in P [a], un raggio del quale intendasi cadere nel punto O dell' Atmosfera terrestre, e allora poich' egli passis dall' ettere puro nell'aria, cioè dal raro al denso; navece di proseguire drittamente il consideratione del proseguire del proseguire drittamente il consideratione del proseguire del

<sup>[1]</sup> Fig. 13. Tav. 17. [2] Fig. 14. Tav. 17.

fuo cammino, farà obbligato per le leggi della Diottrica ad infetterfit verso la perpendicolare A C, e perciò agirà sull'occhio dello spettatore posso in A, come se proveniste dal punto p, e perciò il Pianeta, come abbiamo dimossitato nelle dottrine della vissone, sarà veduto in p. Dove si conosce, che la Ristrazione sa un effetto tanto contrario alla Parallasse, cioè a dire che la Parallasse abbassa l' oggetto, e la ristrazione lo innalza.

Se l' Atmosfera folle per tutto egualmente densa, allora paffando i raggi dall' etere puro nell' Atmosfera, s' infietterebbono folamente in O andando per la retta AO. Ma se come è più probabile, i gradi della densità vanno sempre aumentando secondo che si diminusscono le dissanze dal centro, allora il raggio patirà continuate infissioni, e la linea AO diventa una curva.

Lvi è da ofiervarii, che la diverittà della difianza non cagiona diverittà di rifrazione, quando vi fia la medefima elevazione. Imperocche o fia il Pianeta in P, o fia in R, effendo i fioi raggi egualmente incidenti faranno ancora per le leggi della Diottrica egualmente rifratti e peretò nell' uno, e nell'altro cafo per la fletia linea faranno riferitti il primo in P, ed il fecondo in T.

Ma quando la elevazione è diverfa, è ancora diverfa la rifrazione; imperocchè effendo il feno della rifrazione in ragione fempre cofiante col feno dell' incidenza, farà l' infiellione tanto maggiore quanto meno sta elevazo sovra l' orizzonte il senomeno, cioè a dire sarà maggiore la rifrazione, e la disferenza del sito reale dall' apparente comparirà più grande.

#### SEZIONE SECONDA.

Della divisione de' tempi, e dell' Epoche più celebri stabilite dagli Astronomi nelle loro computazioni.

Uando una qualche Cost dal primo punto, in cui ha incominciato ad essente continua ad essente, si dice cha dura, e la continuazione della sua essente si dice duraziote: l'idea della durazione non importa in se sella sua indefinia serie successiva di parsi fuenti, ovveco
d'issanti, l'uno de quali non v'è pile, quamb s' altro comincia.
Nell'idea infinia della durazione si continene l'idea sintia del tempo, in quella maniera che nell'idea indefinita dell' essente si contine l'idea finita della figura, e il tempo altro non è, che un aggregato sinito di quegl'issanti, o termini, o pinni di durazione,
R ij

Committee Committee

de' quali l' aggregato infinito forma la durazione, cioè a dire egli

è una durazione determinata.

Tra le parti del tempo dagli Aftronomi stabilite le più comuni sono il Giorno, il Moje, e l' Anno, delle quali gli Astronomi con accuratezza trattano, dipendendo dall'efatta notizia, e misura di esse le dottrine più importanti de tempi; e di tali parti ora diremo.

# Del Giorno. Cap. I.

IL ciorno è di due forte: Naturale, ed Artificiale. Il naturale è tutto il tempo, in cui veggiamo il Sole flar fopra dell'orizzonte, a cui fi oppone la Notre, nella quale il Sole fla fotto dell'orizzonte. Egli fi divide in Aftronomico, e Civile, la qual divisione non nafee dalla differenza del tempo, ma solo dal modo di computarlo. L'Astronomico incomincia del Mariggio, da cui lo incomincia la maggior parte degli Astronomi, benchè Copernico conformandos ad pparco lo incominci dalla Mezza notre, secondo

il qual modo fono costruite le Tavole Pruteniche.

Îl Cruile ha vari principi secondo le varie Società civili. Imperocchè i Babilon [11], e i Greci l'incominciavano dal nascer del Sole, i Giudei, e gli Ateniesi dall' Occaso, gli Egiziani dalla Mezza notte, il che per tutta l'Europa oggidi si osserva sima con estre i giorni naturali efastamente tutti eguali; ma uno più bureo, uno più bereo, come si conosce, se le rivoluzioni del Sole, ed i suoi regressi ad un dato meridiano si missurano colle vibrazioni de pendoli. Ciò nasce parte dalla obliquità dell'ecclittica, parte perchè il moto, che veggiamo nel Sole, non è equabile, ma secondo la varia sua distanza dalla terra è più, o meno veloce.

Qualunque sa tal tempo, egli su diviso in ventiquattro parti, che surono dette Ore, le quali sono di due sorte, cioè Eguasi, ed Imeguasi. L' ora eguale è una parte aliquota del giorno naturale, ventiquattro delle quali lo adeguano; e di tali ore si fervono oggidi la maggior parte delle nazioni. Ciascuna di queste è divisa in 60. parti eguali; che si dicono Mimuri, e ciascun minuto in 60. Secondi. L' ora Ineguale è Diurna, o Nostrura. La prima è la duodecima parte del giorno Artificiale; l' altra è la parte duodecima della notte. Dalle quali cose feguita; ch' essendo ineguali i giorni artificiali, e così ancora le notti, farano anche

<sup>[ 1 ]</sup> Aulo Gellio lib. 3. notsi Atsiche , e Macrob. l. 1. Satur.

che le loro parti duodecime ineguali ; e faranno più lunghe in tempo di state di quello, che in tempo d'inverno. Di tali ore se ne servirono i Ciudei, i Greci, e i Romani; ed ora se ne servono i Maomettani.

Un aggregato di sette giorni fu detto dai Greci Hebdomade, e da noi Settimana. Tale istituzione sembra non aver avuto altra origine, che dagli Ebrei, indicando il tempo, in cui dal Sommo Autore, come si descrive nel Libro primo del Genesi, su costruito il Mondo, che su di sette giorni, sei de' quali surono dati da esso all' opra, e il settimo al riposo secondo il testo, in cui si dice Septimo die requievit ab opere, il qual giorno gli Ebrei riputarono fanto, e lo differo il Sabbato. Le denominazioni però, che noi adoperiamo nei giorni furono prese dai Gentili, i quali diedero il nome ai fette giorni, che compongono la Settimana fecondo i fette pianeti, nominando ciascun giorno da quel pianeta, cui nella loro computazione veniva a confagrarfi la prima ora di quello. Imperocché ciascuna ora del giorno appresso di esti era dedicata per ordine al fuo pianeta.

In tal modo se si stabilisce, che la prima ora della Domenica, che presso di loro era il giorno del Sole, sia dedicata al Sole, sarà la feconda dedicata a Venere, la terza a Mercurio, la quarta alla Luna, la quinta a Saturno, la festa a Giove, e la fettima a Marte sinochè si ritornerà al Soie nell' ottava, e così nella decimaquinta, indi nella vigesimaseconda. Sarà dunque la vigesimaterza confagrata a Venere, e la vigesimaquarta a Mercurio, ed in conseguenza la prima del giorno seguente sarà della Luna, il che è cagione, che il seguente giorno si dica il giorno della Luna. Con tal ordine procedendo si conosce perchè il terzo giorno sia dedicato a Marte, il quarto a Mercurio, e così feguitando.

# Del Mefe .

Per nome di Mese s' intende propriamente il tempo, in cui la Luna compie la fua rivoluzione da occidente in oriente nel

Zodiaco.

Ma perchè intanto che il Sole compie la fua rivoluzione, la Luna ne percorre in circa dodici, fu ancora attribuito il nome di mese alla duodecima parte di un periodo Solare, che su chiamata il Mese Solare, e come il periodo Solare su computato di giorni 366 incirca; così il mese Solare su computato di giorni 30, e i . I giorni del mele Solare presso i Romani erano deter-

minati

prossimamente 49 1 . Il Sidereo è il tempo, in cui il Sole dalla

congiunzione con una data fiella ritorna alla medefima, il qual eccede l'anno Tropico di minuti 21 in circa; imperocchè intanto che il Sole fi muove da occidente in oriente, e compie l'anno Tropico, le Stelle fiite fi a-annazano verfo la medelima parte con un moto, cui corrisponde un grado in circa in 72 anni.

L' Anno Civile generalmente preso è di tre sorte. L' uno, in cui si considera solo la Luna, e si dice l' Anno Lunare, l'altro in cui si considera solamente il Sole, e si dice il Solare, e il terzo, in cui amendue si considerano, e si dice Lunisolare.

L' Anno Lunare fu introdotto appresso i Romani da Numa, e su composso di odosci mel corrispondenti a dodici Lunazioni, sei de'quali furono di 30 giorni, e gli altri sei di 24 in maniera che tutto l'anno solse un aggregato di 334 giorni, finiti i quali di movo incominciava l'anno. Tale anno esseno minore dell'anno tropico undici giorni, seguita che se un dato anno incomine cia nell'equinozio di Primavera dopo 8 anni cade nello sossilizio invernale, e dopo altri 8 nell'equinozio autunnale, e infin nello sossilizio invernale, e e dopo altri 8 nell'equinozio autunnale, e infin nello sossilizio solivo, nel qual modo dopo 31 anni ritorna alla primavera, e perciò chiamassi Vago, perchè il suo principio va vagando a memoria di un: Uomo per tutte le stagioni, e dicesi ancora Sciolar) perchè non è attacato al moto del Sole.

Di tal hanno servonsi oggidì i Maomettani.

Altri, come i Giudei, vollero fervirsi delle Lunazioni, e nello stesso e trapa si la principio dell'anno secondo il Sole, a sfinchè non vagasse per tutte le slagioni, e composero l'anno Lunifolare frapponendo tra gli anni Lunari i messi Embolismici, ovvero su successo nello stesso modo tutti. Imperocchèal cuni degli undici giorni, che mancavano all' anno Vago per andar prossimamente col Sole composero un mese, che ad ogni terzo hanno aggiunsero. Altri intercalarono tre mesi di 30 giorni l'uno in 8 anni; altri 8 mesi in 19 anni; col qual modo si approssimamon all' anno Tropico, sempre però con difetto.

Tra gli anni Solari v' è l' Egiziaco, il Giuliamo, e il Gregoriamo. L' Egiziaco cofla di 365 giorni, ed è divifo in dodici parti, o mefi Solari di 30 giorni l' uno, e 5 giorni di più. Tale anno è ancora mancante dal Tropico quasi 6 ore, e perciò ogni 4 anni manca in circa di un giorno, ed in confeguenza in 360 anni manca di 3 mesi, dal che seguita, che se in un dato rempo incomicicò di Primavera, dopo 360 anni incominciari de nella state, è dopo altrettanto tempo nell'Inverno, ond'è

nel genere degli Anni vaghi, come il Lunare, febbene più limitato.

Giulio Cefare veggendo, che la intiera rivoluzione del Sole non si compiva nell'anno di Numa, riformò l'anno, evi aggiunfe 11 giorni, e 6 ore, ed in tal modo compose l'anno di 365 giorni, e 6 ore, incominciandolo dal mele di Marzo. Ai meli di Marzo, Maggio, e agli altri impari diede 31 giorno, all' Aprile, al Giugno, e agli altri pari ne diede 30. Ma non avendo di che compiere Gennajo, ch'è l'ultimo degl'impari tolse dal fusieguente Febbrajo un giorno, che perciò restò di 29, e lo diede a Gennajo. Ma perchè le 6 ore non possono nell'uso civile considerarsi, computando, che ogni 4 anni compongano esse un giorno, volle che ogni quarto anno avesse un giorno di più, il qual pose tra li 23, e 24 di Febbrajo, nel qual tempo avanti codesta correzione eravi il costume di frapporre il Mese embolismico, di cui abbiamo dissopra parlato. E perchè per tal metodo feguiva, che per ogni quarto anno fi scrivesse bis, cioè due volte, Sexto Kalendas Martis; perciò ogni quarto anno fu

detto Biffeftile.

Tale fistema durò comunemente per tutto l'Impero Romano fino al 1582, in cui fu riformato da Gregorio XIII. Imperocchè essendo l'anno Giuliano maggiore del Tropico 11 minuti in circa, come abbiamo notato, avveniva che di anno in anno anticipassero le stagioni 11 minuti. Così essendo nell' anno della correzione l'Equinozio di Primavera adl 31 di Marzo, l'anno feguente 11 minuti prima, il che in quattro anni importa 44 minuti ed in 130 anni un giorno, e infine in 400 anni 3 giorni in circa col qual calcolo fi offervò, che circa l'anno 1582 l'equinozio aveva anticipato 10 giorni; e che invece di cadere adl 21 di Marzo, com'era al tempo di Cesare cadeva adl 11. Perlochè dovendofi per legge del Concilio di Nicea fatta nel 325 celebrar la Pasqua in avvenire la Domenica prossima dopo il plenilunio di Primavera, fu dal Concilio di Trento raccomandata a Gregorio XIII. la regolazione del Sistema Cesareo affinchè non andassero le stagioni per tutti i mesi vagando. Il quale allora avendo radunati i più celebri Astronomi nel 1582 selicemente la cosa a fine ridusse, sopprimendo primieramente li 10 giorni, che facevano l'eccesso in quell'anno, onde il giorno quinto di Ottobre fosse chiamato il decimoquinto, ed in tal maniera l'undecimo di Marzo, in cui cadeva allora la primavera fi dicesse il vigesimoprimo. Ma perchè tal disordine non più accadesse, e gli Equinozi non ritornassero in progresso ad anticipare, ordinò, che ogni 133 anni, ne' quali l'eccesso dell'anno Giuliano fopra il Tropico ascende ad un giorno intiero, fi levassile un giordilano, e perciò ogni 400 anni fi levassilero 3 giorni, il che ordinò che si facessi col lasciare Comune ogni anno centesso, che dovrebbe estere secondo Giusto Celare Bisfessile, ma laciar Bisfessile ogni quattrocentessimo. La qual correzione su ammessa per tutta l'Italia, la Francia, la Spagna, e dalla maggior parte della Germania.

Stabiliti gli anni surono stabiliti gli altri tempi; essendo gli anni la misura comune di tutt'i tempi. Così presso de Greci l'Oimpiade, ch'era un tempo di 4 anni, presso i Latini il Lustro, ch'era un tempo di 5, presso gli Ebrei il Gimbileo, ch'era di 50 anni. Co-

sì il Secolo di anni 100.

Quanto poi al principio dell' Anno egli fu vario fecondo le varie nazioni. Gli Ebrei avanti di Mosè lo incominciavano nell'equinca io di autunno; ma dopo Mosè lo incominciano dalla prima Luna, il cui Plenilunio feguita fubito la primavera [7]. I Greci dal novilunio profilmo al folfizio effivo: I Romani dal novilunio dopo il folfizio di inverno. La Chiefa Romana dal giorno di Pafqua, il che fi faceva ancora in Francia; ma quello colume fucangiaro da Carlo IX. il quale l'anno 1563 flabili nella Coftituzione di Roffiglione, che il primo giorno di Gennajo foffe il primo del-Janno, come fi offerva quafi per tutta l'Europa.

Dell'Epoche principali stabilise dagli Astronomi per la supputazione de tempi. Capitolo III.

Ome per supputare i moti degli Astri hanno ssista di finanze, e le misure delle velocità de' corpi celesti, cool ancora per supputare i tempi prendono alcuni punti fissi di tempo, a' quali riteriscono gli altri tempi , i quali punti ssisti chiamano Radici, Epoche, ed Ere, delle quali ora numereremo le principal; tanto delle Sacre, ovvero prese dalla facra Storia, quanto delle organe.

La prima deil'Epoche facre è quella dell'età del Mondo. Ma nobene convengono i Cronologi in qual tempo abbia il Mondo incominciato, intorno a che due fono le principali opinioni, l'una che coll'autorità del tello Ebraico, e della volgata versione Latina delle Scritture facre lo flabilifice 4000 anni prima dell'Epocanolita comune, el'altra, che feguitando i fettanta Interpreti pone di dilan-Parte II.

(1) I. 1. Efod. 12.

za anni 5971. Tra' Greci Scrittori tre sono le opinioni. La prima pone 5493 anni, la quale da alcuni chiamasi Antiochena, da altri Alessandrina. La seconda, che si chiama l'Etiopia 5501. La terza in fine, che dicesi la Brzansina stabilisce anni 5509. Tal Epoca secondo il Lancellotto, e l'Ulterio si estende per anni 1656. e due mesi.

La feconda Epoca è dal fin del Diluvio fino al pellegrinaggio di Abramo, che (l'econdo l'Ufferio) incomincia l'anno del Mondo 1657, e nel giorno 27 del fecondo mele, cioè adl 18 Dicembre, nel qual tempo Noè ufci dell'arca, e fi effende fino al 2083 nel giorno 15' del mele Abibi, cioè adl 4 Maggio, e perciò dura anni

426, e mesi 4, e giorni 17.

La terza è dal pellegrinaggio di Abramo all' uscita degl' Israeliti dall' Egitto, che su nell' anno del Mondo 2513, e nel giorno 15° del mese Abib, cioè adl 4 di Maggio; e dura perciò 430 anni.

La quarta va dall' uscita degl' Israelizi sino al tempo, in cui Salomone gettò le fondamenta del Tempio, che su l'anno quarto del

fuo regno, nel 2002, e dura 470 anni, e giorni 15.

La quinta è dalla fondazione del Tempio al fine della Schiavitù di Babilonia, allora quando Ciro concelle agli Ebrei di ritornare in Gerofolima, che fu nell' anno 3468, e perciò fi estende per 456 anni.

La sesta in fine dalla libertà concessa da Ciro sino alla nascita di Cristo, che secondo il Lancellotto, e l'Usserio è nell'anno

4000

Finalmente la fettima la più celebre di tutte, ch' è del primo di Gennaio dopo la nascita di Cristo, e corre sino all' età suture. Tal Epoca fu istituita da Dionigi Abate di nazione Scita, detto il Picciolo, il quale fiori nel principio del festo secolo introducendo egli il primo tale costume di annoverare gli anni, mentre prima di esso erano soliti i Cristiani o prenderli dalle Olimpiadi de' Greci, o dalla fondazione di Roma, o dalla persecuzione dell' Imperador Diocleziano. Chiamasi ancora per questo l' Epoca Dionisiana. Nel sistema comune di tale Epoca la nascita di Cristo si stabilisce nel giorno 25 di Dicembre dell' anno Giuliano 45, che corrisponde all' anno del Mondo 4004. Ma osservano i più accurati Cronologi col Lancellotto essere questa da riferirsi 4 anni indietro. Imperocchè la nascita di Cristo, come si nota nel Vangelo di San Matteo Cap. 2 è avanti la morte di Erode. Ma Erode fu falutato Re da' Romani l' anno 6 della correzione Giuliana intorno l'autunno, come consentono tutti i Cronologi, e morì l'anno l' anno 42 della Ressa correzione circa li 25 Novembre, il che fi conferma parte dal confronto dei tempi, ne' quali regnatono i suoi successo parte dall' eclissi della Luna, che prima della morte di Erode, essende egli ammalato, accasse, come serive Giosesso all' colissi della Ministra di Giudaiche, la quale dalle Tavole Altronomiche si riduce all' anno Giuliano 42, adi 13 Marzo. Essende dunque nato Crisso adi 25 Dicembre, come è costante tradizione di tutta la Chiefa, è necessario che alla più lunga sin anto nell' anno siduliano 41, altramente nasse dopola morte di Erode, il che è contro S. Matteo. Ma l'anno Giuliano 41, rissonde all' anno del Mondo 4000. Dunque alla più lunga ta la tempo dee ridursi, e non al 4004 come sta l'i opinione comune.

Tra l' Epoche Profane una delle più antiche, e più celebri è quella delle Olimpiadi, che fiu in ulo tra' Greci, ed incominciò allora quando Ifito Re di Elide Ifitul Il i giucohi Olimpici in onore di Ercole in Olimpia Città del Peloponnelo, ora Morea, da celebrarfi ogni quinto anno, per la qual cofa un' Olimpiade importa uno spazio di 4 anni compiuti. Tale Epoca incomincia

776 anni prima della nostra comune.

Una feconda, di cui fi fervirono i Romani, fu dalla fondazione di Roma, la quale fecondo il computo di Varrone fu fabbricata nel fine del terzo anno della stessa Olimpiade, che rispon-

de all' anno del Mondo 3251.

Una terza è quella di Nabonassara Re di Eabilonia, che principia nell'anno del Mondo 3257 allora quando Nabonassaro, ovvero Belesi Presetto di Babilonia fece la congiura insieme con Arbace Prefetto de' Medi, per la quale Nabonassaro divenne Re di Babilonia, e ridotto Sardanapalo da Arbace ad abbrucias fe, e la Reggia di Ninive, su divio in tre parti l'Impeto Orientale, cioè tra gli Assiri, Medi, e Babilonj, la qual Epoca presso gli Astronomi antichi è molto celebre, familiare a gli Egiziani, e a Tolommeo, e Copernico.

La quarta è della morte di Alessandro Magno, di cui si servono Teone, ed Albategnio, tra la quale e quella di Nabonas-

faro si contane precisamente 424 anni Egiziani.

La quinta è là *lipana*, che fu in uso agli lipani, dalla quele nacque la voce di *Era*. Imperocchè avendo essi incominciato a numerare gli anni dal principio dell' Impero di Augusto, e perciò computandoli nelle loro Storie con le quattro lettere A. E. R. A., cioè ab exordio Regni Augusti, da quesso acque il nome di Aera a tal Epoca, e poi ancor alle altresi

Los on In Grugi

e Galilei, e ne' tempi più vicini dal Cartesio, dal Gassendi, dal Nevvton, e da altri. Il terzo Sistema è del celebre Ticone Signore di Knoftropo da esso con molta diligenza istituito per evitare gl'inconvenienti che ne' due primi inevitabilmente incontrar doversi egli giudicava.

De' quali Sistemi ora con diligenza diremo, e quali siano e come per mezzo di essi i celesti Fenomeni si spiegano, tratte-

remo, e prima del Tolemaico.

## Del primo Mobile, e del Firmamento. Cap. I.

TNA delle prime offervazioni, che si fecero dagli Astronomi antichi fu il vedere tutte le Stelle conservare tra se in ogni tempo la loro situazione; ma girare intanto tutte insieme da oriente in occidente descrivendo cerchi paralleli all'equatore nello spazio di ventiquattr' ore . Per questo venne loro subito in mente, che tali corpi fossero assissi, ed immoti nella superficie estrema della sfera visibile, e li chiamarono Stelle fiffe, e quella ragione, o Cielo, in cui stanno, il Firmamento, il quale poi concepirono girare da oriente in occidente, e seco trarre con fomma rapidità tutte le stelle, compiendo il giro nello spazio di ventiquattr'ore.

Ma avendo Arsatile, e Timocari, che fiorirono in Alessandria l'anno avanti l'Era volgare trecentotrentanove paragonata la situazione delle stelle da loro osfervate con quella degli Antichi, fi accorfero, che elle avevano fatto moto in conjeguenza, cioè a dire dall'occidente all'oriente, il che ducento anni dopo fu confermato da Ipparco, e stabilito in fine da Tolemeo giudicato con ragione il Principe degli Astronomi antichi. Stabilirono per questo, che sopra il Firmamento vi fosse un Cielo superiore, che chiamarono il Primo Mobile. Effere da questo tratte le stelle da occidente in oriente nello spazio di ventiquattr'ore; ed intanto essere da occidente in oriente portate del Firmamento, il cui moto ha creduto Tolomeo, che compisse una rivoluzione in trentafei mila anni.

Ma avendo poi circa il milletrecento dell' Era volgare Tebizio Arabo, ed Alfonso Re di Cassiglia attentamente computate le situazioni delle stelle, giudicarono primamente, che il loro moto non fosse equabile, ma per uno spazio di tempo più celere, e per un'altro più lento, e in secondo luogo non mantenersi sempre lo stesso angolo dell' ecclittica coll' equatore . Imperocchè quello, che al tempo di Tolomeo fu ritrovato di ventitre gradi, e

cinquantadue minuti, al tempo loro fu ritrovato di ventitre, e mezzo. Per questo lopra il Firmamento è immaginarono due altri Cieli, detti i Crijlallini, amendue i quali ii movessero con moto di Librazione, il primo librandosi ora in oriente, ed ora in occidente, il secondo ora dall'Austro, ed ora al Borea. La librazione del primo essere per un arco di due gradi, e venti minuti, e terminarsi in anni Egiziachi mille cento e diciassere, la librazione dell'altro essere di ventiquattro minuti, e compirsi in anni Egiziachi tremilla quattrocento e trantaquattro.

#### Del Ciclo del Sole . Cap. II.

CE si considera attentamente il moto del Sole comparisce egli: in primo luogo descrivere ogni giorno da occidente in oriente un circolo fensibilmente parallelo all'equatore, e ciò fempre in diverio fito, perchè fe un giorno nafce in un punto dell'orizzonte, il giorno feguente nasce in un altro, ma ciò con certa regola. Imperocchè dopo di effere flato portato per efempio fotto dell'equatore, si vede per un certo tempo avvicinarsi ogni giorno a noi fino che effendo giunto ad un certo limite fe ne ritorna indietro all'equatore, oltre cui passa sino che arriva al limite australe, da cui poi ritorna indietro, e ciò di continuo. I limiti dell'accesso, e recesso sono ventitrè gradi e mezzo distanti dall'equatore. Notali in fecondo luogo fempre ineguali le differenze de' ponti orizzontali, ne' quali nasce il Sole, o tramonta: e verso l'equatore esser massime; ma più che si avvicina ai limiti, andar femore diminuendo, finochè ne' limiti stessi sono insensibili. Terzo se si nota il tempo, in cui il Sole sta sul meridiano, fi vede che pria che vi ritorni, passano più di ventiquattr'ore, e perciò comparisce il suo moto più lento di quellodelle fisse. Quarto quando è nelle regioni Artiche comparisce minore di quello che nelle Antartiche, e nel percorrere le regioni Artiche impiega ancora più tempo che nelle Antartiche, e la differenza è di otto giorni ..

Tali surono le principali offervazioni fatte dagli antichi intorno: i moti del Sole, per esplicare le quali Ipparco, e dopo di esto Tolomeo vogliono primamente, che si concepisca esfere il. Sole portato dal suo proprio Cielo, nella cui superficie sta affisso, da occidente in oriente, nel tempoch egli è pratatoda oriente in occidente dal primo mobile, e mentre il primo mobile lo rapice facendogli: compiere il giro verso occidente nello spaziodi ventiquatti ore, essere gil dal suo Cielo verso oriente girato-

COIM

con una conversione, che nello spazio di giorni trecento e sessionatarinque, ore cinque, e minuti quarantanove si compie.

L'aife del Ciclodel Sole effere obliquo all'affe mondano, e perciò defiriveri del Sole col moto proprio un circolo, qual è l'erclitrica, che taglia l'equatore con un angolo di ventitre gradi e mezzo. Effere in fine tal Ciclo alla Terra eccentrico, e la la proporzione maggiore effere verfo il polo Artico, la minore verlo l'Antartico; come fi vede nella Figura [1], in cui PA P B è il circolo defiritto dal Sole, C è il centro della Terra,

P è il polo Artico, e p l'Antartico.

Imperocchè primieramente essendo il Sole portato in giro dal primo mobile dovrà vedersi descrivere dall'oriente all'occidente circoli paralleli all'equatore. Ma per ogni rivoluzione diurna efjendo il Sole portato verso oriente quasi un grado, si vedrà ritornar al meridiano prima una stella fissa di quello che il Sole, e a cagione della obliquità dell'ecclittica vedrassi fempre nafcere, e tramontare il Sole su diversi punti dell'orizzonte. La positura della sua ecclittica, che taglia l'equatore, ed è tangente ai tropici fa che nel suo corso periodico il Sole per sei mesi venga dal tropico australe al boreale, e per altri sei ritorni dal boreale all'australe; ed essendo l'angolo, che fa l'ecclittica coll'equatore di ventitre gradi e mezzo, i limiti ancora, ovvero i tropici avranno dall'equatore tale distanza. E perchè tale obliquità è maggiore verso l'equatore, che verso i simiti, le differenze de' punti orizzontali saranno maggiori all'equatore di quello, che verso i limiti, sinochè ne' limiti stessi, essendo quasi nulla l'obliquità dell'arco ecclittico, è quasi nulla ancora la differenza dei detti punti; onde si fa, che il Sole verso i tropici per qualche giorno comparifce costante nel medesimo parallelo. Essendo finalmente la porzione dell'eccentrico maggiore verso le regioni Artiche di quello che fia verso le Antartiche impiegherà più tempo il Sole nelle regioni Artiche di quello che nell'Antartiche; cioè a dire passerà più tempo dall'equinozio di primavera a quello di autunno, di quello che dall'equinozio di autunno a quello di primavera, di cui la differenza è d'otto giorni. E per la stessa ragione comparirà nelle Artiche regioni con minore diametro di quello che nelle Antartiche, essendo in quelle più lontano che in queste.

Altra

<sup>(1)</sup> Fig. 1, T, 18.

## Altra conseguenza dell'eccentricità.

Sia il centro della Terra K [1], e fia MSL l'Eccentrico del Sole, di cui è centro I. Sia NAO un circolo fino alle Fiffe-prodotto, ed alla terra concentrico, e nello flesso piano che quello del Sole.

#### DEFINIZIONI.

1. Il punto L, che è il più diftante dal centro della Terra, cui risponde il punto O delle Fisse, dicesi l'Apogeo, o il Sommo Apside.

2. Il punto M ad esso opposto, cui corrisponde N nelle Fis-

fe dicesi il Perigeo, o l'Imo Apsido.
2. LM dicesi la Linea degli Apsidi.

4. IK è l' Eccentricità.

5. AO è la distanza dell' Apogeo dal principio dell' Ariete A.
6. Il luogo, cui si dirigge il Sole nelle Fisse per mezzo delle

- o. il 10050, vin l'utiggé n'obie nelle rime per intezto deile linee tirate dal centro dell'eccentrico al centro del Sole, dicefi il Lugo Medio, o Razionale. Così fe il Sole foife in S il fuo lugo medio farebbe in T, determinato dalla retta IT, e la fua diffanza AT dal primo di Ariete farebbe la fua diflanza media. Ma quello, cui fi dirigge dalle linee tirate dall'octio dello fpertatore terrefire, dicefi il fuo Lugo Apparente, o Senfibile, come Z, determinato dalla linea KZ, e la diffanza AZ dal primo dell'Ariete è la fua diffanza apparente.
- 7, la diflanza del Sole dall' Apogeo confiderata dal centro dell'Eccentrico dicesi l' Anomalia media del Sole, come Le, ovvero OV trasportata alle Fisse colla KV parallela alla Is. Ma considerata dal centro della terra dicesi l' Anomalia coequata, come OO.

8. La differenza del luogo razionale dal luogo apparente dicefi la Prostaferes, ovvero la Sommasotta.

Le quali cose poste è facile il conoscere

1. Che se il moto del Sole, come suppone Tolomeo, va equabile nel suo eccentrico, non dovrà però comparire equabile a noi, che abitiamo fulla superficie della Terra. E perciò se sidividerà il semicircolo LQM [2] dell'eccentrico in archi eguali, non corrisponderanno archi eguali allo spettatore terrestre nelle Fisse.

2. Piuc-

<sup>[1]</sup> Fig. 2. Tav. 18. [2] Fig. 4. Tav. 18.

2. Più che il Sole si avvicina al perigeo M, più comparisce veloce, ma più che sla vicino all'Apogeo, più comparisce tardo.

3. Nel femitircolo OVN [1] la diftanza media OV dell' Apogeo è maggiore della Apparente OQ, e perciò data la diftanza apparente bifogna aggiugnere la Profilarenti QV per avere la media. Ma nel fecondo femicircolo NZO la diffunza media ONT è minor della apparente, e perciò data l'apparente bifogna per avere la media fottrarle la Profilarenti ZT, le quali cofe fervono ai Tolesmaici per far le Tavole dei luoghi del Sole.

Dei Cieli di Marte, Giove, e Saturno, Cap. III.

#### DEFINIZIONI.

Congiunti si chiamano due Pianeti, quando si reggono amendue esfere in eguale altezza sull'orizzonte, sicchè quando l'uno per esempio nasce, o tramonta, nasca, e tramonti anche l'altro.

Opposi per lo contrario quando sono l'uno dall'altro distanti centottanta gradi sicchè quando l'uno nasce, l'altro tramonti.
 Diresso dicesi un Pianeta, quando comparisce muoversi in

conseguenza, ovvero da occidente in oriente.

4. Ma quando comparisce muoversi in ansecedenza, cioè da oriente in occidente, dicesi Retrogrado.

5. Quando poi comparisce starsi nel medesimo punto di Cielo senza alcun moto dicesi Stazionario.

Offervazioni generali intorno i moti di Marte, Giove, e Saturno.

Se si osservano i moti di questi Pianeti, si veggono essi ogni giorno descrivere da oriente in occidente circoli paralleli all'estore in maniera che però ciascheduno da una altezza meridiana all'altra impiega diverso tempo. Nè descrivono essi il medessimo parallelo; ma uno diverso ogni giorno in maniera che ora sono di qua dell'equatore ora di là, come il Sole, se non che ciascuno ha i suoi limiti differenti da quelli del Sole, e differenti ancora da quelli degli altri.

Il moto loro non comparilce mai equabile. Imperocchè ciascun di esti comparilce andar ora più, ora meno veloce, ora andar diresto, ora retrogrado, ed ora essere statonario. Vicino alla Patre II. con-

[1] Fig. 3. Tav. 18.

congiunzione col Sole comparificono effi diretti, dopo che fi fanno flazionari, indi verfo l'oppofizione retrogradi, dopo di che di nuovo flazionari; indi riornando alla congiunzione diretti. Le loro matilme direzioni fono nella congiunzione, e le maffime retrogradazioni nella oppofizione. Le grandezze apparenti di questi tre Pianeti aumentano, quando fono retrogradi, e diminuificono quando fono diretti. Matre retrogradando deferive un più grande arco di quello che Giove, e Giove un più grande di quello che Saurno. E Matre parimente refittuice le fue retrogradazioni più tardi di quello che Giove, e Giove più tardi di quello che Saurno.

Per esplicare questi Fenomeni attribuisce primamente Tolomeo un proprio Gielo a Marte, che sta sopra quello del Sole, e si move da occidente in oriente nello spazio di un anno, e 322 giorni, il cui equatore taglia l'ecclittica con un angolo di un

grado e cinquanta minuti.

Nella superficie di quello Cielo doversi concepire un Epiciclo, che gira da occidente in oriente, e compie il suo giro in due anni e quasi quarantanove giorni, nella cui circonferenza sta affisso il Piareta.

A Giove appartiene un Cielo sopra quello di Marte, il quale si muove da occidente in oriente nello spazio di undici anni, e e trecento e fedici giorni, il cui equatore taglia l'eccitirica con angolo di un grado e venti minuti, in cui sta un Epiciclo che gira in un anno e quasi trentatre giorni, nel qual Epiciclo sta infisio Giove.

Finalmente a Saturno appartiene un Cielo fopra quello di Giove, che si move da occidente in oriente in ventinove anni, e e centoventinove giorni, inclinato all'ecclittica due gradi e trenta minuti con un Epiciclo, che gira in un anno, e quasi tredici giorni.

Ed in tal modo egli rende ragione delle sopraddette apparenze. Imperocchè sia la terra in T (1), e il Sole in S, CDEF il Cielo di Marte, MNOP il suo Epiciclo, il cui centro C; ed M è Marte talmente situato, che nella sua congiunzione sta nel punto M massimamente dalla Terra lontano, ma nella opposizione sia nel punto o massimamente alla Terra vicino.

Prima di tutto comparirà egli deferivere circoli da oriente in occidente paralleli all'equatore in tempo di ventiquattro ore, perchè con tutto il fuo Cielo e il fuo Epiciclo è in tale maniera portato dal primo Mobile in tempo di ventiquattri ore-Ma

<sup>(1)</sup> Fig. 5. T. 18.

Ma intanto comparide egli avanzarfi da occidente in oriente con moto proprio, e descrivere giorno un arco quale conviene all'intiera rivoluzione, che si compie in un anno e trecentoventidue giorni: E perchè tale orbita è obliqua all'equatore comparirà ora di qua ora di il dell'equatore regolatamente, come il 50e1; anzi ora di qua, ed ora di là dell'ecclittica essendo tagliata l'ecclittica ca da tale orbita, e facendo con essa un angolo di un grado e cinquanta minuti.

Se si concepisce intanto girare intorno il suo centro l'epiciclo secondo le lettre MNOP, si conoscera d'essendo marte in Movrà vedersi in 2, ed intanto che si rivolge da M in N, dovrà comparire essenti este si colo da zi en 1, cio da dire estere andato direttamente. Verso N dee comparire stazionario, perche si ristrice per qualche tempo allo stesso produci se si conserva per la si cono in P comparirà verrogrado, e parerà che abbia percosso tutto lo spazio 1, 2, 3; ma verso P sarà di nuovo stazionario; dopo di che rivonera diretto.

In M vi fono le massime direzioni, e in O le massime retrogradazioni. E perchè quando è massimamente retrogrado, allora egli è nell'insimo punto dell'Epiciolo, e perciò massimamente vicino alla Terra, dovrà comparire maggiore di quello che quando è in M, dov'è massimamente diretto, e massimamente lontano.

Lo stesso de concepirs in Giove, e in Satumo. Ma perchè l'Epiciclo di Marte è maggiore di quello di Giove, e di Saturno l'arco della retrogradazione 1, 2, 3 da esso descritto comparirà maggiore di quello che in Giove, e Saturno. E da una retrogradazione all'altra impiegherà più tempo Marte di quello che Giove e Saturno, compiendoli il giro del suo Epiciclo in maggior tempo quello che negli Epicici di quelli.

### Dei Cieli di Venere, e di Mercurio. Cap. IV.

A Nche questi Pianeti comparissono ogni giorno descrivere da oriente in occidente circoli paralleli all'equatore, ma da un' altezza merdiana all'altra impiegano diverso tempo da quello del Sole, e diverso ancor tra se sensibilità, ed ora di qua, ora di là dell'equatore, anzi ancora dall'ecclittica comparissono, e ciò regolatamente. Ed ora anch'essi comparissono diversi o ra rerrogradi, ed ora silazionari; e quando sono diretti comparissono maggiori di quello che quando sono retrogradi. Ma giammai non sono in opposizione col Sole, nè più si allontana Venere di quarantotto gradi, nè Mercurio di ventotto, e dall'una all'altra Ti i massili.

Coursely Google

massima elongazione dal Soie, Venere impiega diciannove mesi,

e Mercurio quattro.

Per esplicate questi Fenomeni attribusice Tolomeo un proprio Cielo a Venere sotto quello del Sole, ed un proprio a Mercurio fotto quello di Venere. Amendue di questi Cieli si muovono da occidente in oriente, e compiono il loro giro precisamente in un anno. Il primo ha il suo equatore inclinato all'ecclittica tre gradi e mezzo; il secondo sei gradi; e fedici minuti nel Cielo di Venere sa un epiciclo; che gira da occidente in oriente in diciannove mesi, il cui diametro è di novantasse i gradi; e in quello di Mercurio sa un altro epiciclo, che gira da occidente in oriente in quattro mesi, il cui diametro è di cinquantasse in quattro mesi, il cui diametro è di cinquantasse.

gradi. Le quali cose poste seguita la spiegazione di tali apparenze.

Le quair cole polite leguita la pregazione di tali apparenze. Imperocché fia la Terra (1 T, e CDEF il Cielo, di Venere, MNOP il fuo epicielo, di cui il centro è C, M è Venere, ed Si I Sole. E prima di tutto comparia Venere descrivere da oriente in occidente circoli paralleli all'equatore, perchè con tutto il fuo Cielo de epiciclo è rapita colla converfione diurna dal primo mobile; ma perchè intanto il fuo Cielo la porta in contrario deferiverà un circolo obliquo all'eccitica nello fazzio di un anno, la di cui inclinazione è di tre gradi e mezzo.

Girando poi l'epiciolo per le lettere MNOP, dal punto M fino al punto N companirà Venere diretta, in N fazionaria, da N in P retrograda, in P di nuovo flazionaria, e dappoi di nuovo diretta. In O dov'è massimamente vicina alla Terra, vi è a ancora la massima sua retrogradazione, e in M, dov'è massimamente lontana, vi è la massima sua rassimamente retrograda, e lora comparisce maggiore quando è massimamente retrograda, e per etrograda, e passimamente retrograda, e punto de la companisce maggiore quando è massimamente retrograda, e per etrograda, e per etrograda,

minima, quando è massimamente diretta.

Quando è in M, ella comparifice congiunts al Sole per la linea Ta; ma quando è in N allora fi vede per la linea T1; e comparifice perciò allontanata dal Sole veri oriente tutto l'arco 12, th'è di quarantotto gradi fecondo, che conviene al fuo femidiametro. Quando è in O, tomafi a vedere congiunta; ma quando è in P fi vede per la linea T3 di nuovo allontanata dal Sole, ma dalla parte contraria, tutto l'arco 23. Dopo di che quando è ritornata in M, ritorna a farfi vederecongiunta. Ma giammai non può effere opopofia al Sole, perchò nello feffo

em•

<sup>(1)</sup> Fig. C. Tav. 18.

tempo, in cui il Sole percorre il suo circolo, anche Venere percorre il suo; e la massima elongazione non supera quarantotto gradi, perchè l'epiciclo non ha maggiore semidiametro.

E perchè l'epiciclo compie il suo giro in diciannove mesi, da una massima elongazione all'altra dovrà ancora passarvi tal

tempo.

Le quali cose deono applicarsi ancora a Mercurio.

Del Cielo della Luna. Cap. V.

Osfervazioni generali intorno i moti della Luna.

CE si paragona la Luna con qualche stella sissa, apparisce descri-Vere da oriente in occidente, come gli altri corpi, circoli parallelli all' equatore, ma nello stesso tempo avanzare con moto proprio da occidente in oriente con un circolo, che taglia l'ecclittica con un angolo di circa cinque gradi. Nel percorrere intieramente tale circolo ella impiega ventisette giorni, e quasi otto ore, il qual tempo fi chiama il Mese Periodico. Ma da una congiunzione all' altra col Sole vi passano ventinove giorni, e dodici ore in circa, il qual tempo fi dice il Mese Sinodico. Imperocchè intanto che la Luna compie il suo periodo, il Sole avanza dall' occidente all' oriente quasi ventisette gradi in guisa che per raggiugnerlo bifogna, che la Luna impieghi ancora due giorni e quattr'ore. Che se si osservano i suoi moti, si trovano sempre essere diversi, ed ora più, ora meno veloce: Così nelle Sizigie, essendo il resto pari, maggiore comparisce la sua velocità di quello, che nelle quadrature. Così parimente è vario il suo diametro apparente; e nelle quadrature comparisce minore di quello che nelle Sizigie. Nè si oslerva estere mai stazionaria, nè retrograda, come gli altri Pianeti, ma sempre diretta.

Tali Fenomeni ofiervati da Tolomeo fecero, ch' egli attribuisse al Luna un Cielo fotto quello di Mercusso, il cui equatore sta inclinato all' ecclittica con un angolo di cinque gradi in circa, il di cui giro si compie nello spazio di ventisette giorni e ott' ore. Evvi parimente un epiciclo, sopra cui sta inssista luna, il quale però a differenza degli altri si muore da oriente in occidente compiendo il suo giro nella metà di un mese Simodico. La Luna trovassi nel Perigeo dell' epiciclo, quando è Congiunta, e d'Oppossa; e d'Oppossa;

ma nell' Apogeo quando è nelle Quadrature.

Sia perciò la Terra T [1], BCDE il Cielo della Luna, HFL



<sup>[1]</sup> Fig. 7. Tav. 18.

l'epiciclo, che giza fecondo le lettere LHF; L la Luna, ed S it Sole. Sia la Luna Perigea quando è congiunta col Sole, come fi vede nella figura; fette giorni dopo averà l'epiciclo fatta la metà della fua convertione, e la Luna farà Apogea, nel qual tempo il centro dell'epiciclo per la converfione del Cielo avrà percorio un quadrante, e farà in M. Dopo altri fette giorni, farà l'epiciclo in N, e la Luna di nuovo farà Perigea; e dopo altri fette l'epiciclo effendo in O ella ritornerà Apogea, ed infine del mefe Periodico l'epiciclo farà reflituito al punto P, e la Luna di nuovo ritornerà Perigea.

Dalle quali cofe feguita prima, ch' effendo la Luna portata col fuo Cielo, e col fuo epiciclo del primo mobile nelle conversioni dinme, dovrà apparire, ch' ella, come tutti gli altri corpi, deficriva ogni giorno circoli parallelli all' equatore. Ma intanto apparirà, che si muova ella in contrario per un' orbita obliqua all' ecclittica, il cui periodo si compie in ventifette giorni e ott' ore; perchè in tal modo è dal suo Cielo portata.

Per secondo sebbene la girazione dell'epiciclo è talvolta contraria al moto, che sa la Luna verso l'oriente, con tutto ciònon potrà mai per la molta velocità, con cui va la Luna, restare tanto distrutto il suo avanzamento che comparisca mai

Stazionaria, e molto meno Retrograda.

Terzo cospirando nelle Sizigie il moto dell' Epiciclo col proprio moto di essa, dovrà per questo comparir più veloce. Ma essendogli nelle Quadrature contrario, dovrà perciò comparire più ritardata.

Infine perche nelle Quadrature è Apogea, comparirà minore:

di quello, che nelle Sizigie, dov' è Perigea.

# COROLLARIO.

Dalle quali cofe fi deduce in qual modo siano stabiliti i Cieli secondo i Tolemaici, es conosce, che pel loro ssistema è la Terra nel centro dell' Universo immota, e dalla propria grarità fermata. Dopo di essa stali Cielo di Mercurio, indi quello di Venore, il quarto quello del Sole, indi di Marte, Giove, e Satumo,
i quali sono considerati come sette Pianeti. Ognuno di quessi Cieli
ha il suo Epiciclo, in cui sla insisso, come un globo in una ruota,
il Pianeta; suori però che quello del Sole. Sopra il Cielo di Saturno sta il Firmamento, dopo di cui scondo Alsons sino sino il
cristallini, ed in sine il primo Mobile, come si vedenella figura [t].

<sup>[1]</sup> Fig. 8, Tav. 18.

Ed in tal modo si spiegano i suddetti Fenomeni, ed altri . che non abbiamo riferiti, e si determinano i iuoghi di ciascun Pianeta, e certameute con maravigliofa industria, ed ingegno fommo, il che ha rapito una infinità di eccellenti Uomini, che a neilun altro Sistema diedero giammai orecchio, stimando cofa vana il cercare in altri maggior convenienza colle offervazioni, o maggiore facilità per la supputazione de' moti celessi. Altri però riducendolo a maturo esame, giudicarono non potersi l' Astronomia contenere in tale sistema. Imperocchè se si considerano le leggi Fisiche, non potersi certamente credere, che Tolomeo penialle, che di fatto i Cieli fossero di tale maniera coftrutti; ed è verifimile, che non penfasse, che a dare il modo di computarne i suoi moti apparenti, come apparisce dalla Prefazione stessa nel suo Almagesto, il che certamente egli prossimamente ottenne foddisfacendo a tutte le offervazioni, che fino al suo tempo erano state satte. Imperocchè se si concepiscono fluidi i Cieli non esservi alcun modo, con cui possa intendersi , che dal moto del primo mobile fiano tutti vorticofamente rapiti, e intanto vi fiano tanti vortici, che fi muovano in contrario, tutti intorno un medefimo centro, ma con diversa velocità, con diverse inclinazioni, e con tanto diversi epicicli. Che se poi fono folidi, non s' intende come tali macchine possano tutte rapirfi dal primo mobile, e intanto girar ciascheduna in contrario, nè come a traverso di tanta solidità, per quanto diafana ella fia, possa liberamente a noi difcender la luce. I quali argomenti sono superflui dopo che il saggio Ticone riconobbe, che le Comete sono oltre l'atmosfera terrestre, e sopra ancora di Saturno in qualunque direzione, e con qualunque velocità giranti, il che farebbe impossibile, se i Cieli fossero solidi . Essere oltre di queste cose tale sistema troppo composto, e ad ogni nuova offervazione doversi inventar nuove macchine per esplicarla, il che ripugna alla fimplicità della natura.

Che le fi considera solo riguardo alle computazioni, oltrechè non si ritrovano per mezzo delle sue ipotesi estati i luoghi de l'anetti, e principalmente della Luna, non può spiegarsi, come in tale sistema possa Marte a noi comparire talvolta più vicino del Sole, come Venere ora sopra, ora stoto del Sole in vega a, come dopo Ticone hanno osfervato tutti gli Astronomi, eda suo uno go riferiremo. Per gli quali inconvenienti giudicòtra gli altri il Copernico doversi recedere da tale sistema, invece di cui sostitul poi il sistema della Terra mossa sibilito gli ne secoli andari da Pitagora, e Filolao; sil quale sisticato già prima di esso.

dal Cardinale di Cusa su poi da esso in tale maniera adornato, e persezionato, che, come abbiamo detto, ebbe da esso il nome, e su chiamato il Sistema Copernicano; di cui ora diremo.

#### SEZIONE QUARTA.

Dell' ordine, distanza, e periodi de' Pianeti Primari secondo l' Ipotesi della Terra mossa, e delle principali apparenze che nascono dai loro moti. Cap. I.

STa fecondo i feguaci di Copernico, e di Filolao il Sole per entro di tutti i moti vifibili, intorno cui girano fei Piaheti Primari per orbite, che o fono circoli, o profilme a circoli, e il loro moto è da occidente in oriente, ovvero fecondo le lettere ABCD [1].

Il primo di tali Pianeti è Mercurio, che fla vicino al Sole, e compie il luo giro nello fazzio di quafi tre mefi, feguita poi Venere, da cui il giro fi compie in mefi fette e mezzo; ladi la Terra in un anno, poi Marte quafi in due anni, Giove in dodici, e finalmente Saturno in trenta.

Le loro distanze dal Sole sono tali, che di quelle parti, che la distanza della Terra dal Sole ne contiene dieci, quella di Mercurio ne contiene prossimamente quattro, di Venere sette, di Marte quindici, di Giove cinque, e di Saturno settantacinque.

Intorno alcuni di tali Pianeti girano altri Pianeti, che perciò fi chiamano i loro Satelliti, e i loro Secondari. Uno gira intorno la Terra, il quale dicefi Luna, quattro intorno di Giove, e cinque intorno di Saturno.

In mezzo di tali corpi fi fanno talvolta vedere ancora le Comete, le quali dai Copernicani fono giudicate corpi celeftì, che per qualche fezione conica fi muovano, e forfe per eliffi al Sole molto eccentriche, come a fuo luogo diremo, le quali quando mell' arco a noi vicino fi trovano, agli occhi noftri fi manifefano.

Sopra il fistema Planetare poi esistono a indefinita distanza le Stelle sisse, giudicate da essi tanti Soli, che servono sorse di centro ad altri sistemi simili al nossro, da quali di grandezza diversa per le loro diverse distanze appariscono.

Spiegar

#### Spiegar l'apparenza del moto annuo del Sole. Proposizione I.

Se uno spettatore sossie collocato nel Sole, che nella supposizione Copernicana è il centro del moto, è cosa evidente, che girando intorno di esso la Terra da occidente in oriente, sarebbe continuamente veduta passare per nuove, e nuove sille, e segnare nel Firmamento un cerchio, qual è quello, che la Terra descrive. il

quale passa per lo centro del Sole.

Ma quando lo spettatore è in Terra, intanto che la Terra deferive codeso circolo, gli apparia che lo descriva il Sole. Imperocchè supposto che la Terra sia in T [1], è manisesto che il Sole sarà veduto diametralmente opposto nel punto del Firmamento r; e quando ella firal in A; il Sole farà veduto in a, e quando ella finalmente sarà in B, il Sole sarà veduto in b, nel qual modo avendo la Terra descritta l'intiera sua orbita da occidente in oriente in un anno, apparirà che il Sole ne abbia descritta una simile, e nel medessimo piano di quella, nel medessimo tempo, e verso le medessimo pano di quella, nel medessimo tempo, e verso le medessimo tampo, e verso le medessimo partire dell'Antero. Toro, Gemelli, e c. il Sole comparisca percorrere sempre i segni contraposti, quali sono la Libra, lo Scorpione, l'Arciero ec.

Spiegar le direzioni, slazioni, e regressi de' superiori Pianeti, e le loro diverse elongazioni. Proposizione II.

Sia MNO [2] l'orbita di un Pianeta superiore, per esempio, di Marte, il quale si muova da occidente in oriente per le lettere MNO, e sia la Terra T, che per la sua orbita si muova verso la medessima parte per le lettere TAB, e sia SPR il Firmamento. Essendo la Terra più veloce di Marte se fia considera folamente l'eccesso della sua velocità sopra quello di Marte, e si supponga perciò Marte sermo in M, e cosa chiara primamente, e si supponga perciò Marte sermo in M, e cosa chiara primamente per di essendo la Terra pirottre l'arco DE, comparità Marte persorre l'escondo l'ordine de segni tutto l'arco PS, nel qual tempo si dice diretto, perchè va secondo la direzione de segni.

Parte II.

V

Per

<sup>[1]</sup> Fig. 2. Tav. 19. [2] Fig. 3. Tav. 19.

Per tutto il tempo in cui la Terra percorre EG, Marte apparirà Razionario in S per cagione che le linee vifuali, per le quali esso è veduto, in tutto questo tempo allo stesso punto S sensibilmente cospirano. Intanto che la Terra percorre l'arco GTA, Marte comparirà ritornare indierro per tutto lo spazio SPR, nel qual caso si dice Retrogrado. Di nuovo intanto che la Terra percorre AB, comparirà egli Stazionario in R, finochè per tutto il tempo, in cui la Terra percorre lo spazio BDE comparirà di nuovo andare

egli direttamente per tuito l' arco RPS.

Ivi è primamente da offervarsi, che girando Marte intorno del Sole, in maggiore distanza di quello che la Terra, riguardo allo spettatore Terrestre può apparire in qualunque distanza dal Sole. L' angolo visuale formato dalle due li ee, che dall' occhio dello spettatore si tirano a Marte, e al Sole, si dice l' Elongazione del Pianeta. Tale angolo è infinitamento picciolo, o zero quando la Terra è in D, e Marte in M, nel qual caso Marte si dice effere in Congiunzione col Sole; fecondo che la Terra fi avanza egli va sempre crescendo sino che diventa infinito ovvero di 180 gradi quando la Terra è in T, e Marte in M; nel qual caso Marte dicesi essere in Opposizione col Sole; onde se il Sole allora nafce, Marte tramonta, il che si dice essere Acronico.

E' da osservarsi in secondo luogo, che quando Marte è in M, e la Terra è in T, cioè a dire quando egli è in opposizione col Sole, egli è massimamente vicino alla Terra, nel qual caso dicesi Perizeo. Ed in tal tempo egli comparifce massimamente Retrogrado. Secondo che la Terra si avvicina al punto A, la velocità del regresso decresce sino che diventa zero quando la Terra è nel punto A, dopodiche incomincia il Pianeta a comparire Diretto, e cresce la sua direzione fino che la Terra è in D, dove Marte è in opposizione col Sole, e nello stesso tempo Apogeo, cioè massimamente dalla Terra diffante. Incomincia poi a diminuirsi la sua direzione finochè diventa nulla quando la Terra è in G: dopodichè Marte ritorna a comparire Retrogrado.

Talicofe, che si sono dette di Marte, si deono applicare anco-

ra a Giove, e Saturno.

V' è però questa differenza, che i tempi dei Regressi, o delle Direzioni non fono eguali per tutti. Del che la ragione è la diversa velocità de' Pianeti. Imperocchè tante volte si fa il Pianeta. Retrogrado, quante volte la Terra lo giugne. Ma più che il Pianeta è tardo, più presto la Terra lo giugne, ed in conseguenza più presto si rinova la Regressione. Dunque i Pianeti più lontani dal Sole deon o ritornare più presto alle loro Regressioni.

п

Il che per porre in efempio, sia qualunque Pianeta superiore. v. g. Saturno veduto in Congiunzione colla Terra da uno spettatore posto nel Sole. E perchè la Terra va più veloce di Saturno, computandosi il moto medio della Terra 59 minuti e 8 secondi al giorno, e quello di Saturno 2 minuti, sarà dallo spettatore Solare veduta la Terra avanzar Saturno 57 minuti e 8 secondi al giorno. Se dunque in un giorno ella si allontana da Saturno per tale parte di cerchio, feguita per la regola aurea, che si ricercheranno 378 giorni perchè il suo allontanamento compia tutto il cerchio; cioè a dire perchè di nuovo comparisca in linea diametral con Saturno. Ma allora riguardo ad uno spettatore terrestre si ritrova Saturno in opposizione col Sole -Dunque da una opposizione all'altra si ricercano giorni 378. Lo stesso tempo si ricercherà ancora da una Direzione all' altra. E perchè allora quando Saturno è in Opposizione col Sole allora è massimamente retrogrado; e quando è in Congiunzione è massimamente diretto, dunque si ricercheranno 278 giorni da una Regressione massima, o da una massima Direzione all' altra. Col-lo stesso metodo si trova da una Regressione massima all' altra; o pure da una Direzione passarvi in Giove un anno e 33 giorni : e in Marte 2 anni e 50 giorni.

Allora che Marte ritrocede, lo dobbiamo vedere ( essendo il refto pari ) percorrere maggior arco di quello che Giove, e Giove più che Saturno : e ciò nasce perchè Marte è a noi più-vi-cion di Giove, e Giove più di Saturno, come non è difficile conoscere se si osserva, che di due angoli sopra il medessmo arco insistenti quello è maggiore, che ha il vertice più vicino all'arco, cui insiste, e è minore quello, che ha il vertice più lon-ano. Coal se la Terra [1] T percorre lo piazio TB, comparirà esserva per percorso da Marte M l'arco OR, da Giove G l'arco OQ, e da Saturno S l'arco OP, determinati dagli

angoli BMT, BGT, BST insistenti full' arco BT.

I Pianeti superiori deono comparire molto maggiori nella loro opposizione col Sole di quello che nella loro congiunzione; imperocche nel primo caso sono nella maggior vicinanza alla

Terra, e nel secondo nella maggior lontananza.

La differenza delle loro diffanze è allora eguale a tutto il diametro dell' orbita terreftre, il quale avendo maggiore proporzione al diametro dell' orbita di Marte di quello che ai diametri delle orbite di Giove, e di Saurno, accade per queflo maggior mutazione di aspetto in Marte di quello che in Giove, e Sa-V ii tumo.

<sup>(1)</sup> Fig. 4. Tav. 19.

turno. Imperocchò Marte è cinque volte in circa più vicino a noi allora quando è Perigeo di quello che quando è Apogeo, ed accrefcendofi la grandezza apparente, e lo fiplendore come il quadrato della diminuita diflanza, feguita, che Marte debba vederfi allora ch'è Perigeo 25 volte piu grande, e piu fiplendido.

Spiegar le direzioni, flazioni, e regressi de' Pianeti inferiori, e le diverse loro clongazioni. Proposizione III.

Sia T [1] la Terra, che per l' orbita T t si muova da occidente in oriente, e sia D Venete, che per la sia orbita si muova verso la medesima parte secondo le lettere DFG. E perché Venere si muove più velocemente della Terra se per maggiore Eacilità si concepite sermala Terra in T, e si considera solamente l' eccesso, che vi è nel moto di Venere, è vissibile che Venere per tutto il tempo in cui percorre lo spazio DF sarà dalo sopetatore terrestre, ch' è posso in T, veduta andare direstramente, come si conosce se fi sirano tante linee visuali dalla Terra ai punti D, ed F, per le quali passa venere. Ma nel tempo in cui percorre F G, terminando i raggi visuali al medessimosensi punto del Firmamento, comparia Stazionaria. Per tutto il tempo, in cui percorre lo spazio GAB, comparita Reregrada, e di nuovo per tutto BC Stazionaria sinochè per tutto

CDF comparirà un' altra volta Diretta.

E' da osservarsi, ch' essendo Venere in minore distanza dal Sole di quello ch' è la Terra, non è illimitata la fua Elongazione dal Sole riguardo allo spettatore terrestre, come abbiamo dimostrato ne' superiori Pianeti. Posta la Terra in T, e Venere in D, nel qual caso il Sole è tra la Terra e Venere; e Venere si dice essere nella sua Congiunzione superiore, essa è veduta negli stessi punti che il Sole, e perciò la sua elongazione è zero; fecondo che Venere si avanza verso F, cresce la sua elongazione, la quale diventa massima in F supposta la linea TF tangente. Dopo di che l' elongazione decresce sino che Venere è in A, nel qual caso Venere è tra la Terra e il Sole, ed è nella Congiunzione inferiore, ed allora l'elongazione diventa zero. Avanzandosi poi Venere verso B incomincia l' elongazione a crescere, ma dall' altra parte, sinochè diventa massima in C, supposta la TC tangente, dopo di che ritorna a decrescere uno che diventa zero in D. L'elongazione massima si osserva esfere in Venere di 48 gradi in circa.

E' da

<sup>(1)</sup> Fig. 5. Tav. 19.

E' da offervarh in secondo luogo, che quando Venere è nel punto D, cioè a dire nella congionzion superiore, ella è anche Apogea, ed allora ella comparifce velocissimamente diretta.

Secondo, che dal punto D si avanza al punto F, decresce la velocità della sua direzione sino che diventa zero nel punto F. dove incomincia la prima flazione, che dura fino in G, dopo di che comparisce Retrograda, ed il regresso cresce sino in A. dove è nella congiunzione inferiore, e nello stello tempo Perigea, e masfimamente Retrograda. Decresce poi la velocità del regresso sino in B, dopo di che incomincia la seconda stazione, che dura sino in C: indi ritorna la direzione, che cresce sino in D.

Allora che Venere si porta dalla congiunzione superiore alla congiunzione inferiore, cioè a dire allora che percorre il femicircolo DGA, è manifesto, che per tutto quel tempo dee sempre comparire più orientale del Sole, ed allora chiamasi Hespero foriera della notte, e delle tenebre. Ma quando dalla inferiore congiunzione si porta alla superiore, cioè a dire quando percorre il semicircolo ACD, allora è più occidentale del Sole, e perciò tramonta prima del tramontare del Sole, e nasce prima ch' egli nasca: onde si vede la mattina come foriera della luce, e del giorno, e diceli Fosforo.

E' facile il conoscere nella suddetta figura, come in tutto il periodo, che descrive Venere intorno il Sole, cangia continuamente di lontananza dalla Terra. La sua massima distanza è in D, dove sta nella congiunzione superiore, e la minima è in A, cioè nella congiunzione inferiore; e dall' una all' altra v' è d' intervallo un intiero diametro della orbita di Venere, onde l'una distanza all' altra viene ad eilere in circa come 1:6, ed in tal ragione però mutafi dall' una distanza all'altra il suo diametro apparente, ed in confeguenza allora che Venere è Perigea, il suo aspetto è trentasei volte maggiore di quello che quando ella è Apogea. •

Gli stessi Fenomeni si deggiono vedere in Mercurio se non che essendo egli più vicino al Sole, e perciò essendo minore la sua orbita di quella di Venere, dee perciò la fua massima elongazione essere di minori gradi; come si trova colle osservazioni, per le quali fi conosce non oltrapassare un angolo di 33 gradi. Nasce da questo, ch' egli per lo più sta nella luce immerso, ed a' mortali di

rado fi scuopre.

V' è parimente questa differenza, che i tempi dei regressi, ovvero delle direzioni fono nell' uno, e l'altro Pianeta diversi, i quali tempi in tal maniera si trovano. Imperocchè essendo il moto medio della Terra di 59 minuti e 8 secondi in un giorno, ed

effendo il moto di Venere per un giorno di 1 grado 36 minuti e 8 secondi, il moto di Venere superadi 37 minuti, col quale Venere o si discosta, o si accosta alla Terra in un giorno. Se 37 minuti adunque importano 1 giorno per la regola aurea ritroverassi, che per 360 gradi si ricercheranno 583 giorni, il qual è il tempo ricercato da una congiunzione inferiore, o fuperiore ad un'altra sua simile. E con tal modo si ritrova da una congiunzione ad un'altra fimile di Mercurio effervi d'intervallo 125 giorni,

### Spiegar le Latitudini Heliocentriche de' Pianeti. Proposizione IV.

Le orbite de' Pianeti primari, come si conosce dalle osservazioni, non sono nello stello piano, in cui sta l'ecclittica, ma in piani diversamente inclinati. Ciò si sa manifesto se si pone attenzione a qualunque di tali Pianeti, il quale fi vede percorrere una parte del suo periodo di qua dell'ecclittica, ed il restante di là della medefima. Dalle medefime offervazioni fi conosce essere per ciascun Pianeta diversa l'inclinazione. Così quella di Saturno essere di gradi 2 1, di Giove 1 1, di Marte 2 incirca,

di Venere poco più di 3 1, di Mercurio in fine 7 gradi. Dalle

quali cose nascono le diverse latitudini Heliocentriche, le quali si vedono in ciascun Pianeta, come ora andremo spiegando.

Imperocche sia Tr [1] il Piano ecclittical della Terra indesinitamente prodotto, il quale sia tagliato da nLN Piano di qualunque Pianeta, per esempio di Venere, ch'essendo inclinato si rappresenta perciò nella figura a guisa di un'elissi . Sia la linea nN la comune sezione de due piani, la quale passi per lo centro comune, ovvero per lo Sole. Tale linea dicesi la linea de' Nodi; e gli estremi punti N, ed n si dicono i Nodi.

Se si considera l'orbita, che in tal modo descrive un Pianeta

è facile il conoscere, che quando egli è in uno de' Nodi N, esfendo riguardato dal Sole S, dee comparir nell'ecclittica, perchè il Nodo è nell'ecclittica, ma quando farà a vanzato in P, farà veduto fuori dell'ecclittica, ed allora dicesi avere Latitudine Heliocentrica. Se si concepisce la linea PQ perpendicolare al piano ecclitticale, l'angolo PSQ è la misura della Latitudine Heliocentrica del Pianeta.

E' da

<sup>(1)</sup> Fig. 6. Tav. 19.

E' da offervarsi come tale Latitudine al Nodo N è nulla, e va poi sempre crescendo sino che il Pianeta arriva al punto L, che diccsi il Limite, dove la Latitudine Heliocentrica è la stefa che l'inclinazione del Piano planetare al Piano dell'ecclittica. Dal punto L poi va decrescendo sino al secondo Nodo n, dove di nuovo diventa zero, dopo di che ritorna a crescere, ma in contraria parte, onde se prima il Pianeta vedevasi di qua dell'ecclittica, si vegga di là di quella, sino che diventa massimo al secondo Limite n, dopo cui torna a decrescere sino al nodo N, dove, come abbiano detto, diventa zero.

Ciò che si è detto di Venere si dee applicare agli altri Pianeti. Colla determinazione poi di tali angoli per Trigonometria computati sormano gli Astronomi le tavole delle diverse latitudini Hellocentriche corrispondenti per qualunque punto dell'or-

bita a qualunque pianeta.

# Spiegar le Latitudini Geocentriche de' Pianeti. Proposizione V.

Siccome un Pianeta effendo riguardato dal Sole comparifce cangiar continuamente latitudine dall' ecclittica, così ancora s'

egli è riguardato dalla Terra.

Sia in primo luogo Tr [1] il piano ecclittical della Terra, NPn P orbita di un pianeta superiore, Nn la linea di nodi. Polo il pianeta in P, e la Terra in T, se si concepsice la linea PQ perpendicolare al piano della Terra, l'angolo PTQ determina la Latisiudine Geocentrica.

Se reflando Marte in P, la Terra è in r, la latitudine Geocenrica è l'angolo PrQ. Nel primo cafo Marte è in oppofizione
col Sole, e Perigeo, e maffimamente retrogrado, nel fecondo è in
congiunzione col Sole, ed Apogeo, e maffimamente diretto. Ed
ffendo nel primo cafo mifurata la latitudine Geocentrica dall'angolo PTQ, nel fecondo da PrQ, faranno tali latitudini tra fe,
come tali angoli, ovvero come le linee PT, Pr profilmamente.
Edlendo dunque la ffeffa la latitudine Heliocentrica, è varia la
Geocentrica, ed è molto maggiore effendo Marte Perigeo di quello che Apogeo.

Secondo che si mutano le situazioni di Marte riguardo della Terra e il Sole, si mutano ancora le latitudini Geocentriche, con questa regola, che tanto più crescono quanto più Marte è alla Ter-

ra vicino, e si diminuiscono quanto più è lontano.

Sia

<sup>[ 1 ]</sup> Fig. 1. Tav. 20.

Sia in fecondo luogo Tr [1] li piano ecclittical della Terra, NP n l'orbita di un pianeta inferiore, N n la linea de' nodi. El-fendo la Terra in T, e il pianeta in T, fe fi tira PQ normale al piano terrelite, anche in questo caso la latitudine Geocentrica è l'angolo PTQ. Se il pianeta è in P, e la Terra in T, nel qual cafo il pianeta è Perigeo, e massimamente retrogrado, la latitudine è miturata dall'angolo PRQ, ma quando la Terra è in T, restando il pianeta in P, nel qual caso egli è Apogeo, e massimamente di latitudine è misurata dall'angolo PRQ, e percitò tall'attitudini fono tra se come tali angoli; ovvero come le linee Pr, PT prossimamente. Dalle quali cose seguita, come ne' superior pianetti, che restando la fella latitudine Heliocentrica, yaria sia la Geocentrica, ed essendo il resto para sempre più si diminuisce quanto più il pianetta sia casossa all' Apogeo.

Dalla prima Figura è facile il conoscere, che nessuno de' superioli pinneti può mai ritrovarsi di mezzo tra la Terra e il Sole, ma può bensi il Sole essera di pettatore terrestire la vista del Sole, ma può bensi il Sole essera di mezzo tra il pianeta e la terra, nel qual caso può di pianeta elsere coperto dal Sole sicchè non si veda, come quando nella congiunzione si ritrova egli in uno de'no-

di N, e la Terra nell' altro n; ovvero profilmamente.

Ma nella feconda figura fi conofice come un pianeta inferiore può egualmente coprirci il Sole, ed effere da effo coperto. Il primo fe effiendo la Terra in Z, il pianeta è nel Nodo N, ovvero profilmo da effo; il fecondo fe flando la terra nello fletfo fito, il pianeta fi grova nel Nodo n, ovvero vicino ad effo;

Quando un pianeta inferiore nella sua inferior congiunzione si rittova in uno de Nodi, allora si vede scorrere a guisa di una nera macchia per lo disco del Sole, come il primo di tutti osservo Venere il celebre Horoccio l'anno, 16329, il quale spettacolo non

dee rinovarsi prima dell' anno 1761 adi 26 di Maggio.

Per mezzo di tale offervazione ancora fi conoscono le diverse difianze de pianeti. Così ritrovasi essere talvolta Marte coperto da Venere, ma giammai Venere coperta da Marte, e così degli altri.

# Spiegar le Fast de Pianeti. Proposizione VI.

Essendo i pianeti corpi sferici, e opachi non hanno lume se non loro viene dal Sole; nè restano illuminati se non per una metà prossimamente. Tale metà è quella, che sta rivolta dirittamente al Sole,

<sup>(</sup>I) Fig. 2. Tav. 20.

Sole, cioè quella, alla cui sezione sta perpendicolare la linea tirata dal centro del Sole al centro del pianeta illuminato. La grande distanza, che banno dal Sole i pianeti di Giove, e di Saturno, de' quali il primo dista, come si è detto, dal Sole cinque volte più della Terra, e Saturno quali dieci, fa che l'Emisfero illuminato di tali Pianeti si scopra sempre, almeno sensibilmente, agli occhi dello spettatore terrestre, e perciò tali pianeti compariscano sempre a guisa di un lucido disco rotondi. Manon così Marte per la sua minor lontananzà. Imperocchè sia Tr [1] l' orbita della Terra, e la Terra in T. Quando Marte è nel fito A, dove sta in congiunzione col Sole, ovvero in B, dove sta nell' opposizione, egli dee comparire rotondo, perchè in talà positure tutto l'emissero illuminato si sa vedere allo spettatore terrestre, ma non così ne' punti C, e D, dove l'angolo STC, ovvero STD è retto, nel qual sito si nasconde all' occhio una parte dell' illuminato Emisfero, e perciò comparifce Marte in figura Gibbofa.

A maggiori Fafi fono foggetti gl' inferiori pianeti. Il che per conoferer fia ia Terra in T, [a] e Venere in A, cioè Perigea, e pofia tra la Terra e il Sole, nella qual pofitura nulla dell' Emisfero illuminato rivolgendofi allo fipettatore terreftre, non può ella vederfi. Ma quando Venere è nel luogo B, effendo la Terra in T, allora ficaopre una parte del fuo illuminato Emisfero, e comparifice Coronusa, ma colle corna verfo l' oriente. Ia C comparifice Dicoroma. O Bipartita, in D Gibbofa, in E finalmente rivolgendo tutto l' Emisfero illuminato alla Terra rifipende con pieno volto, dopo di che ritorna ad aver le medefime Fafi, ma in pofitura contraria, e comparifice Gibbofa in F, Biparrita sin TO, e Cornusa in H colle corna verfo occidente, e finalmente finafconde in A; e fono le fue Fafi come nella Figura [a].

Tale Fenomeno è una confeguenza necessaria del sistema Copernicano. Imperocchè non può Venere girare intorno il Sole, come suppone Copernico, se non ha tali Fasi; e come al tempo di Copernico per mancanza di Telescopi tali Fasi non sistuoprivano, si ciò portato per un invincibile argomento contro tale Ipotesi, che perciò si considerata dalla maggior parte come assurada. Ma dopo che il Galilei, il quale fi il primo a servisi di lunghi Telescopi per la contemplazione degli Astri, osservò, e fece ancora vedere agli altri, come Venere ora compariva Rotonda, ora Gibbosa, ora Cornuta secondo le sue possure divese, non ebbe più luogo tale argomento contro i Copernicani, Parte II.

<sup>(1)</sup> Fig. 3. Tav. 20. (2) Fig. 4. Tav. 20. (3) Fig. 5. Tav. 20.

anzi gli stabili maggiormente nella loro opinione, perchè nel looro sissema tali Fenomeni facilmente potazono spiegarsi, e se inaltri sistemi, non certamente nel Tolemaico; perchè non essendo, come abbiamo detto, giammai Venerelontana dal Sole più di 48 gradi, non è possibile, che essendo sempre dissorto il So-

le ella giammai comparisca Piena, e Rotonda.

Sebbene Venere nel fito E ci dimostra tutta la sua faccia, non ci comparice però quivi col massimo suo fugore. Imperocchè viene diminuita la sua splendidezza per la maggiore distanza della Terra, e ciò in maggior ragione di quello che si accrefea la porzione illuminata del disco. Imperocchè sia Venere in H quattro volte più vicina alla Terra di quello che in E, ne qual fito la parte rilucente è fedici volte più slujida. Nellostefo si tro se avvenga che si dimostri folo il quarro del disco, si conosce come la vicinanza della Terra accresca in maggior ragione lo splendore al pianeta di quello che si diminusica ggli per la Fast. Il fito della massima splendidezza dimostrò il dorstissimo Hallejo negli atti di Londra n. 349 essere nella elongazione di Ao gradi, dove una quarta parte del disco folamene risplende, ma con una si viva luce, che supera ogni altro pianeta, e si fa vedere anche alla prefenza del Sole.

Le stesse Fasi accadono ancora in Mercurio; ma non potendo esso vedersi se non nelle sue maggiori elongazioni dal Sole, di rado guardato co' Telescopi egli comparisce rotondo; ma talvol-

ta bipartito, talvolta gibbofo, e talvolta cornuto.

Nell' offervazione fatta da Domenico Caffini in Parigi allora quando egli comparve immerfo nel Sole, guardato col Telefo-pio comparve di figura ovale; e nell' ufcire dal difco del Sole comparve quuttro volte maggiore di quello che nel difco. Il fuò diametro in questa offervazione comparve la centessima decima ottava parte del diametro folare, come lo aveva definito il diligentissimo Hrvelio, benché fosfe vicinissimo alla Terra.

#### ANNOTAZIONE.

Il primo, che discopti effervi le Fasi in Venere, come sono nella Luna, su il Galilei [1] circa l' anno 1612. Dopo di esto lo Scheinero, il Riccioli, e il Gassindi attentamente la contemplarono, e dopo questi l' Hevelio, il Cassini ed altri ; ma sovra tutti e con maggior estatezza il dottissimo M. Bianchini, il quale con lunghi Telescopi contemplando Venere con una sono

<sup>[ 1 ]</sup> Sistema Cosm. Dial. 3.

ma accuratezza arricchldi maravigliose scoperte Urania, ch' egli descrisse nel suo famoso libro di Fossoro ed Hespero all'immortal nome di Giovanni V. Re di Portogallo consacrato; il che a suo luogo riferiremo.

Dell' ordine, distanza, e periodi de' Pianeti secondari girante intorno i primari, e de' principali Fenomeni, che da tali moti derivano. Cap. II.

DI fei pianeti primari, che intorno il Sole fi rivolgono tre di fin le furoso fin ora offerata, intorno i quali girano altri pianeti, che perciò diconfi Secondari, ovvero Satelliri. Uno gira intorno la Terra, e fi dice il Luno, il quale compie il fuo giro intorno il 27 rea, e fi dice il Luno, il quale compie il fuo giro in giorni 27 r. ; ed è diffiante dalla Terra nella fua media

diflanza 66 in circa femidiametri della Terra. Intorno Giove fe ne veggono quattro dall'acutiffino Galieia nell'anno róto la prima volta feoperti, e dal nome della Cafa Medici chiamateda effo le Stelle Medice. Il più vicino di queffi fi rivolge intomo il fino primario in giorni r 3, il feonado in giorni 3 3; il

'terzo in 7  $\frac{7}{4}$ , il quarto finalmente in 16  $\frac{3}{4}$ . La diftanza del primo da Giove è di 5 femidiametri di Giove e  $\frac{2}{3}$ , quella del

fecondo 9, del terzo 14 1, del quarto 25 1.

Cinque parimente vene sono intorno Saturno. Il primo secondo, terzo, e quinto sono stati in vari tempi scoperti dal Cassini; il quarro da Hugenio. Il primo è stato scoperto l'anno 1884 nell'ofiervatorio Regio, il quale compie il soo giro in giorni 3,7 ed è diltante dal centro del suo primario 4 e 3 semidiamenti

de Saturno. Il fecondo fu scoperto quasi nello stesso tempo dallo stesso celebre Astronomo, e su osservato compiere il suo giro in giorni a 3 in distanza 5 3. Il terzo su da esso scoperto l'anno

1672, e compie il suo giro in giorni 4 3 in distanza 8. Il quar-

to fu molto prima di quetti scoperto dall'accuratissimo Hugenio, il quale per la sua grandezza può con minori Telescopi vedersi, compie il suo giro in 16, ed è in distanza di 18 semidiametri. Il quin-X ij to

Lighter T. Caro

to finalmente su scoperto l' anno 1671 dal Cassini, il cui periodo si termina in giorni 79 1 in distanza di 54 semidiametri.

Oltre di tali Satelliti fia intomo Satumo un Anello lucente da Hugenio la prima volta offervato, il quale fecondo le sue varie positure diveri finani aspetti cagiona, che lungo tempo dellusero l'ingegno degli Aftonomi, e non prima s'intesero, di quello che soli e l'anno 1659 pubblicato dal suddetto Autore il suo Saturnino sistema. Il diametro di quello Anello al diametro di Saturno è come 9: 4, e lo spazio intermedio tra l'Anello e il globo di Savarno si adegua alla fessa latitudine di Saturno.

Spiegare i principali Fenomeni de' Secondari . Propofizione I.

I Fenomeni principali de' fecondari fono quefti .

1. Che non fempre, febbene sono guardati con lunghissimi Telescopi, si veggono.

2. Ora a deitra, ed ora a finistra del suo Ptimario appariscono, ed or in una, ed ora in un' altra distanza.

3. Non passano però certi limiti, e ciascheduno sta i suoi.
4. Or di qua dell' ecclittica si veggono, ed ora di là di quella;

ed ora di qua, ora di là del piano del loro primario.

Tali fenomeni facilmente s'intendono, fe fi concepifce girar ciafeun Secondario intorno al fuo primario per un orbita, che fenfibilmente da un circolo concentrico non è diversa, come si vede nella figura [1], in cui XATB rappresenta l'orbita della Terra, S è il Sole, OPQR è l'orbita del quarto Satellite di Giove, e gli altri tre circoli iono le orbite degli altri tre satelliti, e G è Giove, e si conosce chiaramente, che posta la Terra in X, ed un Satellite in Q, può questo per la sua vicinanza più facilmente scoprirsi di quello che se la Terra fosse in T, e il satellite in P. E questa è una cagione, per cui talvolta non fi vede tale fatellite. Oltre di questa we ne postono esfere ancora alcune altre, per cui si rendane invisibili. Imperocche può darsi, che il satellite sia in P, e la Terra in B. nel qual cafo effendo per linea dritta coperto dal fuo primario non è visibile. Così non è visibile, s' essendo la Terra in X egli s' immerge nell' ombra V del suo primario, da cui resta ecclissato, ne' quali modi egli si toglie alla vista, come è il primo Fenomeno.

Seguita dalla stessa posizione, anche il secondo senomeno. Imperocche posta la Terra in X, ed il Satellite in Q si vede a destra, ma s' egli è posto in R, si vede a destra e più che si allontana dalla linea XG, più comparisce dissante dal suo Primagio.

Ma

<sup>[ 1 ]</sup> Fig. 6. Tav. 20.

Ma non può oltrepassare certi limiti, che per ciascuno fono determinati dal semidiametro del circolo, che ciascuno intorno il suo primario descrive, consorme al terzo senomeno.

Che se fi suppongano tali circoli in diverso piano dall'ecclittica, e diversa parimente dal piano del Primarj, si conosce ancora la ragione del quarto senomeno. Dov' è da notare, che se si oficervano le latitudini de' secondari attentamente, si ritrova ciassun piano di essi avrece mon aparticolare e difinta postiruza differente da quella degli altri; ma perchè non grande disferenza si ritrova, per questo dagli Astronomi tutti i piani de' Satelliti Gioviali vengono considerati come un solo, e così ancora quelli de' Saturnali.

#### Spiegar le diverse Latitudini della Luna. Proposizione II.

Gira la Luña A [1] intorno la Terra T, e mentre la Terra deferive la fua orbita RT intorno il Sole S da occideate in oriente, fi muove la Luna intorno la Terra verfo la medefima parte, cioè per le lettere A, B, C ec. Il piano dell'orbita Lunare col piano ecclittical della Terra fia inclinato cinque gradi incirca, la linea Nn, ch'è la comune fezione de due piani, e paffa per lo centro della Terra E a limea de Nodoi, ed i punti N, ed nono i Nodi. Di tali nodi l' uno, come N, fi chiama il Capo del Dragone ed anche Nodo afcendente; perchè dopo che la Luna è giunta a queflo nodo a afcende verfo di noi, cioè a dire fi accofta alle parti borea-li. Il nodo n dicci Coda del Dragone, e ancora Nodo Diferadente, perchè quando a dello è giunta dificende, e va verfo leparti auftrali. Offervafi, che tale linea di nodi non è fempre nel medefimo fito, ma fi cangia come fe fi movelfe da criente in occidente per le lettere NGF, e tale periodo fi compie in 19 anni.

Dalla inclinazione del piano Lunare al piano ecclittical della Terra nafcono le latitudini Geocentriche della Luna, le quali, come abbiamo veduto ne' pianeti primari, fono diverfe fecondo i diverfi fiti, ne' quali ella fi ritrova. Così, per efempio, la latitudine è zero, quando ella fi ritrova in uno de' nodi, e va fempre crefecado fino al limite, dopo di che decrefce fino al fecondo nodo, ove ritorna zero, indi crefce, ma in contraria parte, fino al fecondo limite, da cui di nuovo decrefce fino al primo nodo.

<sup>[1]</sup> Fig. 7. Tav. 20.

V'è quella differenza tra la Luna, e i Pianeti primari che quelti hanno il piano loro fempre collo fleifo angolo fenfibilmente inclinato; ma il piano Lunare cangia continuamente d'inclinazione, e perciò ancora di limite, non offervandofi però mai oltrepaffare un angolo di to gradi.

## Spiegar le Fasi della Luna , Proposizione III.

Dalle varie positure della Luna riguardo la Terra e il Sole nafcono le diverse Fasi, che nella Luna veggiamo, come abbiamo dimoftrato di Venere. Imperocche sia il Sole in [1] S, la Terra in T, e la Luna in A, cioè a dire in Opposizione col Sole. Allora essendo esposto alla Terra tutto l'Emissero illustrato dal Sole, sarà essa veduta in Piena Orbe risplendente, la qual Fasi chiamasi il Plenilunio. Quando ella è in B, allora l'Emisfero illustrato non conviene coll'Emisfero veduto, ma una parte di quello se nenafconde, e perciò vedrassi Gibbofa. Estendo in C, dove l'angolo CTS è retto, nel qual fito è in aspetto Quadrato, allora dell'Emisfero illustrato se ne dimostra solo la metà, e comparisce perciò Dicotoma, o Bipartita, la qual Fasi chiamasi la Quadratura. Avanzata in D ci fa vedere folamente la terza parte dell'Emisfero illustrato, e perciò, come corpo rotondo comparisce: Cornuta colle corna verso verso l'oriente, finochè arrivata in E. dove sta Congiunta col Sole, ci nasconde tutto l'Emissero illufrato, e ci espone solamente l'oscuro, e perciò diventa invisibile, la qual Fast chiamasi il Novilunio, ovvero la Lunazione, perchè dopo questa incomincia di nuovo ad apparire, dopodichè avanzata in F di nuovo comparisce Cornuea, ma colle corna all'occaso, Biparrica in G, Gibbola in H, e similmente Piana in A come sta espresso nella figura.

Siccome la Luna colla fua Luna riffeffa illumina la Terra, così anche la Terra illuminata dal Sole illumina la Luna; anzi con maggior copia di luce, imperocchè effendo la fuperficie della Terra quindici volte incirca maggiore della fuperficie Luna-re, poffo che amendue abbiano la ftella forza rifiettente, quindici volte più di luce riceverà la Luna dalla Terra di quello, che riceva la Terra dalla Luna.

Nei Novilunj tutto l'emisfero illustrato della Terra si rivolge alla Luna, e perciò posto uno Spettatore nella Luna, egli vedrebbe allora risplendere a piena faccia la Terra, la quale gli apparierbbe come un disco quindici volte più grande del disco-Lunare, e sterbbe allora, per lui il Peniterreo.

bunate, e facebbe anora, per fur il Fieniterreu.

Quado ia Luna e nell'opposizione col Sole, allora la Terra farebbe veduta dalla Luna in congimzione, ed allora rivolgendosi tutto l'emissero oscuro allo spettatore Lunare, non si vedrebbe più il disco terreftre, e farebbe il Noviserros, e in tutto il resto del tempo tali fasi nel disco Terrestre si vedrebbono, quali ne veggiamo nel disco Lunare.

Quando è profiimo il Novilunio è da offervare come oltre lo fiplendore vivace, con cui la Luna nelle fue corna rifiglende, evvi ancora per tutto il difco una tenue bianchezza dispersa, per cui si rende tutto il difco visibite; La fiesti luce si vede ancora qualche giorno dopo i Novilunj. Per tale osservante la maggior partedegli Altonomi credeva, che la Luna avesse in evagualche principio di luce, per cui risplendetie da se medestima, sebbene non sossi dimostrando, come tal luce non altronde nella Luna derivavasi, che dallo splendor della Terra, in cui li raggi dal Sole vibrati nella loro rissessimo erano simmadati alla Luna, la quale di tali raggi nelle altre sas e sossi possibili della con simmadati alla Luna, la quale di tali raggi nelle altre sas e sossi non anno. Il che maggiormente si conferma, perchè se la Luna di propria luce risplendetie, tale splendore non vedrebbes si do intorno i Novilunj, ma nelle altre Fasi ancora.

Il Periodo Lunare è compiuto, come si trova per offervazione, nello spazio di 27 giorni 7 ore e 3, il qual tempo propriamente si

dovrebbe dire il Mese Lunare. Ma per mese lunare ordinariamente s'intende il tempo, che passa du nua congliunzione della Luna colo Sole, a du n'altra, cioè da un Novilunio ad un altro, il quale frazio di tempo dicesi ancora il Mese Sinosico, ovvero la Lunazione, ed è maggior del periodico. Perchè intanto che la Luna ha compiuto il suo intiero periodo, la Terra si è ormai avanzata da occidente in oriente, per la qual cosa è necessario, che la Luna quale colta e necessario, che la Luna quale colta e necessario, che la Luna quale colta e necessario, che la Luna quale solta e necessario che la Luna quale colta e necessario che la Luna quale colta e necessario che la Luna quale e solta e contra perio il mese simulo di 29 giorni, e oce 12 5 conti, e costa perio il mese simuloso di 29 giorni, e oce 12 5 conti, e costa perio il mese simuloso di 29 giorni, e oce 12 5 conti, e costa perio il un mese simuloso di 29 giorni, e oce 12 5 conti, e costa perio il un mese simuloso di 29 giorni, e oce 12 5 conti, e costa perio il un mese simuloso di 29 giorni, e oce 12 5 conti, e costa perio il un mese simuloso di 29 giorni, e oce 12 5 conti, e costa perio il un mese simuloso di 29 giorni, e oce 12 5 conti, e costa perio il un mese simuloso di 29 giorni, e oce 12 5 conti, e costa perio il un mese simuloso di 20 giorni, e oce 12 continuatione di c

Ciò che abbiamo detto delle varie latitudini, e varie fasi della Luna riguardo allo spettatore terrestre, si dee applicare ai satelliti di Gioroe, e di Satumo, se lo spettatore sosse sosse son Garano; Saturo; ed intendere ancora di tutti questi gli stessi senomeni.

## Spiegar l' Ecclissi della Luna . Proposizione IV.

Effendo la Terra [1] T un corpo opaco, se viene esposta al Sole S, è necessiraio, che gesti un' ombra diertamente distfie verso le parti opposte al Sole in maniera, che se il Sole su verso oriente, l'ombra si distinada verso occidente. Tal ombra quanto più fi allontana dalla Terra, tanto più si osserva fassi più angusta, e come ila Terra è prossimamente di figura sferica, così la sua ombra viene ad essere come un cono, qual è ABC. direttamente opposto al Sole. Dalle quali cosse si deduce essere la grandezza della Terra minore di quella del Sole. Perché se la Terra fostie maggio-re, sarebbe necessario che la sua ombra solte a guisa di un corroco, che in infinito si va sempre allargando, come nella Figura [2], e se fosse e guia el Sole, sarebbe la sua ombra a guis di un infinito cilindro, come nella Figura [3], amendue delle quali

cose sono contrarie alle osservazioni.

Quale sia il semiangolo del cono ombroso terrestre si conosce per lo diagramma d'Ipparco. Imperocchè fia A [4] il centro del Sole, AE il suo semidiametro, C il centro della Terra , e dall'estremo punto del Sole E si tiri EG tangente alla Terra in G, che prodotta in D determina la punta dell'ombra terrestre, e il semiangolo del cono ombrofo CDG. Tirata FG parallela alla linea centrale AC; e tirata parimente AG è facile il conoscere, che per la grande distanza del Sole il semidiametro CG della Terra diventando a guifa di un punto, non vi ha differenza sensibile se si riguarda il Sole dal centro C, o dal punto G, e percià l' angolo AGE può confiderarfi eguale all'angolo ACE, cioè al femidiametro apparente del Sole. L'angolo CAG è la parallasse orizzontale del Sole, a cui per la costruzione si eguaglia l'angolo alterno AGF. Se si considera dunque, che il semiangolo del cono CDG si eguaglia all'angolo esterno FGE, e l'angolo FGE è lo stello, che AGE meno AGF; si conoscerà ancora, che il semiangolo del cono sarà anch' egli lo stesso, che AGE meno AGF, cioèa dire eguale alla differenza del semidiametro apparente del Sole, e della parallasse orizzontale.

In tal modo se il diametro apparente del Sole si pone col Casfini nella sua massima distanza di 31', e 40', e nella minima di 32', e 50', e si prende collo stesso la parallasse orizzontale del Sole di 10', statà il semiangolo del cono ombroso di 15', e 40' nella distanza massima, e di 16', e 15' nella minima; e perciò

di 15', e 57" nella media.

Ιn

<sup>(1)</sup> Fig. 8. T. 20. (2) Fig. 9. T. 20. (2) Fig. 10. T. 20. (2) Fig. 1. T. 21.

In altro modo è determinato dallo stesso paraco il semiango lo del cono ombroso per mezzo della parallassi orizzontale della Luna, e del semidiametro apparente dell' ombra. Imperocché sia CDG [1] il cono ombroso, e sia il centro della Luna in L'; e si tri i M parallella a CL. L' angolo CMM si eguaglia all' angolo LCM, il qual si eguaglia al semidiametro apparente dell' ombra. L'angolo CMG può considerarsi eguale al l' angolo CLG, ch' è la parallasse orizzontale della Luna. Ma l'angolo IMG (ch'è lo stesso che il semiangolo del cono CDG) è la differenza degli angoli CMG, e CMI. Dunque il semiangolo del cono ombrolo si eguaglia alla differenza del semidiametro apparente dell'ombra, in cui sia immersa la Luna, e della parallasse orizzontale Lunare, conosciute le quals si conoscera danche quello.

Quanto è meno grande la sfera ČG, tanto meno ( effendo il refto pari ) il femiangolo del cono ombrofo aberra dal femidiametro apparente del Sole. Così effendo la diflanza della Luna dal Sole preilo ch' eguale alla diflanza della Terra dal medefimo Sole, ce effendo la Luna aflai minor della Terra, farà meno differente il femiangolo del cono lunare dal femidiametro apparente del Sole di quello che il femiangolo del cono terrefire; e perchè fil terrefire manca di dieci foli fecondi, il lunare mancherà di minor quantità, e perciò fifenmente potrafii confiderare come eguale al femidiame-

tro apparente del Sole.

Dato il semiangolo D del cono terrestre non è difficile il determinare la lunghezza del medessimo cono, coè CD. Imperocchè nel triangolo CDG rettangolo in G essendo noto l'angolo D, e il lato CG, ch'è il semidiametro terrestre, sarà aucora noto per la

trigonometria il lato CD, ch' è la lunghezza cercata.

În tal modo essendo, come abbiamo detto, il semiangolo Dnela massima disnaza del Sole di 13°, e 40°, se si faccia come il seno di tale angolo al seno totale, così il semidiametro terrestre al quarto si rittoverà la lunghezza CD essen prossimamente app semidiametri terrestri, e nella media distanza del Sole 214 1 cioè

secondo Picardo piedi di Parigi 41971785239.

Tale Cono però non è per tutro égualmente opaco. Imperocchè effendo la Terra circondata da un' Atmosfera di fiulo aereo crafio, e che ha forza rifrartiva, i raggi del Sole, che dall' etere puro nell' Atmosfera terreflre obliquamente entrano, fono obbligati a deviare dalla fua linea, e piegar dentro lo fpazio dell' ombra terreflre in maniera che illuftrano tale fpazio in un fito più, in uno Parte II.

<sup>[ 1 ]</sup> Fig. 2, T. 21.

meno secondo che vi entrano più, o meno addensati in un fito di un altro, conforme le leggi della rifrazione, come veggiamo nella Figura[1].

Per cagione di tali raggi fi ponno confiderare due Coni omboris, l' uno che termina in D; di cui l' affe come abbiamo detto lopera 200 femidiametri della Terra, e l' altro che termina in B, di cui l'affe fecondo il calcolo del P. Tacquet [2]; del P.Chales [2], ed altri non arriva a 44 Semidiametri. Se invece di confiderare la fola sfrat terrefire, fi confidera ancora la fua Atmosfera fi potrà intendere, come molti raggi paffando per l' Atmosfera, e molti reflando rifletii, fi genera intorno l' ombra nera Terrefire un' ombra miftà di tenue, e pallida luce, che non è propriamente ombra, nè luce, e perciò fi chiama Pennombra, fempre piu folta, ed ofcara quanto più fi allontana. L' affedi tale cono calcolandolo come quello terrefire, fi troverà poco più di 21,4 1 Semidiametri Atmos-

ferici nella media distanza dal Sole. E' necessario perciò il determinare l'altezza dell' Atmossera per conoferne la lunghezza di tale cono, la quale però qualunque sia non arriva a Marte, non osservandosi giammai ecclissato Marte quando sta in opposizione col Sole.

Oltre tale Penombra vi è quella ancora, che nasce per l' opposizione che fa la Terra ad una porzione dei raggi del Sole. Il che per intendere sia il Sole S, e la Terra T, e si tirino le rette, come nella Figura [4]. L' ombra vera è TVMR, dove non vi è alcun raggio di Sole. Ma la Penombra è negli spazi MRN, MVP, dove arriva solo una parte dei raggi solari, la quale quanto più si avvicina all' afse ombroso, tanto è più solta, perchè quanto più è vicina all' afse, tanto meno dei raggi solari riceve.

Se accade, che la Luna nella fui oppofizione col Sole, ovvero nel fuo Plenifumio fi ritrovi nel piano dell' ecclittica, ovvero vicina ad effo, il che avviene quando ella è in uno de' nodi , o pure vicina ad effo, allora venendole dalla Terra impediti i raggi, che riceve dal Sole, e nel cono ombrofo immerfa, giace fenza luce, cioè a dire fi eccliffa. Tal eccliffi è Totale, o Parziale fecondo de o tutta, o in parte cade nell' ombra. Il che per fepore:

Sia in primo luogo il circolo AB [3], che rappresenti la sezione trasversa del cono ombroso terrestre, dove la Luna è immerge, essa LNC l' orbita della Luna, l'ecclittica DE, ed N unode nodi posti al centro della sezione; in tal caso l'ecclissi è Tosale, e Centrale. Tale sorta di ecclissi sonosi vedute talvolta durar quattr'ore intiere, quando

<sup>[1]</sup> Fig. 3. Tav. 21. [2] Aftr. L. 4. [3] Aftr. L. 4. [4] Fig. 4. Tav. 21. [5] Fig. 5. Tav. 21.

quando il Sole è Apogeo, e la Luna è Perigea, nel qual caso la sezione ombrosa, in cui entra la Luna è la massima, ed ha il diametro triplo del diametro lunare.

Se il nodo è fuori del centro, ma non però molto lontano da esso, come nella figura [1], l'ecclissi è totale, ma non centrale,

e dura minor tempo.

Ma se il nodo è molto lontano dall'ombra, come nella figura [2], allora una parte fola della Luna s'immerge, e l'ecclissi è Parziale. E perchè di tali ecclissi sogliono varie estere le specie, onde ora una parte maggiore, ora una minore s'immerge, hanno perciò diviso ali Astronomi il diametro lunare in dodici parti eguali, che chiamano Dita, e paragonano l'una coll' altra secondo il numero delle dita che nell'ombra s'immergono.

Se la Luna va fuori dell'ombra, l'eccliffi è nulla, come nella figura [3]. L'eccliffi lunari per l'ordinario accadono due volte l' anno. Imperocchè essendo due i nodi, ne'quali l' orbita della Luna interfeca l'ecclittica, che cangiano fito fuccessivamente da oriente in occidente; e scorrendo il Sole in un anno tutta l'ecclittica, è necessario che in un anno passi per amendue, ed in tal modo quando è nell'uno, mandi l'ombra terrestre nell'altro. Se il Plenisunio fuccede allora, feguita, come abbiamo detto, che fi faccia l'eccliffi della Luna totale, e centrale; ma fe non fuccede allora, e però tanto grande la grossezza del cono ombroso, e tanto minuta la inclinazione dell'orbita lunare, che sebbene la Luna è di qua, o di là del nodo per dieci e più giorni, è necessario, che tocchi l' ombra, e si faccia qualche ecclissi parziale. E non in altro caso può passare un semestre senza qualche lunare ecclissi, se non quando il Sole passa per uno de'nodi lunari in tempo del novilunio . in cui la Luna è massimamente lontana dall'ombra, o uno o due giorni proffimamente.

E'da osservare, che quando la Luna entra nell'ombra terrestre, non entra mai nello spazio della vera, e pura ombra ; imperocche non si avvicina mai cotanto alla Terra in maniera 'che posfa immergersi in quella, essendo il cono AB [4] come abbiamo notato, 43 femidiametri terrestri in circa, e non essendo mai la Luna più vicina di 50 femidiametri. Lo spazio perciò, per cui passa, è sopra B, ed è nella regione de'raggi rifratti, che pas fando per l'Atmosfera sono per le leggi della rifrazione introdotti nell'ombra. Nasce da questo, ch'ella nell'ecclissi non toglie affatto all'occhio, ma con un colore rofficcio, e a guissi di una pietra cotta apparisce, come primo di tutti notò il dota tiffi-

<sup>(1)</sup> Fig. 6. Tav. 21. (2) Fig. 7. T. 21. [3] Fig. 8. T. 21. [4] Fi.3. T. 21.

tissimo Keplero [1], e dopo di esso il celebre P. Riccioli [2], e e il P. Tacquet [3].

Non è qui nostro scopo il discoprire i metodi per computare i tempi delle ecclissi, e le loro durazioni, e le loro specie, e le altre affizioni, non potendosi far questo senza molte calcolazioni, dalle quali in questo nostro trattato Fisco espressamente ci afteniamo contentandoci di dare solo una introduzione al Cielo, peichè ciascuno della prima soglia invaghito s'invogli di entrare nei più segreti penetrali, e conoscere più da vicino le fatture dell'Autore Sovrano.

# Spiegar l'Eccliffi del Sole. Proposizione V.

Siccome allora che la Terra sta di mezzo tra la Luna e il Sole vengono i raggi Solari incercetti ficchè la Luna resta senza luce, il che diciamo ellere la sua ecclisse; così quando la Luna è di mezzo tra la Terra e il Sole ficche i raggi del Sole restando dalla Terra incercetti a noi non arrivino, onde non più veggiamo il Sole, diciamo farsi allora l'ecclissi del Sole, la quale piuttosto dovrebbesi dire l'eccliffi della Terra, che della luce del Sole è privata. Tali ecclissi perciò si formano ne'soli Novilunj, ne'quali la Luna trovasi o in uno de'nodi, olvicina ad esso. In tale caso se il cono lunare arriva alla Terra, come nella Figura [4], lo spazio CD è tutto immerso nell'ombra, e gli abitatori di quel tratto veggono un' ecclissi di Sole Totale. Negli spazi BC, DE, come non da ogni punto del Sole vi arrivano i raggi, così vi sta una Penombra, e gli abitatori di tali spazi veggono un'ecclissi di Sole Pargiale, la quale tanto si vede minore, quanto più sta lontano dall'ombra l'abitatore; ma fuori dei confini B, ed E nulla il Sole si vede ecclissato, non essendo per tali spazi impedito alcun raggio di qualunque punto del Sole.

Per conoscere quanta sia la lunghezza del cono lunare si dee considerare, ch'escando il cono lunare sigura simile al cono terrestre, saranno i loro assi some i loro diametri; ed essendo si cono le condo le osservazioni il diametro della Terra a quello della Luna come 100 : 28 prossimamente, saranno in tale ragione anno. ra i loro assi. Perciò se si faccia come 100 : 28 così 217, ch'è la lunghezza del cono terrestre nella massima distanza da Sole, al quarto, si troverà la lunghezza del cono lunare so e 3, e

nella distanza media del Sole 59 e r.

Per

Per conoscere poi quanta parte di superficie terrestre sia ingombrata dal cono lunare, poniamo che il Sole sia nella massima distanza: nel qual caso il cono lunare è poco più di 60 semidiametri terrestri: e poniamo la Luna massimamente vicina alla Terra, nel qual caso è poco più lontana di 56 semidiametri. Sia perciò L [1] la Luna, ABD la Terra, il cui centro è T, LV la distanza della Luna dalla Terra, el LMi 61, implezza del cono lunare. Eliendo LT 56 semidiametri, ed LMi 62, stan TM 4, posto TB 1. Ma l'angolo TMB si guaglia al femidiametro apparente del Sole, cioè a 15, e 50°. Dunque nel triangolo TMB si conoscerà BTM, ed in conseguenza anora l'angolo BTA, ovvero l'arco AB, che farà di 79 minuti, e perciò anche il suo duplo BC, che farà di 158 minuti, cioè di gradi 2, e minuti 38, che ridotti a miglia Italiane (posti 60 miglia per grado) sono miglia 158, e tale è il diametro del sircolo terrestre in tale caso occurato dall'ombra.

Ma fe si cerca quanta parte di superficie terrestre sia oscurata dalla penombra lunare, fia in primo luogo MON [2] la Luna, il cui centro C fia congiunto con S centro del Sole della linea CS: Dalle due estremità del Sole G, ed F si tirino le linee GN, ed FM tangenti alla Terra in N, ed M, e l'angolo MIN, ovvero GIF sarà l'angolo del cono penombroso. Tirata dunque dal punto N la linea NH parallela a CS, l'angolo GNH non farà fentibilmente diverso dal semidiametro apparente del Sole, essendo sensibilmente la stessa cosa (per la distanza enorme del Sole, e per la picciolezza della Luna) riguardare il Sole dal punto N, e dal centro C. Ma all'angolo GNH si eguaglia GIS, ch'è il semiangolo del cono penombrofo. Dunque l'angolo intiero del cono penombroso si può agguagliare al diametro apparente dal Sole. Dalle quali cofe feguita ancora, che nel triangolo CNI rettangolo in N dato il lato CN, ch'è il diametro lunare, e l'angolo CIN, troverassi ancora col calcolo trigonometrico il lato GI, ch' è la lunghezza del cono penombroso dall'apice sino al centro della terra C.

Sia in fecondo luogo ABD [3] la Terra, L la Luna, ed AMB il femiangolo del cono penombrolo. Per aver la maditima penombra fi fupponga il Sole massimamente alla Terra vicino, e la Luna massimamente lontana, nel qua caso il semidiametro apparente del Sole si potrà prendere di 15, e 25, e d LM di 38 semidiametri terestri; ed LT di 64, e perciò TM di 122. Nel triangolo dunque TAM conosciuti i due lati TM, e TA, e l'angolo TMA si avrà

<sup>[1]</sup> Fig. 10. T. 21. [2] Fig. 1. T. 22. [3] Fig. 2. T. 22.

l'angolo MTA, ovvero l'arco AB, ed in confeguenza il suo doppio ABD, che sanà di 70 gradi e 50 minuti, ovvero miglia Italiane 4250, e tale è il diametro del circolo penombroso, che incombra la Terra.

Come la distanza della Luna dalla Terra è talvolta maggiore di 60 semidiametri terrestri, e 3, che come abbiamo detto è la

massima lunghezza del cono lumare, così allora tale cono non arriva alla Terra. Da ciò nasce, che sebbene l'ecclissi e centrale, non si nasconde però tutto il Sole; ma solo una parte del disco, restando scoperte e visibili l'estreme parti a guisa di una corona di luce, come: in siguia l'estreme parti a guisa di una corona di luce, come: in siguia [1]

Se avviene che la Luna ei copra tutto il Sole, non refla però lungo tempo nelle denfe tenebre lo fpettatore terrefire, parte perchè giammai il diametro apparente della Luna fupera molto il diametro apparente del Sole, e parte perchè la Luna va tal maniera veloce da occidente in oriente, che non ci lafcia troppo tempo coporto il lucido difco, in faccia di cui fi oppone.

Come affine che si faccia la massima ecclisis Solare è necessario, che la Luna sia in uno de nodi allora, quando si congiugne col Sole, così benchè non si rittova in un nodo, quando non ne sia troppo lontana, è necessario, che getti sulla Terra, qualche ombra, o qualche penombra, ed in conseguenza cagioni qualche ecclissi solare. Essendovi perciò in un anno 12, e talvolta 13 lunazioni, aecade che in un anno si veggano più spesso ceclissi iolari di quello, che lunari, molto più che non è facile alla Terra per la sua molta grandezza ssiggire l'ombra, o la penombra lunare. Ma come non sopra tutta la Terra cade il cono, ma solamente sopra qualche tratto, il quale varia secondo i fiti della Luna, così s'esclissi del Sole non si veggono replicate nello stesso luogo così spessi voste come quelle della Luna.

Non è difficile il determinare per ciafcun tempo l'eccliffi foati, e quanta debba effere la loro durazione, e quante dita di Sole debbano ofcurari, e fopra quali tratti di Terra precifamente debbano cadere l'ombre, e le penombre 7 ma perchè ciò è proprio più delle liftiuzioni Alftonomiche 7, di quello che di una Fifica elementare, per quefto rimettiamo in tal parte il legitore a quelli, che di tali cofe diffusamente banno trattato-

ANNO-

<sup>(1)</sup> Fig. 3. T. 22.

# ANNOTAZIONE.

Dalle eccliffi della Luna, e del Sole, e principalmente da quella della Luna, come più facili a calcolare, e più univerfali alla Terra, prendono gli Aftronomi il metodo di ritrovare la Longivadine de' luoghi terrefiri. Imperocchè conoficendo l'ora inci per un dato luogo incomincia l'eccliffi, e l'ora parimente, in cui incomincia per un altro, la differenza delle ore darà la differenza de' luoghi per longitudine, computandofi quindici gradi per ora, come è cosa nota ai Geografi.

# Spiegar l'ecclissi de'Pianeti Gioviali, e Saturnali. Proposizione VI.

Come lo spettatore terrestre vede talora ecclissata la Luna, e talora il Sole, così se sossi en Giore, e Saturno vedrebe be gli stessi Fenomeni, e vedrebbe ecclissafia si le ron Lune dall'ombra del loro primario, quando esse sono in opposizione col Sole, e vedrebbe da esse ecclissato il Sole, quando son nella congiunzione.

Ma anche allo spettatore terrestre deggiono farsi vedere l' ecclissi di tali Lune, e principalmente quelle delle Lune Circum-

gioviali, come più vicine di quelle di Saturno.

In fimili eccliffi è da offerrare, che quando Giove è più orientale del Sole, come quando la Terra è in A [1], i fuoi Satelliti prima fi veggono dritti a Giove, indi entrano nell'ombra, ma quando Giove è più occidentale del Sole, come quando la Terra è in B, prima fi veggono entrare nell'ombra di Giove,

e poi si veggono dritti a Giove.

Per mezzo l'ecclifii de' Circunsgioviali ha didotto il dottinimo Romer effere il moto della luce fuccessivo, e non istantaneo, come prima di esso supponevano quasi tutti i Filosofi. Imprecocchi fe il moto della luce sofio istantaneo, esso lo la Terra
in T, cioè a dire dal Satellite massimamente rimota, nello
stessi o della supponevano l'ecclifi del Satellite di quello che se
la Terra fosse in X, dov'è massimamente vicina. Ma ciò nota il Romer essere contro la olfervazione. Imperocchè, quando la Terra è in X, in tutte le olservazioni per moltissimi anni fatte notò sempre comparire l'ecclissi del Satellite più
presto di quello ch'essendo la Terra in T, in maniera che tan-

<sup>[ 1]</sup> Fig. 6. Tav. 20.

to più prefto comparifea fempre l' eccliffi, quanto più il Satellite fla vicino alla Terra, dalle quali cofe deduce lo fleffio celebre autore non effere iflantanea la comunicazion della luce, ma faccefliva, benchè la fua velocità fia oltre modo grande, ed incredibile, per cui in dicei minuti difende dal Sole a noi.

L'eccitifi delle Lune Gioviali fervono a' Geografi di mezzo assi comodo per determinare le longitudini de' vazi Juogli, ne' quali esse si los ilervisi il principio dell' ecclissi di una Luna Gioviale, e si notino attentamente le ore, nelle quali accadono ranto nell' uno quanto nell' altro luogo, tale disterenza di ora darà la distanza de' meridiani a tali luoghi appartenenti. Se invece dunque di due offervatori si abbiano l'effemeridi delle ecclissi delle Lune Gioviali computate accuratamente pel meridiano di un qualche luogo, e si faccia l'osservazione in un altro, la disferenza del tempo, in cui si vede incominciare, o finire l'ecclissifi, darà la disferenza longitudinale dal luogo, per cui surono l'effemeridi computate.

Dei Fenomeni procedenti dal moto periodico de Pianetl, ed insieme del loro moto intorno il proprio Asse. Cap. III.

LA Terra nella fuppofizione Copernicana, mentre fa il fuo periodo intorno il Sole nello fipazio di un anno, gira ancora intorno il fuo affe, e compie tal giro nello fipazio di ventiquattr' ore. Sta il fuo affe inclinata el piano dell' orbita con un angolo di fefiantafei gradi e mezzo in circa, il quale nell'annuo giro va fempre parallelo a fe feffo, fe non che, qualunque fia la cagione, Jeggermente turbato vacilla, e due volte all'anno piega un poco dal fuo fito, e due volte fi reflituifce, per lo cui moto cangiali i interfezione dell'ecclirita coll'equatore, e fi muove da oriente in occidente, ma cool lentamente, che in fettantadue anni appena fi compie un grado. E con tale principio fpiegano i Copernicani tutti i Fenomeni, che fi veggono intorno le conversioni diurne del Sole, e degli attri corpi, edi giorni, e le notti, e le vicende delle stagioni, e la processione degli equinozi), come ora vedremo.

Spiegare

# Spiegare il moto diurno appparente di tutta la sfera. Propofizione I.

Se la Terra nella sua periodica traslazione non si movesse intorno il suo asse, ma restalse ferma nella sua positura, a qualunque spettatore terrestre non apparirebbe avere altro moto il Sole, che l'annuo da occidente in oriente, ma non si vedrebbe mai nascere e tramontare ogni giorno. Ma rivolgendosi la Terra intorno il suo asse nello spazio di ventiquatti ore, tale moto sa comparire che si rivolga intorno di essa ogni giorno il Sole, e tutti i corpi, che sono nella visibile sfera. Il che per esplicare sia primamente ABCD [1] la Terra, EFGH il firmamento, e fia in D uno spettatore terreftre, di cui l'orizzonte è GE, e il Sole sia in S talmente situato . che si levi a riguardo dello spettatore. E perchè la Terra gira in 24 ore da occidente in oriente, farà lo spettatore portato dopo sei ore da D in A, dove avrà l' orizzonte in FH, e il Sole nel meridiano, il quale per confeguenza comparirà efferfi alzato full' orizzonte da oriente in occidente per la metà dell' arco diurno. Sei ore dopo lo spettatore sarà in B, e il suo orizzonte in EG, e allora il Sole si vedrà all'occaso. Ma dopo altre sei ore lo spettatore sarà in C, e il suo orizzonte in FH, e sarà per lui mezza notte fino che dopo altre sei ore ritornato in A vedra di nuovo spuntare il Sole, ed in tal modo giudicherà, che il Sole abbia descritto in 24 ore un circolo da oriente in occidente, perchè la Terra si è girata nel medesimo tempo da occidente in oriente.

Ciò che lè detto del Solo fi dee intendere di ogni fiella, e di ogni punto della sfera aspettabile, la quale per confeguenza comparirà rivolgerif tutta da oriente in occidente nello fiszio di 24 ore, come le dal primo mobile fosse rapita, e l'asse della fua rivoluzione apparente sara lo stello asse della Terra indefinitamente prodotto.

# Spiegar la differenza de' giorni, e delle notti. Proposizione. II.

In qualunque fito dell'orbita fiia la Terra, come sferica, ed opaca, è l'empre per una metà ill:minata dal Sole; e per l'altra metà è nelle tenebre involta. Quelli, a' quali appartiene l'emisfero
illuminato, veggono il Sole, cioè hanno il Giorno, e quelli, che
fhanno nell'emistero ofcuro, hanno la Noste. Il circolo maffimo,
per cui confinano codefli due emisferi, dicefi il Termine della illuParte II.

<sup>[ 1 ]</sup> Fig. 4. Tav. 22.

Brazione del Sole, cui fempre è normale la linea, che congiugne i entri del Sole, e della Terra. Se l'e quatore terrefire coincidefic col piano dell'ecclitrica in maniera che l'affe della Terra folie perpendicolare all'ecclitrica, allora il termine della illuminazione giunerebbe ad amendue i poli, e tutti i circoli paralleli all'equatore farebbono da cfio egualmente tagliati, e perciò qualunque épetatore per tutto l'anno avvebbe un perpettuo equinozio. Ma perche l'affe della Terra ffa inclinata all'ecclitrica con angolo di 66 gradi e 1, fempre parallelo a fe fleflo, il piano dell'alluminazione.

ne non fempre taglia egualmente i circoli paralleli all' equatore;

Imperocchè sia il Sole [1] S, e A B C D l'ecclittica a cui l'asse della Terra sta inclinato con un angolo di 66 gradi, e 1, e sem-

pre parallelo a se stesso, come si vede nella Figura. Allora che la Terra è nel primo grado della Libra A, che uno de' due punti, ne' quali l' equatore s' intersea coll' ecclittica, la linea central et rata dal centro del Sole a quello della Terra passa per l' equatore terrestre, e il piano dell' illuminazione termina ad amendue i Poli, e perciò è illuminata la metà dell' equatore, e di qualunque altricolo a lui pranielo, restando l'altra metà nelle tenebre. Nasce da questo, che qualunque spettatore nel girarsi, che sa la Terra equabilmente intorno i si son diste, tanto tempo resterà nella luce, quanto nelle tenebre, e perciò avrà tanto tempo di giorno, quanto di notte; ciò à dire avrassifi, un universile equinozio.

Mossa poi a poco a poco la Terra, ed arrivata dopo tre mesi al Capricorno B, la linea centrale non passa più per l'equatore terreftre, ma per lo tropico Boreale TT, ed in tale positura il piano della illustrazione va oltre il polo boreale P in L, e termina di qua dell' australe p in 1. Se per L, ed 1 si descrivano i due paralleli LM, ed Im faranno questi i due polari; ed è facile allora il conoscere, che il tratto incluso dal Polare LM è tutto illuminato, e perciò tutti gli abitatori di quello hanno allora perpetuo giorno . Per lo contrario tutto il tratto incluso dall' antartico Im, è nelle tenebre involto, onde avvi allora perpetua notre. Ma perchè di tutti i paralleli posti tra il polare artico e l'equatore il maggior arco è nella luce, ed il minor nelle tenebre, avrassi per conseguenza da quelli, che colà fono maggiore il giorno della notte, e tanto maggiore quanto più fono vicini al polare. Ma di tutti i paralleli, che fono vicini all' antartica, l' arco maggiore è nelle tenebre,

<sup>[ 1 ]</sup> Fig. 5. Tav. 22.

bre, ed il minor è nella luce, e perciò da quelli, che colà fono avrassi minore il giorno della notte, e tanto minore quanto più sono vicini al suddetto polare.

Giunta la Terra dopo altri tre mesi nell' Ariete C, avrannosi di nuovo dal Termine della luce tutti i paralleli egualmente taglia-

ti, e per conseguenza ritornerà l'universale equinozio.

Ma pofia poi dopo altri tre mefi nel primo del Cantro D, di nuovo la linea centrale ya foroi dell' equatore pafiando per lo tropico Aultrale 55; ed allora di nuovo fono tutti i paralleli inegualmente tagliati dal termine della Luce, ed accade agli auftrali tutto ciò, che ritrovandofi la Terra nel Capricorno B abbiamo veduto accadere ai boreali.

Se ciò, che abbiamo detto de' quattro punti principali, fi applichi a proporzione a tutti gli altri punti intermedi, è facile il conoscere come e quanto debbano per ciacun punto variare i giorni, e le notti, è debbano le flagioni mutarfi, come sperimentia-

#### ANNOTAZIONE.

Per determinare l'angolo, che fa l'ecclittica coll'equatore, fono necessarie, come avverte l'Hevelio, lumghe, ed accurate offervazioni con esquisiti stromenti. Egli lo pone di a3, 30', 20', come il Riccioli nell' Astronomia ritormata, il Signor de Moutons a3, 30, come il Riccioli nell' Astronomia carolina. Il Signor de la Hire nelle tavole Astronomiche 33, 30', de quali minute differenze fanno giudicare, che l'angolo dell' ecclittica sia stato sempre immutabile, subbene confrontando le osservazioni degli antichi ritrovansi disferenze sila più grandi; il che però viene piuttosto attributio al distetto de' loro stromenti , principialmente dopo che l'accuratissismo Gassensi ritrovò, come afferma nella vita di Perieschio, per mezzo dell'ombra del suo Gomono innalazato in Marsilia, effere l'obliquità dell'ecclittica quella stessa la quale sia offervata al tempo di Alessandro Magno nella stessi avventa del suo discreta al tempo di Alessandro Magno nella stessi accuratione del suo discreta al tempo di Alessandro Magno nella stessi accuratione del suo discreta al tempo di Alessandro Magno nella stessi accuratione del suo discreta al tempo di Alessandro Magno nella stessi accuratione del suo discreta al tempo di Alessandro Magno nella stessi accuratione del suo discreta al tempo di Alessandro Magno nella stessi accuratione del suo discreta al tempo di Alessandro Magno nella stessi della della della suo discreta al tempo di Alessandro Magno nella stessi della de

## Spiegare l'apparenza costante del Polo. Proposizione III.

Nel giro annuo, che fa la Terra intorno del Sole, confervando essa il suo asse sempre parallelo a se stesso, che l'asse in diversi tempi dell'anno si dirigga a diverse stelle, e quella stel-Z ij la,

City City

la, o punto di Cielo, a cui indefinitamente prodotto termina in tempo d' inverno sa diversa da quella, dove egli termina in tempo di state. Sopra la quale conseguenza necularia del Sistema Copernicano sondas una grave obiezione. Imperoctiba non può moversi per s' orbita annua la Terra, se nona si dirigge l'asse a diverse stelle, perciò non si cangia continuamente la direzione del Polo. Ma ciò è contro le osservante per su per si di contro in tempo di sinverno, quanto in tempo di state, l'asse appariste costamemente diretto al medessimo punto del Cielo, e non si distingue alcuna mutazione di Polo. Dunque non conviene ai fenomeni l'ipotesi Copernica-

Risponde però il Copernico, che tale mutazione dee comparire più, o meno sensibile secondo che più, o meno sono distanti le fielle fisse. Più che si accresce la distanza delle stelle, più la mutazione soro dee apparire minore in guisa che può tanto farsi grande, che insessibile affatto sia la loro mutazione; nel la cossistata parenza del Polo doversi ad altro attribuire, che all'enorme distanza delle fisse.

### ANNOTAZIONE.

Sonovi alcuni tra' Copernicani, che oltre le due direzioni, che ha la Terra, cioè l'una per cui descrive l'orbita annua intorno il Sole, e l'altra per cui gira intorno il suo asse, banno creduto doversi porre una terza direzione, per cui si conserva il suo asse parallelo sempre a se stesso. Ma non avvertirono essere superflua questa terza direzione, ed effere una necessaria conseguenza delle due prime. Imperocche siavi il corpo CD [1], il cui centro C fi muova per la linea Aa, a cui il diametro CD fia in qualunque modo inclinato, ed è facile il conoscere, che non essendo in tale corpo introdotto altro moto, che il progressivo, quando sarà arrivato in a, egli avrà il diametro CD nella flessa maniera inclinato, cioè a dire parallelo a se stesso. Se il medesimo corpo si arruoti intorno l' affe CD, è chiaro che tutte le sue parti si muovono suori che l' affe, il quale perciò non dovrà cangiar positura, e dovrà restar parallelo, com' era, quando tutto il corpo si avanzi per la retta A a. Dalle quali cose concludest, che per serbare tale parallelismo oltre il moto annuo, che ha la Terra, per cui gira intorno del Sole, e il moto di rotazione, per cui si rivolge intorno il suo asse, non dee ricorrersi ad una terza direzione, per cui ella debba conservare il fuo asse sempre parallelo a se stesso. SPM-

<sup>(1)</sup> Fig. 6. Tav. 22, "

# Spiegare la precessione degl' Equinozj. Proposizione IV.

Benchè l'asse della Terra si stabilisce da' Copernicani andar fempre parallelo a se stesso, tale parallelismo però non è così esattamente conservato, che non si turbi, qualunque ne sia la cagione, benchè leggiermente, e con una mutazione non facilmente discernibile se non dopo lungo spazio di anni. Per ciò intendere sia la linea DCH [1] l' ecclittica, per cui si move il centro della Terra C, CE l'affe dell' ecclittica, e l'estremo E il suo Polo , e Cp l'asse terrestre diretto al polo P, intorno cui nella conversione diurna compariscono rotarsi tutti i Cieli. Se si concepisce il circolo PQFG parallelo all'ecclittica, per ogni annua rivoluzione l'affe terrestre in tale maniera dee intendersi, che si turbi, sicche di continuo muti la fua direzione, febbene egli conferva l'angolo stesso coll' asse dell' ecclittica. Così dopo un dato tempo è, per esempio, nella positura Cq, per cui si riferisce al punto Q, indi al punto F, indi al punto G; ed in tal modo descrive una super-ficie canonica, come si rappresenta da GCP, e l'estrema sua punta descrive intorno il Polo E dell'ecclittica il circolo POFG. Tale mutazione si fa così lentamente, che non si compie codesto circolo, cioè a dire non ritorna l'asse alla pristina direzione in P se non dopo lo spazio di 25920 anni, computandosi per ogni 72 anni un grado.

Seguita da tal moto, che apparir debbano le fielle fifie deforivere continuamente circoli paralleli all'ecclitrica, e davanzaria continuamente in longitudine da occidente in oriente, ferbando perco, e Tolomeo. Imperocché fia primamente il polo in P, dove fi
fupponga una fifia, e quando l' alle avrà cangiata direzione in mamiera che il polo fia in Q, allora apparirà, che la fifia fia receduta dal polo per tutto l'arco QP, e quando il polo farà in P, apparirà di aver receduto tutto l'arco FP, ed in tal modo apparirà
di avere deferitto un circolo intiero da occidente in oriente intono l'affe dell' ecclittica EC, perchè intorno di effo fi e moffo da
oriente in occidente l' alle terrefire CP. E alla lentezza di tale
moto corrifondera la lentezza apparente delle fifie, onde non
prima di 25920 anni compariranno avere compiuto il loro gi-

Per

Per tale mutazione di possura nell' affe terrestre cangiano continuamente i due punti d' intersezione dell' ecclittica coll' equatore, cioè a dire si cangiano continuamente i nodi, e il loro moto è da oriente in occidente. Da ciò nasce, che se una stella in un dato tempo si ritrora in uno de 'nodi equinoziali, dopo 72 anni si ritroverà bensì nell' ecclittica, come prima, ma non nel nodo, e' parerà, che sisti avanzata veso l'oriente tanto quanto il nodo si è allontanato da essa, cioè a dire per uno spazio, che in 72 anni importa un grado, il qual moto chiamassi la Processione degli equimozj.

#### ANNOTAZIONE.

Se quel che suppongono i Copernicani nella Terra, si supponga ancora, come conviene alle ostervazioni, che tale moto sia negli altri pianeti, e si rivolgano intorno l'asse nello sitelio tempo, che sono trasportati intorno del Sole, stando l'asse loro inclinato all'ecclittica, seguita che quando vi sosse posto in essi uno spettatore, vedrebbe gli stelli senomeni, che appariscono allo spettatore terrestre, ed avrebbe ancor esso si sono il e lontit, e le si fagioni proporzionate al tempo della rotazione, al periodo annuo, ed all'inclinazione dell'asse del suo pianeta.

Oservazioni intorno il moto di rotazione del Sole, e degli altri Pianeti. Cap. IV.

Osservazioni delle macchie del Sole, e del moso di versigine insorno il suo asse.

IL primo, che offerrò effere la fuperficie del Sole non tutta lucida, e pura, ma di varie macchie cofperfa, fi il Gali-lei [1], tra le quali afferma averne offervate alcune di tale grandezza, che non folo il Mediterraneo, ma la fleffa Affrica, ed Afia fuperavano. Dopo di effo molte offervazioni fece il P. Scheinero, e più di cinquanta ce ne lafciò deferitte in un ampio volume, che in tale materia compoci. Il Blancano afferma di averne computate alcune di grandezza eguali alla Terra tutta.

Di tali macchie ne offervano gli Aftronomi ora una copia maggiore, ora una minore nel Sole; e dal gran numero di que te non dubitano effersi cagionato, che per un anno intiero si vedesse.

<sup>[1]</sup> Sistema Cosm, Dial. 1.

vedesse il Sole, come narrano gli Storici, tutto pallido, e di languida luce. Dall' anno 1653 all' anno 1670 appena se ne vide una, o due, dopo di che se ne videro molte altre, che irregolarmente ora appariscono, ed ora si dileguano. Così osfervò lo Scheinero alcune nuove macchie nel 1625 adi 6 Maggio, che adì 13 fi cangiarono in alcuni tratti affai lucidi , chiamati da esso Faci. Così il Cassini nel 1 di Giugno del 1684 ritrovò una Face nel luogo stesso, in cui dovea ritrovarsi una macchia. lo stesso osservò l' Hevelio, de la Hire, ed altri.

Dalla rivoluzione periodica di tali macchie deducono gli Astronomi, rivolgersi il Sole da occidente in oriente intorno il suo asse. Ciò chiaramente conoscersi se si contempla attentamente il disco del Sole, in cui veggonsi le sue macchie muoversi fuccessivamente, e regolarmente dal lembo orientale all' occidentale, e dopo che per altrettanto tempo fono flate nascoste, di nuovo fi veggono comparire verso oriente, nel qual moto fi offerva, come allora quando fono verso i lembi, compariscono tardiffime, e quando nel mezzo del disco velocissime, e come parimente verso i lembi accorciate e strette; e verso il mezzo aperte, e con tutta la loro estensione.

Tale moto di vertigine lo compie il Sole fecondo il Prardo, e il Caffini nello spazio di 25 giorni e 12 ore in circa. L'alh della rivoluzione del Sole taglia l'affe dell' ecclittica in guisa che facon effa un angolo di 7 gradi, e 1 . Così fe RPrp [1] fia il discous

Sole, il di cui centro è S, posto Rr per affe dell' ecclittica, farà Pp l'affe folare, e l'angolo RSP di 7 gradi e 1 . Secondo l'of-

fervazion del Cassini sta l'uno de'Poli solari P diretto all' ottavo grado de' Pesci, e l'altro polo p all' ottavo della Vergine. Dalle quali cose seguita, che l'equatore solare MN taglia l'ecclittica mn con un angolo di 7 gradi e 1 , e i punti della interfezione

fono all' ottavo de' Gemini, e del Sagittario, ne' quali punti quando si ritrova si ritrova la Terra, allora la linea centrale tirata dall' occhio dello spettatore terrestre al centro del Sole è perpendicolare all'affe del Sole, il che fa che le macchie compariscono muoversi in linea retta, ma in tutti gli altri siti compariscono muoversi per elissi [2], le quali tanto più compariscono aperte, quanto più la Terra fi discosta dai punti della intersezione.

<sup>(1)</sup> Fig. 8, Tav. 22. (2) Vederel Accad. Real. delle Scienze 1707.

Offervazioni delle Macchie Lunari, e del moto di essa intorne il suo asse.

Se la Luna non si movesse intorno il suo asse, nel tempo in cui descrive l'orbita intorno la Terra, seguirebbe, che ogni giorno ella ci dimostrerebbe una diversa faccia. Ma osservasi tutto il contrario, perchè per tutta l'orbita, che descrive, non si vede giammai mutar faccia, ma dimostrarsi sempre la medesima, onde deducono gli Aftronomi di muoversi essa intorno il suo asse, ed il giro, ch'ella fa intorno se stessa compirsi nello stesso tempo, in cui ella fi gira intorno la Terra. Imperocchè fia lo spettatore terrestre in T [1] intorno cui si gira la Luna per l'orbita 1, 2, 3, 4, e nel punto I dell'orbita fi esponga allo spettatore l'emissero ABC. Intanto che la Luna percorre il primo quarto dell'orbita, e va da 1 in 2, percorrerà intanto la Luna col moto di vertigine intorno il suo asse un quarto del suo giro, e farà la Luna come si rappresenta al punto 7, cioè a dire esporrà vero la Terra T la medesima faccia ABC. Per la stessa ragione arà in 3 esposta colla medesima faccia, e così in 4. dal che si conosce come dalla complicazione di tali due moti debbit vedere sempre la medesima faccia, come è conforme alle off vazioni.

E' però da notare, che non è così esattamente mantenuto a noi l'aspetto dello stesso emissero, che ora qualche zona non si discopra verso il lembo orientale, ora verso l'occidentale, il che diede occasione di credere agli antichi, che fosse la Luna agitata da un certo moto di Librazione. Ma ciò dipoi fi è scoperto non doversi derivare da altra cagione, che dalla inequabilità del suo moto periodico, con cui, come diremo, percorre il perimetro d'una elissi intorno la Terra, perch' essendo inequabile il moto, con cui essa percorre l'orbita, ed equabile quello, con cui si gira intorno il suo asse, seguita che nel sito 2, dove per esempio ha ella percorso un quarto dell'orbita, ella abbià percorso più di un quarto di giro intorno il suo asse, e perciò ci discuopra una nuova zona, che nel punto i non appariva. Nel punto 3 ritorna l'emisfero come prima, ma nel punto 4 essendo compiuti tre quarti dell' orbita, e non tre quarti di giro intorno il fuo affe, fi discopre una picciola zona del lembo contrario al primo, la quale non appariva nel punto 1, che finalmente in 1 si ritorna a nascondere.

<sup>(1)</sup> Fig. 9. T. 22

Tale Faccia, che a noi dimostra la Luna, se soste tersa, e polita; come sono gli specchi, o che ci sarebbe invisibile, o che vedremmoinessa una sola immagine del Sole, come veggiamo negli specchi con vessiche: che se la veggiamo tutta di luce risplendere, è necessario il dire di ella sa fapra, e scabra, e di raggi, che nella sua superficie ristettono, da ogni parte seno ribattuti.

Quellí, che tale faccia attentamente co' lungi Telefcopi hanno contemplato, hanno in ella feoperio una mirabile varietà di parti, altre lucide, altre ofcure, e delle lucide, ed ofcure altre più ed altre meno; le quali accuratamente delcrifiero formandone la figura, ed a ciafcuna parte i loro nomi ponendo, altri dai Filofofi, come il Langreno, e il P. Riccioli, altri dalle voci Geografiche, come l'Hevelio, il che può vedeffi nelle loro Selenografic.

II. P. Riccioli dà il metodo di mifurare ancora le fue prominenze. Imperocché fa FGH [I 3] l'emisfero della Luna illustrato, ed A la punta della prominenza. Subito che fi vede questa illuminaza fi offervi col mirrometro la proporzione della zetta AF al diametro lunare FG; e perchè AFètangente, farà il triangolo AFC rettangolo in F, in cui essendo dati i lati AF, ed FC sarà daza ancora l'ipotenus AC, da cui fottraendo il semidiametro BC resterà l'altezza cercata AB della prominenza lunare. In tal modo avendo il P. Riccioli olservato il monte di S. Caterina; ed avendo compreso essentia fua distanza AF dal termine della illuminazione FG l'ottava parte del diametro AG, [possio il diametro AG di 2264 miglia] trovò l'altezza AB essendo di miglia] trovò l'altezza AB essendo si miglia] trovò l'altezza AB essendo di miglia, cioè a dire il triplo de nostito più alti monti.

## Offervazioni intorno i Pianeti Superiori.

Il celebre Hoochio [a] nell'anno 1666 offerrò molte macchie in Marte, che mutavano fito, nè fi reftituivano al luogo primiero fe non all'ora quafi fleffa della notte feguente, dal che conclufe, che Marte fi rivolgefie intorno il fuo affe. Nel medefimo tempo il Caffini [3] offerrò le medefime macchie, e determinò, che il periodo della rivoluzione di Marte fosse di a ore e 40 minuti. Confermò anche l'Hugenio [4] le medefime offervazioni. E nota di più lo Sturmio nelle essementi [5] di Francia, che il moto di quelle macchie nella parte inferiore del distono folo fi sad oriente in occidente, ma ancora per circoli paralleli, che poco dall'eccititica declinano. Intorno di esso Marte sospetta il Romer [6] per Parte II.

<sup>(1)</sup> Fig. 10, T. 22. (2) Atti d'Inehilterra anno 1666. (3) Loc. cit, (2) Cofmoth. (5) Effem. 35. (6) Du Hamel, Hift, dell' Accad.

la imbecillità di una stella, ch'egli osservà dopo la sua congiunzione con Marte, esservi un'Atmossera. Imperocche tale stella non potè finigers si nalcun modo nè pure con un grande Telescopio prima che sosse al la sua marte due terzi del suo diametro. Osservà ancora l'Hugenio in tale Pianeta un cingolo molto largo ombroso. da cui resta ossessa di mezzo del disco.

Anche in Giove offervò l' Hoochio [1] nel 1664, una piccola macchia, che per lo spazio di due ore percorse da oriente in occidente la metà quasi del diametro di Giove. Nello sfessio tempo offervò la stessa dedusti, per lo moto della quale dedusti, e, c. he Giove si rivolegsis intorno il suo asse nello spazio di 9 ore

e só minuti.

Tali macchie non sempre si veggono. Quella che osservò il Cassini duo sino al 1667, a ri tromo a fasti vedere se non nel 1672.
Dopo di che per tre anni continui su veduta, in maniera che però
sino al 1708 si vide apparire, e disparire otto volte. Nel 1639 tre
zone furono osservate in Giove, le qualti guardate dal Grimadi si
dal Riccioli, e dall' Hugenio, non surono sempre nella stessa
tura, e grandezza vedute. Dall'anno 1665 sino al 1690, s'uori
che quella dal Cassini osservata, non sene videro che alcune poche,
e fugasi: ma dipoi una incredibile moltiudine ne comparve.

Anche ne' Satelliti di Giove scopri alcune macchie il Caffini, e perchè tali macchie non sempre si veggono, conjetturò, che ancot essi muovansi intorno il suo asse, e sospetto esservi intorno il pri-

mo Satellite un' Atmosfera.

L'anno 1667 fcoprì il Cassini in Saturno una zona, o sascia; che passa per lo centro di tale pianeta; e l'anno 1683 dedusse il Facio, ch'egli si rivolgesse intorno il loro asse dall'apparenza di una candida zona, che dopo 24 ore disparve.

### Osfervazioni intorno i Pianeti inferiori.

Se fi offerra Venere con lunghi telefcopi, non si vede meno macchiata degli altri pianeti. Così tra molti Onorato Fabri [2] la vide aspra, e densata allora ch'era Dicotoma, e il Sig, de la Hire nell'anno 1700 guardandola con telescopio di 16 piedi vide in essa eminenze assiai maggiori di quelle che veggonsi nella Luna. Ch'ella parimente si mova intorno il suo asse da cocidente in oriente, lo dedussero il Cassini, ed altri dal moto delle sue macchie che nella sua superficie si notano. Ma perchè nessiono versò con maggior accuratezza intorno tale pianeta, di quello che fece il dottillimo Bian-

<sup>[1]</sup> Atti d' Inghilt . 1665. [2] Fif. Part . 2.

Bianchini, il quale poi nel fuo eccellente libro del Fosforo, ed Hefpero pose alla memoria del Mondo, noi di tali scopette ora ne daremo una chiara contezza, parte per onore dovuto a così grande Uomo, e parte per utile della ingenua gioventù, per cui scriviamo i nostri elementi.

Osservazioni del dottissimo Bianchini interno di Venere fatte in Roma, e in Montalhano.

Divise l'illustre Autore le sue offervazioni intorno a Venere in quelle, che riguardano le sue Macchie, quelle che riguardano il Moro, e quelle infine, che riguardano la Parallaffe di questo Pianeta. Cominciò le sue offervazioni maculari ne' mesi di Febbrajo, e di Marzo nell' anno 1725 trovandosi il Pianeta nel 40:0 grado fopra l'orizzonte, nel qual tempo compariva come la Luna nelle quadrature. Le macchie, ch'egli vi offervò, erano similialle maggiori Lunari, che Mari fi appellano dagli Astronomi, e comparando i loro fiti in ciascuna osservazione, trovò, che avanzavano ogni giorno quindici gradi incirca da occidente in oriente, onde feguiva, che una macchia descrivesse in sei giorni un quarto di circolo, e tutto il giro in ventiquattro. Di fatto le macchie osservate adì o Febbrajo ritornavano allo stesso sito adì 5 di Marzo. Ma non potendosi fare sulle osservazioni celesti una intiera descrizione delle macchie di Venere, perchè l'occhio non si trova sempre dirimpetto alle parti illustrate dal Sole, inventò l' ingegnoso Autore un Planisferio con l'orbita ottimestre di Venere intorno il Sole per dedurre tutta seguente la intiera Celidografia. E perchè ne' fuddetti mefi non si potevano osservar le macchie, che sono ai Poli, ne rimife ad altro tempo la discoperta, che si sece nella state degli anni 1726, e 1727. E così avendo determinato il fito, e la figura di ciascuna macchia, che nella stessa maniera dee tornarsi a vedere otto anni dopo, quando non accadano mutazioni nel Pianeta, diede a diverse macchie i loro nomi, prendendoli dai Monarchi, e Principi Portughefi, e da alcuni celebri Navigatori. Componendo poi la distanza di Venere per rapporto a quella della Luna, e la forza aumentativa del Telescopio trovò egli, che l'una e l'altra erano state la cagione, per cui li Mari di Venere si vedevano col suo Telescopio della grandezza in circa, di cui si possono vedere quei della Luna da un buon occhio nudo. Osservò ancora, che tali macchie si vedevano più debolmente, e più oscuramente ne mesi della state che in quei d'inverno, essendo allora la distanza del Pianeta quasi raddoppiata.

Aa ij Nella

Nella rivoluzione di Venere intorno il suo asse osservò egli, che il suo equatore non coincideva perfettamente col circolo terminator della luce, il che egli discoprì osservando il progresso ordinato delle macchie ne' suoi paralleli. Era poi da indagarsi a qual parte del Zodiaco si dovesse riferire il piano, che passa per l'asse della rotazione, e per lo Sole, per conoscere se quest'asse vada sempre parallelo a se stesso intanto che il Pianeta descrive la sua orbita ottimestre intorno del Sole. E ciò egli eseguisce per mezzo del sopraccennato Planisferio, e dalle offervazioni continuate per dieci giorni nel Febbrajo del 1726 raccoglie che il suddetto piano tagliava l' ecclittica nel 20:º grado del Leone incirca, e dell' Acquario, e che perciò allo fletto grado trovavasi il Coluro softiziale di Venere, in cui erano i poli della sua rotazione, e del circolo definitore della luce, e dell' ombra.

Così avendo flabilito, che il polo Boreale dell'affe di Venere flaffe elevato sopra il piano dell' ecclittica gradi 15 in circa, e tendesse verso il Cavallo minore, tendendo per lo contrario il polo auftrale verso il cuore dell' Idra, e vedendo che in tutti li quadranti della sua orbita ottimeftre Venere manteneva la medesima positura, riconobbe effere il suo affe sempre parallelo a se stesso, il che egli confermò colla contemplazione di alcuni de' suoi Mari. Ed in tal modo s' è aperta la via ficura per una piena esplicazion delle fafi, e delle macchie di questo pianeta, per rappresentar poi le quali cofe egli si avvisò di comporre una sfera, in cui Venere gira attorno se stessa con l'asse sempre parallelo, e déscrive la fua orbita nello spazio di giorni 224 2 .

Pensò il Bianchini, che la difficoltà di costruire telescopi della lunghezza, di cui erano quei del Campano, di cui egli servivafi, la quale ascendeva a 200, 150, e 200 palmi, e quella ancora di offervar opportunamente le suddette macchie, fosse la cagione principale, per cui nel noftro fecolo per altro così fecondo di difcoperte, nott n abbiano quelle se non molto imperfettamente osservate. Imperocchè appena una, o due n' erano ftate dal Cassini osservate negli anni 1666, e 1667 senza ch'egli ne abbia pubblicato mulla suoriche in una lettera privata scritta al Sig. Petit, di cui l'estratto si vide poscia nel Giornal de' Dotti, e nella sfera del Sig. Ozanam. Dopo quel tempo il Cassini, sebbene sopravvisse 36 anni, non se' più parola nè delle macchie, nè del moto di vertigine del suddetto pianeta. Anzi afferma egli medesimo, che non saprebbe in effetto cosa determinare sopra le osservazioni delle macchie, cui non ha potuto osservare che per poco tempo, o in una troppo picciola

por-

perzione di arco, dubitando se quel loro moto sosse da attribuirsi

alla librazione, o alla rivoluzione di quel pianeta.

Ma non sono stati sì cauti gli altri Astronomi posteriori al Casfini nel determinar la durata di questo moto, forse sopra le osservazioni di quel grande Astronomo, cui egli però ha riconosciute per imperfette. Onde afficura il Bianchini, effersi il dottiffimo Hallejo, e tutti gli altri dopo di effo, ingannati nel ridurre il tempo della rotazione di Venere a 23 ore, non compiendofi questo per lo contrario che in 24 giorni, Replicate poi le offervazioni con quanta diligenza si poteva nello spazio di due anni, ritrovò egli, che alla fomma di 24 giorni dovevansi aggiugnere 8 ore in circa, contando i giorni di più rivoluzioni, la qual misura però si assume come prostima, e si potrà determinare più precisamente al fine di un ottennio, che sarà nel 1734 adì o Febbraio 4 ore in circa dodo il tramontar del Sole, nel qual tempo fi torneranno a vedere lo stesso moto, e le stesse fasi di Venere nello stesso sito che nell' anno 1726 alla stessa ora, e allo stesso giorno si erano veduti.

Per discoprire l' orizzontale Parallaffe di Venere fi fervi il Bianchini del metodo del Caffini pubblicato ne fiuo opuscio della Cometa dell' anno 1880, il quale malgrado le difficolta di praticarlo con Venere, che sono notte agli Afronomi, su s'esquito da
esso con selicità nei primi di Luglio del 1716 osservando di giorno
in giorno le disfirenze della declinazione, e dell'ascensione retta di
Venere e delle due fise, che sono il regolo, e il cuor del Leone
si nel Meridiano, come fuori di esso appettando, che il pianeta
si nel Meridiano, come fuori di esso appettando, che il pianeta
si nel Meridiano, come fuori di esso appettando, che il pianeta
si nel Meridiano, come fuori di esso appettando, che il pianeta
le quali sisterazioni dedulte, che la parallaste orizzontale di Venere era 24', 20'; quindi ne cavò in conseguenza, che quel giora
no, ciobil di 3 d'uglio del fuddetto anno, la distanza di Venere dala Terra era di 8000 semidiametri terrestri, computata quella del
Sole 12402.

Desiderava di ripetere il Bianchini le medesime osservazioni otto anni dopo, cioc ad 3 Luglio del 1744, ma non avendone avuto il comodo, si ainoggettò ad una maggiore satica nel 1747 adl
19 Settembre, tentando di osservare la differenza delle ascensioni
rette di Venere, e di Saturno più ore innanzi, e dopo il loro passaggio pel meridiano, mentre si trovavano in una egual declinazione ausstrale dall' equatore, ciocè a gradi 19. Ma l'olievazione
era così lunga e penola per rimarcar tutte le minuzie del tempocogli oriundi a pendolo nello sazio di 6 ore, che biognava afpet-

1210

Nell' anno 1645, come nota il Riccioli nell' Almagesflo L. 8., parve al Fontana di vedere uno, o due globetti oscuri, ora fuori, ora a diritto di Venere. Nel 1672, e 1886 parve al Cassini sie-fo di vederne uno, che imitava Venere colle sue fasi, e n' era lontano 3 del di lei diametro. Si è dubitato se fosse questo.

Fenomeno nato nell' Atmosfera di Venere, o un Satellite di queflo Pianeta; ma riflette il Bianchini non poter probabilmente diffi il primo , perchè non è verifimile che fi cellenda tanto l' Atmosfera di Venere, ma nè pure forse il secondo , perchè se fosse un Satellite, dopo molte continuate osservazioni sarebbe ritornato a comparire.

## Nuovi fenomeni offervati nella Luna dallo stesso Bianchini.

Avendo il medefimo Autore diretto nel di 16 Agosto 1725 un Telescopio di 150 palmi nella Luna, verso la quadratura, vide nel Platone un particolare fenomeno. Imperocche cadendo allora tale macchia nel termine della luce, il margine di quella profonda lagunz affai rilevato appariva tutto illustrato da bianca luce, e intanto il fondo era oscurissimo, ma nel mezzo gli pasfava un tratto di lume rosseggiante, che stendevasi come una trave da un estremo all'altro. L'Autore propone ai Fisici, se per avventura fiasi codesto un indizio di qualche foro aperto nel margine elevato di effa macchia dal lato del Sole, per lo quale foro passino i raggi solari, come per una finestra, o se piuttosto siano raggi rifratti , che dalla sommità della macchia siano inviati al fondo, e divengano rosseggianti, come sogliono fare nella nostra atmosfera al levate, o tramontare del Sole, e perciò fia questo un segno di qualche fluido, che a guisa di Atmosfera ftia intorno alla Luna.

Un' altra discoperta egli fece nel 1727, e fu di alcune picciole arce aree poligone rettilinee, per mezzo delle quali cred' egli che continuandoli quelle col tempo ad ofservare, si portà conoferea alne, se accada qualche mutazione nella efterna superficie di quel globo. Ofservò ancora una incissaria il inea retta, che si fendeva da Aristotela e Eudosso in forma di una fossa lunga una trentessima feconda parte del diametro Lunare, la quale perciò egli la computa 70 miglia Romane in circa.

Adl 22 Settembre dell'anno fuddetto Platone non era ancora illuminato finchè adl 23 tutto l'opprivali, e getava fino al centro della voragine un' ombra afasi lunga formata dalla elevazione del greppo oppolto al Sole. Ma non si vide alcun segnale del lume solare, come due anni prima, il che crede l' Autore che sorse fin anto per una diversa positura, che aveva il soro marginale

riguardo al Sole.

## Della rivoluzion di Mercurio.

Il Kirker [1] ne'suoi viaggi estatici, e de Reita [2] nell'occhio di Enoch, ed Elia affermano che Mercurio fi mova intorno il suo asse nello spazio di sei ore in circa. Ma le osservazioni più accurate fatte intorno di esso ciò non confermano, non potendoli facilmente scoprire le di lui macchie, se ve ne sono, a cagione della sua troppa splendidezza, e di rado potendo offere olievrato per la fua troppa vicinanza al Sole.

## Dell' Anello di Saturno.

Nelle varie osservazioni, che sece sopra di Saturno il Galilei, ed altri Astronomi dopo di esso, comparve loro in tante forme tale Planeta: ora rotondo, ora ellittico, ora con due quasi orecchie, o graffi di grandezza diversa, che disperarono già potersi ritrovare la causa di tante varietà fino che l'acutissimo Flogensio [3] diede in pubblico nell'anno 1660 il vero sistema di tale Pianeta. Imperoche tutte queste apparenze dimossire gia non altronde nascere, che da un Anello di luce, che lo circonda, il quale secondo le diverse sue propose di saturno in quella maniera, come nota il chiarissimo di Hamel, che sia intorno un globo artestato il suo orizzonte, concentrico al globo, e lo circonda senza che da nessima parte lo tocchi, come si vede nella figura [4], in cui Sè Saturno, ed ABC l' Anello. Egli è tenue, e pie

<sup>[1]</sup> L. 1. [2] L. 4. [3] Fif. P. 2. [4] Fig. 11. Tav. 22.

e pieno, ed equabile, e fla il fuo femidiametro a quello di Sattrino Condo l' Hugenio, e il Caffini come 11: 5, e la fua latitudino EDA fi eguaglia all' intervallo DE, e nella minima diflanza fi vede fotto un angolo di 68 fecondi. Tale Anello o non fi rivolge, o pure fi rivolge intorno l'alfé Pp, che congiune i fuoi peli, interno cui è verifimile, che fi rivolga ancora Saturno. Sta il foo piano inclinato all'ecclittica con un angolo di 32 grafie e 1, nè

cangia mai positura per tutta l'orbita, che percorre Saturno, sta

l'asse P p sempre parallelo a se stesso.

Con tale fiftema fi piegano le sue così firane apparenze. Imperocchè efendo in tale positura il piano dell' Anello, che continuato passerebbe per lo centro della Terra, allora fi renderà invisibile, perchè non si esposta all' occhio se non la sua grossezza, ch'è
minore di quello che si richiede per fassi in tale distanza vedere, e
perciò si vedrà allora Saturno di figura globola, come se non avese Anello, che lo circonda. Secondo poi che egli s'avanza, principierà a farsi vedere il suo Anello, che per efere obliquo allo
fertatore comparirà a guisi di un elissi, a quale cresse più di larghezza, quanto minor è l'obliquità, con cui si dimostra l' Anello.

Il che per mettere fotto gli occhi sia per maggiore facilità lo spettatore in S [1] luogo del Sole, intorno cui giri Saturno per le lettere AEH ec. coll' asse parallelo sempre a se stesso. Esfendo Saturno in A dove il piano dell' anello prodotto passa per l'occhio S, si conoscerà che non dee comparire allora altro, che la grossezz dell' Anello, la quale per la sua tenuità non vedendofi, dee Saturno comparire come un femplice globo fenz' anello, ma avanzandosi coll' asse parallelo a se stesso incomincerà a dimoftrarfi con figure varie elittiche, le quali sempre più fi avvicinano al circolo , fecondo che fi diminuifce l' obliquità dell' anello fino che l' anello è in E, dove essendo minimamente obliquo, fi vede ancora colla maffima faccia dopo che decresce la latitudine dell' elissi a misura che l' anello si fa più oblique, finochè in fine stando nuovamente diritto all' occhio in H, di nuovo fi dilegua il fuo aspetto, e comparisce un'altra volta Saturno globoso, dopo di che un'altra volta apparisce coll' anello, la cui apparenza cresce sino in N, da cui in fine torna a decrescere, e diventa zero in A.

<sup>[1]</sup> Fig. 1. Tav. 23.

Le steffe Fasi deggiono vedersi sebbene con qualche differenza dallo spertatore posto nel centro della Terra.

Di qua e di là det punto A, dove sia l'anello diretto all'occhio per un arco di sette gradi in circa, è così tenue l'aspetto
dell'anello, che per tutto quello spazio non si discopre, e come
Saturno impiega per ogni grado un mese, così seguita, che per
quattordici mesi in circa non si discopre, e perciò comparise Saturno solo, e globoso. Tale lo vide il Galilei nel sine del 1612,
nel principio del 1613; ale anora lo vide 30 anni dopo il Galfendi, e tale quindici anni dopo, cioè nel 1659 l'Hugenio essendo allora Saturno nel luogo H. Codesso luogo osservo allora l'
accuratissimo Uomo corrispondere alli 20 gradi, e — della Ver.

gine, e perciò il luogo A essere nei gradi 20, e 1 de Pessi .

Sette anni dopo lo vide in N colla massima faccia, corrispondendo il punto N alli gradi 20, e 1 del Sagittario, dove aven-

do Saturno la massima declinazion dell'ecclittica, espose ancora la massima faccia, la quale dovevasi vedere quindici anni dopo in E nei gradi 20, e 1 de'Gemelli.

Fine dell'Ottavo Libro.

# LIBRO NONO

Continuazione della flessa Materia.

SEZIONE RIMA.

Dell'Orbite de Pianeti, e delle loro conseguenze.

Delle Eliffi Kepleriane, Cap, I.

I Fenomeni che fin ora abbiamo spiegati, non hanno obbliga-1 to Copernico a confiderare le orbite de' Pianeti diverse da' circoli concentrici, il centro de' quali è il Sole. Ma confiderando più attentamente i moti del Sole, scoprissi, che non tono s Pianeti in qualunque loro fito egualmente diffanti dal Sole. Imperocchè se la Terra fosse in ogni tempo equalmente dal Sole Iontana, essendo equabile il moto del Sole, non si vedrebbe il Sole impiegar più tempo in passando dall'equinozio di primavesa a quetlo di autunno di quello che dall' equinozio di autunno a quello di primavera, de' quali tempi la differenza è quali di otto giorni, la qual cola è argomento evidente, che l' arco percorso ne' sei mesi estivi della Terra intorno il Sole sia più grande dell' arco descritto ne' sei mesi invernali, e che in confeguenza del circolo annuo terrestre non sia centro il Sole. Il che maggiormente si conferma, perchè in tempo di state comparifce il Sole con minore diametro di quello che in tempo d' inverno, il che è manifesto indizio della sua ineguale distanza in tempi diversi. Dalle quali apparenze su costretto Copernico a stabilire, che l' orbita della Terra fosse eccentrica al Sole, come stabill Tolomeo, che l' orbita del Sole fosse eccentrica alla Terra, e come giudicava, che non altre orbite dovessero ammettersi in Cielo, che le circolari, come le più semplici tra le curve, e corispondenti alle osservazioni : così pensò, che la Terra non altro descrivesse, che un circolo eccentrico al Sole, qual è ABCD [1] il cui centro è in E, e il luogo del Sole S. Il punto A, ch'è rimoto dal Sole, lo chiamò Afelio, il punto C, ch' è il più vicino, il Perielio, la linea AC è la linea degli Apsidi, o degli Augi, i due punti A, e C gli Augi. e la linea ES l' Eccentricità. Lo stello farsi da ogni Pianeta, che gira intorno del Sole, fe non che l'eccentricità è in ciascuno diversa, ed in tutti fuori che in Venere è maggiore

<sup>[1]</sup> Fig. 2. Tav. 23.

giore di quella , ch' è nell' eccentrico della Terra. Colla qual Teoria i Copernicani molto aggiustatamente determinarono i luoghi de' Pianeti, e costruirono le tavole per mezzo del loro calcolo, le quali poco aberravano dalle offervazioni, principalmente in quei pianeti , ne' quali le orbite non molto deviano dal circolo, com'è quella della Terra. Ma nel calcolare il luogo di Marte per qualunque dato tempo offervò l'accuratifimo Keplero [1], che tale teoria a tale pianeta non bene rispondeva, ma ne' luoghi dagli Apfidi rimotiffimi le diftanze di Marte dal Sole venivano ad esiere minori di quello che portava la natura del circolo in maniera che l'orbita di Marte invece di effere il circolo ABCD, veniva ad effere la curva AMCN, la quale finalmente dopo penosi calcoli riconobbe, ch' era un'elissi Apolloniana, in cui la linea dagli Augi A C è il diametro maggiore. MN che paifa per lo centro E, ed è perpendicolare alla AC. il diametro minore, S uno de' fochi, dove sta il Sole. E secondo tale figura trovò Keplero tutte le distanze SP di qualunque pianeta primario dal Sole, alle quali rispondono ottimamente le molte, ed accurate offervazioni fatte da Ticone.

### Metodi per investigare la distanza della Luna dalla Terra, Cap. II.

IL metodo comune per determinar la distanza della Luna dalla Terra è per mezzo della sua Parallasse. Ma per conoscer

questa due sono i metodi più celebrati.

Il primo consiste in determinare secondo le tavole Lunari, quale declinazione abbia la Luna dall' equatore nel tempo, in cui si ritrova ella sul Meridiano, nel qual modo conoscono quale sia la sua vera altezza sopra l'orizzonte razionale, cioè a dire quale sia l'altezza, in cui si vedebbe da uno spettatore possibilità de la consideraza poi con accurati stromenti l'altezza, ch'ella ha nel medesso tempo riguardo all'orizzonte sensibile, cioè a dire riguardo allo spettatore terrestre, in tale maniera ritrovano la differenza dell'altezza razionale dall'altezza sensibile, ch'è la Parallasse cercata.

Tale offervazione è più ficura se, come avverte Tolomeo, si ritrova la Luna in quel punto d'orbita, in cui patisce la minima mutazion di declinazione, come quando si ritrova nel limi-

se boreale.

Data la parallasse ne seguita la determinazione della sua di-Bb ij stanza.

<sup>[ 1 ]</sup> Comment, della Stella di Marte,

stanza. Imperocche sia la Luna nel punto A [1], l'offervatore in B, e fia C il centro della Terra. L'altezza razional della Luna è l'angolo ACD, noto al tempo dato per le Tavole, l'altezza osfervata è l'angolo ABE, la differenza de' quali angoli è le Parallasse BAC. Imperocchè essendo BE e DC tra loro parallelle, l'angolo esterno AFE si agguaglia all'angolo ACD, ed allo stesso AFE esterno si agguagliano li due interni, ed oppofli FAB ed ABF. Dunque ACD = FAB + ABF; e perciò FAB, ovvero BAC = ACD - ABF, ovvero ACD - ABE, ed in confeguenza l'angolo BAC si agguaglia alla differenza dell'altezza razionale, e della visibile, cioè a dire esprime la Parallasse. Data dunque nel triangolo BAC la parallasse BAC, e l'angolo BCA, ch'è la distanza della Luna dal Zenit, e in fine il lato BC, ch'è il semidiametro della Terra, si conoscerà col calcolo trigonometrico anche il lato AC, che è la distanza della Luna dal centro della Terra, e il lato AB, ch'è la diftanza di effa dall'occhio nostro.

Ed in tal modo il P. Riccioli raccoglie essere la distanza della Luna Apogea nelle sue quadrature di semidiametri terrestri 66 a, nelle sizigie 64 1 Ma quando è Perigea nelle quadrature

si e nelle fizigie sa.

Il Cassini determina la massima distanza di essa 62 semidiametri, la minima 53. Il Keill la massima 64, la minima 56, in guisa che la media è 60; cioè a dire, comestabilisceil Picardo, piedi di Parigi 1176046020.

Data una parallasse di altezza, ne seguita la cognizione della parallasse orizzontale. Imperocchè nel triangolo EBC rettangolo in B si conoscerà l'angolo ECB per la parallasse conosciuta, e

perciò ancora la parallasse orizzontal ricercata.

In tal modo appresso lo stesso Riccioli trovasi, che nelle quadrature della Luna Apogea la parallasse orizzontale è di minuti 51, 32, nelle sizigie 53, 30, e quando è Perigea nelle quadrature66, 56, e nelle fizigie 63, 55.

Tavola delle massime, e minime parallasti orizzontali Lunari secondo diversi Autori.

	) Parallaffe	maff	ima		mini	ma
Secondo	Copernico	.65%	48	11.5	50 ,	10
		65,		100	56,	14
	Longomontano				57,	15
	Lansbergio			.1 .	51,	12
		63,			53,	
	Keplero	63,			55,	36
	Vendelino	61,	18		53,	46

Il secondo metodo consiste nella offervazione di una sola eccliffi Lunare fatta in quel tempo, in cui la linea che congiugne le punte delle corna lunari è parallela all'equatore. Imperocchè fe allora fi offerva la fua altezza apparente, la fua alcenfione retta, e la fua apparente declinazione, fi conofce ancora la fua diffanza. Sia perciò ZPHO [1] il Meridiano, in cui P fia il Polo, Z il Zenit. E fia QE l'equatore, in cui l'ascensione retta incomincia in R, HO l'orizzonte, A il luogo apparente della Luna, ed V il razionale.

Per A, ed V s'intendano descritti i circoli della declinazione PAB, PUD, che tagliano l'equatore in B, e D. Conosciuto il luogo del Sole, o col calcolo, o colle Tavole, si conoscerà ancora la fua ascensione retta, ed in conseguenza l'ascensione retta del punto ad esso opposto, ovvero del centro dell'ombra, e perciò farà noto RD, e perchè fi conosce anche RB, ch'è l'aicensione apparente, si conoscerà ancora la loro differenza, cioè l'arco BD, e perciò si conoscerà l'angolo BPD. Dunque nel triangolo APZ essendo noti tueti e tre i lati, cioè AZ distanza apparente della Luna dal Zenit., AP diftanza apparente della Luna dal Polo, e PZ distanza del Zenit dal polo, si conoscerà l' angolo PAZ. Dipoi in PAV dati gli angoli APV, e PAV, e il lato AP, si conoscerà AV, ch'è la parallasse ricercata : data la quale si avrà secondo le cose sopraddette la sua distanza ancora dal centro della Terra e dall'occhio dell'offervatore.

Ritrovata la diffanza per un tempo , è facile il ritrovarla per auti i tempi. Imperocche fia OR [.2 ] la Terra, di cui T è il centro e l'offervatore è in O, e fia L il fito della Luna offervaso col metodo precedente, per cui farono determinate le diffanze OL.

<sup>(1)</sup> Fig. 4. Tav. 23. [ 2 ] Fig. 5. Tav. 23.

TL, e fissi offervato allora nel primo entrare dell'ombra il diametro apparente dalla Luna. Sc, quando la Luna è in / si osferva parimente il soo diametro apparente, essendo le dislanze in ragione reciproca de' diametri apparenti, avrassi la dislanza Os. Nel triangolo dunque Ost conoscondo il due lati Os, Ost, e l'angolo TOL dato per l'apparente altezza, si conoscerà ancora la dislanza ricercata TI; com'era propossilo.

#### Mesodi per conoscere la distanza del Sole dal centro della Terra.

Tre sono i metodi sin ad ora celebrati presso gli Astronomi per discoprire quale sia la distanza del Sole dal centro della Ter-ra. Il primo è d'Ipparco, il secondo di Aristarco Samio, il ter-zo è di Domenico Cassini,

Il metodo d'Ipparco confifte in dedurre la parallaffe orizzontale del Sole dalla parallaffe orizzontal della Luna. Imperocchè fe, come abbiamo esposto [1], il semiangolo del cono terrestre fi eguaglia al femidiametro apparente del Sole meno la parallaffe orizzontale del Sole, farà dunque la parallaffe del Sole eguale al semidiametro apparente del Sole meno il semiangolo dal cono terrestre. E perchè il semiangolo dal cono terrestre si eguaglia al semidiametro dell'ombra apparente meno la parallasse Lunare, farà dunque la parallaffe orrizzontale del Sole egnale al femidiametro più la parallasse orizzontale Lunare, e meno il semidiametro dell'ombra apparente. Di tal metodo fiservirono quafi tutti gli antichi da Ipparco fino a Keplero, e il P. Riccioli, e in tal modo trovò Ticone effere la paralfasse orizzontale del Sole di 3. minuti, la quale poi da Longomontano suo discepolo fu ridotta a 2. minuti e 40. fecondi, le quali quantità però fono affai maggiori delle vere, come apparifce nell'ufo de'metodi meno lubrici, ed incerti di questo.

Del fecondo merodo è Autore Ariftarco di Samo, e confifte in parigionare il aditanza della Luna della Terra, e dal Sole allora quando comparite Dictorme, o Bipartire, il che per intendere è primamente da offervari , ch'effendo la Luna un corpo opaco, e sircico, una parte di effa reffa. Sompre illuminata da Sole; ed una parte refta oferra, e febbene la parte illuminata de fempre maggiore della Luna, controcció tanta è la diffanza della Luna dal Sole, che una non è differente femibilmente della Luna dal Sole, che una non è differente femibilmente dall'altra; onde può confiderati la

<sup>[1]</sup> Fig. 1. Tav. 21.

sfera lunare in due emisferi egualmente sempre divifa. l'uno illuminato, e l'altro oscuro. E' da notare in secondo luogo, che dus volte al mese comparisce a nostr' occhi tale Bapartimento, o Dicosomia, nel tempo vicino alle quadrature, nel qual tempo la comune sezione de' due emisseri , ovvero il piano dell'illuminazione passa per l'occhio dello spettatore, ovvero pel centro della Terra, ed in conseguenza la linea che unisce i centri della Luna e la Terra è perpendicolare a quella, che unisce i centri della Luna e del Sole. Poste le quali cose sia E[1] il centro del Sole, Z il centro della Terra, L la Luna bipartita, ela linea OO rappresenti il piano biparziente, che passa per lo spettatore A, e per lo centro della Terra Z, a cui è perpendicolare la linea LE, che unisce i centri della Luna e del Sole. Se nel triangolo Dicotomico LZE si prende l'angolo LZE, ch'è la diftanza della Luna Dicotoma dal Sole, efidetermina o per offervazione, o per calcolo, conoscendosi l'angolo LZE, e l'angolo ZLh, ch'è retto, e finalmente il lato LZ, ch'è la diftanza della Luna Dicotoma dalla Terra, si conoscerà ancora il lato ZE, ch'è la ricercata diffanza.

Per avere più accurate le osservazioni è cosa espediente il prendere quel tempo, in cui la Dicotomia della Luna è intorno il nonagefimo grado dell' ecclittica, e quando l'altezza della Luna è massima, e la latitudine è minima, essendo in tal modo minimi gli errori, che nascono dalla rifrazione, e dalla latitudine . Tutta l'esatezza del metodo consiste in determinare il preciso momento della Dicotomia. Il che per fare si eleggano due momenti, il primo in cui vi possa esser dubbio se la Luna cessa di comparire più colle Corna, il secondo, in cui si sospetti se incomincia a comparire Gibbafa, L' intervallo di tali due momenti, che come afferma il Riccioli, non passa mai mezz'ora, divifo per metà darà il tempo più proffimo, che aver fi poffa per la ricercata Dicotomia, Ma se coll'offervazione stessa si voglia coposcere il tempo della Dicotomia, è cosa espediente l'adoprare un Telescopio, che ingrandisca più che far si possa, applicando un dritto filo alla lente obbiettiva, il quale nel momento ftesto . in cui coincide colla dritta O O determinerà il tempo della vera Dicotomia.

In tale maniera il P. Riccioli l'anno 1651 adi 27 di Aprile 7 ore, e 38 minuti dopo il mezzo giorno offervò in Bologoa la Luna bipartita, la quale in quel tempo era alta 65 gradi, eche di poco aveva passaco il nonagesso dell'ecclittica. Calcolati al-

<sup>[ 1 ]</sup> Fig. 6. Tav. 23.

lora per mezzo delle tavole i luoghi del Sole, e della Luna ritruvò che l'angolo della difanza della Luna dal Sole, cioè l'angolo
LZE era di 80 gradi, 34 minuti, e 30 fecondi; ed in confequenza l'angolo ZEL, che dal VVifton è chiamato la Purallaffe mafrusa dei Sole, era di minuti 25, e fecondi 10, dal che ne feguita, che la linea ZE, cioè la diflanza del Sole dalla Terra folle di
7000 femidiametri terrefiri. Ma il Vendelino dopo molto, e dacurata offervazioni afferma aver egli ritrovato maggiore l'angolo
della diflanza LZE, cioè di gradi 89, e minuti 45; ondene fegue
effere l'angolo ZEL di foli minuti 15, e perciò effere la diflanza
del Sole molto maggiore di quella, che ritrorò il Padre Riccioli.

Determinata la diffanza del Sole per mezzodel triangolo Dicotomico, feguita ancora la determinazione della parallalle orizzontale di quello, la quale-trovafi dal P. Riccioli atia minore della Ticonica, e non più che a 30 fecondi afcendere, che dal Vendelino è fatta ancora minore, e non più di 13 fecondi ella è poffa.

Il terzo metodo tende a determinar la parallasse di Marte, dalla quale si deduce poi quella del Sole. [1] Sia , come espone il chiarissimo Bianchini il circolo AFBC [2] l'equatore terrestre, HMK il circolo diurno di Marte, quando egli fta nell' equatore, ed LVR l' equatore descritto nel firmamento, e s'intenda tale piano equatorio indefinitamente prodotto sicchè si distenda per le sfere di tutti i Pianeti, ed alle ftelle fiffe, e fia Marte in H nel piano dell' equatore. Per descrivere la sua diurna rotazione niente altro dee farsi, che muovere intorno il centro D la distanza DH, ficchè si descriva il circolo HMK, che Marte descriverebbe se non avesse proprio moto. Se tal circolo si divida in ventiquattro parti eguali, per ciascuna delle quali siano condotti tanti piani retti all' equatore, i quali nel centro D tutti si taglino, potrannosi questi considerare come tanti circoli orari, che riguardo a' loro luoghi faranno le veci di meridiani. Uno di quefti fia il piano LHAD, che farà il meridiano del luogo posto sotto l'equatore, dove fiavi un offervatore, che vegga Marte in H, ed una fissa in L per una medesima linea retta. Se tanto la fissa, quanto Marte non avessero altro moto che il diurno, nello spazio di ventiquatti' ore ritornerebbono insieme al luogo primiero. E se questo moto diurno fosse equabile, amendue sarebbono nel piano DMR dopo sei ore, il qual piano è il circolo dell' ora sesta Astronomica. Se vi fosse dunque uno spettatore nel centro D, che guardasse perpetuamente tali corpi, li vedrebbe sempre amendue in una fola retta congiunti, o fossero nel piano DHL, o nel piano DMR. Ma

<sup>[ 1 ]</sup> Atti di Lipfia Ott. 1685. [2] Fig. 7. Tav. 23.

Ma non così accade allo spettatore posto in A. Imperocchè quando la fissa e Marte sono nel suo meridiano, li vede bensì nella stessa retta AHL, ma quando sono in un altro meridiano. come DR, farà Marte veduto nel piano AM, e la Fifla nel piano AR, e perciò parerà, che Marte siasi avanzato all'occidente, o che la Fissa siasi mossa all'oriente, sebbene di fatto amendue col folo moto diurno, come fi suppone, equabilmente si sieno girati. Ma per altro sapendo egli, come l'uno e l'altro equabilmente si è mosso, saprà, che amendue dopo sei ore deggiono esfere posti nel circolo dell' ora sesta Astronomica vera, ma troverà ancora, che dopo fei ore Marte ha passato il piano dell'ora festa sensibile, essendo il circolo orario sesto sensibile riguardo allo spettatore A non il piano DR, ma AN. La differenza poi del tempo, che s'impiega nel passaggio di Marte dal piano dell' ora festa razionale al piano della sentibile, che si può dire la parallasse oraria, si conosce dall'arco equatorio PM. che Marte in tale tempo descrive; il quale si eguaglia all'angolo PAM eguale all'alterno AMD, cioè a dire eguale all'angolo, fotto cui uno spettatore posto in Marte vedrebbe il semidiametro della Terra, e tale la parallasse di Marte, in maniera che se tal arco PM è di un solo grado, comparirà a tale spetiatore passar Marte per lo piano AP quattro minuti d'ora prima che passino le sei ore del suo allontanamento dal meridiano. Quanto più Marte è lontano dalla Terra, tanto è minore l'angolo, fotto cui la Terra farebbe veduta da Marte, e perciò minore sarebbe la differenza del tempo nel passaggio di Marte da un piano all'altro. Che se l'allontanamento di quest' Astro fosse massimo, qual è quello delle Fisse, sarebbe così piccolo l'angolo ARP, ovvero il suo eguale NAR, che sarebbe affaito impercettibile, ed apparirebbe egli nel piano AN nello stello tempo sensibile, in cui la Fissa comparirebbe in DR. In tal modo una Stella fista, o piuttosto un orologio oscillatorio infieme colla Stella può far le funzioni di un offervatore posto al centro C. Imperocche qual altra cosa può fare un offervatore posto nel centro C, che renderci certi d'aver veduto la Fissa e Marte nello stesso piano dell'ora sesta Astronomica, mentre noi intanto offervando questi due Astri gli abbiamo veduti in luogo diverso? Ma ciò lo dimostra a noi il nostr'orologio, numerando le ore dalpassaggio di Marte pel meridiano. Imperocchè costando a noi, che la Stella dopo sei ore dal suo passaggio pel meridiano è per essere nel piano dell' ora festa DR, saremo sicuri, che la Stella è in tale piano, quando ci viene dall'orologio indicata la festa ora. Ma per-Parte II.

chè riguardo alle fisse il piano dell'ora festa sensibile conviene col piano dell'ora festa razionale, se dopo sei ere dal passaggio della fissa pel meridiano disponiamo un piano, che passi per la fissa e il nostr'occhio, il quale piano sia parallelo all'asse terrestre, sarà questo il piano dell'ora sesta sensibile, in cui vi sarà necessariamente la fissa, e allora Marte comparirà essere distante da quello tanti minuti, quanti ne ricerca la fua parallaffe. Si noti perciò col pendolo il numero de' fecondi, che s'impiegano tra'l passaggio di Marte, e della fiffa, ed in tal modo computando per ogni quattro fecondi orarj un minuto primo di fpazio, fi avrà la Parallaffe MAN, ovvero AMD, che dovea ritrovarsi. Ed in tal modo il Cassini, e poi col suo esempio il Flamsteedio ritrovarono la Parallasse di Marte, la quale non paísò giammai 25, secondi, il che tanto più su dipoi confermato quanto che lo stello Autore avendo collo stello metodo computata quella di Venere, ed avendola poi paragonata con quella di Marte, la ritrovò la medefima.

Data la parallasse di Marte non è dissicile il determinare quella del Sole. Imperocchè essendosi ritrovata quella di Marte minor di az, secondi in tempo di Marte Acronico, nel qual tempo il Soleera più che il doppio dissante dalla Terra di quello che Marte, seguita ancora, che la parallasse del Sole sia un poco meno che la metà di quella di Marte, onde venga ad essere 10. secondi in circa come l'ha shabilitatil celebre Cassini, e dopo d'esso il Flamsteccio, e il Nevton non troppo discrepante da quella del Vendelino calcolata per mezzo della dicotomia della Luna, nèda quello di Hugenio, che la pone tra il 69, e il 10, o del Sig, de la Hire, che la pone tra il 69, e il 10, o del Sig, de la Hire, che la pone tra il 69, e il 10, o del Sig, de la Hire, che la pone tra il 69, e il 10, o del Sig, de la Hire, che la pone tra il 69, e il 10, o del Sig, de la Hire, che la pone tra il 69, e il 10, o del Sig, de la Hire, che la pone tra il 69, e il 10, o del Sig, de la Hire, che la pone tra il 69, e il 10, o del Sig, de la Hire, che la pone tra il 69, e il 10, o del si del pone tra il 69, e il 10, o del si del pone tra il 69, e il 10, o del si del pone tra il 69, e il 10, o del pone tra il 69, e il 10, o del si del pone tra il 69, e il 10, o del si del pone tra il 69, e il 10, o del pone tra il 69, e il 10, o del pone tra il 69, e il 10, o del pone tra il 69, e il 10, o del pone tra il 69, e il 10, o del pone tra il 69, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra il 60, e il 10, o del pone tra i

Data la parallafie orizzontale del Sole fegue per lo calcolo trigonomettico la determinazione della fiua difianza dal centro della Terra, come abbiamo fipiegato nella lunare. Così fe fi ammette col P. Riccioli efiere la parallafie orizzontale del Sole di 30. fecondi, trovafi la difianza media del Sole di 7000. femidiametri terreftir. Ma fe col Vendelino è di 75., farà la difianza di 14000. Se poi come il Caffini, e il Flamfieedio è di 10, la difianza farà di 12000, la quale fecondo l'Hugenio monta ancor più, ed afcende a 24000., e fecondo de la Hire 2 34000.

Data in fine la diflanza media del Sol dalla Terra ne confeguono tutte le diflanze degli altri l'aneti . Imperocchè tra gli altri metodi avendo il Copernico ritrovato il modo di determinare la proporzione, che hanno le diflanze de' Pianeti primari con"quella del Sole, quando fia conoficiuta quella del Sole, potrannoli colla fola regola aurea conoscere ancora quelle d'ogni primario.

Di-

Distanze del Sole, e de Pianeti Primari dalla Terra in semidiametri Terrestri secondo il Cassini.

-	Media	Minima
23000	22000	11000
38000	22000	6000
22374	22000	21626
50000	23500	80000
143000	115000	87000
244000	210000	176000
61	57	. 53
	38000 22374 59000 143000 244000	38000 22000 22374 22000 59000 33500 143000 115000 244000 210000

### Distanze medie de' Pianeti primari dal Sole, posta quella della Terra di parti 100000, secondo s' Hugenio, [1]

Distanza Media			E	ccentricit
di Mercurio	38806			841
di Venere	72400			500
di Marte	152350			1411
della Terra	100000			180
di Giove	519650			2505
di Saturno	951000	'		5420

## Distanze medie in miglia Inglesi secondo il Vviston. [2]

di Mercurio	32000000
di Venere	59000000
della Terra	81000000
di Marte	123000000
di Giove	424000000
di Saturno	777000000

Date le distanze de' Piàneti primari dal Sole ne conseguita la cognizione delle loro grandezze, come ci espone il Keill [3] nelle sue lezioni Astronomiche secondo il metodo dell' Hugenio.

E primamente per quello che appartiene a Saturno, vedendofi il diametro del suo anello, allora ch' egli è Perigeo, fotto un angolo di 68. secondi, ed essendo la minima distanza di quello Cc ij

<sup>[ 1 ]</sup> Autom. Vedi il Volfio pag. 537. [2] Prel. Astron. [3] Lez. 24.

alla media del Sole come 8: 1 incirca, feguita che fe Satumo faf. fe tanto diffante quanto il Sole, comparirebbe fotto un angolo di 544 fecondi, e perciò poflo il diametro apparente del Sole, quale lo pone l'Hugenio di 30, e 30°, farebbe quello a questo come 544: 1830, ovvero come 11: 37. E perchè il diametro di Saturno a quello dell'anello fi offerva effere come 5: 11, farà dunque il diametro di Saturno a quello del Sole, come 5: 37.

Il diametro di Giove nella minima diffanza apparifee di 64 secondi, ed essendo questa alla media distanza del Sole come 26 : 3 prossimamente, se Giove sosse tanto distante quanto il Sole apparirebbe 335 secondi; e perciò il suo diametro a quello del Sole sa

ra come 335 : 1830.

Il diametro di Marte, quando è Perigeo, non eccede 30 fecondi, e perciò essendo tale distanza di Marte alla media del Sole come 15: 41, se Marte sosse nella stessa del sole si vedrebbe con un diametro di 11 secondi in circa; e perciò il diametro di

esso a quello del Sole sarà come 11 : 1830.

Quello di Venere Perigea comparifee di 85 fecondi. Ed'essendia distanza alla media del Sole come 21: 82, se Venere fosse distante quanto il Sole, si vedrebbe con un diametro preso che di 22 secondi, onde si conosce essere il diametro di essa quello del Sole come 22: 1830. Cost essendi li diametro di Mercurio a quello del Sole, come pone l'Hevelio in ragione di 1: 290, e quello della Terra, come pono il Cassini, a quello del Sole, come pono il Cassini, a quello del Sole, come ri e gi 3 seguita, che se il diametro del Sole sole, come ri e gi 3 seguita, che se il diametro del Sole sole.

divide in 1000 parti, faranno i diametri de' Pianeti, come nella feguente tavola.

del Sole	.,	100
di Saturno	7	131
di Giove		18
di Marte		
della Terra		50
di Venere		12
di Mercurio	** *	

Ed essendo le ssere, como i cubi dei diametri, saranno le grandezze de Pianeti primari come i seguenti numeri

del Sole 1000000000
di Saturno 2571353
di Giove 5929741
di Marte 216
della Terra 10000

dà

di Venere di Merrurio

64

Ne' quali numeri può offervarsi, che il Sole supera in grandezza tutti i Pianei primati presi insisme più di cento e sedici volte. Saturno è minore del Sole quattrocento volte. Giove cento e sesfanta volte, la Terra un milione. E comparando i Pianeti tra se, osservasi che Giove è maggior di tutti già attri Pianeti presi infeme; e della Terra è maggior quasi sei mila volte. Cos. Venere è quasi due volte maggior della Terra, ma Mercurio, e Marte sono minori.

Diametri de' Pianeti in miglia Inglesi secondo il Vviston [1].

del Sole		763460
di Saturno		67870
di Giove	*	81155
di Marte		4444
della Terra		7935
di Venere		7906
di Mercurio		4230
della Luna		2175

I cubi de quali numeri daranno le grandezze de Pianeti in miglia Inglefi, che potrannosi trasportare alle Venete essendo quelle a queste come 125: 154

E poichè si conoscono i diametri di Giove, e di Saturno si conofoeranno ancora per le cose dette le distanze de loro satelliti in mifure note, senza che più ci fermiamo in tale argomento.

Della prima Legge Kepleriana intorno la relazione de' tempi, e delle distanze. Cap. III.

N Ella contemplazione delle disfanze co' tempi periodici de Pianeti ritrovò il Keplero in tale maniera corrispondersi quelle con quelle, che in ogni caso si serbasie sempre la medelima Legge, la qual è, che per tutti i Pianeti i quadrati de' tempi periodici soffero sempre come i cubi delle dissanze. Il che primamente in qualunque primărio si trova vero. Così se il tempo di Saturno si pone 30, e quello di Giove 12, faranno i toro quadrati goo, e 144. Ed essendo le dissanze medie prossimamente come 9:5, saranno i cubi di este 720, e 125, la ragione de' quali è prossimamente come quella de' suddetti quadrati. Così il tempo tempo periodico delle

<sup>[</sup> I ] L. c.

qella Terra a quello di Mercurio è un poco più di 4 : 1, e perciò i loro quadrati ponno confiderarfi, come rj : 1. Le loro medie difianze fono in circa come 100 : 38, i cubi delle quali fono 1000000, e 54072, che fi hanno profilipamente come i fuddetti quadrati. Se ciò fi esperimenta in tutti gli altri Piante ii n qualunque modo tra se combinati, ciò fi conserva sempre secondo la medefima Legge; il che va con tanta maggior esattezza, con quanto più esatri numeri si fanno le computazioni.

Tale maravigliosa Legge offervossi poi dagli Astronomi posteriori al Keplero verificarsi ancora ne' Secondarj. Così essendo le distanze de' Satelliti di Giove come 5 2, 9, 14 1 e 15, ed i tempi pe-

riodici come 1 3, 33, 71, 6 163, il quadrato del tempo pe-

riodico del primo al quadrato del tempo periodico del fecondo è come 3: 13, ed in tal modo profilmamente fi ritrova effere il cubo della difinaza del primo 170 al cubo 736 della difinaza del fecondo. Così 3 a 51 quadrato del tempo del terzo come 170 a 2890 cubo della difinaza del terzo. E finalmente 3 a 280 quadrato del tempo del quarto, come 170 al cubo della difinaza 15800, Così ne'Satelliti di Saturno.

Della seconda Legge intorno la relazione de tempi, e delle arec dell'Elissi dai Pianeti descritte. Cap. IV.

Opo ch' ebbe il Keplero scoperta qual sosse l'orbita vera de bita, e ritrovo elser tale orbita, e ritrovo elser tali l'oro moti; che i tempi periodici di qualunque Pianeta sono le arec dell'elsse, s' egit descrivce, determinate da raggio conduttore, che unice il centro del Sole col centro del detto Pianeta. Così se sia AMCN [1] l'elissi, che descrive un Pianeta sintorno del Sole, il cui luogo è nel Foco S, divis s' arec di tali elissi in quante si voglia parti, come si vede nella figura, saranno queste come i tempi, ne quali glia rachi ellitrici, sono dal Pianeta percosi. E tale è la seconda delle due celebri Leggi dal Keplero se come i tempi, ne quali glia rachi ellitrici, sono dal Pianeta percosi. E tale è la seconda delle due celebri Leggi dal Keplero se come i tempi, perche vanno unisormemente come i tempi, crescendo. Ma gli angoli fatti in S, come ASm, sono se Anomalie terquabili.

Corol-

### Corollarj di questa Legge.

1. Effendo per tale regola del Keplero i tempi periodici de' Pianeti come le aree prefe dal centro del moto, ed in configuenza in tale maniera movendoli i pianeti, che in tempi eguali il raggio conduttore SM. determina eguali aree, feguita in primo logo, che la celerità de' pianeti non folo debba apparire incquallo i, ma realmente lo fia : ficchè quando dal Periolio C all' Afelio A afcendono vadano meno veloci di quello che quando difendono dall' Afelio A al Periolio C. Così parimente aggli Afeli è neceffario, che tardifilmamente fi muovano, en e'periol' velocifilimamente.

2. La velocità de pianeti fla fempré in ragione reciproca delle linee perpendicolari trate perpendicolarmente alle tangenti dell'e-liffi, che paffano per lo centro del pianeta. Imperocchè fia DAF [1] un'eliffi di un pianeta, e nel foco S fia il Sole, e fieno gli archi AB, ab in tempi eguali infinitefimi decritti, i quali perciò efprimeranno le di lui velocità, e per la Legge Kepleriana faranno le aree, ovvero i triangoli SBA, Sab eguali. Alle tangenti AP, ap fi tirino dal punto S le perpendicolari SP, Sp, e farà il primo triangolo eguale a SP. AB [per gli elementi di Euclide] ed il fe-

condo Sp. ab; onde si deduce SP: Sp = ab: AB; cioè a dire le

perpendicolari alle tangenti, come le velocità reciprocamente. Dal che ne feguita, che nell'Afelio A effendo tale perpendicolare la maflima, e nel Perielio C la minima, farà ancora nell'Afelio A minima la velocità del Pianeta, e mallima nel Perielio, come conviene alle offervazioni, il che può fervire di metodo per determi-

nare gli Afelj, e i Perielj di qualunque pianeta.

3. Ĝii angôii al Sole, che nel minimo tempo delcrive il pianeta, fono in ragione inversa de quadrati delle ditlanze dal Sole. Imperocchò fieno nella flessa figura AB, ed ab gli archi ellittici in minimi tempi descritti, e sia be l'arco che miura l'angolo al Sole 38, ed mm missiri l'angolo ASB, stranno dunque tali angoli come be: mn, ovvero in ragione compossa di be: BE, ed BE: mn. E perchè i triangoli 82a, BSA per la regola del Aeplero sono eguali, tarà be: BE = SB: Sb; c parimente BE: mn = SB: Sm = Sb: Dunque tali angoli stranno in ragione compossa di SB: Sb, ed SB: Sb cioè a dire come il quadrato di SB al quadrato di Sb; che sono le dissare.

Della inequalità del moto de Pianeti. Cap. V.

PEr conoscere l'inequabilità de' moti di un pianeta, e le varie mutazioni delle sue velocità paragonano i Kepleriani il di lui moto ineguale ellittico col moto di qualche punto, che equabilmente descrivesse un circolo. Sia perciò ABCD [ 1 ] l'elissi di un Pianera, in cui il foco Sè il luogo del Sole, AC è l'asse maggiore, e f il minore. Fatto centro S sidescriva il circolo GB&D, la cui area fia eguale alla data eliffi. Se intanto che il Pianeta dall' Afelio A movesi verso E nell'elissi con velocità inequabile, si concepisca un punto, ch'equabilmente si mova nel circolo da G in M, si conoscerà, che tal punto dee percorrere archi circolari eguali in tempi eguali, e che perciò gli archi percorfi faranno come i tempi; e perchè come sono gli archi circolari, così sono i settori ; saranno tali fettori, qual è GSM ancor essi come i tempi, e perchè secondo la Legge Kepleriana le aree dell'elissi percorse dal Pianeta sono come i tempi, faranno dunque tali fettori di circolo come le aree dell' elissi in egual tempo percorse. Se si prenderà dunque l'area E SA dell'elissi eguale al settore GSM del circolo, avrassi per un dato tempo il luogo E del pianeta, e l'angolo MSE farà la differenza, che passa tra il moto equabile e l'inequabile, il qual angolo perciò farà la Prostaferesi, che per avere il moto equabile ora bisognerà aggingnere, ed ora levare dal moto inequabile ora hisognerà aggiugnere, ed ora levare dal moto inequabile del Pianeta.

E' da offervare, che l'area AGLE adeguandosi al settore circolare MSL, faranno tali aree come tali fettori, ovvero come gli angoli MSL, cioè a dire, come la proftaferesi. Dalle quali cose feguita primamente, che crescendo sempre per tutto l'arco AB tali aree, crescerà sempre ancora l'eccesso del moto equabile sull'inequabile, il quale nel punto della interfezione B sarà il masfimo, ed eguale all'area AEBG. Dopo il punto B tal eccesso va diminuendo. Imperocchè se si prende l'area circolare GBmS eguale all'ellittica ABeS, l'eccesso di questa sopra di quella è l'area AEBG meno il triangolo missilineo Bmn . Più che avanza il Pianeta verso C, più cresce il triangolo Bmn, ed in confeguenza l'eccesso del moto equabile si diminuisce sino che il Pianeta è nel perielio C, dove il triangolo Bmn diventa BbC. che per la costruzione si agguaglia all'area AEBG, e perciò l' eccesso del moto equabile sull' inequabile è zero , cioè a dire l' uno coll' altro coincide . Ma dopo che il Pianeta ha fu-

<sup>[ 1 ]</sup> Fig. 1. Tav. 24.

fuperato C crefcendo maggiormente il fuddetto triangolo, l'ecceffio diventa negativo, cioè a dire il moto equabile è fuperato dall'inequabile, e la quantità, con cui è fuperato, va crefcendo fino in D, ch'è il fecondo punto della interfezione, dove fla il maffimo coccio del moto inequabile fopra l'equabile, dopo che fi va tale ecceifo fempre diminuendo, e fi va accoflando l' inequabile all'equabile finochè nell'Afelio A di nuovo coincidono.

. Se l'area dell'elissi ABEF [1] si divida in aree uguali con i raggi centrali trait dal Foco S, gli archi ellittici AB, BC ec. faranno gli spazi dal Pianeta in egual tempo percossi. Da ciò si conosce, che le velocità angolari del Pianeta sono sempre differenti, e dall'Afelio A fino al Perielio F vanno sempre crescondo, ma per lo contrario dal Perielio F all'Afelio A sempre decresciono.

Nell'Afelio A [2] la velocità angolare è minima di tutte, e va fempre poi crescendo sino che si eguaglia all'equabile, il che

fi fa nel punto della interfezione B.

Il she în tal maniera può dimostrarsi. Imperocchè quando il Pianeta col moto inequabite è nel punto dell'etisis B, il mobile, che abbiamo concepito muoversi equabilmente nel circolo, sia nel punto M. E sieno l'arec in ua minimo tempo dall'ano, e dall'altro descritte PSB, NSM, che faranno per la suppossizione eguali. Negligendo dunque il triangolo RPB, come infinite-simo del fecond'ordine, portà il fettore RSB considerarsi eguale al settore NSM; e così l'angolo BSR all'angolo MSN; cioè a dire la velocità angolare al punto B eguale alla media.

In vigore di tal Legge per qualunque tempo dato trovafi il luogo del Pianeta in Cielo; e per lo contrario dato il luogo in Cielo del Pianeta, trovafi il tempo, cui tal luogo rifonde: il che è lo fcopo di tutta l'Aftronomia. Imperocché fia l'eilia APB [3], nel di cui foco S fia il Sole, fi ficera quale fia il punto P, che per un dato tempo occupa il Pianeta nel Cielo; bifognerà dividere l'eliffi in maniera, che l'area PSA (ch'è l'A-monalia Media) abbia quella ragione a tutta l'area elittica, che na il tempo dato al tempo della rivoluzione totale del Pianeta, e l'angolo FSA, [ch'è l'A-monalia Vera] datà il punto P ricercato. Per lo contrario fe fia dato il luogo del Pianeta P, cioè l'angolo, o l'Amonalia Vera PSA, per conofere il temposche a tal luogo rifponde, bifognerà conofere qual ragione ha l'area, ovvero Amenalia Media PSA a tutta l'eliffi.

Tale è il celebre problema del Keplero, ch'egli primo propose,

Parte II.

D d ma

(1) Fig. 2, Tav. 24. (2) Fig. 3, Tav. 24. [3] Fig. 4. T. 24.

Heurin Caryl

ma non potè sciogliere con Metodo, come chiamano Diretto, ma folo per Attentazione, per lo qual difetto l'Astronomia elittica Kepleriana fu da molti rifiutata, e come poco Geometrica considerata, onde ad altre Ipotesi, ed altre curve tono ricorsi; colle quali però confrontando accuratamente le offervazioni, non fi vedevano convenire i luoghi de' Pianeti, onde in fine ogni altra Teoria vedevafi meno convenire di quella de Kepl-o. Ma a tal difetto supplirono poi altri profondiffimi ad elio poti ciori Altronomi, i quali in diversi modi la soluzione di tale protrema diretramente diedero, dopo che fu maravigliofamente ina zata la Geometria, e coltivate le dottrine delle ierie infinite, e delle quadrature.

La risoluzione dello stesso problema conduce alla cognizione delle distanze di qualunque Pianeta del Sole, ed in conteguenza ancora di qualunque pianeta tra fe. Imperocchè nel triangolo PCS effendo noto l'angolo PSC, ch'è l'anomalia vera, e l'angolo PCS complemento a due retti di PCA diffanza del pianeta dall' Afelio A, ed infine effendo noto il lato CS, che è l'eccentricità dell'orbita, averaffi col calcolo trigonometrico la diffanza SP del pianeta dal Sole, ed in tal modo conosciute le distanze de' pianeti dal Sole, averannoti le loro diflanze dalla Terra, e tra fe.

### ANNOTAZIONI.

1. Tali elissi descritte da' pianeti primari sono stabilite dai Kepleriani, come immote, tanto per riguardo della loro inclinazione all'ecclittica; che fi offerva mantenersi sempre la stessa, quanto per la positura dell'asse maggiore, che sempre guarda il medesimo punto di Cielo. Certamente prima di Streezio Professore di Astronomia Saviliano, ed Autore delle Tavole Caroline giudicavasi comunemente che gli Afeli delle orbite Planetari si movessero in conseguenza de segni. Ma dopo ch'egli ebbe controntato accuratatamente le offervazioni degli antichi, e de' nuovi, e vide che gli Afelj cangiavano bensì di fito riguardo alle Dodecatemorie, ma non riguardo alle fiffe, fu il primo, che giudicò effere il moto degli Ateli folo apparenti e non dipendere da altro la fua apparenza, che dalla Precession degli Equinozi, e come tale precesfione non importa che 53 fecondi per anno, così non importare il moto dell'Afelio di ciascun Pianeta altro che 52 secondi , al qual giudizio si conformarono poi gli Astronomi più prudenti.

3. Le stesse curve simperocche uniforme a se stessa è la Natura] ffabilifcono i Kepleriani, che descrivano ancora i Secondari Pia-

Pianeti intorno il loro Primario. Il che sebbene intieramente non fi diftingue ne' Satelliti di Giove, e di Saturno, l'orbite de' quali per la somma loro distanza vengono considerate, come elisti di minima eccentricità, o come circoli, nel secondario della Terra però tale curva più chiaramente fi deduce. Imperocchè se fosfe la fua orbita un circolo alla Terra concentrico, non comparirebbe ora più, ed ora meno dalla Terra distante, ora con maggiore, ed ora con minore diametro, ed ora più, ora meno veloce. Ma neppure tal orbita può confiderarsi, come un circolo eccentrico, perchè con tal figura non convengono i luoghi offervati . ma bensì con l'elissi, astraendo da quelle discrepanze, che sono da cause Fisiche, come diremo, cagionate. Vi ha però questa differenza tra le orbite de primari, e quelle de fecondari. Imperocchè quelle de primari sono immutabili, e per la loro inclinazione all'ecclittica e per la loro eccentricità, ed infine per ognialtra circostanza; ma quelle de'secondari variano in tutto. Ciò si manifesta nel terrestre secondario, la cui orbita si trova continuamente variare ogni giorno e d'inclinazione, e di positura di asse. Ne la sua eccentricità è costante, ma variabile, onde ora più, ora meno mutafi la proporzione degli affi, e l'elissi si approssima, o si allontana da un circolo secondo i vari siti, che ha tale Pianeta col Sole, ed altre mutazioni patisce, di cui le cagioni Fisiche non prima da' mortali sono state intese di quello che loro le comunicasse il celebratissimo Nevyton nella sua Filosofia matematica.

4. Non altre curve giudicò ancora, che descrivessero i Pianeti il celebre Setho-Vardo prima Professore di Astronomia Saviliano, indi Arcivescovo di Salisbury; in uno de' Fochi starsi il Sole; ma in tale maniera temperarsi il moto de' Pianeti, che non, come il Keplero suppone, le aree dal raggio conduttore descritte sieno proporzionali ai tempi; ma gli angoli tirati dall'altro Foco al centro del Pianeta; sulla qual Ipotesi egli stabilì la sua elegante opera, in cui, febbene è aberrante dal vero, le aberrazioni sono però così minute, e nello stello tempo i metodi così facili di determinare i luoghi de' Pianeti, che con ragione è giudicata una delle più eccellenti Ipotesi che sia stata giammai costruita. La quale stessa propose poi in Parigi il Conte di Pagan, come vera nel 1657 persualo, che le discrepanze, che da esta sitrovano, altro non fiano, ch' errori delle offervazioni. Tale Ipotefi giudicò di doverfi poi regolare il chiarissimo Ismaele Bullialdo, mentre da quattro offervazioni fatte da Ticone fopra di Marte dedusse che l' Ipotesi del Vardo non conveniva. Imperocchè tirando gli angoli dal Dd ii

sue Fasi. Molto più dee stabilirsi, che Mercurio circondi il Sole per la vicinanza, ch'egli mantiene col Sole, da cui l'elongazioni di Mercurio fono sempre minori di quelle di Venere. Così egli è vero, che l'orbita di Marte dee contenere la Terra, altramente non potrebbe dallo spettatore terrestre vedersi in Opposizione col Sole; ma egli è altresi necessario, ch' egli si giri ancora intorno del Sole; imperocchè avvicinandosi alla congiunzione col Sole, se fosse dissotto d'esso, apparirebbe falcato a guisa di Venere, e della Luna, il che è contro le offervazioni, apparendo al più un poco Gibbofo, come abbiamo detto, allora quando è in aspetto quadrato col Sole. Le quali ragioni vagliono ancora per Giove, e Saturno.

2. Data l'Ipotesi Copernicana osservasi conservata la maravigliofa legge Kepleriana, per cui i tempi, e le distanze in talo maniera si corrispondono, che i cubi di quelle sono sempre como i quadrati di queste. Ma posto che il Sole giri intorno la Terra, viene cotesta legge distrutta. Imperocchè girando la Luna in 27 giorni intorno la Terra, ed il Sole in 365 giorni, ed effendo lontana la Luna dalla Terra nella sua mediocre distanza 60 semidiametri in circa terrestri, se si cerca quale con questa Legge debba essere la distanza del Sole, e perciò si faccia come 729, che è il quadrato del tempo Lunare al 133225, ch'è il quadrato del tempo del Sole, così 216000, ch'è il cubo della distanza della Luna al quarto numero, troverassi 39460356, di cui la radice cubica, ch'è 340, darà la diftanza del Sole dalla Terra, la quale è assai minore di quella, che si trova co' metodi di sopra esplicati.

3. Di tutti i Corpi, che nel Planetario sistema girano quello folo, che di sua luce risplende, è il Sole, il quale perciò ha la stessa proprietà che hanno le Stelle, nè si conosce essere da esse differente, se non di apparente grandezza, essendo fuori d'ogni controversia, che tanto una Stella posta nel fito del Sole apparirebbe un Sole, quanto il Sole posto nel sito delle Fisse apparirebbe una Fissa. Ma non essendo attribuito alcun moto proprio o alcuna orbita alle Stelle, che perciò come Fisse in ogni Sistema fi stabiliscono, dovrà dunque per la ragion della parità stabilirsi Fisso anche il Sole.

4. Non v'è ragione di stabilire che di sedici Corpi dello stesso genere, cioè a dir senza Luce, parte primari, e parte secondari, quindici percorrano le loro orbite, ed un folo stia fermo,

il che è contro la uniformità della Natura.

Molte objezioni sono state controtale Ipotesi proposte, la maggior parte delle quali sono state raccolte dal P. Riccioli; di cui le prinprincipali sono. 1. Che se sosse conveniente codesta Ipotes, dovrebbono veders cangiar di sto nel moto annuo le Stelle verticali. 2. Non dovrebbono le Stelle vicine a'Poli apparire sempre
nella medessima altezza, ma ora più, ora meno secondo i vari
stii da la Terra. 3. Nel grande avvicinamento satro dalla Terra
alle Fille dovrebbono alterarsi notabilmente i diametri apparenti
delle Fisse. 4. Se la Terra si movesse, le case, e gli alberi dovrebbono ruinare, i corpi gravi non caderebbono perpendicolarmente in Terra, una palla insine di bomba andrebbe più veloce,
essendo vibrata verso l'occidente di quello che verso l'oriente;
perchè nel primo caso col moto diurun della Terra cossiria, e

nel secondo è contraria, ec.

Alle quali cofe rispondono i Copernicani, 1. che se si considerano colla dovuta attenzione le Stelle verticali, si veggiono cangiar sito, 2. E così parimente le Polari cangiar di altezza : 3. Che il diametro apparente delle Stelle fisse non si cangia nell' allontanamento, o avvicinamento della Terra, perchè sebbene il diametro dell'orbe annuo è affai grande per riguardo delle nostre fensibili grandezze, per riguardo però della distanza delle Fisse diventa affatto infensibile, in maniera che se si prende la distanza delle Fisse secondo il computo di Hugenio, l'avvicinamento della terra è meno della ottomillesima parte della distanza delle Fisse. il che non può far sensibile ingrandimento del loro diametro apparente. 4. Che se non sentiamo il suo moto ciò nasce , perchè de'moti, che fono comuni a noi, non abbiamo alcuna percezione, ed il moto della Terra è a noi comune, essendo noi insieme colla Terra portati. Che se gli alberi, e i corpiterrestrinella rotazione della Terra non si divelgono, e non restano per l' aria fecondo la tangente vibrati, ciò nasce per cagion della lorogravità, la quale fa equilibrio colla loro forza centrifuga, dalla. qual ragione nasce, che le parti del Sole non si svelgono, e si diffipano nella rotazione del Sole, e così di tutti gli altri corpi, che girano intorno il proprio Asse. Un fatso vibrato in alto perpendicolarmente, dee vedersi cadere per lo stesso perpendicolo tanto se la Terra sta quieta, quanto se gira, intorno il suo asse. Imperocchè egli è vero, che tali gravi oltre il moto, con cui discendono dall'alto al basio, hanno ancora il moto di rotazione, cheli trasporta in giro come parti della Terra, e perciò nel discendere deggiono essi percorrere una curva, e non una retta. Ma come il moto di rotazione è tanto ad essi, quanto a noi comune, così non è da noi percepito; nè si fa sensibile se non il moto della discesa. In tal maniera offervo il Gassendi, che allora quando dentro

dentro una nave, che corre, fi lafcia cadere un fasso dall' alto dell'albero, quelli che sianno sul lido veggono cadere il fasso per una parabola, ma quellt che sianno dentro della nave, non veggono, che una retta. Nulla importa infine se i corpi sieno modit vers' oriente, o vers' occidente, il che non altera la propria loro velocità in quella maniera che dentro di una nave, che va verso oriente aulta diminuisce di velocità un corpo, ch' è vibrato in contraria parte.

Di alcune principali confeguenze del Sistema Copernicano.

Cap. VI.

Uno de' principali argomenti, che portano per lo Sistema lole situazioni della Fissie in diversi tempi dell'anno, e ti reggono nelle situazioni della Fissie in diversi tempi dell'anno, e ti resi pretentanon sarsi, come il moto annuo della Terra ricerca. Imperocche primamente se la Terra descrive col moto annuo l'ecclitrica, è cota necessaria, che quelle Fisse, che ogni giorno passano
per lo nostro Zenit, o prosiime ad esto, cangino la loro distanza dal vertice nel circolo meridiano, e si avvicinino più in un
tempo, che in un altro. Del che uno de 'primi ad accorgesti su l'acutilismo Hookio. Avendo perciò eretto, e fernamente stabilito un
Telescopio di 26 piedi nel tetto della fua camera, osservò quanta todfe la minima distanza dal vertice della Lucida possa na capo del Dragone in tre differenti mesi, e a disfermò aversa in tal maniera trovata
diminuita, come esserva la cassa della Terra, e la variazione di tale distanza estere ascesa a 24 eccondi in circa.

Con un'altra sua osservazione fatta per molti anni nella Stella polare, che sia nella Coda dell'Orsi minore, preteste anora lo Flansstedio di confermare maggiormente tale Sistema. Imperocché sia S [1] la Stella polate, ABCD l'orbita della Terra, al cui piano indefinitamente prodotto sia SE perpensicolare. Per lo punto E si produca il diametro, dell'orbita annua BD, sicchè come dalla possizione della Stella stella conseguita] B sia il uogo dell'ecclittica, dove sia la Terra nel sossitizio invernale, D nello estivo. Si tirino SB, ed SD, e sia PM l'alsi etterestre. Essendo l'asse della Terra sempre parallelo a se stesso, è necessario, che se la Terra con moto annuo si move, l'angolo SBP, cioè la distanza apparente della Stella dal polo nel sossitizio nevenale sia diverso dall'angolo SDP, cioè dalla distanza apparente della stesso chivo. Il che dopo repli-

<sup>(1)</sup> Fig. 5. T. 24.

cate offervazioni fatte per quindici anni affermò d' aver titrovato il Flamfleedio, come ne rende conto in una fua Piñola al Vallis, e la differenza di tali angoli, d'è eguale all'angolo BSD, ovvero alla parallafe amma effere fata quali di 42 tecondi, onde deduffe, che fe la ffeffa fifia foffe fata al polo dell'ecclittica, la fua parallaffe annua [che nel tal calo è la maffina] farebbe flata di 47 fecondi.

In tale materia meditò accuratamente il dottiffimo Euflachio Manfredi, ed avendo prima efamiano attentamente, quali mutazioni apparir debbano riguardo alla fituazione delle Fifle, sippofto il Siferma Copernicano, vi applicò poi diligentifime otiervazioni per vedere, fe a quelle corritpoudevano quefle, del cine fece l'efopizione prima all'Emineralismo Sig. Cartinale Davia nel celebre suo trattato delle aberrazioni delle Fifse, indi all' enduttifimo Leptotto nella memoria, che sia inferita nella Raccostra Accademica di Bologna, del che ora dire-

E prima di tutto egli fa conoscere, come tirando una linea visuale dall'occhio dello spettatore terrestre ad una qualunque Fissa, e producendo tal linea oltre la stella fino alla superficie d'una più alta sfera, non può la Terra cangiar continuamente di sito, e descrivere l'ecclittica nello spazio di un anno, se nello stesso tempo non cangia sito anche tal linea, descrivendo due superficie coniche, il vertice comune delle quali sta sempre nel centro della stella, ed in tal modo non comparisca, la stella descrivere ogn'anno una specie d'Ovale. Tale ovale potersi considerar come un'eliffi in tutte le positure della stella, suoriche quando essa è nel Polo stesso dell'ecclittica, o quando è nel piano della medesima ecclittica; nel primo caso potendosi considerar come un Circolo, e nel fecondo degenerando in una Retta . Il centro di questa ovale è in quel punto dell'alta sfera, dove si dirige la linea, che dal centro del Sole al centro della stella si può tirare; l'affe minore fi dirige al Polo dell' ecclittica, dalla positura del quale dipende quella dell'asse maggior conjugato.

In tale apparente 'conversion di una Fissa potersi considerare diversi aspetti di essa riguardo al Sole. Imperocchè quando la Fissa apparice in uno de due estremi dell'asse monore, essendo riferita allo sessione dell'asse a cui allora si riferice il Sole, pula Consimuzione, quando è nell'estremo, e guando l'ecclistica; e nella Opporizione quando è nell'estremo, e guando è nell'estremo, quando è nell'estremo, e guando è nell'estremo il Maquando è negli estremo il dell'asse maggiore, allora è nelle Quadrature. Così pormi dell'asse maggiore, allora è nelle Quadrature. Così pormi dell'asse maggiore, allora è nelle Quadrature.

no

no considerarsi in essa alcune Direzioni, Stazioni, e Regressioni. Imperocchè quando passa da una Quadratura all'altra per lo punto della congiunzione apparisce Diretta, ma da questa Quadratura all'altra, Retrograda, e intorno le Quadrature Stazionaria.

Per la qual curva nascono principalmente due Aberrazioni, l'una di Latindine, e l'altra di Longitudine. Delle quali la prima facilmente si conosce, se si consolira come di con apiù lontana, ora meno, debba comparir dall'ecclitica secondo i punti della curva, in cui si ritrova; essendo la massima disferenza delle sue lontananze l'asse minore dell'oval, che descrive. La seconda parimente si conosce, se si fissia un circolo massimo perpendicolare all'ecclitica, cui è cosa evidente, che ora più, ora meno comparirà vicina; il che sa cangiamento della sua posizione per Longitudine.

Se fi paragonano tra se molte Fisse, trovansi esse varie in ciascuna le Ovali; ii che però non è fenza la sua regola. Imperocchè quelle, che sono egualmente dal Sole distanti, ma inegualmente dal polo dell'eccitirica, hanno gli assi maggiori eguali, ma gli assi minori sono come i seni delle latitudini. In tale ragione per confeguenza sono le massime aberrazioni per latitudine; Ma le aberrazioni per latinadine; Ma le aberrazioni per latinadine; ono come i seni inversi delle loro distanze dal Polo. Per lo contrazio quelle Stele, che sono egualmente dissanti dal Polo dell'ecclitica, ed inegualmente dal Sole, descrivono tali ovali, che i loro assi primari prono in ragione inversa delle distanze, e i secondari sono proprimari. Perciò tali ovali faranno sempre tra se simili, e le aberrazioni negli resti alperti col Sole sarano tra se simili, e le aberrazioni negli resti alperti col Sole sarano tra

fe proporzionali.

Se tali mutazioni di fito riguardo all'ecclittica fi riducano per maggior facilità delle offervazioni all'equatore, feguitano principalmente due cose. La prima, che ciascuna Fissa non dee sempre passare per lo stesso punto del meridiano; ma ora dec comparire più alta, ora meno. La seconda, che in tempi diversi dell'anno debbono anche effer diversi gl'intervalli del tempo, in cui la medesima Fissa dee comparire nel Meridiano. Le quali cose l'acutissimo Astronomo avendo esattissimamente ridotte a calcolo, incominciò poi ad applicarvi le offervazioni, e principalmente intorno gl' intervalli de' tempi. Per tale cosa elesfe fra l'altre quelle Fisse, che sono della prima grand:zza al numero di quattordici, e fono la Capressa, il Rigel, quella che sta alla Spalla dell'Orione, il Sirio, il Procione il Cuore dell' Idra, il Cuor del Leone, la Spica della Vergine, l' Ar-Parte II. fui o .

turo , il Cuore dello Scorpione , la Lira , e Fomabaut , delle quali fe fi prendono a due a due , effendovi novantuna combinazione altrettante offervazioni poteano farfi intorno le differenze de'tempi dall'ascendeza dell'una all'ascendenza dell'altra . Fatte però molte offervazioni nell'anno 1727, intorno i tempi dell'ascendenza di alcune di queste fisse, e principalmente intorno di Arturo, e Sirio riguardo al piano di un Telescopio Murale, e con maggior cura gli anni seguenti intorno le differenze dei tempi della Capresta, e la Lira, indi del Sirio, e la medesima Lira, ed in altre combinazioni, vide certamente farsi continue variazioni, ed i tempi frapposti fra il passaggio dell'una, e il passaggio dell'altra, essere sempre diversi. Ma confrontando poi tutte codeste variazioni colle Leggi del Sistema Copernicano non folo non vide convenire con esso Sistema; ma anzi farsi inuna maniera totalmente contraria a ciò, che in esso si ricercava . Perciò egli così conclude fcrivendo al Leprotti . Illud potius expectas, ut tibi indicem, quem ordinem, que tempora, quas denique leges annuæ illæ aberrationes servent, quantum in banc diem conjicere potuerim. Ego verò, Leprotte ornatissime, quas leges non servent, facile agnoscere, tibique certo significare possum, quas servent non tam facile possum. Itaque boc primum certò nunc tibi affirmo , qued in meo opusculo timide tansum, dubitanterque afferueram, evagationes fixarum a me observatas nibil commune babere cum annua illa Copernicanorum parallaxi, cujus leges in eo libello explanavi. Cioè:

Tu piutrofio aspetti , ch'io ti dinoti qual ordine , quai tempi , e finalmente quali leggi siano da quelle annue aberrazioni mantenute per quanto ho potuto sin ora dedurre . Ma io posso ben facilitente , o Leprotti ornatissimo , e conoscer , e con certezza manifestari quali Leggi este non serbano, ma non quelle che ferbano. Per tanto primamente ora io t'affermo ciò che solo timidamente , e con dubbiezza nel moi libretto aveva pronunciato , che le aberrazioni delle Fisse da me osservate multanno di comune con quella parallasse nanua de'Copernicani, le

di cui leggi io ti ho nel mio libretto esplicate.

Ed in altro luogo confrontando le ofiervazoni fatte intorno i tempi del Sirio , e della Lira colle variazioni , che fecondo la legge delle paraliaffi doveano vederfi, offervò non effervi altro, che diferepanze, anzi contrarietà. Imperocchè quando la differenza de' empi dovea comparire la mailima, allora accreficevali; ed in una parola nulla vedera in ell'ordine delle ofiervazioni , che in una parola nulla vedera in ell'ordine delle ofiervazioni , che

non ripugni a codesta Ipotesi . Wibil, babes observationum ordo, quod cum Hypothesi non pugnes. Il che ancora nelle altre combinazioni trovò esse persetuo. Nulla enim ferè est XCI illis seriebus, quam cum parallascon rasionibus conciliare posson. Per le quali cose concluse esservat el tutto inutile l'argomento preso dalle aberrazioni annue apparenti delle Fisse per sitabilire il Sistema Copernicano, e doversi ogni altra ragione di tali senomeni arrecassi . che il moto annuo dalla Terra supposto dal Copernica.

Egli è vero che molte osservationi satte da altri Astronomi pare, che favorsicano il suddetto Sistema, e colle leggi delle parallassi annue esattamente convengano. Tali sono le osservazioni di Olao Romer; e tali quelle dell'Horrebovio Astronomo Danesse fatte per molti anni a Copenhagen, ed inserite da esso con quelle di Romer nel libretto, che nel 1727, egli pubblicò doi titolo di Copernico rivosfante. Ma ridotte anora queste al calcolo, come dimosstra il sovralodato Autore, talvolta si trovano mancanti di tali Leggi, e talvolta ancora contrarie; onde dopo di averle ben esaminate conclude, non più da quelle, che dalle proprie potersi inferire il moto annuo Copernicano. En sosse comibus satis siguere arbitror aliquid adbuc desiderari, quonimus è Danicis sillis observationibus telluris mosus cuincanto. Dalle quali cose giudico stari abbaltanza manisses o, che nelle osservationi Danessi qualche cosa ancora vi manchi per istabilire il moto della Terra.

Da tali difficoltà circondato il profondissimo Jacopo Bradlejo Astronomo Inglese dopo di avere per mezzo di un grande, e ben lavorato Telescopio offervato con una incredibile diligenza le aberrazioni di molte stelle verticali riguardo alle meridiane loro altezze, ed aver veduto, che nessuna delle sue osservazioni corrispondeva alla legge dell'annue parallassi, nè potendo ciò risondere o nelle rifrazioni, o nella declinazione del perpendicolo, o nel vacillamento dell'asse terrestre, fatte molte investigazioni finalmente giudicò, che di tali fenomeni la cagione dovesse prendersi non dal moto annuo solo della Terra, come sin ora avevafi fatto : ma dal moto annuo , ed infieme dalla fuccessiva propagazion della luce secondo la supposizione di Romer. Tali principi se si prendono soli nulla servono per esplicare le aberrazioni delle Fisse; ma se l'uno con l'altro si congiunga, da essi veggonsi derivare tutti codesti effetti . Imperocchè se intanto che è portato lo spettatore terrestre per l'orbita annua scende da una stella la luce con una velocità, che alla velocità del moto annuo fia in ragione finita, non doversi veder la stella nella linea, che la unisce

Ec ij (

con l'occhio dello spettatore, ma dover apparire suoi di quella verso dove si dirigge il moto dell'occhio, ed in modo deviare, che come si ha la celevità del lume alla celevità dell'occhio, così sempre si abbia si seno dell'angolo, che sa la linna della direzione dell'occhio colla linna invata dell'occhio al luopo apparenteda la sitella al seno dell'angolo di aberrazione: Così se la linea della direzione dell'occhio sin BD (1) e siavi una Fissi sin S, e siubito che si è mosso l'occhio da B in A si concepisca tirata la linea SA, giudica egli non doversi vedere la stella in S per la retta AS; ma in R per la linea AR posta nello stello si si si con in guisa che il seno dell'aberrazione SAR sia come la celerità della luce alla celerità dell'occhio.

Poste le quali cose egli dimostra doversi vedere nelle fisse un moto ellittico, come nell'Ipotesi delle parallassi; ma esservi questa differenza dall' una all'altra Ipotesi, che in quella quando le fisse sono nelle Sizigie col Sole comparifcono negli estremi dell'asse conjugato in manira che quando fono nella Congiunzione si veggono in quell'estremo ch'è più rimoto dal Polo dell'ecclittica, e da quello incomincia la loro rivoluzione verso oriente. Ma nella ipotesi del Bradlejo compariscono allora le fisse nell'estremo occidentale dell'asse trasverso, dal qual punto incomincia la loro rivoluzione colla medefima direzione, che quella dell'altro caso. Nasce perciò che le aberrazioni del medefimo genere [ cioè quelle di longitudine, o di latitudine I fono massime in questa ipotesi, quando sono zero nell'altra; e iono zero in questa, quando nell'altra iono massime. Nelle eliffi di ciascuna fissa i semiasti trasversi sono stabiliti di 20 fecondi proffimamente. Imperocchè di tanti fecondi in circa egli offerva effere le massime aberrazioni in tutte lessse, quando l'angolo dell'inclinazione è retto : onde fegue ancora essere la celerità della Terra alla celerità del lume come il feno totale al feno di 20 fecondi.

Colle quali regole maravigliofamente convengono tutte le offervazioni Bradlejane intorno le declinazioni delle Fiffe; colle quali medelime confrontando poi l'acuratifimo Manfredi le sue fatte con somma attenzione intorno le ascersioni, le vide non meno estatamente convenire di quelle, come nelle sue Tavole [2] egli manifella. Dal che ne deriva certamente una somma gloria al Bradlejo, qualunque cosa ne sia delle due ipotto, fulle quali egli regolò tali computazioni, l'una delle quali, come diremo, disconviene dal senso letterale de libri facti, e l'altra non senza ragione è sta ta posta in incerto da' due Cassini, dal Maraldi, e da altri dottissimi Uomini dell'Accademia Real di Parigi.

A N-

<sup>(1)</sup> Fig. 6. Tav. 24. [2] Raccolta di Bologna.

#### ANNOTAZIONE.

Ofta però il senso letterale de' Livir facri, che come tale di fatto si fabilifica commemente essere il Cielo, quale lo suppongono i Copernicani, essenso in quelli, non in un luogo solo, espressa la quiete della Terra, ed il moto del Sole. Così nell' Ecclesiaste Cap. 1. dicesì, che la Terra fai neterno. Terra in acternom sterio in attabilità, nè inclinera per tutti i secoli. qui stondis i Terra nella sua fibilità, nè inclinera per tutti i secoli. qui stondis i Terram super shabilità ne inclinera per tutti i secoli. qui stondis i Terram super shabilità ne sono nencimabitare in seculum seculi. Ed in Giotò Cap. 10. comanda Giosuè, che nella battaglia contro i Gabaoniti il Sole si sermi. Sol courra Gabaon ne movearis. Perciò non come Tesso, o Proposizione assoluta, ma solo come Iposes, ciò a die come Principio i donco all'esplicazion de' Fenomeni celesti può tale Teoria sostenersi, come si dichiara nel decreto di Paolo V. fatto nel 1620.

#### SEZIONE SECONDA.

Del Sistema di Ticone.

# CAPO UNICO.

PER tali difficoltà veggendo il famoso Ticone non potere stabilitris il Sistema di Copernico, con cui non potea conciliarsi la lettera de' Libri facri, e dall'altra parte vedendo, che nè pure il Tolemaico poteva addottarsi per la ripugnanza, ch'egsi ha non solo colle Leggi Fissche, maancora colle Altinonomiche, giudicò di poter rimediare all' uno, e l'altro disordine con un nuovo Sistema da esso verso il sine del decimosesso cello inventato, in cui stabilite essera [1] mimobile nel centro dell' Universo, intorno cui come Pianeta secondario gira la Luna. Ma di uttti gli altri Pianeti è centro il Sole, il quale con tutto il suo orbe gira intorno la Terra immota. E mentre il Sole con moto annuo gira intorno la Terra, gira parimente intorno della il Firmamento con un moto lento, e compie il suo periodo in 25000 anni.

Ma avendo taciuto Ticone intorno il moto diurno, feguita ch' egli o intendelle oltre di tutti i fuddetti moti effervi anche quello del primo Mobile, che rapifee tutti i corpi da oriente in occidente nello spazio di 24 ore, come stabilisce Tolomeo,

<sup>(1)</sup> Fig. 7. Tav. 24.

meo, o supponesse qualche altro moto, che soddisfacesse a questa

apparenza.

'Obbjettano però i Copernicani effere contro la fimplicità della Natura, che tutti quegli effitti che possiono diumo della Terra intorno il suo asse, si ottengano o col rapimento non intelligibile di tutto l' universo, o con un moto particolare di tutti i corpi. Ma quando anche ciò sia, non poterfi accordare colle leggi della Mecanica, che tutti i corpi sinon intorno la Terra rapti, ed in tale rapidissima conversione niente sia mossi la Terra, e non sia obbligata a girare intorno il suo asse, principalmente non effendo essa nel corto di questa conversione, ma suori del centro, il che tanto più la rende esposta alla violenza di quella.

Per le quali cofe giudicarono alcuni dovessi temperare il Sistema Ticonico, e dovessi attribuire alla Terra un moto di vertigine intorno il suo assigne come ha posto il Copernico, per esplicare le apparenze del moto diurno, purchè si neghi ad essa il moto dell'orbita, e si stabilisca per centro dell'Universo, come stabilisce Toolomeo, il quale Sistema perciò su chiamato il Semi-Ticonico.

Ma oltre che anche a quefla Suppofizione fa forza il fenfo letterale de' libri facri, come alla Suppofizion di Copernico, è fempre cofa strana, che le Vie de' Pianeti siano così implicate, come vengono ad essere passa il sole, come tra i punti D, ed E, e così dove passa Venere. In secondo luogo essere totta tutta l'armonia de corpi celesti, e tutto l'ordine; e non potersi affegnat ragion siste di questa mutazione, che di tutti i Primari la Terra sola non giri, mentre ciascuno gira, effere il Sistema di Ticone niente altro che una perturbazione del Copernicano, per restituire il quale basta ridur la Terra alla sua sede, la quale da Ticone è stata contro la legge delle armonie sische di luogo levata, e disturbata ec.

#### SEZIONET E R

Esposizione delle principali ragioni Fisiche apportate da' Filosofi per lo Sistema Copernico-Kepleriano .

Le più celebri sono quelle del Nevoton, del Cartesto. e del Leibnizio , delle quali parleremo , e prima delle ragioni Fisiche del Nevuton . Cap. I.

CHe i Pianeti Primari intorno il Sole, ed i Secondari in-torno il loro Primario descrivano le Elissi Apolloniane nella maniera in cui abbiamo descritto, stabilisce il profondissimo Nevvton non altra effere la cagione che la Gravità, per cui ogni primario è grave verso il Sole, ed ogni secondario verso il suo primario. La quale Gravità se non vi sosse, andrebbe ciascun pianeta per la tangente dell'orbita, che descrive, ed in

alcun modo non descriverebbe egli una curva.

Tale gravità essere in tutti i corpi , ed omogenea , nè esservi folo un punto, in cui tendano i Gravi, come suppongono la maggior parte degli antichi; ma ciascun corpo tendere in ciascun corpo. Imperocchè doversi considerare in ogni Corpo esservi come una Sfera attraente, qualunque siasi il modo di tale attrazione certamente fin ora incognito, o fia una impulsione di qualche materia, che colla sua centrifuga forza spinga al centro gli altri corpi , o fia una causa occasionale , o in fine qualunque Legge finale dell' Autore della natura, o qualunque altra cagione , e tale Atmosfera attrattiva effere ne'corpi presso poco, come veggiamo effere la loro nelle Calamite . E perciò come un ferro, che fosse posto in mezzo a molte Calamite, sarebbe attratto da tutte; fecondo la proporzione delle loro forze, così ancora un corpo in mezzo ad altri corpi. L'efficacia di tali attrazioni in diversi corpi , essere come i corpi , ovvero le masse traenti, ed in un medesimo corpo essere come i quadrati inversi delle distanze dal centro del medesimo corpo. Per questo siccome un ferro vicino ad una grossa Calamita può considerarsi come non attratto dalle altre, che e fono minori, e fono in molta diftanza poste; così i pianeti primari, che fono vicini al Sole fi poffono confiderare come non attratti dalle Stelle fife, l'atmosfera delle quali per la troppa diftanza svanisce. Ma come l'attrazion della calamita farebbe turbata, se vicino al ferro attratto se ne ponesse un'altra, così l'azione di alcuni corpi può esfere alterata dall'azione di

altuni altri, quando l' uno si avvicini all' altro, onde desume il suddetto Autore le variazioni, ed irregolarità, che tratto tratto veggiamo accadere principalmente ne' secondarj, e fra gli altri nella Luna.

Le quali cose per esplicare sia in primo luogo un corpo A, che per qualunque direzione AT [1] sia da una forza mosso, ed insieme da un' altra forza centrale sia continuamente spinto verlo un dato punto fisso S, seguita, che il detto corpo descriverà una curva concava verso S, tutta in un immoto piano, che per la retta AT, e per lo punto S si stende, e le arec determinate dal raggio conduttore S A faranno in proporzione de' tempi, ne' quali il corpo descrive la detta curva. Imperocchè sia vibrato il detto corpo per la retta AT in maniera, che in tempi eguali percorra le parti eguali AB, BG, GT ec. Se allora quando è in B si concepisca spinto da una Forza centrale al punto fisso S, sicchè intanto ch' egli percorre BG per la prima forza, debba percorrere BF per la seconda. Compiuto il parallelogrammo BFCG è chiaro per la dottrina delle forze composte, che allora il detto corpo percorrerà la diagonale BC, la quale è nel piano stesso, in cui sono i lati del parallelogrammo, ed in confeguenza nel piano delle linee AT, BS, ed ellendo il triangolo BSG eguale al triangolo BSA per la costruzione, ed allo stesso BSG essendo eguale BSC, perchè sulla stessa base, tra le medefime parallele, farà BSA eguale a BSC. Nello ftesso modo nel terzo tempo il detto corpo percorrendo per tali due forze la diagonale CD, fidimostrerà, che il triangolo CSD si eguaglia al triangolo BSC, e così feguitando, dalle quali cofe fi conosce effere in tale supposizione descritta dal Corpo A una curva verso S, tutta in un immoto piano, ed a' tempi uguali corrispondere aree uguali, com' era proposto.

Sia in secondo l'uogo descritta da un Mobile la curva ABCD [3] posta in un immoto piano, e concava, ed in tal modo, che da un punto fisio S posto verso il concavo d'essa tirando quantituo punto fisio S posto verso il concavo d'essa tirando quantituo mome i tempi, ne' quali il mobile descrive la curva, dico, che sarà tale Corpo presio, e continuamente spinto da una forza centrale verso il detto punto fisio S. Imperocché sieno le parti AB, BC, CD quelle, che in minimi tempi eguali descrive il mobile, che perciò possiono considerari a gussa dirette. Prodorta AB in c in maniera che Bc sia eguale ad AB si ri il a centrale BS, e la CG parallela a Bc e perchè si supposino considerati si su prodocti si supposi per la CG parallela a Bc e perchè si supposiono considerati si su prodocti su proposito della supposita della supposita per la considera della supposita con supposita della supposita

no

<sup>(1)</sup> Fig. 8. Tav. 24. (2) Fig. 9. Tav. 24.

no le aree come i tempi, farà il triangolo SBA eguale a SBC, ed allo flesso SBA si eguaglia parimente ScB per la cossiruione. Dunque SBC, ed ScB sono eguali, e perciò estendo sulla stessi bas si aranno tra due parallele, e sarà Cc parallela a BG. Dunque BG strà diagonale del parallelogrammo BGCc, la qua le estendo una circaione compossa delle due direzioni BC, eBG, seguita che il Mobile per tall direzioni sa spino da due forze, una delle quali è la forza currate, che lo spigne per Bc, e l'altra è la forza currate, che lo preme per BG verso il punto S. Nello stesso modo può dimostrassi, che mentre il mobile descrive la CD è stimotato dalla forza centrale, che lo spigne per CS, il che essendo vero d'ogni altro punto, è manifelta la proposizione,

# COROLLARJ.

1. Perchè dunque secondo il Keplero in tale maniera i primari pianeti si muovono intorno il Sole, che descrivono intorno d' essi o una concava curva in un immoto piano, e le aree determinate dai raggi conduttori tirati dal centro del Sole al centro del Pianeta come i tempi, seguita necessariamente, che in qualunque punto dell'orbita tali pianeti tendano al Sole.

2. Ma perchè intorno altro Corpo essi non girano, nè di qualunque curva, che posiano apparire di descrivere intorno altri corpi, le aree sono proporzionali ai tempi, seguita, che i pianeti primari ad altro corpo non tendano.

3. Girando colla stessa Legge i secondarjintorno i primarj, tenderanno dunque ancor esti verso il loro primario.

#### Con qual Legge proceda la Forza central de' Pianeti. Cap. II.

M A perchè quando un mobile è obbligato a deferivere un deliffi, e fi cerca qual fia la Legge della forza centrale, che continuamente lo figine, e lo preme al foco, si ritrova effer ella una forza, che decresce come i quadrati inversi delle dinaze dal medefimo Foco, come fi può vedere pressi il Nervoton, il Varignon, o altri, che delle forze centrali trattarono, e s'egliè vero, come osserva il Keplero, che ciascun pianeta primario descriva un'elissi, nel di cui soco sia il Sole, ieguita ancora, che enderà ciascun pianeta primario al Sole con una forza

Parte II. F f cen-

centrale, che sta sempre come i quadrati inversi delle distanze dello stesso pianeta dal Sole.

E tale parimente sarà la Legge della forza centrale, con cui li

fecondari tendono al centro del loro primario.

Il che maggiormente si conserma, perchè se si cerca quale sia la relazione de' tempi periodici colle dislanze allora, quando diversi corpi si rivolgono intorno ad un punto sitto con una sorza centrale, che colla suddetta Legge proceda, trovasi in tal maniera corrispondere i tempi colle distanze medie, che i cubi delle dissarga siano come i quadrati de' tempi periodici, la qual è una delle due sondamentali Leggi Kepleriane.

Tale forza centrale altro non essere, che quella, che noi chiamiamo Gravind fassi evidente, se si paragona la sorza centrale, con cui la Luna tende al centro della Terra e la tendenza de corpi terrestri, che no diciamo Gravi al centro della medessima Terra. Il che per dimostrare sia EFA [1] la Terra, di cui "1 centro sia T, ML l'orbita della Luna considerata per maggior facilità come un circolo, il cui arco LB sia de sila percorso in un minuto di tempo. E perch' ella compie il suo periodico in 27 giorni, 7 ore, e 43 minuti, cioè a dire in minuti 39343, l'arco LB sia la 1 di tutto il circolo, e perciò importerà 33 secondi.

spazio, che percorre la Luna in un minuto per la forza centrale, ovvero per la sua tendenza al centro della Terra. Ma perchè tale forza cresce come i quadrati inversi delle distanze dal centro, dunque nella superficie della Terra, dove la distanza dal centro è sefagesima, la tendenza della Luna sarebbe 3600 volte maggiore, e perciò se la Luna forbe 3600 volte maggiore, e perciò se la Luna fosse in tal sito posta, percorrerebbe in un minuto di tempo uno suazio 3600 volte maggiore dello spazio BC. Ma tale è lo spazio, che percorre ancora nello stesso tempo un saiso cadendo, come si conosce dalle dotrrine del Galilei [1], e dagli sperimenti di Hugenio. Dunque colla stessa legis legis con cui gravità un sasso, del mondessa per servicio del Terra, gravita ancora la Luna verso la medessa Terra.

Dalle quali cose seguita, che se con quella stessa di projezione

<sup>[1]</sup> Fig. 10. Tav. 24. [1] Dialogo del Moto.

zione fosse vibrato qualunque corpo terrestre in diretto, con cui è vibrata dal sommo Autore la Luna, egli percorrerebbe la stefia orbita, che percorre la Luna intorno la Terra, dovendovi ellere le stesse di cui a tamo do farebbe le veci di un facondario. Che se la Luna fosse a maggiore distanza posta, avrebbe ancora bisogno di mior projezione per mantenerii nella sua orbita, imperocchè allora ellendo diminuita la sua forza centropeta bassa ancora una minor velocità, che dal centro, a cui tende, la ritragga, ed in equilibrio la conservi,

Con questa stella Legge tendendo i Satelliti di Saturno al centro di Saturno, e le Stelle Medicee al centro di Giove, ed in fine tutt' i Primarj nel Sole non dubiteremo di dire, che i Satelliti di Saturno fiano gravi in Saturno, e le Stelle Medicee liano gravi in Giove, e finalmente qualunque primario nel Sole; la quale Gravità è in tutti unriforme e dalla medelima Lege dipendente: cioè a dire, in tutti derrefeente come i quadrati

inversi delle distanze dal centro.

Non è folo il Corpo Solare, in cui fi debba concepire un Atmosfera attraente, al di cui centro fiano obbligati a tendere tutti i pianeti primarj; nè vi è solo Giove, e Saturno, e la Terra, che attraggano. Imperocchè uniforme a se stessa è la Natura, e non più si dee attribuire ad un Corpo di quello, che ad un altro, e perciò ciascuno deesi considerare colla sua Forza attrattiva non meno che il Sole, e i tre fuddetti primarj, la qual forza non meno che in quelli decresce come i quadrati inversi delle distanze. Per le quali cose com: un primario è attratto dal Sole, ed obbligato a star sempre nella medesima curva, così può effere attratto da qualunque altro corpo, quando gli si faccia vicino, cioè a dire quando entri nell'atmosfera della sua attrazione. Non v' è Corpo, che non sia grave, cioè a dire, che a qualche punto non tenda. Le parti terrestri tendono al centro della Terra, le Gioviali al centro di Giove, le Saturnali a quel di Saturno, e nello stesso tempo l'aggregato di tutte le parti Terrestri, cioè la Terra tutta, e Giove, e Saturno tendono al Sole. Così le parti Lunari tendono al centro della Luna, e tutte insieme alla Terra; e la Terra, ed esse insieme al Sole, 'ed in tal modo la Gravità per l' Universo intiero è diffusa, e con le medesime Leggi.

#### Proprietà della Gravità. Cap. III.

CE si considera la gravità de' Corpi riguardo allo stesso At-J traente, di uno stesso Corpo posto a diverse distanze dal centro dell' Attrazione decrescono le tendenze, come abbiamo detto, in ragione inversa duplicata delle distanze. Ma se in pari distanze dal centro di uno stesso Attraente siano posti due Corpi diversi, faranno le loro gravitazioni come le loro maile . Imperocchè tutti i corpi tendono l'uno all'altro con una forza, che conviene a ciascuna particella della materia, e per ciò la forza totale, con cui un corpo tende in un altro è formata da tutte le forze congiunte insieme di ciascuna particella, che lo compone. Sarà dunque tale forza come il numero delle particelle, cioè a dire come la massa, quando si suppongano le stesse distanze. Dalle quali cose si deduce effere la Gravità de' corpi al centro di uno stesso Attraente tendenti in ragione composta diretta delle masse, ed inversa duplicata delle distanze. Perlochè se la massa di un corpo si dica M [i], ela fua diffanza dal centro C fi dica D, e la fua gravità G; ma la massa di un altro si dica m, la sua distanza dal centro c si dica d, e la sua gravità g, si averà questa proporzione

G: g = M: m

Ma se si considerano le gravità de' Corpi riguardo a' diversi Attraenti, dico, che le Forze acceleratrici verso diversi corpi, pofle le stette distanze, sono come gli stessi corpi Attraenti. Imperocchè fieno due Corpi qualunque A [2], ed a, i quali l'uno coll'altro si attraggano. E perchè l'azione è uguale alla re-azione , lo sforzo, con cui A attrae a, farà eguale allo sforzo, con cui A è attratto in a. E perchè le misure degli sforzi si prendono dalle masfe moltiplicate nelle Celerità virtuali, come abbiamo detto nei principi della Mecanica, se le Celerità virtuali si dicano C, e c, si avrà dunque per la supposizione AC = ac; onde si deduce la proporzione A: a = c: C, cioè a dire, come le Masse attraenti, così le Celerità virtuali, ovvero le Forze acceleratrici de' corpi tendenti. Così se per esempio sieno due pianeti, l'unode' quali gravita verso l'altro, e sia il primo mille volte maggior del secondo, l'accelerazione del primo verso il secondo sarà la millesima parte dell'accelerazione del fecondo verso il primo, cioè a dire nel tempo, in cui'l primo percorrerà un piede, il secondo ne percorrerà mille.

Altra

Altra dunque farà l'accelerazione di un corpo pollo fulla fuperficie del Sole da quella, che egli avrebbe de foite pollo fulla fuperficie della Terra; ed eliendo pari le diflanze, farebbe quella a quetta come la matia del Sole alla maila della Terra, ed citendo le diflanze ineguali, farebbe quella a quelta in ragione compolta diretta delle maile attraenti, ed inversa delle diflanze all centro dell'attrazione.

# Effetti delle scambievoli attrazioni de' corpi. Cap. IV.

SE il Sole attracffe i Pianeti primari, e nello ftello tempo egli fiaffe filto nel fio luogo, delcriverebber offi un Elitili, come flabilife il Keplero, di cui le arce prefe dal centro del Sole al centro del pianeta la rebbono proporzionali ai tempi. Ma perchè l'Azione fi eguaglia alla Reazione, e nello fleffo tempo, che il Sole attrac, è ancora attratto, per quefto l'elitili, che de ferivono i Pianeti non ha per umbilico il centro del Sole. Sefi confidera l'azione vicendevole del Sole, e di un Primario trovafo, che il Coro vero dell'Eliffi, che de deferivere tale primario non è il centro del Sole, ma, il centro di gravità del Sole, e di un Primario trovafo del detto primario. E fe fi confiderano le reazioni di tutti i primari infieme trovafi, che il vero Foco di tutte le lore lilion no è il centro del Sole, ma il centro comune di gravità polfo tra il Sole e i primari, intorno cui non meno fi rivolge ciafun primario di quello che il Sole.

Naîce da questo, che se în prendono le aree dal centro del Sole al centro del Pianeta, come fece il Keplero, non sitrovano così estatamente corrispondenti a' tempi periodici de' pianeti, come se si prendono dal centro comune de' pianeti, e del Sole . Sebbene tal centro non è notabilimente lontano dal centro del Sole a cagione della enorme grandezza del Sole, e perciò non trorò notabile errore il Keplero prendendo il centro del Sole per lo centro di tutte

le orbite Planetari.

Le curve, che colle fteffe leggi di forza centrale delcriverebbero i pianeti primari introro il Sole immobile a quelle, che nello ftefio tempo deferivono il Sole agitato, sono tali che gli affi, magiori di quelle sono in ragione suttriplicata della massa del Sole e delle massa del Pianeta e del Sol presi intieme; e con tal propofizione deggiono correggersi gli assi delle orbite ritrovati con i meciti Kepleriani.

Con tale agitazione del Sole fi conferva maggiormente la relazion de' Corpi tra fe di quello, che fe il Sole fosse immoto. Così

per



per esempio, passando Mercurio sotto di Giove sarebbe egli per l'attrazione di Giove più allontanato dal Sole, se il Sole stafse fisso, di quello che se il Sole sia ancor esso attratto da Gio-

ve ; e così riguardo a tutti glialtri Pianeti.

Dalla medelima vicendevole azione de Corpi nafee che non la Terra propriamente deferive un' elissi intorno il Sole; ma il centro di gravità della Terra, e del suo secondario. Così il centro di gravità di Giove, e de suoi satelliti, e così parimente riguardo a Saturno.

Dă questo parimente nasce il turbamento, che fuori del solito accade talvolta, come hanno offervato gli Altronomi, e principalmente il Flamsteedio, nei moti celesti. Così per esempio quando Giove passa da vicino a Saturno, egli per la sua vasta mole sensitimente si foroge turbare il moto di Saturno, e nello stessio tempo Saturno turbare il moto de' secondari di Giove. Così si turbano gli altri, benchè i loro turbamenti non siano

fempre fenfibili.

Dallo stello principio deriva, che l'asse Terrestre non si contervi sempre estatamente parallelo a se stello . Imperocchè essendo irregolare la figura [1] della Terra non in ogni sito egualmente c attratta dal Sole, il che cagiona in essa turbamento, e da lterazione di possitura in maniera che due volte all'anno il suo asse la sito primiero, onde la mutazione de Nodi nasce, e la Precessione degli Equinozi, come ha stabilito il Copernico.

# Delle irregolarità de' moti Lunari . Cap. V.

Tali principi quanto sano vasti , e quanto alla natura convenienti da questo solo poter conolecti affermano i Nevvtoniani , che prima di tali principi non vi su alcun Astronomo , che o ardisse , o potesse rendere ragione di tutte le maraviglio se mutazioni , che ne'moti celssi veggiamo fari, ma principalmente delle mutazioni irregolarissime , e stranssime , che si veggono remoti Lunari , le quali tutte intieramente si piegano col Sistema delle Asmosfere astraenti , ovvero della Gravita Universide, in maniera che pare non estervi più cosa alcuna , che manchi alla perfezione della Fissica celeste.

1. Imperocchè primamente, se non vi fosse l'azione del Sole, si moverebbe la Luna in tale maniera introno la Terra, che le aree prese dal centro della terra alla Luna sarebbono esattamente proporzionali ai tempi, e la Luna descriverebbe una persetta dissipara della contro de

<sup>1</sup> Vedete Gregory Aftr. L. 1. P. 6.1.

eliffi, il cui Foco farebbe nel centro della Terra. Ma l'azione del Sole fa, che nelle Sizigie, dove la Luna è attratta direttamente dal Sole, si mova ella con maggiore velocità di quello che nelle quadrature, dov'è attratta indirettamente, e perciò la curva, ch'ella deferive,abbia minor curvatuta nelle fizigie di quello che nelle quadrature; cioè a dire che l'alie minore della sua orbita sia posto versi di quelle, e il maggiore verso di queste.

2. Se l'azione del Sole non perturballe la Luna, ella deferiverebbe un'elitii immota perpetuamente intorno la Terra, ma dalla perturbazione del Sole nafce, che tal eliffi è continuamente turbata, la quale di fatto non è un'eliffi, ma una curva ma' fimamente irregolare, la quale se si vuol considerare a guisa dun'eliffi, è necessirio il concepire, che la sua linea degli Augi vada sempre oscillando, come è l'aporte dell'Horoccio, e si avanzi quando ella è nelle sizigie, ma retroceda quando è nelle quadrature , e l'avanzamento sia maggior del regressio, mentre l'Apogeo, e Perigeo della Luna sta nelle sizigie, ma per lo contrario minore, quando sta nelle quadrature.

3. Se non vi foife l'azione del Sole, fi deferiverebbe fempre una medefima foecie di elifi. Ma per la flefia adviene, che di giorno in giorno l'orbita Lunare fi cangia, continuamente cangiandofi eccentricità, la quale confiderata in una Lunazione è mafima, quando la Luna è nelle fizigie, e minima quando e nelle quadrature; ma confiderata in molte Lunazioni è mafima, quando gli forpidi fono nelle fizigie, e minima quando effi forpidi.

no nelle quadrature.

4. Dalla flessa azion nasce, che si mutano ancora continuamente i nodi dell'orbita Lunar coll'ecclittica da oriente in occidente, il qual moto considerato in una sola rivoluzione è velocissima quando la Luna è nelle sizigie, e tardissimo quando è nelle quadrature, ma considerato in molte è velocissimo quando i nodi sono nelle quadrature, tardissimo quando sono nelle fizigie.

5. Mutafi ancora l'inclinazione dell'orbita lunare al plano del l'ecclittica, la quale inclinazione confiderata in una rivoluzione è minima quando la Luna è nelle fizigle, maffima quando nelle quadrature, ed in molte rivoluzioni è minima quando i nod i fono nelle quadrature, e maffima quando nelle fizigle.

6. Tutti questi errori cangiano secondo che cangia la distanza della Terra dal Sole, i quali cangiamenti sono in ragione tri-

plicata inversa delle distanze della Terra dal Sole.

7. Tale distanza in fine altera lo stesso tempo periodico della Luna,

No sty Goog

Luna, il qual è minimo quando la Terra è Afelia, e massimo ; quando è Perielia.

Le quali cose diffusamente dimostrate possono vedersi nella stessa Filosofia del Sig. Nevvton, che ne fu l'inventore, o negli elemen-

dell' Aftronomia del Gregory [1].

In tal modo riduce il Nevvton a calcolo i moti di un Pianeta chiamato dagli Aftronomi consumace coll' ultima precisione, e colla massima conformità alle più accurate osservazioni : onde non senza ragione il celebre Hallejo cantò del nobile Autore versi immortali. Dicimus bine tandem, qua causa argentea Phoebe

Passibus baud aquis eat, O cur subdita nulli Hactenus Astronomo numerorum frana recuset.

Lo stesso si dee dedurre, che accada ancora ne secondari di Giove, e di Saturno.

## Delle Maffe, e Densità de' Pianeti. Cap. VI.

PEr determinare le masse de' pianeti sia S [a] il Sole, e P un Pianeta primario, come la Terra, intorno cui si arruoti il secondario A, e sia V qualunque altro pianeta solitario, qual è Marte. Fatta PB eguale a SV fiano le feguenti denominazioni, la maffa del Sole fi dica S, quella della Terra fi dica P, l' accelerazione di Marte verso il Sole si dica c, di Marte verso la Terra d, del punto B verso la Terra e, del secondario A verso la Terra v. La distanza SV m, PA n, il tempo periodico del secondario A intorno la Terra r, e quello di Marte circa il Sole s. E perchè in pari diftanze, come abbiamo detto di fopra, le tendenze sono come le masse traenti, averassi S : P = c : e. Ma c : e sta in ragione composta di o : f, e di f : e. Sarà dunque S : P in ragione composta di queste due ragioni . E perchè per le dottrine delle forze centrali le accelerazioni fono come le distanze divise per li quadrati de' tempi periodici, sarà v: f = m:n; ed effendo le accelerazioni al centro di un

medefimo corpo, come i quadrati inversi delle distanze sarà f : e = mm: nn. Softituendo adunque, la ragione della Maila S alla Massa P sara composta delle due ragioni m: n, ed mm: 5 5 F F

$$nn$$
; e perciò fi avrà  $S: P = m^1 : n^1$ 

Cioè

<sup>[1]</sup> L.4. [2] Fig. 13. Tav. 24.

Cioè a dire Massa del Sole a Massa della Terra in ragione composta diretta delle distanze, una di Marte dal Sole, e l'altra della Terra dalla Luna; ed inversa duplicata de' tempi, una della Luna intorno la Terra, e l'altro di Marte intorno del Sole.

In tal modo fatta la calcolazione trova il Sig. Gravefande [1] effere le maile del Sole, di Giove, e di Saturno, e della Terra

come i numeri feguenti

del Sole, di Giove, di Saturno, della Terra
10000 9, 248 4, 223 0 44

E perchè le densità sono in ragione composta diretta delle Maffe, e diretta delle grandezze, dividendo le sopradette quantità per le grandezze, averannosi le densità, che si ritrovano come i numeri seguenti.

Densirà del Sole, di Giove, di Saturno, della Terra.

Date le quali proporzioni pergli Pianeti primarj, ne quali v'è Satellizio, giudicano i Nevvtoniani poterfi dedurre le denfità degli altri per Analogia. Imperocchè non doverfi dubitare, che il fommo Autore non abbia collocato i pianeti in diverfe diflanze dal Sole, affinche l'econdo il grado della loro denità cialcuno abbia maggior, o minor calore ellendovi bilogno di maggior calore in un corpo più denlo di quello, che in un più rasp.

#### Ragioni Fisiche del Carresso. Cap. VII.

PER rendere ragioni fifiche de' moti celesti, quali abbiamo sin ora descritti, suppone il Cartesso [2], che dal principio tutta la materia, della quale questo Universo è composto sia stata dal sommo Autore in particelle prossimamnte eguali divita, e tutte insieme abbiano avuto tanto moto in se stelle, quanto già se ne ritrova per tutto l'universo. Ellere poi ciascheduna stata mossa intorno il suo centro; e nello stesso tempo molte insieme intorno a diversi punti fissi, ed in tal modo estersi formata l'estensione dell'universo a guisa di un vafto, ed indefinito Fluido con varj, ed ampj Vortici intorno a varj centri giranti. Introdotto tal moto doversi [3] considerare, che le parti della materia non fono certamente potuto dal principio effere sferiche; perchè molte sfere unite infieme non riempiono tutto lo spazio, ma di qualunque figura sieno, non esser esse Gg Parte II. potu-

<sup>. [1]</sup> Fifica pare, 2. [2] Libro 3. de' Principjnum. 46. [3] N. 48.

potuto col 'progresso del tempo non farsi rotonde , essendo necesfario, che nelle loro rivoluzioni intorno il loro Asse si spuntino, e si rompano tutti gli angoli, che in esse sono, e dalla equabile pressione, che da tutti i lati ricevono, ad una perfetta sfericità si riducano. Ma perchè non può darsi spazio senza materia [1], è cofa necessaria, che quegl'intervalli, che vi fono tra le suddette piccole sfere, siano ancor essi di materia riempiuti, e ciò fanno que' frammenti minutissimi, che nella formazione delle piccole sfere furono distaccati, e divelti, i quali per la loro celerità in altre minuzie innumerabili si dividono, e di nessuna grandezza, e nefsuna figura tenaci a qualunque fpazio fi adattano, e vanno penetrando in qualunque angustia. Quindi [2] nacquero due sorte di materia molto diverse, che ponno chiamarsi li due primi elementi di questo Universo. L'una è l'aggregato delle piccole sfere, che sono state nella rotazione della materia formate, l'altra quelle minutissime parti, che riempiono gl' intervalli tra sfera, e sfera. Questa egli la chiama il primo elemento, o la Materia eterea, e quella il fecondo, o la materia Celeste. In tali agitazioni della materia essendovi più copia di minuti frammenti di quello, che sia necessario per riempiere i vuoti intervalli, ed avendo le piccole sfere, che compongono il fecondo elemento, per cagione della loro folidità forza maggiore di allontanarfidal centro di quello che le parti del primo, sono sforzate quelle da queste a discendere, e sono al centro cacciate in quella maniera, che le acque del mare rapifcono al centro de' loro Vortici gli altri corpi, ed in tal modo effersi formate le Stelle. E perciò le Stelle altro non effere, che un aggregato di parti del primo elemento comprelle al centro da un vortice del Fluido celeste. Uno di tali vortici è il nostro planetario Sistema, e la stella, che gli sta al centro è il Sole, il quale essendo pieno di moto, e nello flesio tempo essendo impedite le sue parti di lanciarsi per linea retta lungi dal centro, gira intorno il suo asse rapidamente, ed in tal giro rapifce ancora feco le parti celefti, che lo circondano, le più vicine più presto, e le più lontane più tardi. Dalle quali cose seguita, che le parti vicine deggiono ancora essere di minor mole, che le lontane, perchè se fossero eguali, o maggiori avrebbono maggior forza centrifuga, ed in confeguenza ·fi alfontanerebbono dal centro, obbligando l'altre a discendere, il che però ha il suo limite, sovra di cui può considerarsi il Fluido celeste come tutto omogeneo. E ciò in ogni altro Vortice dee concepirfi.

Ma

Ma in tale agitazione, e lanciamento della materia, fe quelle parti eteree, chi erano meno divife, e meno agitate, fi accozzano infeme, e cogli angoli, e ramofità loro s'implicano, formano pigre, ed inerti maile, le quali dal Celefte Vortice fono
intorno portate ciafcuna a diverfe diflanze dal centro fecondo la
diverfa folidità, per cui piutrollo in una region, che in un'altra col celefte fluido, fi equilibra, e di ni tal maniera vengono
dal Cielo portate in giro fenza mai ufcire dalla lor orbita. E
tali fono i Pianeri, la natura de' quali al rerzo elemeñro appartiene.

Tale Ipotesi , che si è resa famosa per la dignità dell' Autore, ha rapito seco una quantità di Filosofi de più eccellenti , e profondi . Non resta però , che maturamente esaminata non incontri gravissime difficoltà, che non sembrano potersi superare. Imperocchè 1. Non si può intendere come tutti i pianeti primari fieno dallo stesso Fluido con varie inclinazioni portati , parendo cofa più consentanea alla ragione, che essendo lo stesso Vortice, che li trasporta, ed arruota, debbano ancora tutti essere colla medesima direzione portati . 2. Non può capirsi , perchè si rivolga il Fluido in elisti, come otterva il Keplero, e non in circolo, e se in circolo, perchè non concentrico al Sole. 3. Non potrebbono le Comete girare con tante diverse inclinazioni all'ecclittica , e fecondo tante diverse direzioni, quando uno stesso Vortice le trasporta . Nè giova il rispondere, che le Comete girino oltre il nostro Sistema, e dagli altri Vortici sieno rapite, i quali essendo diversamente posti ci fanno apparire ancora diverse le vie delle Comete . Imperocchè cio è contrario alle offervazioni , per le quali costa, come notò Ticone, ed altri de' più illustri Astronomi , i quali hanno fegnato le vie di molte comete e l'hanno trovate inferiori a Saturno. 4. Se si forma col giro di una Sfera un vortice in qualche Fluido, come nell'acqua offervasi estere i tempi delle rivoluzioni delle parti, che lo compongono, come i quadrati delle distanze dal centro; ed in tal modo pare, che dovrebbono essere ancora i tempi delle rivoluzioni delle parti celesti, ed in confeguenza de pianeti, che in mezzo di esse stanno innatanti. Così essendo la distanza di Saturno dal Sole più di 9 volte maggiore della distanza della Terra dallo stesso Sole, dovrebbe il suo tempo periodico essere più di 80 anni, e per la stessa ragione cuello di Giove più di 27, il che è contrario alle offervazioni. Ne basta il rispondere, che il vortice celeste non è omogeneo c.ome quello dell'acqua; ma costa di parti tutte ineguali, e perc'ò non vale la parità. Imperocchè è da offervarsi, che supponendosi

Gg ij

nella Ipotefi Cartefiana tanto più grofio il fluido, quando più fi allontana dal centro, fe in parti eguali, ed egualmente renitienti i tempi delle rivoluzioni, fono come i quadrati delle dillanze come offerviano ne' vortici asquei, dunque in parti più craffe, e renitenti, come fuppognono i Cartefiani quelle delle più rimote diflanze dal centro de' loro celefti vortici, faranno più lunghi i tempi delle rivoluzioni, ed in confeguenza andranno affai più lenti i pianeti di quello, che vanno.

## SEZIONE QUARTA.

Delle Stelle fiffe .

Delle varie loro grandezze apparenti, e delle enumerazioni fatte dagli Astronomi. Cap. I.

Stelle Fisse diconsi quei Corpi celesti lucenti, che in tempo di notte serva veggiamo in Cielo, e si dicono Fisse, perche suori del loro moto comune o reale, o apparente, non distinguiamo in este alcun moto proprio. Nel vasto numero, in cui sono, se si confiderano attentamente, appena due se ne ritrovan intieramente fimili di grandezza, e splendore. Con tutto ciò per ridurle a qualche ordine le hanno divise gli antichi Astronomi nella prima, seconda, terza, ec. sino alla sessa grandezza, intendendo sempre di

quelle, che possono vedersi coll' occhio nudo.

Del loro diverso aspetto hanno creduto alcuni esfere cagione la loro differente grandezza, ma la maggior parte degli Aftronomi, tra' quali gli Stoici, Manilio, Ticone, Galilei, e Keplero, giudicano ciò natcere dalla loro differente distanza. Alla quale seconda opinione pare, che favorisca l'osservazione fatta intorno le Stelle della prima, e seconda grandezza. Imperocchè se si considera, che ogni Stella fia un Sole, cui appartenga una sfera, eguale a quella del nostro Solare sistema, non potranno circondare il nostro Solare sistema più di 13 eguali sfere, non potendo una sfera, come si conosce per la Geometria, essere toccata da più di 13 eguali ssere, e 13 e non più si ostervano esfere le Stelle della prima grandezza. Che se si cerca quante sfere eguali postano stare d'intorno a 13 sfere, si conosce effere 52, qual' è il numero in circa, che danno gli Astronomi alle Stelle della seconda grandezza. Col qual ordine procedendo si troverebbe essere maggiore il numero di quelle della terza, e maggiore di quella della quarta, e così fino alla festa, se non che per la troppa distanza delle Stelle, non fono le loro grandezze facilmente distinguibili.

Ma non contenti gli Astronomi di aver diviso secondo le varie apparenti grandezze le Fisse, vollero ancora per maggior precisione distinguerle in tanti Asterismi, ovvero Costellazioni, le quali altro non fono, che un aggregato di molte Stelle l'una all'altra vicine, le quali per rendere alla fantafia più facili da immaginarfi, circonscrissero con figure di vari animali, o di altre cose sensibili, delle quali figure ne formarono 48, tra le quali 12 fono distribuite per lo Zodiaco, attribuita una Dodecatemoria, ovvero una duodecima parte del Zodiaco, per ciascheduna, e sono, come abbiamo detto, l' Ariete, il Toro, i Gemelli, il Cancro, il Leone, la Vergine, la Libra, lo Scorpione, il Sagittario, il Capro, l'Acquario, e i Pesci. Delle altre Immagini 21 ne furono distribuite nella parte Settentrionale, e 15 nell' Australe. Le prime sono l' Orfa minore, l' Orfa maggiore, il Drago, Cefeo, Boote, la Corona Settentrionale, Ercole, la Lira, il Cigno, Caffiopea, Perseo, Andromeda, il Triangolo, il Cocchiero, il Pegaso, il Cavallo minore, il Delfino, le Saette, l' Acquila, il Serpentario, e il Serpente. Le altre fono la Balena, l' Eridano, la Lepre, l'Orione, il Cane maggiore, il Cane minore, la Nave Argo, l'Idra, la Tazza, il Corvo, il Centauro, il Lupo, l' Altare, la Corona Auftrale, e il Pesce Australe. Le stelle, che sono fuori di tali figure fono chiamate Informi, delle quali i nuovi Astronomi hanno formato nuove Cossellazioni, come l' Antinoo vicino all' Acquila , la Chioma di Berenice vicina alla Coda del Leone . e la Quercia Carolina, così dettada Carlo secondo Re d'Inghilterra, cui fu dall' Hallejo confacrata, posta tra il Centauro e la Nave. Bartsthio aggiunse il Camelopardo, e il Monocerote . e l' Hevelio il Leone minore, la Lince, i Cani da caccia, la Lucerta, il Sestante di Urania, lo Scudo del Sobieski, la Volpe con l' Oca, e il Triangolo minore.

Alle Immagini appartiene ancor la Galaffia, ovvero la Via Latrea, la qual' è una Zona di candor di latte, che circonda tutto il Cielo. Credeva Arifotele [1] effere la Galaffia un aggregato di cfalazioni nell' Atmosfera efaltate, ed illustrate da una copia di Stelle, che in quel tratto rilucono, in maniera che di tal candore, qual noi veggiamo, ella apparifie. Ma tal errore toffero il Galilei, il Keplero, il P. Blancano, ed altri, i quali con lunghi. Telefcop) offervandola, videro non effer ella

altro che un aggregato di minutissime Stelle.

Vi appartengono ancora le Nivolesse Magellaniche, le quali nel candore sono fimili alla Via lattea, e stanno verso il polo australe,

<sup>[ 1 ]</sup> Nelle Meteore Trattato 4.

le quali avendo l'Hallejo offervate vide non altro effere, che una

copia di affai minute ftelle.

Una nuova Stella, che al tempo d'Ipparco Rodio fi scoperse nel Cielo fu cagione, che questo celebre Astronomo 120 anni avanti l'era volgare le offervasse tutte distintamente, e determinando le longitudini, e latitudini di ciascheduna ne scrivesse primo di tutti il catalogo aufus , rem etiam Deo improbam , come nota Plinio , annumerare posteris Stellas , & Sydera ad normam expangere, e registrò un numero di 1022. Stelle, dopo di cui Tolomeo rivedendo il Cielo ne discoperse altre 4, sicchè il catalogo divenne di 1026. Il fecondo, che dopo Ipparco ci lasciò il catalogo , fu Vlugh Beigh nipote del gran Tamerlano , e ne noto 1017, il che tu nel decimoquinto fecolo. Il famofo Ticone dipoi contemplando di nuovo il Cielo notò 777 Fine, delle quali registrò il luogo, il qual numero sui poi ampliato dall'accuratissimo Keplero nelle Tavole Rodolfine fino a 1163, tra le quali 400 ne offervò poi nel decimofesto secolo Guglielmo Lantgravio d'Haffia-Caffel con i fuoi Astronomi Rotmano, e Birgio, al qual catalogo 305 ne aggiunfe il P. Riccioli , 101 delle quali offervà egli stetto insieme col P. Grimaldi , ed in tal modo crebbe il catalogo delle Fiffe fino a 1468.

Barithho affirma averne Bajero nella fua Uranometria delineate 1745, e de gli fi gloria averne delineate nel fuo Globo 1762. Un catalogo particolare di 373 Fiffe fu poi pubblicato dal Hallejo offervate da Gio intomo il Polo Antaritco nell'Hola di S. Elena, dopo di cui l'Heffre Hevelio Confolo di Danzica ne regiftrò 1838, indi il Tiamfleedio 3000, determinando il luogo di molte co l'elefcop), le quali non possono fooprifin ad oc-

chio nudo.

Ma indeterminato è il numero delle Stelle, che co Teloftopi fi trovano. Così il Galilei [1] nella Stella Nuvolofa, che è nel capo dell'Orione, ne feoperte col Telefopiopio 11, tra il Cinpolo e la Spada' di Orione più di 80, e il meno di due gradi dello fieffo Orione più di 50, e, nelle Plejadi più di 40. Così l'Hocchio guardando nelle Plejadi con un Telefopio di 12 piedi ne feoporte 78; il Rieta [2] più di 100, e nella fola Co-

stellazione d'Orione quasi 2000.

Dell'

<sup>[ 1 ]</sup> Nuncio Sidereo p. 31. [ 2 ] Occhio di Enoch, & Elia, e Astronomia del Mercatore.

Dell' apparimento, e disparimento delle Fisse.

Cap. II.

TNo de'Fenomeni più celebri intorno le Fisse è, che molte si siano vedute dagli Antichi, che ora non più si vedono, e molte, che per lo paliato non si erano mai vedute, ora siansi scoperte: e molte infine ora si dileguino, ora ritornino, e ciò con determinati periodi. Una comparfa di una nuova Stella al tempo d'Ipparco fu cagione, come abbiamo detto, ch'egli ne registratie il numero . Un'altra nuova[1]ne fu scoperta l'anno 1572, che durò sino a Marzo dell'anno 1574, e questa diede occasione a Ticone di formar un nuovo Catalogo. Levvicio afferma nella fua Storia, che nel 945 regnando Ottone comparve una nuova Stella in Cassiopea simile a quella, che poi osservò Ticone indi un'altra nel 1264. Nel 1596 una ne scoperse il Fabricio nella Balena, e nel 1600 una ne comparve nel petto del Cigno offervata dal Keplero, che durò fecondo che nota l'Hevelio fino al 1661, dopo di che sparì, e per cinque anni più non si vide, ritornandosi poi a far di nuovo vedere. Nel 1604 unane offervo il Keplero nel Collo della Balena, e nel 1612 una Simon Mario nel Cingolo di Andromeda, ed una Birgio nell'Antinoo. Nel 1638 una ne scoperfe Focillide Holuvarda nel Collo della Balena, la quale fvanisce, e poi ritorna, rinovando, come otiervò D. Cassini, le tue Fasi ogni 330 giorni colla irregolarità però di giorni 15. Nel 1670 in Luglio una ne comparve all'Hevelio nel Capo del Cigno, la quale nel 1671 ful fine di Agosto disparve, ritornò poi il profilmo Marzo; indi nel 1672 in Settembre disparve, nè più si vide . Nel 1694 finalmente una ne vide il Maraldi nel Col-lo del Cigno adl 15 Luglio, che poi sul fine di Agosto disparve . Si fece poi di nuovo vedere l'anno feguente adi 30 Luglio, ma così piccol, che appena poteva vedersi, e adi 12 Agosto comparve come una Stella della sesta grandezza, che andò poi crescendo fino adl 30, dopo di che incominciò a decrescere sino che adl 16 Ottobre disparve.

Come molte Fisse si sono scoperte, che prima non si vedevano, così molte, che surono dagli Antichi, e anche da Ticone osservate, ora più non si veggono. Le Piejadi, ch'erano sette, sino dal tempo di Ovidio non sono che sei.

Quæ septem dici, sex tamen esse solent.

Così quella Stella della festa grandezza, che su notata da Baje-

<sup>[ 1 ]</sup> Alman. del Ricioli.

ro nella costellazion del Leone, ora non si vede, ma otto se ne veggono invece di quella, che non fono nel catalogo, come nota il du Hamel . Così nel 1670 avverte il celebre Montanari la mancanza di due Stelle , e così scrive alla Regia Società di Londra . Desunt in Colo dua Stella secunda magnitudinis in puppi Navis , ejufque transtris . . . . Earum disparitionem cui anno debeam non novi. Hoc indubium est, quod a die 10 Aprile 1668 ne vestigium quidem illarupt adesse amplius obfervo, coteris circà eas etiam tertie, O quarte magnitudinis immotis . Plura de aliarum Stellarum mutationibus plusquam centenis, at non tanti ponderis notavi. Mancano nel Cielo due Stelle della feconda grandezza nella poppa, e ne transtri della Nave... Non fo a quale anno io debba aferivere il loro disparimento. Ma ciò è fuori di dubbio, che dalli 10 di Aprile dell'anno 1668 io non ne offervo più alcun vestigio di esse, essendo restate le stesse tutte l'altre che le sono d'intorno, anche della terza e quarta grandezza. Molte altre cose intorno le mutazioni di più di cento altre Stelle ho notato, ma non di tanto peso.

E'cola incerta fe tali Fenomeni nascano da macchie, che di nuovo fi compongono, e cuoprono i copi fiellati, indi fi disfanno, o pure se molti di tali copi girino intomo qualche centro, e fi rendano vitibili quando si fanno vicini, ed invisibili quando si allontanano. Per tale congettura pare, che facciano quelle oliervazioni di D: Cassini, il quale talvolta vide dividerfi in due Stelle quella, che prima compariva una fola stella, e

talvolta in tre, e quattro.

# Del loro splendore . Cap, III.

Anno creduto alcuni , che le Stelle non meno cheji Pianeti prendefiro il lume dal Sole. Ma è ficile il convincerli del contrario , fe fi confidera la vivacità della luce , con cui rifplendono le Stelle nella prodigica loro diffanza dal Sole , la quale fe , come diremo , è almeno gooo femidiametri dell'Orbe Magno , decrefemdo la illuminazione come i quadrati delle diffanze farebbe nelle Fifie , \$1000000 volte minore di quella , che riceve la Terra dal Sole , ed in confeguenza non potrebbe far alcuna fenfibile imprefione.

Dalla vivacità della loro luce nasce, che noi le veggiamo di un diametro maggiore coll'occhio nudo di quello, che guardando-le col Telescopio. Quando si guardono ad occhio nudo, la loro immagine, che sulla retina s'imprime, per l'aberrazione de' raggi

raggi si fa maggiore di quello, che convenga al diametro delle Stelle, e come i loro raggi, benchè aberranti, sono efficaci. nasce lo stesso, che se agisse un oggetto più grande, e perciò l'immagine della Stella comparisce maggiore, benchè più confusa . A tale aberrazione opponendosi i Telescopi, nè permettendo la prodigiota distanza delle Stelle, che sia sensibile l'ingrandimento, che il Telescopio di sua natura cagiona, resta diminuita l'immagine fulla Retina, e vedesi perciò la stella minore di quello che si vegga ad occhio nudo; ma più splendida, e più vivace, esfendo la fua immagine depurata dai raggi aberranti.

I corpuscoli opachi, che vanno continuamente per l'Atmosfera volando giudicano i Fifici più accurati che fiano la cagione, per cui le veggiamo scintillar di continuo. In tal modo la scintillazion di una Filla altro non è, che una serie successiva continuata di piccoli ed istantanei ecclissamenti cagionati dalla opposizion diametrale de'corpetti per l'atmosfera terrestre volanti, da'quali velocemente ora è coperta, ora è discoperta, e ciò di continuo. E questa è la cagione per cui quando l'Atmosfera è agitata da qualche vento principalmente in tempo d'inverno, in cui ella è più trasparente, e maggior luce perciò ci trasmette, maggior ancora ci comparisce la scintillazion delle Stelle . Perchè poi tal Fenomeno nei pianeti non veggasi, una cagione è la loro maggior apparente grandezza, che non facilmente può dai corpufcoli volanti effer eccliffata, ed un'altra è la minor vivacità del loro splendore. Che se a traverso di crassi, ed agitati corpuscoli si riguardassero, come a traverso del fumo, non vi ha dubbio, che apparirebbono scintillanti ancor essi non men che le Fisse.

Dei Metodi Hugeniano , e Flamsteediano , per investigare prossimamente la distanza delle Fisse. Cap. IV.

Quanto fia grande la distanza delle Stelle fisse da questo so-lo vogliono che fi raccolga i Copernicani, che sebbene col moto annuo fi avvicina ad effe lo spettatore terrestre per tutto il diametro dell'orbe magno, il quale secondo il Nevvton è maggiore, come abbiamo detto, di centofessanta milioni di miglia, fi dilegua però qualunque parallaffe delle Stelle, e fi rendono presso che impercettibili tutte quelle differenze, che sono di regola per determinare le distanze degli altri Corpi . In tale oscurità inventò l'acutiffimo Hugenio il metodo, fe non di efattamente determinare, almeno di approffimarsi alla loro distanza, co-

Parte II.

sì espresso nel L. 2. del suo Cosmoteoro. Quelli, egli dice, che prima di noi cercarono il metodo di determinare così vasto spazio, nulla banno potuto comprendere di certo per la troppa delicatezza delle offervazioni, che perciò sono necessarie, la quale supera qualunque diligenza. Mi è paruta per tanto restarmi quest'unica strada per cui ora camminero. per cui almeno qualche cofa di verisimile si possa ottenere in una così ardua ricerca . Essendo dunque le Stelle tanti Soli , supponiamo , che qualcheduna di quelle sia egualmente grande, che il Sole, la distanza di essa verrà ad effere tanto maggiore della distanza del nostro Sole, quanto il suo diametro apparente è minor del diametro apparente del Sole. Ma compariscono così minute le Stelle ancorchè si guardino quelle della primiera grandezza, e col telescopio, che non si veggono se non come tanti punti lucenti fenza alcuna fensibile latitudine. Onde nasce, che per sali offervazioni non fi può discoprire alcuna misura di quelle : Non potendo dunque per tale strada ottenere il fine, bo tentato il modo, con cui pote fi diminuire il Sole in guifa, che non maggior luce agli occhi di essone derivasse di quello che da Sirio, o da qualche altra delle più chiare Stelle. Ho chiusa dunque l'apertura di un tubo vuoto di dodici piedi con una sottilissima lama, nel mezzo di cui feci un così piccolo foro, che non era maggiore della duodecima parte d'una linea, o della cento-quadrage simaquarta di un pollice. Tale apertura del tubo avendola rivolta al Sole . ed avendo all'altra applicato l'oechio, vedeva una particella di Sole, il cui diametro era al diametro del Sole 1 : 182. Matale parsicella io la vedeva molto più chiara di quello, che vedeva Sirio di tutsa notte. Per tanto conoscendo, che si doveva ristrignere maggiormense il diametro del Sole, posi al foro della piccola lama una minuti sima sfera di vetro, il di cui diametro era presso ch' eguale a quella del foro, della cui sfera io m' era prima servito per li microscopi. Così guardando pel tubo, avendomi da ogni parte coperto il capo per non effere surbato dalla luce del giorno, non mi compariva chiarezza minore di quella di Sirio. Allora fatto il calcolo secondo le leggi della Diottrica trovava. che la particella, che aveva prima guardato a traverso del piccolo foro, era divenuta 1 , ed in conseguenza erasi fatta 1 ditutto il dia-27664

metro del Sole. Dunque o fiafi contratto il Sole, o fiafi allontanato (perchè l'effetto è lo fieffo) fino che il fuo diametro fia <u>I</u> di quello, che

veggiamonel Cielo, che egli uno filendore, non cede allo filendore di Sirio. Allontanasi ni tal mado il Sole avvetbo ema diffianza, che a quella ch' egli ha, farebhe come 27664; 1, e il fiso diametro farebhe poco ppi di 4 minusi rerzi. Se dunque Strio gli de quale, come fapponiamo, feguita, che anche il diametro di Sirio fia di 4 minusi terzi, e la fianla diametro di 18 minusi escapio di 18 minusi terzi.

flanza fia a quella dal Sole, come 27664: 1. Il quale intervallo quanto fia grande fi può flimare nello flesso modo, incui abbi imo flimato la diflanza del 30de. Improcedè se firicere berebbono 25 anni, percèbeu globo di bombarda confervando sempre quella velocità, con cui vivirato pervenisse dalla Terra al 30le, fi dee molispilicare 2766, per 25, onde nasce 69 t600, per cui si conosce, che firicere benoma quassi sette centomil anni, percèb lo selso globo colla sua velocità costante arrivasfe dalla Terra a Sirio.

Posta in tal modo la distanza del Sole di miglia 80000000, la distan-

zo di Sirio sarebbe di miglia 2240784000000.

Il fecondo metodo è quello del Flamsteedio preso dall'annua parallasse, la quale quando visia, e quando precisamente possa determinars, è il mezzo seuro, che alla cognizione della distanza delle Fisse conduce. Imperocchè possoche ficonoscia la parallasse annua, si conoscerà dunque nel triangolo SBD (1) l'angolo S, che sia gaguaglia alla distrenza degli angoli SPD, ed SBP, cioè a dire alla parallasse annua, e si conosce parimente l'angolo SDE, cioè la lattudine della Fissa Soservata nel fisto D, es conosce parimente BD, cioè l'asse dell'erbem agno. Si conoscerà dunque, col calcolo trigonometrico illato SD, ch'è la distanza cercata della Fissa S dal centro della Terra D. Intal modo avendo il Flamsteedio ritrovato? angolo Sdi 43 secondi, e cia latitudine della flessa poacoococoo, la quale però è più del quarto minore di quella di Sirio calcolata da flugenio.

### SEZIONE QUINTA.

# Delle Comete.

Ltrei Corpi, che sin ora abbiamo nominati, e i moti de' quali abbiamo descritti, se ne veggono per gli vasti spazi del Cielo comparire di tempo in tempo alcuni altri, ch e sendo prima invisibili si tanno all' improvviso vedere, togliendosi poi a poco a poco dalla nostra vista, sincoche fid ileguano, togliendosi poi a poco a poco dalla nostra vista, sincoche fid ileguano, ordinariamente di luce palitida, edebole, al cui disco sta sempente unito un ampio tratto di esterna luce, che si diffende sempre alla parte opposita dal Sole, et alli Corpi disconsi le Comerse. Il corpo stesso della Cometa diccis il suo Capo. Il tratto di luce cangia nome secondo le sue diverse apparenze. Imperocche quando sta diverto della Cometa, cio à adire quando la Cometa nelle suo caso di curno secolo trae, il che accade quando ella è preceduta dal Sole, di cessi la Coda. Ma quando le sta davanti, il che accade quando la Co-

<sup>(1)</sup> Fig. 5. Tav. 24.

meta procede il Sole, dicefi la Barba, ed infine quando comparifee a guifa di una corona intorno della Cometa, il che accade quando la Cometa è profilma alla congiunzione, ovvero oppofizione col Sole, allora dicefiil Crine.

Opinione degli antichi intorno le Comete. Cap. I.

HE le Comete fosser Corpinati col Mondo su opinione di anticol ci. delle Meteote c. d. essere la aquesta la sentenza del Pitagorie: Το δελ Γεαλικών της, και καλωμένα Πυθαγοριένη, έτα λίγωση είναι έτα επίστα και το πλιατών είναι είναι το πλιατών είναι είναι

Il che conferma ancora Plutarco delle sentenze de' Filosofi Cap. 2.

Tale parimente era l'opinione de' Democritici, come afferma Seneca nel Libro 8. delle naturali questioni . Democritus subtili simus omnium antiquorum suspicari ait se plures esse Stellas que currunt; sed nec numerum illarum pofuit, nec nomina, nondum comprebenfis quinque siderum cursibus. Democrito il più sottile di tutti gli antichi dice di sospettare, che vi sieno più Stelle, che corrano, ma nè pose il numero di quelle, nè i nomi, non ancora intesi i moti de' cinque Astris cioè de' cinque Pianeti oltre il Sole, e la Luna]. E nello stesso luogo egli nota effere ancora stata tale l'opinione di Apollonio Mindio, il quale affermava di averla tratta dai Caldei, a cui tali moti erano manifesti. Alla qual opinione lo stesso Seneca si uniforma affermando essere le Comete non un fortuito fuoco, mauna dell' Opere Eterne della Natura, ma non poter si ciò dimostrare per mancanza delle antiche memorie, ne potersi i loro periodi facilmente offervare per la rarità de' loro appariments. Veniet tempus, dipoi foggiugne, quo ipfa que nunc latent, in lucem dies extrabat, O longioris avi diligentia. Ad inquifitionem tantorum ætas una non sufficit . Venies tempus, quo posteri nostri tam aper, ta nos nescisse mirentur. Tempo verrà, in cui ciò che ora sta nascosto, fia tratto in luce e dagli anni, e dalla diligenza della lunga età. Per la ricerca di cofe sì grandi non basta un'età sola. Verrà il tempo, in cui i nostri posteri si maraviglieranno, che noi cose tanto chiare ignorassimo.

Matal opinion giacque lungo tempo fepolta dopo che la Scuolade Peripatetici fi perfuele, che tali corpi fosfero una specie di Metcore nate, e generate di nuovo, perciò la loro regione non estre de le Cieli, ch'essendo della esperazioni, e con con ono alle generazioni, e

cor-

corruzzioni foggetti; ma nascere esti, e morire nella region sullunare. Tale Ipoteli però fu totalmente dal Saggio Ticone distrutta dopo che nel suo Uraniburgo osservò una Cometa nel 1577, che nello stesso tempo Hagezio osservava in Praga, i quali luoghi sono distanti l'uno dall'altro 6 gradi per latitudine, e sono sotto il medefimo meridiano. Ne' quali luoghi avendo offervato amendue tali Astronomi quanto era distante tale Cometa dalla Stella, che chiamano l'Avoltojo, l'uno, e l'altro ritrovolla effere della stessa distanza, il che sarebbe stato impossibile, se la Cometa fosse stata nella region fullunare, anzi fe non foile flata in una enorme diffanza dalla Terra, per cui si dileguasie la sua parallasse. Il che poi maggiormente fu confermato dalle offervazioni fatte dal Caffini fopra la Cometa del 1680, la quale offervò egli effere diffante dal Sole folamente 22 gradi in circa, e pure la vide risplendere a piena faccia, il che non poteva accadere se non fosse stata più alta non solo della Luna, ma ancora del Sole, veggendo noi, che Mercurio, o Venere non rifplendono a piena faccia, quando fono di fotto del Sole.

### Opinion del Keplero, e dell' Hevelio. Cap. II.

Rede il Keplero [1] nascere le Comete di nuovo per un acti, le quali accese poi dalla luce del Sole, che per turto ha forza, scorrono a guisa di Srelle strifcianti per linea retta sino che si cflinguono.

Dalla cui opinione non è diversa quella dell'Hevelio. Imperocchè non essere le Comete altro che una produzione fatta dal concorso dei Planetari effluvi, avere il Sole, e tutti i Corpi mondani le loro Atmosfere, ed effere queste continuamante ingombrate dalle parti, che sempre esalano dai medesimi corpi. Di tali parti quelle, che sono più crasse, stansfo più vicine al centro, le quali quando si affoliano insieme, e si condensano, formano, quando sono intorno un pianeta, le Nubi e le Nebbie, come veggiamo nella nostra Terra, e quando sono intorno una Fissa, formano le Macebie, come veggiamo nel Sole. Ma le più fottili parti talvolta fortuitamente accozzandosi formano alcune piccole dure masse, che poi per l'accesso di nuova materia ingrandite vanno per l'alto etere vagando, riflettendo molta luce del Sole, e comparendo a guifa di Aftri a' mortali . Il che egli procura di confermare coll' offervazioni di molte Comete non molto diverse dalle macchie del Sole, e principalmente di quella, che fu nell' anno

<sup>(</sup>a) Fisiologia delle Comete .

anno 1661 adl 15 Febbrajo offervata, il cui Capo era in diverfe parti fpezzato, e adl 2 di Marzo cefsò di più comparire rotondo, ma fi vide lacerato d' intorno, e difperfo. Nel principio della loro formazione muoverfi le Comete per linea fpirale; imperocchè le parti, che la incomincano a comporre, fono ancora dentro la Planetare Atmosfera, e fono da due moti agitate, l' uno per cui elalande fono dal centro alla circonferenza per linea retta portatate, e l' altro, per cui intorno del Pianeta girano vorticofamente. Ma perchè col progrefio la Cometa fempre più fi è allontanata dal centro, efce finalmente fuori dell' Atmosfera per la tangente, e fcorrerebbe per l' alto etere in linea retta, fe dall'azione del Sole non foffe in qualche maniera curvato il fuo fen

Perchè poi fi formino le sue Code egli pensa, che dall'azione de' raggi Solari siano lungi respinti per linea dritta gli essistimi più sottili della Cometa in quella gussa che, come tanto egli stesso, quanto lo Scheinero hanno ostrovato, le parti più crasse delle macchie Solari stanno verso il centro del Sole; ma le parti più rate stanno verso la circonferenza, penetrare i raggi del Sole per lo Capo della Cometa, e per l' Atmosfera, che lo circonda, e di silustrare per lungo tratto tali vapori, che perciò risplendono, e rappresentano un tratto di lue maggiore o minore, e più, o meno lucido secondo le varie affizzioni, che ne suddetti vapori s'incontrano. La variazione poi di tali Code nascere tutta dalle varie infiessioni, e rifrangimenti de' raggi, che cangiano secondo le diverse disposizioni delle masse cometiche, per le quali passano, come diffusamente, ed alfai ingegnosamente spega il dottilismo Autore.

Ma contro tale fentenza fianno principalmente due ragioni. La prima, che fe dentro le Atmosfere Planetari incominicano le Comete a formarfi, che poi per linea spirale ascendendo escono liberamente per gli vasti fipazi del Cielo, non si vede causa, per cui le Comete, almeno dopo Ticone osservate, sieno state tutte in altre Atmosfere dalla Terrestre. La seconda, che il moto delle Comete si offerva essere piuttosso afrette a Leggi certe, come notano il Cassini [1], e il Nevvton [2], e l' Hallejo [3], e daltri, di quello che effere irresolare, e soruito, come suppo-

ne l' Hevelio.

Ops-

<sup>[1]</sup> Trattato delle Comete. [2] Principj Mat. [3] Sinopsi delle Comete.

#### Opinion del Carsefio. Cap. III.

A Siai più stravagante è l' opinion del Cartesio ne' suoi prin-cipi Parte 3., secondo cui le Comete altro non sono, che tante Stelle, le quali per le molte e dense macchie, che in esse fi fono generate, hanno perduto la loro efficacia, e tutto il moto delle loro piccole parti; e perciò non hanno più forza di mantenere la loro atmosfera, e conservarsi in equilibrio coll' altre : onde obbligato il loro vortice a cedere agli altri, e finalmente distrutto, vengono esse dalla loro sede turbate, e dagli altri vortici irregolarmente rapite. Le loro Code effere un effetto della rifrazione de' loro raggi, che dal puro etere, in cui fono paffando in uno più crasso qual è quello, che sta d' intorno il Sole, mutano fentiero avvicinandosi alla perpendicolare, come fanno i raggi del Sole, quando dall'aria entrano nell'acqua. Imperocchè fia il Sole A [1], e fia BCDE l'orbita della Terra, FGHIK il confine dell'etere puro, e meno puro, ed L la Cometa. Il raggio, che cade in H essendo perpendicolare alla curva, non ha rifrazione, ma feguita dritto pel fuo cammino, ma non così i raggi, che cadono obliquamente verso I, o verso K, rifragnendosi questi verso D, e verso E. Colla stessa legge vanno quelli, che cadono in F, e G. Dalle quali cose seguita, che se la Terra è in C, e la Cometa è in L, si dovrà quella vedere Crinita, come sta in M, per l'azione de' raggi, che dalla destra, e dalla finistra egualmente si rifrangono. Ma quando la Terra è in D si dovrà vedere Codata, come sta in N, e finalmente quando è in B, fi vedrà Barbata come in O.

1. Ma contro tale benchè ingegnosa esplicazione sta primamente la ragione medesima, che contrasta all' Hevelio, cioè a dire

la Regolarità delle Comete offervata.

2. În secondo luogo, come nota il dottissimo Jacopo Bernulli [2], appena può concepirs, che le Fisse per tali addensamenti divengano sempre Comete irregolarmente vaganti, e giammai Pianeti nell' orbita loro cossanti.

3. Terzo se tali Code si facessero per la rifrazione, si dovrebbono vedere tinte co' colori dell' Iride, e nelle stesse ragioni del Cielo farebbono sempre nel medesimo modo, il che è con-

tro le osservazioni.

4. Infine, come dubita lo stesso Cartesso, [3], se le Code sono effetto della rifrazione de loro raggi, non vi è ragione, perchè Giove, e Sa-

<sup>[1]</sup> Fig. t. Tav. 25. [2] Trassato delle Comete. [3] De' Principj P.3.

e Saturno anch' essi con tali Code non compariscano, nè giova il foggiugnere, che ciò non si rende sensibile se non nelle Comete, perchè sono queste in una regione altissima, e di pura aurea eteria ripiena; ma non cosl Giove, e Saturno, i quali essendo più vicini al Sole, ed in conseguenza essendo nell' etere meno puro, avviene che i loro raggi minori rifrazione patifcano per la quale non fono le loro Code fensibili, ed al più compariscono a guisa di Capillizi. Imperocche contro tale considerazione sta parimente l'osservazione, per cui si trova non tutte le Comete effere fopra Saturno, ed aver lunghe Code anche quelle che fono nelle baffe regioni.

#### Opinione del Nevuton. Cap. IV.

Gludica però il Nevvton [1] essere assai più probabile, che le Comete sieno tanti Corpi opachi, e fissi, e simili ai nostri pianeti, nati col Mondo, come pensarono i Pitagorici, e Democritici, che intorno ad un qualche centro descrivendo la loro orbita fi rendano visibili quando a Noi fi avvicinano, ed allontanandosi a poco a poco si dileguino, per ritornare poi dopo dati tempi a farsi vedere. E le loro Code altro non essere, che un aggregato di tenuissimi vapori per lo calore del Soledal corpo della Cometa esaltati.

E primamente, che siano Corpi opachi, e a guisa di ogni Pianeta illuminati dal Sole affermano i suoi discepoli rendersi manifesto dalle offervazioni. Imperocchè essere stato offervato il pallore della loro luce, e la loro languidezza fenza alcuno fcintillamento in diverse occasioni da Ticone, dal Cassini, dall' Hevelio, e Flamsteedio, ed altri di maggior nome. Così l' Hevelio nella Cometa del 1661 vide il capo di colore languido, e gialliccio, e più trifte di ogni altra Stella. Così il Veigelio afferma, effere la Cometa dell' anno 1664 comparsa a guisa di una nebbia illuminata dal Sole. Ciò confermarsi dalla luce de' loro Capi, la quale cresce quando sono vicini al Sole, e decresce quando sono lontani. Così la Cometa del 1665 offervata dall'Hevelio subito che incominciò a vedersi, andava sempre allentando il moto, quando fi avvicinava al Sole, ma nello stesso tempo cresceva di luce sino che immersa ne raggi del Sole si dileguò. Quella del 1685 offervata dallo stesso Hevelio, sebbene si avvicinava sempre alla Terra, perdeva però sempre più di lume, perchè fi allontanava dal Sole. Così infine la Cometa del 1677 fu offervata

<sup>(1)</sup> Principj Mat.

osservata dal Flamsteedio più pallida di Saturno. Egli è però vecio, che può essere talvolta così ssiso e denso il loro capo, che può ristettere in molta copia la luce, ed emulare collo scintistamento una Fissa. Così quella dell'anno 1665 asserma l'Hevelio aver superate tutte le Fisse di splendidezza. E quella del 1923 ebbe tra le altre un sulgidissimo capo a guisa di una leci-

dissima Stella, come nota Kirkio il giovane.

Che se non fossero corpi duri e densi, ma fluidi, non si vede la ragione, perchè in passando vicino al Sole, non dovessero dissiparfi . Che fiano infine Corpi celefti, e nati col Mondo, e regolari ne' loro moti, come i Pianeti, ciò chiaramente dedursi, se fi confrontano i moti delle Comete, che in diversi tempi comparvero . Ciò certamente su uno de' primi a giudicarlo il celeberrimo Cassini confrontando la Cometa, ch' egli oslervò nell'anno 1680 con quella, che offervò Ticone nel 1577, tra le quali vide una così grande convenienza, onde non dubitò quel sapientissimo Uomo adl 28 Dicembre, cioè a dire 6 giorni dopo, che aveva considerata la sua Coda, e un giorno dopo che aveva osservato il suo capo , presagire in un pubblico scritto consacrato a Luigi XIV , che tale Cometa farebbesi per tutto quell'Inverno veduta , come avvenne. La Cometa di Ticone si vide dall'anno 1577 adi 12 Novembre fino all' anno 1578 adl 26 di Gennajo, e quando comparve la Cometa Caffiniana nel 1680, collo stesso moto videsi avanzare, che quella di Ticone adì 8 Gennajo; imperocchè allora per ciascun giorno e l'una e l'altra percorreva 4 gradi , e 27 minuti . Se si consultano l'effemeridi di amendue , appena trovasi differenza nelle lor orbite , e nella velocità de' loro moti : l'orbite di amendue tagliarono l'ecclittica nel grado 21 del Sagittario, e furono inclinate all'equatore con un angolo di 22 gradi . Che fe si considerano l'orbite delle altre Comete , non fi scorge in esse quella irregolarità, che per altro dovrebbe scorgersi, se fossero produzioni fortuite per l'etere puro diversamente agitate . Così la Cometa , che apparve nel 1665 andò per lo stesso fentiero , che quelle del 1680 , così quelle del 1672 , e 1677 in maniera che confrontando il dottiffimo Cassini le loro orbite , giudicò potersi stabilire un Zodiaco per le Comete , come si vede ne' Pianeti , il quale in questi due versi egli comprese:

Antinous , Pegasusque , Andromeda , Taurus , Orion ,

Procyon, atque Hydrus, Centaurus, Scorpius, Arcus.

E come ciascun Pianeta a noi visibile gira per un' Elissi, nel
tui umbilico sa il Sole, così affermano gli stessi Autori, essere
Parte II.

I i massi-

massimamente probabile, che per simili curve girino anco le Comete, con questa differenza, che ne pianetti l'elissi ino molto fono diverse dal circolo, ma non così l'Elissi delle Comete, le quali hanno una enorme eccentricità, onde nasce, che molte di elle per lungo tratto di tempo sieno invisbili, e se non per poco, cioè a dire quando sono nell'arco ballo dell'orbita, si faccian vedere. Tale per scempio è l'orbita ABCD [1], nel di cui ambilico sia il Sole, per cui si move la Cometa L, la quale per tutto il tempo, in cui si ritrova vicina all'Afelia D, è a noi invissibile, ed incomincia a vedersi solo quando è vicina allo Perrielio B.

Tali orbite sono diversamente inclinate, e varie, nè possono determinarfi se non colle offervazioni di molti secoli . Allora quando è visibile la Cometa, dovranno le sue apparenze esser simili a quelle de'Pianeti, e dovrà per esempio apparir ch'ella deferiva circoli paralleli all'equatore nello spazio di 24 ore equabilmente, intanto che si move con moto proprio per la sua orbita . S'ella si move da occidente in oriente, e la Terra è di mezzo tra la Cometa, e il Sole, se la Terra andrà più veloce, comparirà la Cometa retrograda, ma se la Terra andrà più tarda . comparirà la Cometa avanzarsi direttamente, ma con minore velocità. Ma se il Sole è tra la Terra, e la Cometa, comparirà la Cometa moversi direttamente, ma con maggiore velocità di quello, che si mova. Per lo contrario quando ella si move da oriente in occidente, comparirà più veloce di quello, che è di fatto, quando la Terra è di mezzo tra essa e il Sole; ma meno veloce, quando il Sole è in mezzo.

Così fecoado le varie inclinazioni delle lor orbite, variano annora le latitudini loro Geocentriche, ed Heliocentriche E la Legge Kepleriana, che offervafi ne' Pianeti, offervafi ancora nelle Comete, cioè a dire, che le Aree dal raggio conduttore SL deferitte fono fempre come i tempi delle loro rivoluzioni; onde fegue, che quanto più fono lontane dal Sole, tanto più vanno tafdi, e quanto più fia avvicinano; tanto più vanno valori.

Egli è vero , che il Keplero, e molti altri gravi Filoson dopo di esso hanno sempre considerate le Tragettorie delle Comete, come tante linee rette, col quale principio hanno ottimamente calcolato i luoghi delle Comete convenienti alle osservazioni. Ma niente vieta, che ciò si faccia, quando anche la Cometa descriva una Sezione Conica, quando si osserva nene la cometa descriva una Sezione Conica, quando si osserva nel tempo, in cui descrive ella quella porzione di curva, che sensibilmente non apparisce diversa

<sup>[ 1 ]</sup> Fig. 2. Tav. 25.

da una linea retta . Così se sia ABCDE l'elissi, per cui si porta la Cometa A; sino che ella descrive la porzione AB, può fensibilmente dallo spettatore, ch'è in T giudicarsi, ch'ella descriva una retta, dopo di che può darsi, ch'ella si renda invisibile o per lo troppo allontanamento dal Sole, come quando fi porta verso D, o per lo troppo avvicinamento, come quando si porta verso C, nel qual tempo s' immerge ne' raggi del Sole . In questo secondo caso incomincia a farsi vedere di nuovo in D; ma perchè intanto nel suo avvicinamento al Sole può darsi, che molto sia stata alterata, per questo può accadere, che si prenda per una nuova Cometa quella, che è la medesima, che si vide prima, ed altro non fa, che cangiar sentiero. Che se si confronta la porzione verticale BCD di tale elissi massimamente eccentrica, non si ritrova senfibilmente variare da una porzione di Parabola, il di cui Foco è in S . secondo cui il Nevvton calcolò esattissimamente la Cometa Cassiniana del 1680 ponendo, ch'ella descrivesse una porzione parabolica intorno il Sole in maniera, che le aree prese dal centro del Sole fossero proporzionali ai tempi. I vestigi del quale avendo feguitato il dottiffimo Hallejo, accomodò lo ffesso metodo al calcolo Aritmetico costruendo secondo tale principio le Tavole, colle quali vide convenire tutto ciò, che fin a quell'ora fi era offervato intorno i luoghi delle Comete.

Convengono tali cose col Sistema del Sig. Cassini, il quale pesa, che le orbite delle Comete siano circoli o che comprendono la Terra, come su nella Cometa del 1680, o sono suori

della Terra , come fu in quella del 1664 , ed altre.

Quanto alle Code non credono i Nevytoniani doverfi prendere la loro origine da altro, che dal capo della Cometa, come fu ancora opinione de'più antichi Filosofi, e dello stesso Aristotele. Mentre la Cometa si avvicina al Sole, gli aliti copiosi, che ne' siti lontani dal Sole stavano intorno la Cometa addeniati, si riscaldano, e si rarefanno, e nello stesso tempo si riscalda, e si sa più rara l'aura eteria, entro di cui essi sono, ed allora per le Leggi dell'Idrostatica le Colonne eterie laterali gravitando al centro, cioè al Sole, obbligano l'aura fottile, e con essa i tenui vapori ad ascendere, ed allontanarsi dal centro, i quali vapori poi illuminati dal Sole rappresentano quel vasto tratto di luce, che noi chiamiamo la Coda della Cometa, la qual sempre è distesa alle parti opposte del Sole. Che sebbene pare, che per formare i tratti enormi di tali Code si ricerchino vattissime moli di aliti, che deggiono dal Corpo Cometico scaturire, è da offervare però in quanto vasto spazio può una piccola porzione di materia dilatarfi, come sperimentiamo in un grano di odore, o di altra materia, che fi rarefa in vastissimo spazio. Le tenuità di tali Code da questo potersi conofcere se si osserva, che a traverso di quelle, benchè assai vaste, si

veggono le più minute, e deboli stelle.

Da tali cose nasce, che allora quando si avvicinano le Comete al Sole crescono le loro Code, e quando si allontanano, si fanno minori, e allora la Coda è nel massimo della grandezze, e della splendidezza, quando è nel Perielio. Per questo talvolta crescono tali code nelle parti superiori, e decrescono nelle inferiori, il che fa che lungi dalla Cometa vedonfi vivaci. e piene, e vicino alla Cometa gracili, e tenui. E perchè tali vapori hanno due moti, l'uno, con cui dritti ascendono lungi dal centro del Sole, l'altro, con cui dalla Cometa fono portati, per questo le Code non sempre sono dritte, ma qualche poco incurvate, convesse verso dove tende la Cometa, e concave alla parte contraria, il che nasce dalla resistenza dell' Aura eteria. E perchè quanto più è tenue la Coda, tanto maggior è la refistenza, ch'ella patisce, per questo maggior sarà l'incurvatura nella maggior attenuazione, cioè a dire nel Perielio, le quali cose colle offervazioni convengono.

# Opinione di Jacopo Bernulli . Cap. V.

TRa i diversi Sistemi delle Comete si refe celebre quello ancora di Jacopo Bernulli, che pubblicò nell'anno 1682, in cui giudica egli non altro essere le Comete, che tanti Satelliti di un Pianeta Primario, che gira intorno del Sole nello spazio di anni 4, e giorni 157 posso in dislanza dal Sole 2583 femidiametri dell'orbe magno. Intorno quello primario, che per la dislanza non si discerne, girano diversi fecondari a diverse dislanza possi, nessuno per de quali discende sino all'orbita di Saturno, e dallora solo, quando sono nell'arco insimo del luo cerchio, si rendono a noi vissili . Le Code generassi dalle evaporazioni de pianeti cagionate dall'ardore del Sole, le quali subsimandosi nell'alte regioni vengono ad attaccarsi a guisa di fuligni nella spersice de Satelliti, che girano d'intorno a questo non veduto Primario.

APPEN-

## APPENDICE

Del Fluffo , e Rifiuffo dell' Oceano.

No de'più celebri fenomeni della Natura è il Flusso, e Riflusso dell' Oceano. Se si considerano i suoi cangiamenti, si fanno in esso le seguenti osservazioni.

1. Che le sue acque non conservano mai nè la medesima altezza, nè il medesimo movimento; ma variano sempre di stato, ora innalzandosi, ora abbassandosi, ora correndo verso il

li lo , ora dal lido recedendo.

2. Ciò però non fi fa fenza una certa regola, e determinata legge. Imperocchè quando s'innalzano, fi muovono ancor vero fo il lido, nel qual tempo fi dicono ellere nel Fluffo, o nell'atra Marea. E quando fi abbaffano, recedono dal lido, il che fi dice ei lloro Rifuffo, o la beda Marea. E da I Fluffo fucede fempre il Rifluffo, in he l'uno dura più tempo dell'altro.

3. Il tempo, per cui si gonsiano l'acque è di 6 ore, e 12 minuti in circa, dopo di che per altrettanto tempo si abbassa-

no , e così di nuovo patiano dall'una all'altra marea .

4. Se si paragonano i moti delle maree co' moti della Luna, si vede mantenersi sempre tra questi e quelli una maravigliosa costante corrispondenza. Imperocchè importando una Marea, come abbiamo detto, 6 ore, e 12 minuti incirca, nello spazio dunque di 24 ore, e quasi 50 minuti si faranno quattro Maree, cioè due alte, e due basse. Ma in tale preciso tempo la Luna compie una rivoluzione da oriente in occidente. E perciò se una volta in un dato luogo si noti la relazione d'una Marea all'altezza della Luna, si potrà sempre nel medesimo luogo determinar l'ordine delle Maree dall'aliezza della Luna, e per lo contrario l'altezza della Luna dall'ordine delle Maree. Così per esempio se in un dato luogo si oslervi esiere il massimo gonfiamento, allora che la Luna è nel meridiano, ritornera lo stesso massimo gonfiamento, quando ritornerà la Luna nel meridiano, cioè a dire dopo 24 ore, e so minuti ; e diffribuendo tal tempo in quattro parti eguali fi conosceranno i punti delle quattro Maree, che in tal tempo dovranno regolarmente succedere, non considerando però l'alterazione, che può essere cagionata da'venti, o da altre cagioni.

5. Ciò, che massimamente è osservabile, è la differenza, che

passa tra le Maree riguardo ai Sinodi della Luna. Imperocchè generalmente quelle sono più alte, che si fanno nelle Sizigie, e quelle più basse, che si fanno nei Quarti, e ne' tempi di mezzo variano a proporzione.

6. Ma fe si paragonano tra se le Maree dentro di un anno, trovasi essere quelle le massime, che si fanno nelle Sizigie equinoziali, benchè non certamente nel tempo preciso delle Sizigie accada-

no, ma due, o tre giorni dopo.

7. I punti delle Maree non accadono in ogni fito dell' Oceano alla medefima ora. Imperocchè altrove fi fanno più prefto, altrove più tardi, e prima ne' luoghi vicini all' Equatore, indi verfo i Poli.

8. Tali moti, che si veggono nell' Oceano, si osservano ancora in altri mari, ma non in tutti. Così nel Mediterranco, e nell' Adriatico, ma non nel Caspio, o nel Baltico. Così parimente in

alcuni fiumi, che comunicano coll' Oceano.

Per esplicare questo senomeno vari varie cose si sono immaginati. E primamente tra gli Antichi Platone pensò, che ciò non altronde nascesse, che dalla copia dell' acque, le quali dal Baratro. ch' egli credeva effere in fondo del mare ora uscivano impetuosamente, ed ora erano assorbite, e ciò alternamente; onde ne seguiva l'innalzamento, e l'abbassamento nel mare. Apollonio di Tiano pensò, che ciò derivasse dallo soffiare de venti sotterranei, i quali da basso in alto spignessero l'acque. Gli Stoici come insegnavano, che il Mondo fosse un grand' Animale, così tali moti d'acque alla di lui respirazione attribuire doversi affermavano. Ma Aristotele, o qualunque fiasi l' Autore degli otto libri del Cielo, ad un non fo qual Dominio della Luna ciò ascrive. Altri ad una librazion della Terra; altri ad una fermentazione interna delle parti faline. e tartaree; che coll'acque marine stanno mescolate; altri in fine ad altri principi, le quali cose non abbiamo in animo di riferire. o confutare fingolarmente, contentandoci folo di esporre ciò, che in tale materia fu detto fin ora di più accreditato, e più celebre.

Pe nsamento del Galilei, e del VVallis intorno la cagione delle Marce. Cap. I.

Gludicò il Galilei nel dialogo del fiftema del Mondo, che di il fiftema Cogemicano. Imperocchè per la complicazione del moto annuo, e del diurno effere molto ineguale il moto delle parti della fuperficie terrefire, ed in confeguenza ancora dei feci, che

contengono le acque del mare. Che quando è ineguale la velocità dei feni, in cui si contengono l'acque, è necessario, che l'acque inforgano ora davanti, ora di dietro, ed oscillino più, o meno fecondo il maggiore, o minore accrescimento, o decrescimento della velocità. Ciò si conosce in un vaso, in cui si contiene dell'acqua; perchè se, mentre egli era in moto, all'improvviso si ferma, o si ritarda, l'acqua in esso contenuta per lo movimento imprelso vedesi inforgere davanti, e talvolta ancora, sei margini non fono troppo alti, spandersi. Ma per lo contrario se, mentre era prima in quiete, all'improvviso si muove, l'acqua in esso contenuta non ancora conceputo il moto sta indietro e verso l'altro margine intorge, e si spande. Lo stesso accader nell'acque del mare, le quali talvolta per un aumento di moto nelle parti della Terra, che ogni giorno si rivolge intorno il suo asse, inforgono verso una parte, e talvolta per un ritardamento di moto inforgono verso la parte contraria, ed in una certa maniera oscillano, nel che consiste il loro Fiusso, e Riffusso. Il che per esplicare sia ABCD (1) l'Equatore terrestre, il quale intorno il centro E si rivolga per le settere A, B, C nello spazio di ventiquatti ore, nel cui tempo intanto il centro E percorra un grado dell'ecclittica AF, ed è facile il vedere, che le parti, le quali fono nella semicirconferenza ABCsi muovono più velocemente da A verso F, che quelle che sono nell'altra semicirconferenza CDA; perchè il moto diurno delle prime cospira coll'annuo verso F. Ma per lo contrario il moto diurno delle parti della seconda si oppone al moto annuo, e perciò quanto il moto diurno aggiugne all'annuo in quelle, tanto leva in queste.

Dove la direzione è meno obliqua, ivi è maggiore l'accreicimento, o la diminuzione del moto. Per quello maggior è l'accreicimento no B, che in L, ed M, e per lo contrario maggior è la diminuzione in D, che in A, e C. Ed in B è mafilmo l'accreicimento, in D mafilma la diminuzione; ed in A, e C mediocre. Ove si conosce eslere massimale acclerità dell'alveo al punto del mezzogiorno B, minima al punto della mezzanotte D; e mediocre dove nasse si Sole, e tramonta. Le quali cose somministrano motivo di due Flussi nel corio di 24 ore, Pluno sul maggiore ritar-

damento del moto.

Parve al dottifitmo VVallis (2), che con tale ragionamento il Galilei fi apponesse al vero; benchè con qualche difetto. E il difetto esser questo. Perchè siccome egli dà conto di due Maree.

P. Edin

<sup>(1)</sup> Fig. 3. Tav. 25. (2) Atti d' Inghilterran. 16. p. 263.

ree , col quelle debbono esser sempre in B, e in D; cioè a mezzogiomo, e a mezzaostre, doveche l'esperianza ci dimostra che il tempo delle Marce pospone; e che nello spazio di un mese egli viaggia per tutte le 24 ore, della qual cosa egli non sa menzione alcuna,per rimediare al qual disetto egli ricorreal moto mensuale della Luna in questo modo. Imperocche eliere la Terra, e la Luna due corpi, i, quali hanno una si gran connessione, che il moto dell' nas segue quello dell' altra, e potersi perciò considerare per un corpo solo, e puttoso per un aggregato di corpi, che hanno un comune centro di gravità, a tenore delle note leggi statiche fia in linea retta connettendo i rispettivi loro centri, talmente che le loro dislanze dal centro di gravità sono in ragione reciproca delle gravità dei medelimi corpi.

Ora supponendo la Terra, e la Luna stare unitamente quas come un corpo folo aggiardo intorno al Solo nell'orbe magno del moto annuo; questo moto dee calcolars (a tenore delle leggi statiche sin altri casi) per via del moto del comune centro di gravità di ambi li corpi. Conciossitache in cose statiche si suole supporte che un corpo, o un aggregrato di corpi si muova all'instà, all'ingià, o altrimente in quella guisa che il comune centro su di gravità in quel tal modo è mosso, comunque fra loro si mutino le parti. E conforme a ciò la linea dell'annuo moto versà descritta non per via del centro della Terra, ma per via del comun centro di gravità della Terra, e della Luna, comeché un solo ag-

gregato.

Supponendosi dunque ABCDE [1] per una parte dell'orbe magno del moto anuo descritta dal comun centro di gravita, per tutto quello spazio di tempo, che ci vuole dal Plenilunio in A al Novilunio in E, il centro della Terra in T, e quello della Luna in L si debbono supporre amendue (supposso altres), che il comune loro centro di gravità cammini fulla linea AE) che descrivano una periferia intorno al centro comune in quella maniera, che la Luna descrive la sua linea di moto mensuale, ed in somigliante guisa EFGHI dal Novilunio in E all'altro Plenilunio in I.

Da A ad E (dal Plenilunio al Novilunio) T fi muove nel proprio suo epicicio all' insigi dal Sole. Ma da E ad I fi muove all' ingiù verso il Sole. Altres da C à G (dall' ultimo quarto al primo quarto feguente) si muove all'innanzi a tenore del moto annuo; ma da G a C (dal primo quarto al seguente ultimo quarto) fi muove all'ipoposto del moto annuo.

Egli

Egli è dunque chiaro, a tenore di quefla ipotefi, che dall' ultimo quarto al primo quarto (da Ca G, mentre Tè al di fopra della linea dell'annuo moto ) ti menfuale fuo moto entro l'epiciclo fuo alcuno acceleramento all'annuale fuo moto e aggigne, e vie più che altrove in E, alla Luna nuova. E dal primo all' ultimo quarto (da Gall'innianzi a C, mentre Tè fotto alla linea dell'annuo moto, ne forma molto dell'annuo moto, e più che altrove in I, ovvero in A al Plenilunio. Talchè in fequela della nozione del 'Galieli, il menfuale moto comechè aggiugna, o levi al moto annuo, dovrebbero reflarfi indietro, o effere fcaligate all'innanzi le fioite inquimbenti acque, che fono fopra la Terra, e per tal mezzo cagionare una marca (o fia accumulazione di acque) e più che in altro tempo al Plenilunio, e Novilunio, dove appunto quelle accelerazioni, o ritar-damenti fono maggiori.

Ora questo mensuale moto, quando ancora non soste aggiunto nulla al moto annuo, ci somministrerebbe due maree per mese, e niente più (l'una sull'accelerazione, e l'altra sul rizadamento) per lo Novilunio s'e per lo Plenilunio, e due Risusti a due quari; se negl'intervalli Fisso, e Risustio. Ma il diurno moto aggiuntovi sa lo stesso e desto a questo mensuale, che suppone il Galitei s'u che facia all'annuo; cioè aggiugne, o leva al mensualo aggiuntovi, o ristradamento, e così ci viene

a dare una marea dopo l'altra.

Poiche in qualunque parte del suo epiciclo, che noi supponiamo che T [ 1 ] fia , tuttavia perchè frattanto che per mezzo del menfuale fuo moto il centro fi muove nel cerchio L T N, ogni punto della fua fuperficie per mezzo del diurno fuo moto fi muove nel cerchio LMn. Qualunque effetto accelerativo, o ritardativo, che il mensuale moto fosse per dare , quell'effetto per mezzo del moto diurno veriebbe accresciuto nelle parti LMN, [o piuttosto /Mn il femirircolo ] e più che altrove in M , ma verrebbe diminuito nelle parti NOL, o piurtosto nOI, e piu che altrove in O. Tal che in M, e in O [ cioè quando la Luna si trova nella meridiana al di fotto, o al di fopra dell' orizzonte] noi dobbiamo avere la quotidiana marea, o sia acqua alta; dal maggiore acceleramento , o ritardamento cagionata , la qual cosa il semicircolo diurno dà a quello d'ogni mese, e pare che ciò sia la vera causa delle quotidiane maree , e infiememente rende ragione non folo perch'ella abbia da accadere ogni giorno, ma ancora perchè in un tal qual tempo del giorno, e perchè questo tempo nel cor-Parte II.

<sup>[ 1 ]</sup> Fig. 5. Tav. 25.

so di un mese abbia da alternare per entro tutte le 24 ore, cioè perchè arrivando la Luna entro la meridiana di sopra, e di sotto all' orizzonte ( ovvero come dicono li marinari andando la Luna ad austro, e a settentrione ) viene a far questo effetto, ed ancora quello delle maree forgenti, e sceme. Conciosiache quando fuccede, che fieno coincidenti i menfuali, e, diurni acceleramenti, o ritardamenti ( come segue ne' Noviluni, e Pleniluni ) l' effetto ne dee necessariamente estere maggiore. E con tutto che ( la qual cosa non dee diffimularsi ) questo non avvenga se non a una delle maree, cioè a quella, che succede di notte al novilunio (quando ambi li moti vie più si accelerano) e a quella che succede di giorno al Plenilunio, ( quando ambi ritardano più l'annuo moto), nientedimeno essendo questa marea in cotal guifa alzata da due caufe, che vi concorrono, contuttochè la marea, che ne viene dopo, non abbia altresì la medefima caufa l'impeto contratto verrà ad influire fopra la marea fusieguente per la medesima ragione, che un pendolo lasciato cadere da un semicircolo più alto ( benchè non vi sia nuova cagione alcuna di farlo ) farà la vibrazione dall' altra banda ('passato il perpendicolo ) parimente maggiore, o pure parlandofi di acqua in un gran vafo, s' ella verrà talmente fcoffa da effere spinta all' innanzi a una buoua altezza al di fopra del fup hivello, nel ritornarfene indietro per mezzo della fua propria asavità ( fenza veruna causa aggiunta ) si verrà a sollevare altrettanto più dalla parte di dietro.

E qui doverin parimente offervare, che quantunque tutte le parti della Terra per mezzo del diumo fuo mote «' aggirino: intorno al fuo affe, e deferivano de' cerchi paralleli, non fono tutravia cerchi eguali; ma maggiori vicino alla-linea equinoxirale, e minori vicino ai poli, la qual cofa può effer la caula, perchè le marce in alcuni luoghi finno maggiori che in altri. Ma' ciò appartine alle particolari confiderazioni; e non alla fipotefi generale:

Benchè non possa negarsi, che tale ragionamento non sia didotro con na somma industria, esaminato però con attenzione trovasi effere loggetto a gravissime ed insuperabili difficoltà. La prima delle quali è, che l'acqua contenuta in un vaso allora insorge verfo i margini all' innanzi, o all' indiero, quando si ritarda, o si accelera il vaso tutto in un momento. Manon così quando ad una quantità finita si ascende per mezzo di tutti i gradi intermedj, cioè a dire a poco a poco. Ma gli acceleramenti, o ritardamenti nelle parti della superficie terrestre si fanno sempre rutti i gradi intermedj; e perciò nessono sempre tutti i gradi intermedj; e perciò nessono sempre sulla superficie terrestre si fanno sempre rutti i gradi intermedj; e perciò nessono sempre sulla sulla

fi, ca-

fi cagionare alle acque incumbenti; cioè a dire non dessi fare alcun Fluilo, o Rishulio. Per secondo, se pertale causa accadessero le Maree, si farebbero i Flussi ad un lido, ed i Rishuli all'altro, in quella maniera che un pendolo oscillando ascende verso una parte, e discende verso dell'altra. E pure nel gonsamento veggiamo portarsi l'acque non solo a diversi lidi; ma ancora a lidi oppositi. Terzo tutte l'acque in tal modo avrebbero le Maree, il che ripugna parimente alla sperienza.

#### Opinion del Cartefio. Cap. II.

L Cartesio [1] osfervando la maravigliosa corrispondenza, che passa tra i moti dell' Oceano, e i moti della Luna non deibita, che di tale Fenomeno sia cagione la Luna, non certamente per un suo Dominio sul Mare, o per un Infuso, come coll' Autore dei libri del Ciclo pensa un gran numero de' Fiolossi, ma colla Pressione, ch' ella cagiona sull' acque a lei sottoposte, la qual cosa esseno una necessaria conseguenza del celebre suo sistema e lo stabiliste su distenza del celebre suo sistema e lo stabiliste su differa mondano, tanto più lo conserma, e lo stabiliste su

1. Imperocchè essendo la Luna portata in giro intorno la Terra dal Vortice etereo, dentro di cui sta nuotando, non può dovunque passa non rendere più angusto l'alveo colla vasta sua mole; ond'è necessario, che il Fluido celeste, che tra essa, e la Terra scorre sia presso, e nello stesso tempo prema, e faccia forza alla Terra. Che perciò se per maggiore facilità si concepisce il globo Terracqueo tutto coperto di acque, è facile l'intendere, come essendo queste là dove la Luna loro sovrasta, dalla Materia celeste premute, è necessario ancora, che fuori dei limiti della pressione inforgano da ogni parte, e si gonfino, in quella maniera che veggiamo farsi in un vaso d'acqua, che s'è premuta al mezzo, inforge da tutte le parti ai lati, e discende poi per lo proprio peso, quando si levi la cagione, che la comprima, e l'innalzi. Dalle quali cose nascono i Flussi, e Rissussi del Mare. Conciofiache fia T [2] il centro della Terra, intorno di cui ella fi rivolga nello spazio di ventiquatt' ore pe' numeri 1, 2, 3, 4: e sia L la Luna che giri intorno la Terra nel vortice elittico ABCD per le lettere A, B, C, D. Essendo la Luna in A, la Materia celeste, che pria fluiva per la latitudine 1 L, essendo obbligata a fluire per la latitudine 1 A, scorrerà con maggior empito, come l' acqua d' un fiume, allora che da un ampio seno si ristrigne entro un seno più angusto, il che non può farsi se non Kk ij

<sup>[1]</sup> Principj n. 49. [2] Fig. 5. Tav. 25.

vengano premute in 1 le acque direttamente fottoposte al Corpo Lunare, e non fieno per confeguenza obbligate ad elevarfi, e gonfiarfi da tutti i lati fuori dei limiti della preffione; onde fi forma il Flusso. Ma essende il punto I nello spazio di 6 ore per lo rivolgimento diurno della Terra portato nel luogo 2, cui non fovrasta la Luna, e dove perciò l'acque non sono soverchiamente premute, allora è necessario, che le medesime, che per la pressiones' erano alzate, per lo proprio peso discendano, e ritornino al luogo, ond' erano flate levate, ed in tal modo fi formi il Rifiusso. Dopo altre sei ore il medesimo punto I sarà in 3; dove accaderà un secondo Flusso. Imperocche non può la Materia celeste, che dentro lo spazio A 1 scorre, premere la Terra in in 1, se questa posta già in equilibrio al centro del vortice non sia qualche poco dal suo luogo turbata, e verso C mossa, il che non può farsi se la latitudine 3 C non sia resa più angusta, ed in confeguenza non fia premuto il punto 3; nel qual modo nasce un secondo Flusso. Dalle quali cose si conosce ( ciò che in tale materia fu a tutti gli altri difficilissimo di spiegare ) come stando la Luna sul Meridiano possa nello stesso tempo formarsi il Flusso del Mare e sopra l'orizzonte, e di sotto nelle parti diametralmente opposte. Finalmente essendo arrivato il punto a in 4, l'acqua di nuovo al fuo luogo ritorna, e nafce un fecondo Riflusso, come accade in 2. Ed in tal modo in una rivoluzione diurna, cioè a dire in 24 ore si hanno due maree alte, e due basse. Ove però è da osservare, che come ogni sei ore la Luna avanza da occidente in oriente presso che la centoduodecima parte della fua orbita, così non precifamente di fei ore in fei ore si deggiono succedere le maree, ma alquanto tempo dopo, come si conferma colla sperienza, per cui si conosce, che si succedono, come abbiamo detto, ogni fei ore, e 12 minuti in circa.

"The se si considera esser la Luna nel diametro minor del vortice ellitico allora quando sono le sue siguie, e nel diametro maggiore quando sono le sue quadrature, è facile l'intendere, perchè nelle sizigie sieno maggiori le marce di quello che nelle quadrature. Imperocchè il diametro Lunare ha maggior agiona el diametro AC, che al diametro BD, e perciò cagiona più alterazione di moto, quando è nella latitudine AC, che quando à in BD, in quella guisa che un medessimo corpo accresce maggiormente la velocità dell'acque allora quando si frappone in mezzo di un alveo più angulto, che in uno più largo.

3. In sine perchè la Luna nelle sizigie equinoziali passa per gli segni

dell' Ariete, e della Libra, ed in confeguenza fovrasta allora più direttamente all' Oceano, che in qualunque altro tempo, l' effecto della pressione full'acque fottoposte è allora più sorte, il che cagiona le grandi elevazioni, che intorno a tali tempi veggiamo costantemente accadere.

Opinione del Nevvton. Cap. III.

L principio, da cui il Nevvton deriva il Flusso, e il Riflusso del mare I èla Forza astrattiva della Luna, e nello stesso tempo del Sole. 1. Imperocche primamente se la Terra fosse da se sola, ne dalle azioni della Luna, o del Sole fosse agitata, tutte le sue parti in figura sferica distribuite tenderebbono al centro di essa egualmente, e le acque dei mari, che si contengono negli alvei della sua superficie, non farebbero alcun moto, ma starebbono in un perpetuo stagnamento. Ma essendo la Terra dentro la sfera attrattiva del Sole, e della Luna, l'equilibrio delle fue parti cagionato dalla loro gravitazione verso il centro della Terra non può non essere alterato, e turbato dall'azione di tali corpi, la qual azione febbene per la molta loro distanza è molto tenue per vincere la gravità de' corpi terrestri, e superare la loro coesione, può tuttavia rendersi sensibile sull' Oceano, come corpo fluido, e che facilmente cede ad ogni minima forza. Per tale azione se noi supponiamo, che uno di tali corpi sia perpendicolare o al di sopra, o al di fotto dell' orizzonte, o sia in Zenit, o in Nadir, troveremo, che l' acque dell' Oceano direttamente ad esso sottoposte debbono alzarfi, e rigonfiarfi tanto al di fopra quanto al di fotto dell' orizzonte, il qual alzamento per la rivoluzione della Terra intorno il fuo affe dee fucceffivamente cangiarfi, ed in tal modo cagionar due flussi, e due riflussi nel tempo in circa di 25 ore, come sperimentiamo. Conciosiache sia L [1] la Luna, T la Terra, il di cui centro C, Z il Zenit, ed N il Nadir. E fe per maggiore facilità si supponga, che sia tutta di profonde acque copetta, è cosa evidente per gli principi del Nevvton, che l'acqua in Z essendo più vicina alla Luna, che non è il centro C, farà ancora più attratta, che non è il medesimo centro, ed in confeguenza farà allontanata dal medefimo centro, cioè a dire sarà elevata verso la Luna. Ma nel medesimo tempo sarà il centro C più attratto, che non è l' acqua in N, il che cagionerà un allontan mento del medefimo centro dall' acqua N, o ciò ch' è lo stesso un distaccamento dell' acqua N dal centro C. Poste le quali cofe egli è facile il conofere, che il mare, il quale per altro a cagione della fua gravità verfo C farchbe contenuto dentro i limiti di una efatta stera , è obbligato dall'azione attattiva della Luna a cangiarfi in una iferoide, ovve ozude, qual è  $\chi$  Tm, il cui più lungo diametro palla per dovela Luna è verticale , ed il più corto per dove fpunta full'orizzonte , la qual ovale cangia fempre di luogo fegutando fempre la Luna , onde feguono i due fluffi , e rifluffi , che offerviamo nel tempo in circa di a $\chi$  ore.

Le quali cose deggiono ancora applicarsi al Sole S, ed intendersi, che anche per l'azione del Sole dee la figura del mare alterarsi, e due volte al giorno ascendere, e due discendere; benchè con minor effetto. Imperocche sebbene il Sole è piu grande di tutti l'Pianett primarj presi insseme, del molti milioni di volte maggior della Luna, decrescendo però le sorze attrattive come i quadrati delle dissanze, se si riduce a cascolo la sua forza, si rirova non essere con maggiore della Lunare a riguardo della grandezza, quanto minore i 1 a riguardo della distanza. Nasse da ciò, che il Sole altera gli effetti della forza Lunare ora aumentandoli ; ed ora scemandoli, secondo che le forze dell'uno co-

fpirano, o fono contrarie alle forze dell'altro.

Ciò però dee notarsi, che le massime altezze delle maree nei mari profondi, e liberi non accadono allora precifamente quando la Luna è ful Meridiano, ma alcune ore dopo, come fi offerva nel Mare Atlantico, e per tutto il tratto orientale del Mar Etiopico, che è tra la Francia e il Promontorio di Buona-speranza, e su' lidi del Chyli, e del Perù. Di cui la ragion è, che quando la Luna è sul Meridiano, egli è vero, che per lo dato luogo la forza Lunare attrattiva è massima; ma non è giunto ancora al massimo il suo effetto. Imperocchè sebbene dopo che è passata per lo Meridiano si attira dietro l'acque con minor forza, i gradi però del movimento. che ella v'imprime, congiunti a quelli, che già vi aveva impresfo, e che per qualche tempo durano fino che qualche caufa li tolga, fanno una maggior fomma, che quei foli, che hanno le acque allora che la Luna è sul meridiano. Nasce perciò, che si move il Mare con maggior empito, e corrono l'acque ai lidi con maggiore velocità dopo che la Luna passò il Meridiano, che quando precisamente in esso si ritrova, il che accade dopo la terza ora in circa. Così fe una forza, che di grado in grado crefce.

<sup>[1]</sup> La forza Solare il VViston [Prel. Fif. 37.) non arriva alla festa parte della, forza Lunare, e come il Sole pub clevar l'Oceano a 1 piedi; così la Luna a 11, el ambo inferne a 14, il che comuene alle offervezioni.

cresce, e poi decresce, imprime il moto ad un pendolo, non è massima l'oscillazione del pendolo allora che la forza è giunta

al massimo; ma alquanto tempo dopo.

Il che offerviamo ancora nel cafor dell'estate, e nel freddo dell'inverno, perchè non negli stelli solstizi estivi, o invernali accade il massimo caldo, o il massimo freddo, ma molti giorni dopo, e così nel calore de' giorni estivi, che non è il massimo allor che il Sole è sul meriggio, ma due, o tre ore dopo.

2. Nella Sizigie la forza attrattiva del Sole cospira colla forza attrattiva della Luna; imperocchè agiscono amendue per la medesima linea. Ma nelle quadrature le forze sono contrarie : perchè l'acque, che dal Sole fono innalzate, dalla Luna fono depresse, e quando dalla Luna sonò innalzate, allora vengono depresse dal Sole. Nasce perciò ch'essendo il resto pari, nelle sizigie tono massime le intumescenze, e minime nelle quadrature, come veggiamo accadere nelle menfuali reciprocazioni. E mentre la Luna passa da una sizigia ad una quadratura, l'elevazioni fempre si diminuiscono; ma per lo contrario si accrescono,

quando ella passa da una quadratura ad una fizigia.

3. Quanto più grandi sono i cerchi, che i punti terrestri percorrono fotto i due Luminari, tanto più grande è la forza centrifuga dell'acque, che stanno loro sottoposte, e successivamente vengono attratte. Nasce per questo, che quanto più sono quelli all'equatore vicini, tanto più agiteranno l'acque, e la maffima loro agitazione (essendo il resto pari) farà quando i Luminari fono all'equatore, la minima quando fono ai tropici. Perciò di tutte le fizigie, che accadono dentro di un anno, l'equinoziali daranno le massime marce, ma le tropiche daranno le minime. Lo stesso accaderà nelle quadrature, e generalmen-te di tutti i simili aspetti quelli cagioneranno le più forti maree, che si faranno nelle minori distanze dei Luminari dall'equatore.

4. E perchè varia la forza attrattiva dei Luminari secondo le varie loro distanze dal centro della Terra, dovranno ancora esfere vari i loro effetti, cioè a dire l'elevazioni dell'acque fecon-

do la loro varia diflanza.

Per questo essendo il Sole in tempo d'inverno più vicino alla terra, che in tempo di estate, accrescerà (essendo il resto pari) le intumescenze. E le massime intumescenze, che per la cospirazion delle forze dovrebbono accadere, come abbiamo detto, nelle Sizigie equinoziali, faranno alterate, e quella dell'equinozio di primavera si differirà qualche giorno, e per lo contrario si anti-

ciperà quella dell' equinozio di autunno, il che nasce dalla Perigeosi del Sole, che si fa nell'inverno. Nasce per lo medesimo, che le intumescenze che si fanno nelle quadrature d'inverno sono minori di quelle, che si fanno nelle quadrature d'estate. Imperocche esfendo nelle quadrature la forza attrattiva del Sole contraria alla forza attrattiva della Luna; quanto più grande è la forza del Sole tanto più farà scemata l'azion della Luna, ed in conseguenza diminuita l'elevazione delle acque. E confiderando le reciprocazioni dentro di un mese, la Perigeosi della Luna cagionerà maggiori intumescenze; e perciò se è massimo il slusso allor che la Luna è in una fizigia, farà ancora più grande se nella sizigia trovasi perigea, e molto più se colla perigeosi della Luna si unisce quella del Sole : Ove però è da offervare, che due massime maree in due continue sizigie immediatamente accader non possono. Imperocchè se in una fizigia la Luna è perigea, è necessario, che nell'altra, che si sadopo quindici giorni in circa, ella sia apogea, ed in conseguenza di minor forza,

5. Tali cose sono dette per le Maree di un medesimo luogo. Ma se si considerano più luoghi, e si paragonano tra se, egli è da osservare, che diverse mutazioni deggiono accadere secondo le diverse loro latitudini. Imperocchè sia, come espone l'Hallejo [ 1 ], ApEP [2] la Terra da profondissime acque ricoperta, C il suo centro, Pp li fuoi poli, AE l'equatore, Ff un parallelo all'equatore , Dd un altro parallelo in eguale diftanza dall'altra banda , H. b li due punti, dove la Luna è verticale, e sia Kk il gran cerchio, in cui la Luna apparisce orizzontale. Ed è cosa chiara, che una sseroide descritta sopra Hb, ed Kk rappresenterà presso poco la figura del mare, e Cf, CF, Cd, CD faranno le altezze del mare ne' luoghi f, F, d, D, in tutti quali la Marea è al colmo, e vedendosi, che nel tempo di 12 ore per mezzo del diurno avvolgimento della terra, il punto f si trasserisce ad F, e d a D, farà Cf l'altezza del mare ful colmo dell'acqua allor che la Luna è presente, e CF quella dell'altra colmezza, allor che la Luna è di sotto la Terra, la qual nel caso di questa figura è minor dell'antecedente Cf. Ma nell'opposto parallelo Dd tutto il contrario avviene.

6. Dalle quali cole (eguita, che l'alzamento dell'acqua è fempre mai alternativamente maggiore, e minore in ogni luogo qualora è prodotto da! fenfòile declinar della Luna dall'equatore; conciofiachè quella è la maggior delle due acque colme in ciafcun diurno avvolgimento della Luna, che fueccele quando ella fia accofta più no avvolgimento della Luna, che fueccele quando ella fia accofta più più

<sup>(1)</sup> Attid Inghilterra num. 226. (2) Fig. 7. Tav. 25.

al Zenit, o al Nadir del luogo. D'onde nasce, che essendo la Luna ne' segni settentrionali, nelle nostre regioni produce le più alte maree quando ella è al di sopra della Terra, ed essendo ne' segni australi, quando è al di sotto, l'effetto essendo sempre maggiore, dove la Luna è più rimota dall'orizzonte, sisti al di sopra, o al di sotto d'esse. E questo alternativo accrescimento, o diminuzione delle maree è fatto osservato che si riscontra sulla costa dell' Inghilterra a Bristol dal Capitano Sturmis, e a Plimouth dal Colepress.

E tale è la sentenza del Sign. Nevvton, la quale su indicata per prima di lui da Keplero nel Commentario di Marte. Si Terra cessare attrabere ad se aquas suas, aque marine omnes elevarentus, O in corpus Luna instueren. Orbis virtusistratioria, que qes si in Luna, portigiura, suque ad Terras, O prosectar aquas sub zonam torridam Orc. Se la Terra cessares, o prosectar aquas sub zonam torridam Orc. Se la Terra cessares de la tuttarce a se le sue acque, tutte le acque del mare si eleverebbono, e contretebbono verso il Corpo Lunare. La stera dell'attrazione, che è nella Luna si stende sino alla Terra, e trae seco l'acque sotto la zona torrida ec.

Delle variazioni delle Maree ne' luogbi particolari Capitolo IV.

Benche le Leggi delle Marce ne' luoghi particolari non poco fi allontanino dalla Legge universal dell'Oceano, la quale abbiamo finora descritto, convengono però i Fissi non doversi dubitare, che tutte le Marce particolari non altronde abbiano l'origine che da quella dell'Oceano, e la cagione delle molte alterazioni, che si veggono, essere i siti, e la cossituacione dei lidi particolari, la capacità dei seni, l'angustia maggiore, o minore delle Bocche, per le quali entrano l'acque, e simili circo-stanze.

1. E primamente febbene per l'azione de Luminari pare, che da ogni parte egualmente deggiano elverafi l'acque, e correcta al idio allora quando la Luna fla ful Meridiano, egli è però da confiderare, che farà fempre maggiore il coffo dell'acque, e l'intumeficenza dall'oriente all'occafo, che verfo altre bande, parte perchè l'acque deggiono feguire il moto dei loro Attraenti, che per la rivoluzione diurna va dall'oriente all'occafo, e parte per. lo perpetuo Eft, che foffia dentro i Tropici, e cospira col moto orientale dell'acque.

2. Ne' luoghi più distanti dall' Equatore le intumescenze deg-Parte II. L l giono giono effere minori di quello, che ne' più vicini, fino che diventano per la molta diffanza affatto infenfibili, come nell'Oceano Settentrionale offerviamo oltre la Scozia, Norvegia, e Groetlandia.

2. E perchè l'intumeſcenza di tutte l'acque non fi fa tutta in un tempo, ma ſucceſſuramente, trafportandoñ il moto da quelle che ſono più direttamente fortopoſſte al Corpo Junare a quelle che ſono più lontane, perciò è coſa neceſſaria, che non nel'a medeſſma ora ſſano per tutti i luoghi i punti ſſmili delle Marece, ma prima ſſ facciano ſotto la Linea di quello che verſo i Tropici, e coſŝ ne' luoghi orientali prima che negli occidentali. Così nei lidi del Braſſie veggiamo prima faſſi il Fluſſo, che nel-la Guajana, e nella Caſſiglia d'oro, perchè il Braſſie è più orientale di queſſli, e nei Regni di Fez prima del Portogallo, e del-la Galícia, perchè ſſono più vicini all'Equatore.

4. Tal ordine però viene in molti luoghi alterato per gli promontori, o penilole, o fecche di mare, che si oppognono al moto dell'acque, e le obbligano a torcere sentiero. Per tal ragione nello Stretto di Gibiterra si fanno le intumescenze più tardi che nell'Algarre sebbene è in minor latitudine, e così nei idii della Galicia, si fanno prima che in quelli della Guascogna, e della Bertagna, sebbene quelli sono più occidentali di questi. Imperocchè venendo le acque dal Mar Atlantico è necessirato, che prima arrivino ai lidi di Spagna che a quelli di Francia. Nasce per la stessa ragione, che nei lidi settentrionali della Normandia, vi si differenza si quafi tre or tra i punti delle mare.

5. Una cagione, che altera il corso, e l'intumescenza dell'acque, sono i Venti. Imperocchè accrescono il loro corso, e
la loro intumescenza se spirano a seconda, ma lo ritardano, e
ne diminusiscono l'altezza, se spirano in contrario.

6. Un'altra cagione di grande intumescenza è l'incontro di due acque, come si sa allora quando le acque d'un vasto siume di-

rettamente sboccando s'incontrano coll'acque del mare.

7. Una terra cagione fono le diverfe grandezze de' canali, ne'
quali l'acqua è ricevuta perchè in un mare, che ha-due miglia
di fondo, può, come nota l'Hallejo [1], una data quanità di
acqua follevar la fuperficie 10, 0 12 piedi; ma in un canal fondo 40 piedi fi richiederebbe una affai maggior corrente per effettuarlo. Trovafi perciò, che le Maree hanno maggior forza in
quei luoghi, dove più fi ffrigne il mare, perchè fi accrefce la
velocità nell'acque allora quando foorrono per più angufi cana-

li, Il che fassi evidente negli stretti tra Portland, e Capo la Hogue,

Hogue, dove la Marea corre, come se uscisse da una caterratta, e sarebbe più impetuosa tra Dover, e Calajs, se la Marea, che gira intorno l'isola dell'Inghilterra, e viene da Settentrione non

la rintuzzasse

8."Il Mar Cafpio non ha marca, perchè non comunica col·l'Oceano. Il mar Nero, e il Balicio appena ne hanno, perchè hamno poca comunicazion coll' Oceano. Per la fleffa ragione il Mediterranco ha poca mutazione; perchè effendo affai lontano dalla linea, la poc'acqua che per lo firetto di Gibilterra entra in  $\delta$  ore, e 1a minuti, può appena elevario 3 pollici. Ma non con l' Adriatico, parte per al firettezza del fuo feno, parte perchè s'ingolfano in effo l'acque per l'oppofizione dell'ifole dell'Arricie ago, e dei lidi dell'Africa, che le fostentano, il che

fa montare l'altezza delle maree a quasi tre piedi.

9. Nel mar libero sono eguali i tempi del flusso e del rissulo, e vanno l'acque colla legge dei pendoli, i quali egual tempo consumano in ascendere, e disendere. Ma non così nei fiumi, dove il flusso per l'ordinario è minor del rissulso, come per esempio nella Garonna, in cui, come nota il Bajle [1], ascendone l'acque per 5 ore, e distendono per 7. Del che la cagione è il perpetuo corso dell'acque del bume, che vanno al mare, le quali in tempo di flusso impediscono continuamente il corso dell'acque salce, e le sospendono in equilibrio più presto di quello che si farebbe per la fola Marea, e per lo contrario in tempo di rissulsonamente discendono, no ecssimo di cendere fino che dal moto opposto del mare non sieno impediten, il che prolunga il tempo della rissulenza.

10. Una delle maree più strane è quella, che si offerva nel porto di Tunkino in latitudine boreale di 20°, e 50'. Ivi l'acque allora che la Luna passa per l'Equator, non fanno moto; ma allora ch'ella verso i segni boreali declina, incominciano a fluire e refluire non due volte al giorno, come negli altri porti, ma una volta fola, e il massimo slusso cade nel tramontar della Luna, e il reflusso massimo nel nascere. Secondo che cresce la declinazion della Luna crescono ancora le intimescenze fino al giorno fettimo in circa, dopo di che per altri fette giorni decrescono finochè essendo la Luna sull'Equatore cessano. Dopo di che si cangia l'ordine, imperocchè quei flussi, che nell'antecedente ordine erano i minori, divengono allora i maggiori, e quel tempo ch'era prima della marea alta, diviene allora quel della bassa, e così per lo contrario. La causa delle quali strava-Ll ij ganze

<sup>[ 1 ]</sup> Fific. P. 1. L. 3.

ganze ingegnosamente deduce il Sig. Nevvton non altra effere . che la concorrenza di due Maree l'una propagata in sei ore dall'Oceano Chinese tra il Continente e l'Isola Luconia, e l'altra dal Mare Indiano propagata in dodeci ore tra il Continente e l'Isola di Borneo lungo le coste di Malava, e Camboja. L'una di queste Maree essendo nelle regioni boreali, è maggiore, quando scome abbiamo notato nel n. 6. del Capo 3.1 la Lu-Luna è di qua dell'Equatore, e nello stesso tempo sopra dell'Orizzonte, ed è minore quando la Luna è di fotto. L'altra essendo nelle regioni australi è maggiore, quando la Luna è di là dell'Equatore, e nello stesso tempo sopra dell'Orizzonte, ed è minore, quando ella è di fotto. In tal modo nel porto di Tunkino accadono ogni giorno due Maree maggiori e due minori l'una dopo l'altra, e l'alta Marea succede sempre a mezzo dei tempi dell'arrivo dei due Flussi maggiori, e la Marea bassa in mezzo l'arrivo dei due Flussi minori. Quando la Luna è all' Equatore essendo eguali i Flussi e i Reslussi, cioè a dire tanto crescendo l'acque per lo Flusso d'un Mare, quanto decrescono per lo riflusso dell'altro, cessa la Marea, e si sa lo stagnamento dell'acque. Ma quando la Luna va di là dell'Equatore, s'inverte l'ordine dei tempi, e quel tempo ch'era prima dell'alta Marea, diviene quel della bassa, e per lo contrario, essendo la Luna in positura contraria, come si conosce (1) nel medesimo Capo terzo.

Il Fine del Nono, ed Ultimo Libro.

# DISSERTAZIONE

SOPRA

LE LEGGI DEL MOTO.



#### DIRETTO

## DISSERTAZIONE

#### DEFINIZIONI.

I. Orpo perfettamente molle dicesi quello, che quando è stato compresso, resta esattamente nella sua compressione senza alcuna energia, ovvero esficacia di restituiri, come prossimamente la creta, o il sevo.

II. Corpo perfettamente elaflico è quello, che dopo di effere tato da qualche forza comprefio fi refittuifice alla fua primiera figura, come profilmamente una sfera d'avorio, o d'acciajo.

III. La quantità del moto è il prodotto d'una massa che si move nella sua velocità, onde se la massa si dica M, e la velocità U, la quantità del moto sarà MU. E perciò data la quantità del moto MU, se si divida per la imessa M, si avrà la velocità U, e dividendo la per la velocità U, si avrà la massa M.

IV. Velocità Respersiva, ovvero Agente dicefi quella, che fa l'azione nella percolia. Tale velocità quando i corpi fi muovono verfo la medefima parte è sempre eguale alla differenza delle velocità affolute, e quando i corpi fi muovono in contraria parte è sempre eguale alla Doro somma. Dunque se le velocità fi dicono U, ed u nel primo caso la velocità respettiva è U — u, nel secondo U † u.

#### OSSERVAZIONI.

 N Ell'urto de' molli due moti eguali e contrarj fi elidono.

II. Ma se l'uno è maggiore dell'altro, il minore elide una parte eguale al maggiore, e vi resta il solo eccesso del maggiore.

II. In fine fe non foru contrarj, neftuno diffrugge l'altro, e vi refla la fomma d'amendue. Ciò, nota il dottillimo Signor Fontanelle, Memorie dell' Accademia 1720. 6 può conofecre colla fola ragione, e prima d'ogni spetienza., Il est clair par la feule Mestaphique, O' independament de l'experience, que deux forces e geales etans opposes, elles empecbent absolument, l'action l'une de l'er l'action l

n de l'aurre, & se derrussent mutuellement et ant qu'elles sont forces agisfantes, qu'elles ne se derrussent millement se elles ne sont n millement opposèt, & que si deux sorces sont inegales, & opposèt, il ne resse de leur combar, que s'excès de la plus grande n sur la plus petite.

Leggi del moto diretto ne corpi molli.

#### ARTICOLOL

Sia il corpo che urta = M, la fua velocità = U, il corpo urtato m, la velocità fia u. Nel punto dell' urto i due corpi, ch' erano feparati, diventando uniti, formeranno un corpo folo, in cui 'l moto farà M'U†mu. Dividendo dunque tal moto per la mafia totale M†m, fi avrà la velocità comune ad amendue MU†mu.

Tale Canone è generale, se si osserva di far negativo m u, quando le direzioni sono contrarie, e zero quando il corpo è in quiete.

Se dunque M è 2, U 2, m 1, u 0, la velocità comune farà 4

Se M è 2, U 2, m 1, u 1, farà 5

Se finalmente M è 1, U 1, m 2, u - 2, la yelocità fa. rà  $-\frac{3}{3}$ , cioè anderanno amendue colla velocità negativa  $-\frac{3}{3} = -1$ .

#### Annotazione.

I primi che ritrovarono tali Leggi furono il VValli, l' Hughenio, il VVrenio, ed il Mariotte.

#### COROLLARJ.

I. A velocità dopo l' urto effendo MU†mu, dunque la velocità

TM † m

comunicata dal corpo Mal corpo m farà MU†mu—u=MU—Mu

M † m

M † m

Dunque

Dunque le celerità comunicate a' corpi percossi saranno in ragione composta diretta de' corpi che percuotono, diretta delle veloci-

tà respettive, ed inversa delle masse totali.

II. Perciò se le masse siano le medesime, e si cangino le sole velocità, onde sa prima U, ed u, indi X, ed x, faranno le velocità comunicate come U - u: X - x, cioè come le velocità respettive.

III. Se i moti sono contrari, la celerità comune dopo l' urto sarà MU-mu. Dunque la velocità perduta di M=U-MU mu=

IV. La celerità acquistata da m per lo primo  $= \underbrace{MU-Mu}_{M},$  la perduta da  $M \equiv mU-mu$ , Dunque l'acquistata da m

è alla perduta da M, come M; m, cioè in ragion reciproca delle masse.

V. Se si moltiplica ciascun corpo per la sua celerità dopo l'
urto si avranno i loro moti MMU + Mmu; e MmU + mmu

M + m M + m

la fomma de' quali = M U + m u.
Perciò fe non fono contrari, refla la fomma positiva avanti
e dopo l' urto; ma se sono contrari, le parti contrarie si elidono, e refla la sola differenza.

Leggi del Moto diretto ne' Corpi perfettamente elastici,

#### ARTICOLO II.

Posse le leggi de' corpi molli non è difficile il conoscere quella degli elastici, se si considera che l'elastico agisse con quella stessa forza, con cui è stato percosso. Un arco per etempio vibra la sua faetta in quanto è stato piegato, e la sua vibrazione dipende dalla sua compressione. Ne molli agisse la sola percossa, pesi elastici la percossa e la ripercossa. Poste le quali cose in tal modo si forma il Cannou universale:

Sia il corpo che urta M, e la velocità U, l'urtato m, e la velocità u. Se fessero molli, la velocità commicata al corpo m, Parte II.

5. M m farebbe

farebbe  $\underbrace{MU-M}_{M \ \uparrow \ m}$ u, Ma l'elaterio di M ne comunica altrettanta. Dunque la velocità acquiftata da  $m = 2\underbrace{MU-2\underbrace{MU}_{M \ \uparrow \ m}}_{M \ f \ m}$  Egli aveva u, Avrà dunque u  $+2\underbrace{MU-2\underbrace{Mu-2\underbrace{MU}_{M \ j \ m}}_{M \ j \ m}$ 

Per conoscer poi quella di M considero, che se fosse molle, la sua velocità perduta sarebbe mU-mu. Ma l'elaterio di m

la sua velocità perduta sarebbe mU-mu. Ma l'elaterio di m M + m gliene toglie altrettanta, Dunque sarà 2 mU-2mu. Egli aveva

U: Dunque farà  $U - 2mU + 2mu = \frac{M + m}{MU - mU + 2mu}$ 

Se m è 2, U 1, m 1, u o, dopo l' urto M avrà 1, m 4

Sc M è 2, U 1, m 1, u — 2, dopo l' urto M avrà — 1, n 2 Sc m è 1, U 6, m 8, u 1, dopo l' urto M avrà — 26,

n 19

#### COROLLARI

I,  $L_{a}$  velocità comunicata a' molli  $= \frac{MU - Mu}{\frac{M + m}{m}}$  $L_{a}$  comunicata agli elaftici  $= 2 \frac{MU - 2 \frac{Mu}{n}}{2 \frac{Mu}{n}}$ 

Perciò è dupla. Onde le velocità comunicate agll elaftici saranno nelle stesse ragioni di quelle, che sono le comunicate a' molli.

molli, ...

II. Anche le celerità perdute negli elaffici: fono doppie delle perdute ne' molli, onde nasce un nuovo metodo di calcolar le celerità degli elaffici. Imperocchè fia M 4, U 6, m 1, u 2; Se fossero molli la celerità acquistat da m sarebbe 16. Essendo dunque elassici acquistetà 32, ed avendo già 10, avrà dunque ln tutto 42. Se M sosse molle perderebbe 4. Dunque perderà 8. Aveva 30, Dunque con 22.

III. Se le celerità fono contrarie, la celerità perduta di M

farà 2 m U † 2 m u, e la perduta da m — 2 M U — 2 M u. DunM † m

que le celerità perdute fono come m : M, cioè in ragion reci-

proca delle maffe, come nei molli.

1V. Il moto perduto di Mèlo stesso, che l'acquistato da m. Imperocchè il moto di M prima del urto era MU, dopo l'urto è MMU—MmU†2 Mmu. Dunque il perduto è MU—

M t m

MMU+MmU-2Mmu=2MmU-2Mmu.Il moto di m

Dunque il moto acquistato =  $2 \frac{MmU - Mmu + mmu - mu}{M + m}$  2 MmU - 2 Mmu.

M † m

#### Annotazione.

Tale velocità, che viene comunicata da M a m non bifogna credere, che venga comunicata tutta infeme, o in un minimo tempo. Il che fe fosse, la natura opererebbe per salto, ed i corpi passerbebero da uno stato all'altro senza passar per gradi inter-

medj; il che ripugna alla ragione, ed alla sperienza.

" Siano per questo i due triangoli rettangoli, ed equilateri " tra se [1] AFB, AFE, di cui l'affe comune AF rappresenti " il tempo. Diviso tal asse in parti infinitesime eguali si con-" cepiscano infinite ordinate parallele alla base, come af, ad, " e quelle che terminano alla retta BF rappresentino le celeri-" tà del corpo percuziente M, le quali vanno sempre diminuen-, do, e quelle che terminano alla retta AE rappresentino le ce-, lerità del corpo percosso m, che si suppone eguale al percu-, ziente. Seguita da tali cose, che nel principio del tem-" po A , la velocità del corpo M farà espressa per la ret-" ta data AB, è quella di m sarà eguale a zero. Ma al ", fine del primo minimo tempo A a il corpo M avrà co-" municato al corpo m il primo momento di velocità ad == "Be; onde la velocità di m'farà ad, e quella di M resterà af, , posta Be = ad. Al fine del secondo tempo, m acquisterà un , altro Mm ij

<sup>[1]</sup> Fig. 12.T. 26. 1.\*

" altro elemento di velocità, per cui crescerà la velocità ad, e , si deminuirà egualmente af; e così seguitando di tempo in .. tempo la velocità di m crescerà per l'acquisto di continui mo-" menti; e quella di M decrescerà per la perdita d'altrettanti ", fino al punto D, che sta alla metà dell'aise, dove la celeri-,, tà CG diventa eguale a CD. Nel qual punto se i corpi fos-" fero molli , anderebbono amendue colla stessa velocità , non , potendo più il primo aggiugnere nuovi momenti al fecondo. " Ma perchè si suppongono elastici, l'elaterio di M a poco a , poco esplicandos, aggiugnerà continuamente nuovi monienti , alla celerità CD, la quale fempre crescendo diventerà final-" mente FE = AB; mentre intanto CG andera fempre dimi-, nuendo sino che al punto F diventerà zero; onde si conosce , che al fine del tempo AF il corpo M perderà tutta la fua , velocità AB, e questa farà trasportata nel corpo m, e diven-, terà EF; onde si conosce come al fin d' un dato tempo dee , il corpo M restar dopo l'urto immobile, ed m dee avanzarsi " con una velocità FE eguale alla velocità AB, con cui restò " percoffo.

#### COROLLARIO V.

N Ell'urto de' corpi elaftici la fomma del moto avanti l'urto fi eguaglia alla fomma dopo l'urto.

I. Sia il moto di M = a, quello di m = b; sarà la somma avanti l'urto a † b. M comunica x, i moti dopo l'urto diventano [Per lo Cor. IV.] a = x † b † x == a † b.

11. Sia il moto di M = a, di m = b. Perda M a + x, ficchè il fuo moto diventa = x, e quello di m, fia b + a + x. Somma avanti l'urto = a + b. Dopo l'urto = a + b + x = x = a + b.

III. Sia il moto di M = a, di m = b. Somma avanti l'urto = a b. M perde x. Moto di M dopo l'urto a x;

di m, \_ b † x. Somma a \_ b.

IV. Sia il moto di M=a, di m=b. M perde a  $\dagger$  x ficchè il fuo moto diventa -x. Quel di m=a  $\dagger$  x -b. Somma prima dell'urto =a -b, dopo l'urto =a  $\dagger$  x -b -x =a -b.

100

#### TEOREMA I.

SE negli elastici si prendano le celerità dopo l'urto, e si sotfommino le velocità allora che le direzioni sono contrarie, si avrà U † u. Dunque come-oscriva l'Hughenio, quella stessa clocità respettiva, ch'era avanti l'urto, durerà ancor dopo l'urto, ch'è uno de suoi celebri Teoremi.

#### LEMMA.

S'iano due corpì M, ed m, de quali il centro di gravità fia C, e primamente fi muovano amendue verso la medesima parte,

determinar moto CD del loro centro di gravità C.

Sia MC = A, mC = a, e per condizione del centro di gravità fi ava [t 1] MA = m. Pofta MB = U, mb = u, ED = x, farà BD = A = U + x, BD = a + u - x. E per la condizione del centro di gravità fi avrà MA = MU + Mx = ma - mx + mu, onde fortraendo il termini, mx; che fono eguali per supposizione, sarà  $x = \frac{MU}{M} + \frac{mu}{m}$ . Se i corpi si venillero in-

contro, la velocità del centro di gravità farebbe MU — mu.

M + m

Dunque se i moti non sono contrari, la velocità del centro si eguaglia alla somma de' moti divisa per la somma delle masse, e se sono contrari alla differenza.

#### TEOREMA IL

L A celerità del centro di gravità avanti l'urto si eguaglia alsa celerità del centro di gravità dopo l'urto conforme il ritrovato dell'Hughenio.

La celerità del centro di gravità avanti l'urto si trova per lo Lemma = MU † mu, cioè a dire eguale alla somma de' moti di-

wifa per la fomma delle masse. Se si prende anche dopo l'urto la somma de'moti, e si divida per la somma delle masse si avrà lo stesso valore. Dunque le celerità del centro sarano eguali.

Moto dopo l'urto del corpo M = MMU+2Mmu - MmU :

M † m

Moto dopo l'urto del corpo m = 2 MmU - Mmu†mmu

M † m

Somma de' moti = MU†mu Celerità del centro di gravità MU † mu

Se i moti fono contrarj le celerità del centro fono = MU - mu-M † m

#### TEOREMA IIL

SE fi moltiplichino le masse nel quadrato delle koro velocità avanti l' urto, e dopo l' urto, e fi prendano le loro somme, tali somme in amendue i casi si troveranno sempre eguali.

Siano due corpi M, ed m, de' quali le velocità avanti l' urto fiano U, ed u, e quelle dopo l' uro x, 'ed y, e fi muovano verfo la medelima parte, la velocità respettiva avanti l' urto
è U — u, e dopo l' urto y — x. E perchè per lo Teorema L
fi conserva sempre la stessa evolucità respettiva, si avrà U—u u=
y — x. Ma perchè per lo Teorema II. si conserva ancora la
celerità del centro di gravità avanti, e dopo l' urto si avrà
MU + m u= Mx + m y, cloè MU + m u = Mx + m y
M + m M + m

Nella prima equazione Ufx=yfu

Nella feconda MU - Mx = my - mu

Moltiplicando l' una per l' altra MUU — Mxx = my y = muu.

Ovvero MUU†muu = Mxx†myy

Dun

Dunque se vi siano due corpi elastici M ed m, e ciascun si moltiplichi nel quadrato della sua velocità avanti rivo Indi nel quadrato di quella, ch' egli ha dopo l'urto, si troveranno sempre eguali somme, ch' è la celebre legge dell'Hughenio Prop. 6.

Sìa per esempio una massa 1, che con velocità 1 si muova contro una massa 2 posta in quiete. Dopo l'urto la prima ritornerà indietro colla velocità 1 e la seconda anderà avanti con

2. Moltiplicando tali masse nel quadrato della loro celerità avan-

i l'urto si trova, che la somma di tali quadrati è s. E moltiplicando le stesse masse nel quadrato della lor velocità dopo l' urto, si trova la somma = 1 + 8 = 1

Sia in fecondo luogo M 2, U 3, m 1, u — 1. Dopo l'urto le velocità faranno 1, 13. Somma avanti l'urto = 19,

Somma dopo l' urto = 19; e così in qualunque supposizione. Dunque ecc.

Leggi della comunicazione del moto santo pe<sup>2</sup> corpi molli, quanto per gli slaffici, quando gli ursi fono obliqui.

S'a il corpo M, che urta 'obliquamente il corpo N per la bifognerà concepire la retta MO, [1] Per determinar la comunicazione del moto bifognerà concepire la retta MO, come una direzione composia di due direzioni, i' una perpendicolare come RO, l' altra orizzontale come MR. E perchè alla MR non refisie il corpo urtato N, e la sola resistenza è per RO, si riguarderà l' urto satto come per la sola RO, secondo la quale si faranno le mutazioni, restando immutabile la MR.

Supposto dunque per esempio che il corpo M sa perfettamente elastico, e dopo aver percosso, come se direttamente si movesse per RO, [2] debba sermarsi, ed intanto il corpo N debba muoversi colla celerità di quello, che lo ha urtato, allora fatto OQ eguale alla OR, ed OT eguale alla MR, farà il corpo M nel punto, T, ed N nel punto Q.

<sup>[ 1 ]</sup> Fig. 2. T. 26. 1.4 [ 2 ] Fig. 3. T. 26. 1.4

Ma se M dovesse avanzarsi in B, [1] ed N nel punto Q, allora satto QD eguale alla MR, e tirata la diagonale OT, intanto che M anderà nel punto T, N anderà nel punto Q.

Finalmente se M [2] dovesse retrocedere in B, e N dovesse

Finalmente se M [2] dovesse retrocedere in B, e N dovesse avanzarsi in Q, allora fatta OD eguale alla MR, e tirata la diagonale OT, intanto che M andera in T, N andera nel purto Q,



DEL-

<sup>[1]</sup> Fig. 4. T. 26. 1. [2] Fig. 5. T. 26. 1.,

# DELLA ESTIMAZIONE. DELLE

FORZEVIVE;
DISSERTAZIONE
FISICO-MATEMATICA

# PILLA ESTINAZIONE PORZE VIVE, DISSERTAZIONE TESECOMETAZIONE

#### DELLA ESTIMAZIONE

#### 

## FORZEVIVE,

### DISSERTAZIONE

#### FISICO. MATEMATICA

A quistione intorno le Forze Vive sebben non è nata tra Noi, e non è poco tempo che ferve, non fu però ancora dichiarata, ficche fiano ridotti a concordia i Filosofi, e frano levati tutti quei dispareri, ne' quali fin ora sono stati divisi. Ella dura ancora dopo che il Signor Leibnizio fu il primo ad eccitarla negli Atti di Liplia 1686. Avanti di esso tutti i Filosofi seguivano il Signor des Cartes, che tutti i Fenomeni del moto alla quantità fola dello steffo moto riduife : chiamata per quefto la vera, Forza morrice, la cui mifura da due principi dipende, e dalla maila che fi muove, e dalla velocità con cui li muove; onde se la massa si dica M, e la velocità U, la quantità del moto ovvero la forza, con cui la detta massa si muove sia sempre eguale a MU, onde come da prima ed unica causa dipendono tutti gli effetti del moto. Ma offervò il Leibnizio doversi distinguere due divesi stati di corpi in nagura. Il primo è di quelli che certamente fono in quiete, ma vengono però continuamente follecitati da una forza che tende sempre a muoverli, ma non può muoverli, perchè è fempre impedita, e'l fecondo è di quelli, che sono in moto attuale, e percorrono determinati spazi con quella determinata velocità, che hanno ricevuto dal loro movente. Doversi perciò distinguere due forze l'una che continuamente follecita un corpo quieto, ma fenza muoverlo, perchè la fua azione, è fempre impedita, e fi può dire Preffione, Potenza, Sforzo, e Forza Morta, e l'altra che nel Mobile eufte intrinsecamente comunicata, da' cui gradi maggiori, o minori dipende la maggiore, o la minore velocità, con cui il Mobile suddetto si muove, e questa si può dire Forza incrente, impressa, intrinseca, e Forza viva. Potersi considerare la prima forza in un peso, che senza moto si poggia sopra un piano filio orizzontale, e tende di continuo a discendere, ma non discende per la continua opposizione del piano. Ma se si leva il piano, incomincia tosto il peso a discendere con moto attuale Nn ii

per cagion della gravità, che aggiugne fempre nuovi stimoli, e fa che il peso scenda sempre più veloce, e veloce, ed allora il pelo è costituito nella seconda forza attuale, e viva, con cui è capace di vincere quegli oftacoli, che se gli oppongono, e comunicar altrui movimento. La prima forza si conosce ancora in un sostegno d' un fiume, il quale è presso dall' acqua, che l' urta. Ma fe l'acqua colla fua forza viva feco rapifce il foftegno, allora in quello fta la feconda forza, che viva ancor effa fi appella. Non doversi dubitare, che tali forze in natura da infinite altre offervazioni non poffano diffinguerfi; chiaramente conofcersi esser quelle molto tra sè diverse. Imperocchè se si cercano le loro misure, ritrovarsi che la prima consiste nella massa, e nella velocità che nel primo minimo tempo dee dalla Forza morta ricevere, ch' è lo ftesso che una quantità di moto non assuale. ma virtuale; e la feconda confifte nella maffa, e nel quadrato della velocità attuale, ma non nella semplice attuale velocità , come vuole il Cartesio.

Cercò il Signor Papino Profesore di Marburgo di opporsi a questa dottrina negli Arti di Lipsia 1689, e molti contrasti si fecero tra lui e il Leibnizio. Non aver egli difficoltà, che si difisipuano tali sorze, benche in rigore tutti i Fenomeni ad una fola possano ridusti, che quando preme, e non muove, si può dire Forze mosta, ma quando aglice, e si comunica ad un Mobile, si può dir Forza vens; ma doversi vedere se le proporzioni Leibniziane son giuste, e se la morta sta nella ragion semplice delle velocità virtuali, e la viva nella duplicata, come il Sò-

gnor Leibnizio.

Incominciò il dottiffimo Ermano a maneggiare tale quisfitore con lettere private feritte dal P. Ab. Grandi celebre Professore di Pisa nel 1790. Ucitte poi le lettere del Signor Clarche, e del Signor Leisbiatio in Inghisterra , principiò a fari si mareria più famosa, ed uno de primi a dichiararsi in favore del Leibnizio da dopo 28, anni l'acutili segiore Grandi Bernulli nel di-scorso intorno le leggi del moto, che meritò gli elolgi dell' Accademia Reale di Parigi, dopo cui sposarono ale dottrina anche i dottrismi Cristiano Wolso, e Marchele Poleni, ed uscriori del differtazioni dell' Ermano, del Bulingero, e di Daniello Bernulli ne' Comentari dell' Accademia di Petroburgo Tom. I. Dall' altra parte non mancarono chiarsifimi Uomini , che il principio Carteliano fostenero, i quali nell' Accademia di Parigi frono il Signor Fontanelle, il Signor de Mayran, il Signor Ab. Camus nel 1738. il Cav. de Louville nel 1739. il Signor Pembero

ton,

ton, e il Signor Desaguliers in Inghilterra, il Signor de Croufatz in Ollanda, ed altri molti, che con molto ingegno si op-

pofero.

Vostra Eccellenza richiede in tal materia il mio sentimento... Io lo darò liberamente. Nella dottrina dei Leibniziani io non niego, che non vi siano molti argomenti robusti, e forti, che possono almeno porre in ambiguo gl' ingegni più acuti, e penetranti; ma fe fono ben esaminati, dico ancora, che fono soggetti a tali difficoltà, che certamente pare che non pollano intieramente convincere. nè gettare a terra il Cartesiano Sistema. Io non ho in animo di esporre tutte le loro obbiezioni, perchè sarebbe troppo lunga, e nojosa l'opera, ma crederò bastante di esporte quelle, che sono più scelte, arrecando nello stesso tempo le loro risoluzioni; il che farò colla maggior chiarezza, ch' io possa, perchè Ella col suo sommo ingegno, con cui è folita superar le cose più ardue, possa ben bilanciare l'uno e l'altro Sistema, e determinarsi a ciò che le parerà più conveniente.

#### ARGOMENTO

L primo argomento, ful quale il Signor Leibnizio fondò la I fua dottrina è preso dalla caduta de' Gravi. Si un grave A, a cui maffa è 4, e discenda da altezza 1; egli per le dottrine del Galilei acquifterà una forza di rifalire nel medefimo tempo alla medesima altezza 1. Sia un altro grave, la cui massa è 1, e discenda da altezza 4; egli avrà una forza di risalire nel medefimo tempo ad altezza 4. Ma secondo lo stesso Cartesio tanta forza vi vuole per alzar maila i ad altezza a quanta per innalzar massa 4 ad altezza 1. Saranno dunque di tali gravi eguali le forze, ed amendue eguali a 4. Ma pel Galilei la velocità acquistata dal secondo grave è 2. Dunque velocità 2 produrrà una forza 4, e perciò la forza farà come il quadrato della velocità, e non come la velocità, secondo che vogliono i Cartesiani.

#### RISPOSTA.

A a tale argomento abbastanza già è stato risposto, non M doversi paragonar tali forze per mezzo degli spazj in diverso tempo percorsi, ma per mezzo di quelli, che si percorrono nel medelimo tempo. Il principio del Cartelio esser vero ma parlar egli de' corpi alle macchine applicati, ne' quali gli spazi sono in egual tempo percorsi, non essendovi dubbio, che

per far equilibrio in un Vette i pesi debbono essere tra sè in ragion reciproca delle distanze del punto ssilo, mentre & ricerca la stessa sorza a movere per un'altezza 4 un corpo 1, che per un'altezza

T tin corpo A.

Per determinar la forza de gravi, che ascendono, o che discandono, osserva il Signor Cav. de Louville, ed il Signor de Mayran doversi ridurta alla unisome. Eliere già dimostrato dat Galitei, che se un grave nel rifasire conserva quella velocità, che ha acquifatat cadendo, in quello sisse in cui è disceso, percorre un doppio spazio ascendendo. Dunque se'un-corpo A sarà disceso da altezza i in tempo 1 rislaendo egli con moto unisforme percorrerà nel medesimo tempo spazio 2. Se un altro corpo B in tempo 2 discenderad da altezza 4, egli nella rifalita unisforme percorrerà nello stesso de la compienza de la compienza de la compienza de la compienza de la ciliada de la compienza de l

rettes O au deffus de touse excepsion : 101

#### ARGOMENTO IL

I L chiariffimo Ermano nella sua Foronomia pagina 56. osserpuò essere a chi e l'effecto d'una sorza costantemente applicata altro non po essere che la velocità impressa nel mobile per tutto il tempo, in cui si sa l'azione, e perciò se la sorza si dica s, il mobile m, la velocità impressa u, e il tempo dell'azione t, si avrà s mu la qual formula non è differente da quelsa del

Sign. Nevvtor, per cui posto lo spazio s, e sostituendo s invece di u, si ha  $f = \frac{ms}{t} = \frac{mu}{t}$ 

Differenziando dunque la suddetta formula si avrà set = mdu-E per-

.

E di tale formula fi fervì il dottifiimo Giovanni Bernulli per dimoftrar la proporzione Leibniziana. Imperocché fiano due ferie d'elaftri eguali, ed egualmente test, la prima delle quali fia compolla di ra ciastir, la feconda di 3 e siano le loro estremità sostenute per una parte da piani sitili [1] A, e B, e per l'altra da' due corpi. L e P tenuti in equilibrio dalle potenze R ed S. E perché gli elastri sono egualmente test, i due corpi. L, e P riceveranno eguale pressione, e perciò le potenze equilibranti R ed S faranno eguali. Se si levino tali potenze, allora gli elastri incominecranno a distendersi, e si cominicherà un moto accelerato a' corpi. L e P, nel qual moto è cosa evidente, che sarà comunicata maggiore velocità da dodici elastri al corpo L, che da tre soli al corpo P,

Se fi vogliono flimare le forze impresse in tali corpi, non v' da dubitare, ch'elle non siano, come il numero degli elastri, che l' hanno impresse. Imperocchè essendori in ciascun elastro una eguale azione, è necessario ancora, che ciascun imprima un' egual forza. Sarà dunque la forza impressa in L alla forza impressa in P come 12: 3, cioè come 3: 1 = n: 1

Si cerchi ora la ragion delle velocità, e fiano perciò le dur ette AC, BD, che rapprefenito due ferie d'elafri eguali, ed egualmente refi, all' eftremo de' quali fiano due corpi eguali [a] D, e C, che nell' apriri degli elafri fi muovano il al of F. Polte due curve DNR, CML, di cui le abictife DH, CG esprimano gli allungamenti degli elafri, e le ordinate HN, GM le velocità acquillate da' corpi ne' punti H e G. Posta DH = x, HP = dx, HN = u, TO = du, GA = AB, D, CG = nx, GE = ndx, GM = z, DU = dx. Ed esfendo gli elafri allungati sino H e G in proporzione, referano ancora nella sella regione le loro elaficità, è perciò i corpi C, e D riceveranno ancora pressioni eguali. Si dica p la pressione, per perchè per la legge de'moti accelerati pdt = du, si avra pdx = du, si avra pdx = udu, ed inte-

grando  $\underbrace{uu}_{z} = Spdx$ . Nello stesso modo si trova  $\underbrace{zz}_{z} = nSpdx$ .

Dunque u u : zz = Spdx : nSpdx = 1 : n . Essendo dun 1 : n la ragion delle Forze, faranno le forze u u : zz, cioè

<sup>[1]</sup> Fig. 6. Tav. 26. 12. [2] Fig. 7. Tav. 26. 11.

cioè come i quadrati delle velocità, e non come le velocità. Lo siessio colla stessa formula dimostra il celebre Sign. Daniele nell'esame de principi Meccanici, Memorie di Petroburgo T. I.

#### RISPOSTA.

Benchè tale argomento sia uno de' più ingegnosi, resta semi diverso tempo operanti. Imperocchè siano i tempi delle azioni degli elastiri come t, e T, e perchè nel primo pdt — du, e nel secondo gdT = de, sarà pdt: pdT = du : dz = 1: 2. Dunque apdt = pdT; onde si deduce adt = dT, e perciò il tempo T doppio del tempo t. Lo fviluppo del primo classira è allo si due si de l'escondo come 1: 4 per la ipotesi. Dunque in tempi eguali saranno gli sviluppi come 1: 2, e come gli sviluppi, così stranno le forze. Dunque la forza del scondo classiro sira doppia della forza del primo; e perciò saranno come le velocità, e non come il quadrato.

Se il numero degli elastri del primo al numero degli elastri del secondo foste come 1: 9, le volocità farebbero come 1: 3, e così i tempi, in cui si compiono le azioni. Posti però i tempi eguali, lo l'viluppo del primo allo sviluppo del secondo farà come 1: 3, e così faranno le forze, e ciò in qualquoue

fupposizione,

#### ARGOMENTO III.

Un altro de' più forti argomenti per comprovar la dottrina del Leibnizio fono le leggi, con comunicano il moto i coroi elaffici.

Siano due corpi elaftici, che si percuotano insteme con qualsivoglia direzione, se si prenda il quadrato della velocità d'amendue avanti l'urto, e si moltiplichi per le sue respective masse, vi que parimente si moltiplichi nelle sue masse qua della comunicazione del moto è, che la somma di tali prodotti avanti l'urto si sempre eguale alla somma de' medelmi dopo l'urto. Tel elegge nota già per gli Canoni su dimostrata dall' Hughenio nel suo Trattato della percossa. Prop. II. Dinobus corporibus sibi mutito occurrentibus id quod efficisur ducendo singulorum magnitudines in velocitatum sharum quadrata ssmul addium, ante, co posi soccismo concurrentimo, aquale inventiur.

Così

Così se M = 2, U 3, m 1, u 1, la velocità di M dopo l'urto farà s, e quella di m 11. Se siano moltiplicati i quadrati della

celerità per le loro masse avanti l'urto, e dopo l'urto, si troveranno amendue le fomme = 10.

Se M = 1, U 4, m 2, u - 2, dopo l'urto U = - 4, u

= 2. Prendendo, come di fopra, le fomme avanti, e dopo l'urto faranno le medesime = 24, e ciò in qualunque supposizione.

Tal legge fola basterebbe per istabilire il Leibniziano Sistema. non ricercandosi di più per far conoscere la natura delle forze motrici, ed in che ragione elle siano, e come nè l'una, nè l'altra non fi distruggono, e se sono distrutte, si riproducono, e pasfano di mobile in mobile, essendo sempre le stesse, ed immutabili.

Ciò può fervire d'uno splendido argomento della immutabilità del Sommo Autore, dal cui volere, e possanza elle hanno avuto principio, e conservano sempre la loro sussistenza. Il che non farebbe, se le forze fossero, come vogliono i Cartesiani, secondo la quantità del moto. Imperocchè ognun sa, che nell'urto de' corpi, le quantità del moto ora si fanno maggiori, ora minori, come nota lo stesso Hughenio Prop. 6. Corporibus duobus sibi mutuo concurrentibus, non semper post impulsum eadem motus quantitas in utroque simul sumpto conservatur, qua fuit ante, sed vel augeri potest, vel minui.

Cosi fe M = 2, U 4, m 6, u 1. Dopo l'urto U = \_ 1, u

= 5 Quantità del moto avanti l'urto = 14. Dopo l'urto 16.

Per confermar maggiormente questo principio osferva vagamente il dottissimo Ermano, che se un globo A = 1 urta direttamente un altro globo eguale B e posto in quiete, A perderà tutta la sua forza, e B in tanto si avanzerà colla velocità 1. Se la velocità di A si sa 2, ed incontri un corpo quieto 3A, comunicherà al corpo urtato un grado della fua velocità, ed egli ritornerà indietro coll'altro grado, con cui incontrando un altro corpo eguale gli comunicherà il grado che gli restava, e perderà il suo moto. Se la velocità di A farà 2, ed incontri un dopo l'altro tre corpi sA, 3A, 1A, egli comunicherà a ciascuno un grado della sua velocità, dopo che resterà immobile, e così seguitando, se si accresce la sua velocità, potrà fempre comunicarne un grado a ciascun de' corpi, che procedendo per gli numeri impari formano la ferie A . 2 A 5 A. 7 A. 9 A ...... Alle quali cole facendosi leggiera atten-Parte II.

zione, non è difficile il conoscere con qual legge procede la forza di A, ed in conseguenza la forza Viva. Imperocchè se con velocità r può il corpo A comunicar tutta la sua forza ad un altro corpo eguale A, e con velocità z può muovere 3,474, con velocità 3, 5,473,474, e coal seguitando, bisognerà concludere, che la forza motrice di A non è come la velocità, ma come il quadrato, effendo che con le velocità 1.2, 3, 4, ha forza di muovere, ed icomunicare un grado di velocità alle maile 1.4, 9, 16...., e così in infinito. Onde può osservati l'analogia, che passa tra questo corpo, che unta ed un grave che ascende . Imperocche sia tale corpo = A, e la fua velocità = U, e potrà prima di perdere la sua forza comunicare un grado di velocità alla serie de corpi A, 3, A, 5A, 7A..... fino che il numero de' termini = U, e così un grave, la cui velocità per ogni spazio, posta la ferie degli spazi S. 3S. 5S. 7S...... sono che l'un unero de' termini = U, e così un grave, la cui ve-locità per ogni spazio, posta la ferie degli spazi S. 3S. 5S. 7S...... sono che il numero de' termini = u.

Dunque come la forza de'gravi è ritardata uniformemente per una forza coftante, qual è la gravità, che in tempi e quali toglie loro un egual grado di celerità, così ancora la forza de' corpi in moto farà in tal cafo uniformemente ritardata da una forza cotlante, ch'è la refifienza de' corpi mobili, la quale toglie i gradi delle velocità de refinenza de' corpi mobili, la quale toglie i gradi delle velocità

al corpo movente secondo i numeri impari.

#### RISPOSTA.

CHE tale legge dell'Hughenio fia fempre coffante non è da metterfi in dubbio: ma refla bene da dubitare, se per cagione di tale costanza si debba stabilire per misura delle forze il quadratico della velocità potendo per la sifesia ragione anche i Carressani stabilire egualmente il loro principio. Imperocchès su norpo, che urta = 4 la cui velocità sia 4, ed urti un dopo l'altro quattro corpi quietti 1. T. 1. 4 e le velocità comunicate faranno 32. 96.

288. 108

Egli è vero, che prendendo i quadrati deile velocità avanti e dopo l'urto coi metodo dell'Hughenio, la loro fomma farà coftante, ed eguale a 64. Ma è ancor vero, che prendendo la femplice velocità col metodo del Cartefio, fi troverà la fteffa coftanza, e la fomma de' prodotti avanti e dopo l'urto farà eguale a 16.

Il che essendo in ogni altra supposizione, dove le forze non sono contrarie, è cosa evidente, che la costanza delle forze in questa parte non concluderà più per lo sistema de' Leibniziani, che parte

quello

25

quello dei Cartesiani. Se le forze sono contrarie non bisogna prender la loro differenza come una fomma, e considerare il negativo, come se fosse positivo, nel modo in cui fanno i Leibniziani. Le forze contrarie si distruggono l'una coll'altra, e lo stabilire, che le forze si conservino sempre le stesse, e prenderlo per uno de' più forti argomenti per dimostrar la Divina Immutabilità, è bene un'opinione plausibile, ma non si vede, che convenga fempre colla sperienza, per cui veggiamo tutto giorno come molte forze contrarie si struggono, e non ritornano. Così nell'urto de' corpi molli due moti eguali, e contrari si elidono, e diventano zero, e se sono ineguali una parte elide l'altra, e sopravvive solo il loro eccesso. Lo stesso veggiamo farsi in un grave, che vibrato in alto con qualfivoglia forza, a poco a poco la perde per la continua azion della gravità, che si oppone, e l'obbliga in fine a discendere. Ne per questo restano diminuite le ragioni per la Divina Immutabilità, essendo ella comprovata da una infinità d'altri argomenti, che dalle Leggi Fisiche continuamente possono prendersi, ognuna delle quali costante, e fissa basta per far conoscere a noi mortali e sa sapienza, e l'ordine eterno del Sommo Autore.

Per trovar dunque la forza dell'urto tanto ne' molli, quanto negli elaftici bilogna elidere le contrarie, e fommare le pofitive, e ciò che vi è di positivo avanti l'urto si trova ancor dopo l'urto.

Sia un corpo molle M=4, U=3, m=2, u=1. Dopo l'urto la velocità comunicata è 7. La forza avanti l'urto

era 14, e depo l'urto 28 † 14 = 14.

Se M = 4, U = 3, m = 2, u = 1, la forza prima dell'urto = 10, la velocità comune dopo l'urto = 5. Dunque

la forza = 20 † 10. = 10.

Se fono elaftici, ed M = 1, U = 4, m = 3, u = 0, la forza avanti l'urto = 4. U dopo l'urto = -2, ed u = 2. Dunque la forza dopo l'urto = 6 - 2 = 4.

Se M=3, U=3, m=2, u=-1, fara la forza prima dell'urto =7. Dopo l'urto le celerità di M, ed m fono  $-\frac{1}{5}$ , e  $\frac{1}{5}$ . La forza dunque dopo l'urto  $=-\frac{3}{5}$ ,  $\frac{1}{3}$ 8  $=\frac{35}{5}$ 5 =70.

Oo ij AR-

#### ARGOMENTO IV.

PER confermar maggiormente la legge Hugheniana, fecero il Sign. Giovanni Bernulli, ed il Sign. Ermano conoscere che tal legge non solo si conserva negli utti diretti, ma ancor negli obbliqui, il primo fervendos di elastri, il secondo di corpi egua-

li, come ora esporremo.

Imperocchè fiano gli elastri L, M, N, O, che dalla palla [1] Q possano piegarsi colla velocità 1, e sia la palla Q = 1 la cui velocità QL = 2. Tirata la retta ML, e prodotta in P, se fi tiri ad essa la normale QP potrà discomporsi nelle linee PQ = 1, e PL = V3. Agisca dunque Q contro l'elastro L colla normale QP, e farà intieramente piegato l'elastro ed il corpo Q proseguirà il cammino per la retta LM = PL = V3. Faccian il triangolo rettangolo LFM, sicchè la normale LF sia 1, e l'altro lato fia V2. colla velocità I farà piegato l'elastro M, e intanto Q fi avanzerà per MN = FM = V2. Fatto il terzo triangolo isoscele MRN, di cui amendue i lati sian I, sarà piegato il terzo elastro N. In fine proseguendo la palla per la retta NO = NR = 1 piegherà l'ultimo elastro O', onde poi perdute le forze farà la palla ridotta alla quiete. Se fi cerca di misurar la forza della palla Q, non è da dubitare, che avendo ella piegato quattro elastri eguali non debba esser eguale 4. Ma la velocità era 2. Dunque velocità 2 importerà forza 4, ed in conseguenza ancora ne' moti obbliqui saranno le forze come i quadrati delle velocità.

Collo stesso metodo può dimostrarsi come una velocità 3 potrà slettere elastri 9, e 4 potrà slettere 16, e così seguitando si

ascendesà sempre al quadrato.

#### RISPOSTA.

M A se da' moti diretti non seguita, come abbiamo notato, la lagge Leibniziana, molto men dagli obbliqui. Onde non senza ragione il Sign. de Mayran rifiura cotesso metodo, come incerno, e fallace, potendosi in modi infiniti discomporre la data velocità con triangoli obbliqui, onde la somma delle forze avanti l'urto or se aguale, or minore, ed or maggiore della somma dopo l'urto. Balla rifiettere come secondo il principio di Meccanica del dottissimo Varignon non solo un pelo può sar equi-

<sup>[1]</sup> Fig. 8. T. 26. 2.

equilibrio ad innumerabili pesi, perchè sia facile il conoscere che ciò che conviene alle forze morte può convenire ancora alle vive.

In fecondo luogo da tali discomposizioni di forze non v'è maggior ragione di dedurre il Leibniziano, che il Carteliano principio. [1] Imperocchè sia la palla C = 1, e la celerità CL = 1, la perpendicolare = 1, e potrà la palla C muovere

quattro palle eguali a 1 colla velocità 1. Dunque se la veloci-

tà 2 move quattro palle con velocità 1, come nel primo esempio, e velocità i move quattro palle con velocità i nel secon-

do, farà dunque col metodo Cartesiano la forza prima alla forza seconda come 4 : 4 cioè come 2 : 1, ch'è sa ragion delle

velocità, e non de' quadrati.

Terzo non si vede come tal ipotesi si prenda per la velocità agente il 2, e non piuttosto il 4, essendo 4 le velocità, che agiscono nella formazione de' quattro triangoli. Così nell' esempio secondo la velocità agente è propriamente 2, non 1; onde le fomme delle forze dopo l'urto fono come 4 : 4 cioè come le

velocità agenti.

#### ARGOMENTO

N altro argomento lo prendono i Leibniziani da diverse sperienze o di gravi cadenti da diverse altezze sopra molli materie, o di corpi elastici cadenti sopra superficie elastiche, nelle quali si veggiono sempre gli effetti proporzionali al quadrato della

velocità, e non alla velocità.

Imperocchè siano, come su primo a sperimentare il dottissimo Signor March. Poleni due ssere A e B, delle quali siano eguali i diametri, e diseguali i pesi, e posto il peso A al peso B come 4: 1 [2] si faccia cadere A sull' argilla molle da un' altezza 1, e B da un' altezza 4, ed è da offervarsi che amendue formeranno eguali fosse, e ciò sempre seguirà, quando i pesi delle ssere cadenti saranno in ragione reciproca delle altezze, da cui discendono. Ma ciò non potrebbe accadere fecondo il principio de' Cartefiani. Imperocchè secondo il loro metodo la forza di A a queila di B sarebbe come. 4: 2, ed in conseguenza l' effetto di A sarebbe duplo di quel-

<sup>[1]</sup> Fig. 9. T. 26. 2.2 [2] Fig. 10. T. 26. 2.2

lo di B. Ma moltiplicando le maffe per le quadrato delle velocità fecondo il metodo del Leibnizio fi trova, che le forze d'amendue fono esuali, onde nascono effetti eguali, come fi vede colla spe-

rienza.

Ciò maggiormente si conserma nella caduta de' corpi elastici sopra superficie elastiche. Imperocchè sia una palla d' avorio, ovvero d'acciajo, che cada sopra una tavola di marmo sparsa di poca polve, o velata con tenue superficie di cera, e si troveranno le impresfioni fatte nella medessima tavola in proporzione delle altezze, da cui la palla discende, e se due palle faranno in ragion reciproca delle altezze, da cui discendono, si faranno sempre le impressioni eguali, i i che non potrebbe fassi, se le sorze delle palle non sossero, come le altezze, cioè come i quadrati delle celerità, secondo il Leibnizio.

Nè da tali sperienze sono disferenti quelle del P. Merseno, del P. Lana, e del Signor s' Gravesande per mezzo de' pesi cadenti sull'estremo d' una bilancia, che non fanno equilibrio a' pesi attaccati all' altro estremo, se non quando gli spazi percossi da' gravi sono

in ragione reciproca delle masse.

#### RISPOSTA.

M A per rispondere a cotesti argomenti è da vedere, se tali esfetti sono prodotti in tempi eguali, o ineguali.

Sia perciò la massa di A = 4, e la sua velocità = 1, e la massa di B = 1, e la sua velocità = 2. Poichè le pressioni sono in ragion composta diretta delle masse agenti, e diretta delle velocità, ed inversa delle resistenze, essendo in tali ipotesi le resistenze eguali, se le resistenze si dicono r la pressione di A alla pressione di B sarà come 4: 2. = 2:1. Mas gli effecti.

iono come le prefiioni moltiplicate negli elementi del tempo ; dunque pofie le prefiioni a, e, e, i tempi T, e, t, e gli effetti E ed e, fi averà apdT = pdt, e perciò aT = t, onde fi deduce, che il tempo dell'azione di Bè duplo del tempo dell'azione di A. Ed in tal modo maggiormente apparifice l'analogia delle comunicazioni del moto, e della afcendenza de' grav', la qual analogia uno de' primi ad offervare fu lo feffio Giovanni Bernulli, e perciò paragonò la gravità ad un elaftro infinito, che agifec contro un corpo con una prefiione coffante, e coal l'Ermano quando paragona le perdite delle velocità de' corpi in moto colle perdite delle velocità de ravi cadenti.

Posti

Posti dunque i tempi delle azioni in ragion eguale ai tempi della cadute, non è da maravigliaris, se intempo 2 sorza 2 saccia lo stesso estetto, che sorza 4 in tempo 1, e in resistenze guali. Lo stesso avec per gli altri Fenomeni, onde non senza lendamento pare, che tanti si sieno serviti di tale principio, tra quali il dottissimo Signor Crousatz (Essay de mouvement Art. 5. O. 6.) e il Signor Mayran nella sua ingegnosa memoria del 1728. e tale si signor este il sentimento del famolo Jurino.

Aggiungasi, che quando i Leibniziani si oppongono a tale dottrina, non determinano però il contrario, e meno quale sia la

ragione de' tempi.

Egli è vero, che a tale dottrina molto si oppone il dottissimo Signor Co: Jacopo Riccato, e trovò un ingegnoso obbietto inserito nella disserzatione del Signor March. Poleni, che in lingua

Italiana così noi trasporteremo.

" Perchè [1] chiaramente si dimosfri l'assurdo, che segue dall' arbitaria ipotes, cu si sapoggia l'argomento e la risposta del Signor de Crousatz, fingiamo che il globo meno grave Acada dall'altezza AC, e faccia la fossa CD. Passi per lo punto A la retta orizzontale GAF, e la parte AE di tal linea rappresenti il tempo, che si consuma dallo stesso due parabole CHE, CIF, che passino per gli punti determinati E, ed F. Si prenda un globo B più grave, ma di diametro eguale al diametro del corpo A; e sia in guisa collocato, che la sublimità BC sia alla sublimità AC nella stessa ragione, in cui è la massia del globo A alla massia del globo B, esta formata la prima sossi al sublimità accomenda proposa del sunto B sarà la stessa su massi accomenda prima sossi a come la superimento Poleniano dimostra, e l'chiarissimo de Croustaz ammette.

Sia nella parabola CIF l' ordinata Bl corrispondente all'altezza BC, dico che la rispola è vera, dall'ordinata Bl fart rappresentato il tempo consumato dal globo B nel formar la fossa CD. Imperocchè, come ad esso piace, i tempi impiegati da due globi A e B in compiere le fosse eguati, sono nella stessa rappende delle velocità, che acquissano gli stessi gobi cadendo, il primo dall'altezza AC, il secondo dall'altezza BC. Ma queste velocità fono in ragione fudduplicata di quelle altezze, dunque anche i tempi faranno nella stessa di duduplicata ragione. E perchè la retta AF rappresenta il tempo impiegato dal corpo A in far la sua sossa.

tura

<sup>(1)</sup> Fig. 11. T. 26, 2,3

tura della parabola VAC: VBC=AF: BI, segue che l'applicata BI esprimerà il tempo impiegato dal globo B nel far la sua fos-

fa, purchè sia vera l'ipotesi del Sig. Crousatz.

Tali cose poste dal vertice D coll'asse DA, si descriva la terza parabola DKG eguale, o per meglio dire la stessa, che la paraboa CHE, e folo differente di posizione. E' chiaro, che rappresentando le ordinate AE, BH i tempi delle discese per AC, BC, se i globi A, e B continuafiero a discendere per lo spazio vacuo CD fenza incontrar alcuna relistenza, e chiaro dico, che la retta AG rappresenterebbe il tempo della discesa per BD. Dunque sottratti i tempi AE, BH impiegati nelle discese per AC, BC, l' intercetta GE esprimerà il tempo impiegato dal globo A, che cadendo dal punto A percorrerà nel vacuo con moto accelerato lo fpazio CD. e l'intercetta KH esprimerà il tempo impiegato dal globo B che cadendo dal punto B percorrerà nel vacuo con moto accelerato lo

ftesso spazio CD.

Si determini ora nell' affe il punto B, ficche l' intercetta KH diventi eguale all' ordinata BI, il che si otterrà in questo modo. Sia l' ordinata AE, e l' ordinata AF quella ragione, che v' è tra qualunque quantità n, e l' unità, e fi faccia x † 2n ; nn = DC: CB, e farà B il punto cercato. Dunque se l' ordinata BI esprime il tempo, in cui il globo B cadendo dal punto di quiete B forma la fossa CD, l' intercetta KH esprimerà il tempo, in cui il globo B cadendo dal punto B percorrerà nel vacuo lo stesso spazio CD senza incontrar alcuna resistenza. Ma poichè per la costruzione i tempi BI, KH sono eguali, seguirà che nell' uno e nell' altro il globo B farà lo spazio CD intempi eguali, e quando discendera per lo vacuo con moto libero, ed accelerato, e quando discenderà con moto ritardato per la refiftenza della foggetta materia, il che è un manifestissimo assur-

Ma per risolvere questa obbiezione, resta prima da stabilire come vengono da' Cartefiani stabiliti codesti tempi. Imperocchè fe fi fuppongono i tempi dell' azioni minori come fi voglia de' tempi delle cadute, non è da dubitare dell' obbietto. Ma se i tempi fono maggiori, o minori cessa l'assurdo. Posti dunque i tempi eguali a quelli delle cadute farà la parabola CIF la stessa che la parabola EHC, ed allora l' intercetta HK non può mai effere eguale, e maggiore dell' ordinata BI. Imperocchè fia BH = z, HK = y, BC = x, CD = u; farà BD = a + x, BK = 2 ty. E per natura della parabola ( posto il paramento 1) zz = x, e zz + 2 yz + yy = 2 + x. Sottraendo dunque i tempi eguali zz, e x, si avrà 2yz†yy == u, dove si trova y == Vatez - 2.

Nella qual espressione facilmente si conosce, che y dee sempre effer minore di z. Perchè se fosse eguale si avrebbe 2 z = Vatzz. e perciò z = Va, il che è impossibile. Nè parimente può

effer maggiore, perchè se fosse per esempio 22, si avrebbc 822 = a, e perciò z = 1 V a il che parimente è impossibile.

Che se i tempi si prendano maggiori, molto meno l' obbietto conclude. Resta dunque, che con tale argomento non si dismostri assurda la proposizione de' Cattesiani.

#### CONCLUSIONE.

D'Alle cose dette si può dunque concludere, che le Forze Vi-ve solo in questo sono diverse dalle Morte, che le morte sono una pura Possanza di produrre in un corpo una velocità, e le vive sono il moto attuale, e la velocità nel corpo stesso prodotta; che la misura delle prime è la stessa che quella delle feconde, con questo divario, che nelle prime le misure sono le velocità da producti, e nelle seconde le velocità prodotte. Che fe nell' azion delle forze vive non appariscono gli effetti in tal proporzione, questo nasce perchè nella comunicazione de' moti molte variazioni nascono, e dalle resistenze de' corpi, che sono mossi, e dalle diverse direzioni, e da' tempi in cui si fanno le azioni. Che se i tempi siano negletti, può farsi equivoco nella proporzione delle forze, perciò il Geometra fa la loro comparazione in tempi eguali.

L Se le forze sono come i quadrati è da spiegare come una forza maggiore non superi la minore, ma restino in equilibrio : e perchè ne' corpi molli se M = 1, U = 2, m = 2, u = - 1, dove la forza di M = 4, e quella di m = z, la forza maggiore non supera la minore; ma amendue si elidono, e non v' è moto.

II. Perchè se una massa i con velocità a può comunicar velocità 1 a masse 5 . 3 . 1 , quando la massa mobile è 9 , ella comunica folo 6 , ed è ribattuta con 13 .

III. Se la costanza prima dell' urto, e dopo l' urto dee servir d' argomento per istabilire le forze, i Leibniziani potranno porre per la loro forza il quadrato, ma anche i Cartefiani il loro moto Parte II.

positivo, e l' Hughenio, quando vuole la sua velocità respettiva,

che ha più jus d' ogni altro principio.

VI. Quando due quantità sono in ragione composta di due ragioni, potranno sempre assegnarsi le due ragioni componenti. Se F: f = UU: uu. Dunque F: f = U: u, ed U: u. Bisogna dunque assegnar tali ragioni.

V. Offerva il celebre Signor Mariotte, che le forze de fiumi fono, come le maile, e le velocità, e perciò come MU: mu. Ma perchè le maile sono come le velocità franno tali forze come UU: uu. Se le forze fossero scondo i Leibniziani come UU: uu, dunque, come nota il Signor Eushachio Marfredi, le forze de sumi

farebbero come U. "u", il che è contrario all' esperienza.
Per le quali cose ogni un può vedere, quanto sia difficile in tale materia il determinarsi. È forse per tal ragione l'ingegnossismo Bulsingero dopo di aver ben esaminato per ogni parte gli obbietti, pare piuttofo inclinato a conciliare i partiti, che ad'accendere le discordie. Io espongo la forza morta per una sola dimensione, qual è la massa M, il momento della forza morta per une qual è MC. Ma il momento della forza viva ha bisogno di tre dimensioni, la terza delle quali è la fusione elementare di questo momento, che essendo come la velocità forma il valore MCC, ch' è
la forza viva. [1] Pates denique adeo non dissentire mensivarum
virium Leibnistanam a vera mortuarum assimatione, su porius

I PRO-

altera fequatur ex altera.

. A 1 Eng 1

<sup>[ 1 ]</sup> Com. Petrob. Seff. 11. part. 6.

# I PROBLEMI ARITMETICI D I

# DIOFANTO

ALESSANDRINO

ANALITICAMENTE DIMOSTRATI.

Ora la prima volta pubblicati.



# LIBRO PRIMO.

#### PROBLEMA PRIMO.

D Ato un numero, dividerlo in due parti che abbiano una data differenra. Il numero dato fia 100; la differenza 40. Si abbiano a itrovare le parti.

Il primo numero fia x

Il fecondo farà x + 40;

Per la supposizione 2x + 40 = 100.

Dunque x = 30. Sicche il primo farà 30, il secondo 70.

Univerfalmente

Sia la differenza a; il numero dato b; il primo numero ricercato fia x; il fecondo farà  $x \leftrightarrow a$ 

Dunque ax + a = b; ex = b - a

#### ROBLEMAI

Proposto un numero, dividerlo in due parti che abbiano una data ragione. Si abbia da dividere 60 in due parti che abbiano la ragione tripla.

La prima parte sia x; la seconda sarà 3x; e per la supposizione 4x = 60; dunque x = 15.

Sicchè le parti faranno 15, e 45.

Universalmente .

La prima parte sia x; la seconda mx: onde x+mx = a; dunque x =  $\frac{a}{1+m}$ 

#### PROBLEMA III.

Proposto un numero, dividerlo in due parti che abbiano una data ragione, e una data differenza. Sia da dividersi 80 in due parti, cosicchè la maggiore sia tripla dalla minore più 4.

La prima fia x; la feconda farà 3x + 4: Ma per la fuppofizione 4x + 4 = 80; dunque x = 19.

Le parti dunque faranno 19, e 6t.

Uni



Trovare due numeri che abbiano una data ragione ed una data differenza. Il maggiore sia il quintuplo del minore; e la loro differenza sia 20.

Il primo sia x; il secondo sarà 5x

And One seem Supplies of Ma per la supposizione 5x = x + 20; dunque x = 5.

Sicchè i numeri faranno 5, e 25.

Universalmente.

Il primo sia x; il secondo mx. Ma mx = x + aDunque x =BAR STARTER

#### PROBLEMA

Proposto un numero, dividerlo in due di modo che sommando insieme le parti aliquote date d'amendue, che non sieno le medesime, si abbia un nuro dato. Sia da dividerfi il numero 100 in due numeri di modo che la terza parte del primo e la quinta del fecondo fommate, insieme facciano 30.

Il primo numero sia x; il secondo farà 100 - x.

Ma x + 100 \_ x = 30; dunque x = 75.

Sicchè inumeri ricercati faranno 75, e 25.

Universalmente .

Il primo sia x; il secondo a \_ x. Ma x.

#### BLEMA

Proposto un numero, dividerlo in due cosseche una data parte del printe

superi una data parte del secondo d'un dato numero. Sia da dividersi 100 in dae numeri di modo che la quarta parte del primo superi la sesta parte del secondo di 20.

Siano i numeri x, e y

Per la supposizione x + y = 100; e x = y + 20

Dunque 
$$x = 100 - y$$
;  $ex = 25 - y$ 

$$Ma = 25 - y = y + 20$$

Dunque y = 12; e x = 88.

#### Universalmente.

$$x + y = a \cdot x = y + b$$
; c fi ha

#### PROBLEMA VII

Trovare un numero, da cui fottraendo due numeri dati i refidui abbiano tra loro una data ragione. S' abbia da trovare un numero da cui fottraendo-fi 100; e 20, il refiduo maggiore fia il triplo del minore.

Sia x il numero ricercato.

Per la supposizione x - 100. x - 20::1.3.

Sicche 3x - 300 = x - 20; dunque x = 140.

#### Universalmente,

x = 1, x = b; m, m, Dunque mx = mb = x = aE fi ha x = bm = a

#### PROBLEMA VIII.

Trovare un numero, il quale aggiunto a due numeri dati i composti abbiano tra sè una data ragione. Si abbia a trovare un numero che aggiunto a 400, e a 20 il composto maggiore sa il triplo del minore.

Sia x il numero ricercato.

#### I Problemi

304

. . . 412 4

Per la supposizione x + 100. x + 20:: 3.1

Dunque x + 100 = 3x + 60

Sicchè x = 20.

Universalmente.

 $x + a \cdot x + b = m \cdot 1$ Dunque x + a = mx + bm

E fi ha x = a - bm

#### PROBLEMA IX.

Trovare un numero, il quale fottratto da due numeri dati dia due refidui che abbiano tra sè una data ragione. Si abbia a trovare un aumero che fottratto da 20, e da 100, il refiduo maggiore fia il festuplo del minore.

Sia x il numero ricercato.

Per la supposizione 100 - x . 20 - x :: 6. 1

Onde 100 \_ x = 120 \_ 6x

Così si ha x = 4.

Univerfalmente

 $a \rightarrow x \cdot b \rightarrow x = m \cdot t$ Onde  $a \rightarrow x = bm \rightarrow mx$ 

E fi ha  $x = \frac{bm - a}{m - 1}$ 

#### PROBLEMAX,

Dati due numeri trovare un numero, il quale aggiunto al minore d'effi, e fottratto dal maggiore, il composto abbia al refiduo una data ragione. Dati i numeri 20, e 100; s'abbia a trovare un numero che aggiunto a 20, e fottratto da 100, il composto fia il quadruplo del refiduo.

Sia x il numero che si cerca.

Per la supposizione 100 - x . 20 + x = 1.4

Onde 400 - 4x = 20 + x

E si ha x = 76.

Uni-

Univerfalmente.

4 - x . b + x : : 1 . m Onde am = mx = b + x

Dunque x = am = b

#### ROBLEMA XI.

Trovare un numero che aggiunto ad uno di due numeri dati, e sottratto dall'altro, i generati abbiano tra sè una data ragione. S'abbia a trovare un numero il quale aggiunto a 20, e sottratto da 100; il maggiore de' generati Sa il triplo del minore.

Sia x il numero ricercato.

Per l'ipotesi x + 20 . x ... 100 : : 3 . 1.

Onde x + 20 = 3x = 300.

Sicchè x = 160

Universalmente.

 $x \leftarrow a$ ,  $x \rightarrow b = w$ . I.

Dunque x + a = mx - bm

E fi ha  $x = \frac{bm + a}{m - 1}$ 

#### ROBLEMA XII

Proposto un numero, dividerlo due volte in due numeri tali, che uno della prima divisione ad uno della seconda abbia una data ragione; e l'altro della seconda all'altro della prima abbia pure una data ragione. Sia proposto da dividere due volte il numero 100. dimodochè il numero maggiore della prima divisione sia il duplo del minore della seconda, e il maggiore della seconda fia il triplo del minor della prima.

Parti della prima divisione 2x, 100 - 2x. Parti della seconda

 $x_1 = 300 - 6x$ .

Per la supposizione x + 300 - 6x = 100 Onde x = 40.

Dunque le parti della prima faranno 80, e 20.

Le parti della feconda

40, e 60.

Qq

Uni-

Sia il numero da dividersi a

Le parti della prima divisione mx, a ... mx

Le parti della feconda x, na = mnx

Max + na - mnx = a

Dunque  $x = \frac{na}{nn} = \frac{a}{1}$ 

#### PROBLEMA XIII,

Propofto un numero, dividerlo tre volte ia due numeri tali, che uno della prima dividino en duno della feconda divifone obbia una data ragione; e l'altro della feconda all'uno della terza abbia pure una data ragione; e l'altro della terza all'altro della prama abbia parimeni una data ragione; e l'altro della terza all'altro della prima abbia parimeni una data ragione. Sia dato di l'unimero seo da dividerli tre volte in due numeri; coficché il maggiore della prima dividino fia il trijolo del minore della feconda; e il maggior della feconda fia il duplo del minor della prima divini della prima quadropio del minor della prima.

Siano le parti della prima 300 - 6x, 6x - 200

Le parti della feconda 2x, 100 - 2x

I.e parti della terza 24x ... 800, x

Ma per la supposizione 25x - 800 = 100

Dunque x = 36.

Le parti dunque della prima divisione faranno 16, 84

Quelle della feconda 28, 72

Quelle della terza 36, 64.

#### PROBLEMA XIV.

Trovare due numeri, il prodotto de'quali fia il triplo della loro fomma.

Siano i numeri x, e y

Onde per la supposizione xy = 3x + 3y

Si ponga y = 3x

Dunque 3xx = 12x

Dunque x = 4, e y = 12-

Universalmente.

Siano i numeri x, e y

Dun-

Dunque xy = mx + myDunque y = mx

#### OBLEMA xv

Trovare due numeri tali, che ciascuno prendendo dall'altro un numero dato, abbia a quello che resta una data ragione. Il primo prendendo 30 unità dal secondo fia il duplo di quello che relta; e il fecondo prendendo dal primo 50 unità sia il triplo di quello che resta.

Siano i numeri x, e y

Per la proposizione x + 30 . y - 30 :: 2.1.

 $E \times = 50.y + 50:: 1.3.$ 

Per la prima proporzione x + 30 = 2y - 60

E per la feconda y + 50 = 3x - 150

Nella feconda y = 3x - 200

Onde nella prima x + 30 = 6x - 460

E trafportando 5x = 490

Dunque x = 98, e y = 94.

Univerfalmente.

x + a.y \_ a:: m . 1.

 $x = b \cdot y + b :: 1 \cdot n$ .

Per. la prima x + a = my - am

Onde x + a + am = y

Sicchè fostituendo nella seconda

 $x = b \cdot x + a + am + b :: 1 \cdot n$ 

Onde  $xn \rightarrow bn = x + a + am + b$ 

E multiplicando xmn \_ bmn = x + a + am + bm

Onde xmn = x = a + am + bm + bmn

Dunque x = a + am + bm + bmn

#### ROBLEMA XVI.

Trovare tre numeri, che presi a due a due facciano tre numeri dati. I primo e il secondo sommati insieme facciano 20; il secondo e il terzo 30 il terzo e il primo 40.

Siano i numeri x , y , 2-

Per la proposizione x + y = 20

y + z = 30 z + x = 40

Nella prima x = 20 - y

Onde softituendo nella terza z + 20 - y = 40

Ma nella feconda z = 30 - yDunque fostituendo nella terza 30 - 2y + 20 = 40

Sicchè 30 + 20 - 40 = 2y

Dunque y = 5, x = 15, z = 25.

Universalmente.

x + y = a

y+z=b

z + x = e Nella prima x = e = y

Onde nella terza z + a - v = e

Ma nella seconda z = b - ySicchè sostituendo nella terza b - zy + z = c

E trasportando 2y = b + a - c

Dunque y = b + a - c

#### PROBLEMA XVII.

Trovare quattro numeri, che preli a tre a tre facciano quattro numeri ricercati. Il primo e i due leguenti preli infieme facciano 20; il fecondo e i due leguenti facciano 22; il terzo il quarto e il primo facciano 24; il quarto e i due primi facciano 27.

Siano i numeri x, y, z, #.

Ex+y+z+y=S.

Per la proposizione x + y + z = 20

Dun-

Dunque s = S - 20Cod if trova z = S - 20 y = S - 24 y = S - 27Ma tutti infeme z = SDunque z = S - 27Ma z = S - 27Ma z = S - 27Dunque z = S - 27Dunque fofficendo z = 31 - 20 = 11Cod z = 0 + y = 7 + x = 4.

#### Univerfalmente .

x + y + z + u = S Ma x + y + z = a Dunque u = S - a Cod x = S - b y = S - c z = S - d Dunque S = 4 S - a - b - c - d Eff la S = a + b + c + d

#### PROBLEMA XVIII.

Trovare tre numeri che presi a due a due eccedano l'altro di un dato numero. Il primo e il secondo superino il terzo di ao unità; il secondo e il terzo superino il primo di 30; il terzo e il primo superino il secondo di 40 unità.

Siano i numerí x, y, zPer iz propofizione  $x \pm y = z + 20$ y + z = x + 3

y + z = x + 30z + x = y + 40

Nella prima x = z + 20 - yOnde fostituendo nella seconda y + z = z + 30 - y

E nella terza 2z - y = y + 20Sicchè 2z = 2y + 20

(z = y + 10

Onde nella seconda sostituendo 2y = 50

Dunque y = 25, z = 35, x = 30.

Uni-

Universalmente.

x + y = z + a y + z = x + b z + x = y + c

Nella prima x = z + a - y

E nella terza 2z + a - y = y + c

E neila feconda y + z = z + a - y + b

Dunque  $y = \frac{a+b}{2}, z = \frac{b+\epsilon}{2}, x = \frac{a+\epsilon}{2}$ 

#### PROBLEMA XIX.

è lo stesso.

#### PROBLEMA XX.

Trovare quattro numeri, che presi a tre a tre eccedano l'altro d' un dato numero. Il primo e i due seguenti presi insieme superino il quatto di 20 unità; il scondo e i due seguenti superino il primo di 30; il terzo il quarto e il primo superino il secondo di 40; il quarto e i due primi superino il terzo di to.

Siano i numeri x, y, z, u.

Per la propofizione x + y + z = u + 20

y + z + u' = x + 30z + u + x = y + 40

# + x + y = z + 50

Nella prima  $x = u + 20 \rightarrow y \rightarrow z$ 

Onde nella feconda 2y ∓ 2z = 50

E nella terza 2# → 2y = 30

E nella quarta 2# → 2z = 30 Di più nella feconda 2y = 50 → 2z

Onde sostituendo nella terza 24 + 22 = 70

E nella quarta 70 - 42 = 30 Cioè trasportando 42 = 40

Dunque z = 10, u = 25, y = 15, x = 20

#### PROBLEMA XXI.

è lo stesso.

#### PROBLEMA XXII.

Proposto un numero, dividerlo in tre numeri tali, che qualfivoglia degli estremi preso con quello di mezzo abbia all'altro estremo una data ragione. Sia da dividersi 100 in tre numeri, dimodochè il primo e il secondo fiano il triplo del terzo; il secondo e il terzo siano il quadruplo del primo.

Siano i numeri x, y, z.

Per la proposizione 
$$x + y + z = 100$$
,

Onde fostituendo nella seconda 100 = 42 Dunque z = 25, y = 55, x = 20

Univerfalmente.

----

 $x \leftarrow y + z = a$ 

$$x \leftarrow y = mz$$

$$y + z = nx$$

Dunque z = a

#### PROBLEMA XXIII.

Trovare tre numeri, il più grande de quali superi quello di mezzo della terza parte del più piccolo; quello di mezzo superi il più piccolo della terza parte del più grande; e il più piccolo superi la terza parte di quello di mezzo di to unità.

Siano inumeri x, y, z

Per la proposizione x = y + z

$$y = \frac{x + x}{3}$$

$$\frac{x = y + 10}{3}$$

Nel-

Nella feconda 
$$y = z + y + z$$

E moltiplicando 
$$9y = 10z + 3f$$
  
Dunque  $y = 5z, c y = 5z$ 

Nella terza 
$$z = 5z + 10$$

Onde 42 == 90

Dunque 
$$z = 45, y = 25, x = 5$$

Universalmente.

$$z = y + \frac{z}{y}$$

$$y = z + \frac{z}{x}$$

Nella feconda 
$$y = z + \underline{y} + \underline{z}$$

E multiplicando 
$$my = mx + ny + z$$
  
Onde dividendo  $y = mz + z$ 

E multiplicando  $n^3z = n^2z = nnz + z + an^3 = an^3$ Onde dividendo  $z = \frac{an^3}{n^2-2n^2-1}$ 

## PROBLEMA XXIV.

è lo stesso.

#### PROBLEMA XXV.

Trovare tre numeri, ciascuno de'quali dando a quello che gli vien dietro una sua data parte, si abbiano tre numeri uguali. Il primo dia al secondo la fina terra parte; si secondo dia al terzo la fua quata, il terzo al primo la sua consuma parte, e per tale scambievole contribuzione divengano uguali tra se.

Siano i numeri 12, x, y.

Per

Per la propofizione 12 - 11+y = x-x+13=2-2+x

Cioè 8 + 
$$y = 3x + 4 = 4y + 5$$

Nella fecanda 8. 
$$+ y = 4y + 16 + 4y \text{ cioè} = 4y + 4 \rightarrow y$$

Trovare quatro numeri, ciafcuno de quali dando a quello, che gli vien dietro una fua data parte, divengano eguali. Il primo dia al fecondo la fua, terza parte; il fecondo dia al terzo la fua quatra parte; il erzo dia al quatro la fua quinta parte, e il quatro dia al primo la fua fella parte; e Per tale feambievole contribuzione divengano yguali.

Siano i numeri 12, x, y, z.

Nella feconda 
$$8 + z = 4y + 16 + 2z = 4y + 4 + z$$

I Problem? 214 E trasportando e dividendo 144 + 32 - 24 - 315 = 729 -9011 .: Cioè 720 + 15 z - 120 - 32 = 727 A 4 - 41. # Dunque y = 300 + 52 Nella terza 8 + z = 5z + 200 + 5z cioè = tz + 60+ + tmire alli. Onde multiplicando 288 + 62 = 302 + 60 + 2 + ct Characigitham a E trasportando 288 - 60 = 312 - 62 ovvero 218 = 252 Dunque z = 218, v = 2160, x = 1656 15 9×25 9x25. Ovvero z = 22819, y = 2160, x = 1656 E 122 = 12x0x41 9125 9125 to a little of a control of the Sou = (\$1 500) OBLE A = VXXVII, special Co M Trovare tre numeri tali, che ciascunò prendendo dagli altri due sommati insieme una loro data parte diano numeri uguali . Il primo prenda dagli altri due la loto terza parte ; il fecondo dagli altri due la lore quarta parte; il terzo dagli altri due la loro quinta parte; e dopo restino Siano i numeri x, y, z; e si ponga y +z = 3 Dunque x+y+z = x+3Per la proposizione x + y + z = y + x + z = z + x + Nella prima x + 1 = y + x + 3 = yE multiplicando 4x + 4 = 4x + x Dunque 3x + 1 = 3yDunque y = x + 1Nella feconda x + 1 = zE multiplicando 15 x + 15 = 15z + 6x + 1 Dunque 15 x - 6x + 15 - 15 = 15z - 4 :

Dunque z = 9x + 14,000ero = 3x + 1415

PROBLEMA XXVIII.

Trovar quattro numezi țali, che ognuno prendendo dagli altri tre foramati infeme una dâta parte divengano uguali. Il primo prendă dagl altri tre fommati infeme la loro teră parte şi l'econdo dagli altri daguarta parte şi terro dagli altri la quinta şi l quarto dagli altri la fella şe dapo divengano uguali.

Siano i numeri x, y, z, u.

Si ponga y + z + u = 3

Dunque x + y + z + s = x + c

Per la proposizione.

x + y + z + u = y + x + z + u = z + x + u + y = u + x + y + z

Nella prima x + 1 = y + x + z + u

E multiplicando 4x + 4 = 4y + x -

Onde  $4y = 3x \rightarrow 4 \rightarrow z \rightarrow y$ E  $2y = 3x \rightarrow 4 \rightarrow y \rightarrow z \rightarrow y$ 

E 3y = 3x + 4 - 4 - 2 - 2 - 3

Dunque  $y = x \rightarrow \frac{1}{3}$ 

Nella feconda  $x + 1 = z \rightarrow x + x - 5$ 

Dunque 5x + 5 = 5z + s + x + y

E 5x + 5,-# - x - y = 5x

2

Kr 1

NeL

Vella terza x + 1 = s + x + y + z

Dunque 6x + 6 = 6x + x + y + 3

Onde x + 3 = #

5 Max+y+z+≈=×+3

Dunquex+3+1+x+1+x+3= x+3= x+1 = entrangention To a substitute of the men to a substitute of the substitute of the men to a substitute of the substitute of the men to a substitute of the men to a substitute of t

Dunque  $3x = \frac{47}{30}, y = \frac{47}{30} + \frac{1}{3}, z = \frac{47}{30} + \frac{1}{3}, y = \frac{47}{30} + \frac{3}{3}$ 

Ovvero × = 47, y = 77, x 92, = \* 101

PROBLEMA XXIX

Trovare un numero, che multiplicato nel maggiore di due numeri dati formi un quadrato, e multiplicato nel minore formi il lato dal quadrato me-

desimo.

I numeri dati sieno 200, e 5. Il numero cercato sia x.

I prodotti faranno 200x, e 5x

Ma per la proposizione 200x = 25x3

Dunque 200 = 25xDunque x = 8.

Univerfalmente.

Siano i numeri dati a, e b. Il cercato sia x

I prodotti faranno ax, e bx. Ma  $bbx^a = ax$ Dunque x = a

60

PROBLEMA XXX.

Trovare due numeri tali, che la loro fomma, e il loro prodotto fiano uguali a due numeri dati : la fomma fia 20, il prodotto 96.

Il primo sia x; l'altro sarà 20 - x; E per la proposizione 20x - x = 06 Ovvero xx - 20x = - 96 E per compiere il quadrato aggiungendo 100 si ha x' -, 20x + 100 = 100 - 96 = 4

Onde x ... 10 = 2 Dunque x = 12, e 20 - x = 8.

Universalmente.

Sia il primo numero x, il fecondo a ... x Onde ax - x' = b  $E x^3 - ax = -b$ 

Dunque  $x^* \rightarrow ax + a^*$ 

Dunque 
$$x = \sqrt{\frac{4}{aa} - b + a}$$

Bilogna dunque che aa ... b faccia un quadrato .

#### ROBLEMA

Troyare due numeri tali, che la fomma loro, e la fomma de' loro quadrati facciano due numeri dati. La fomma de numeri fia 20; la fomma de quadrati fia 2087 '7

Il primo numero sia x, il secondo farà 20 - x

Per la propofizione zxx + 400 - 40x = 208

Dunque xx + 200 - 20x = 104 E trasportando xx \_ 20x = 104 \_ 200 = 96

Ed operando come nel precedente Si ha x = 12, e 20 - x = 8.

Universalmente. - -

Siano i numeri x, a - x La fomma di quadrati ai - 2ax + 2x1 = 6 Dunque  $xx \rightarrow ax = .b - a^*$ 

Onde 
$$x^3 - ax + aa = \frac{b - aa}{4} + \frac{aa}{4}$$

Dun-

nque 
$$x = \sqrt{\frac{b}{a} + aa} + a$$
, ovver

$$x = V_{2b} - aa + a$$

Bisogna dunque che 2b ... as sia un quadrato

Trovare due numeri tali, che la loro fomma, e la differenza de loro quadrati facciano due numeri dati. Sia la fomma de' numeri 20 ; la differenza de'quadrati sia 80.

Sia il primo 10 + x, l'altro 10 - x

I quadrati faranno 100 + 20x + x1, 100 - 20x + x1

La loro differenza farà 40x:

Ma per la proposizione 40x = 80, dunque x = 2

I numeri dunque faranno 10 + 2, cioè 12; e 10 - 2, cioè \$.

Universalmente.

Siano i numeri a + x, a - x

La differenza de'loro quadrati 44x Onde 4ax = b, e fi ha x = b

#### OBLEM

Trovare due numeri tali, che la loro differenza, e il loro prodotto faceiano due dati numeri. Sia la differenza 4; il prodotto 96. Sia il primo x. l'altro farà x + 4.

Dunque per la proposizione xx + 4x = 96

E compiendo il quadrato xx + 4x + 4 = 96 + 4 = 100Onde x + 2 = 10

Dunque x = 8, e x + 4 = 13

Universalmente.

Sia il primo x, l'altro x + a

Onde xx + ax = b, exx + ax +

Onde 
$$x = \sqrt{aa + b} - a$$

#### PROBLEMA XXXIV.

Trovare due numeri tali, che abbiano tra se una data ragione, e che la fomma de' loro quadrati abbia alla somma de' numeri stessi una data ragione. Il maggiore sia il triplo del minore, e la somma de' quadrati sia il quintuplo della somma de' numeri

Siano i numeri x, 3x.

La fomma de' quadrati farà toxx;

Per la proposizione 10xx = 20x

Onde dividendo per x, tox = 20Dunque x = 2,  $c_3x = 6$ 

Univerfalmente.

Siano i numeri x, ax

La fomma de' quadrati fatà aaxx + xx

Onde aaxx + xx = mx + amx

E fi ha x = m+am

#### PROBLEMA XXXV.

Trovare due numeri tali, che abbiano tra feuna data ragione, e che la fomma de'loro quadrati abbia una data ragione alla loro differenza de' numeri. Il maggiore fia il tripio del minore; e la fomma de' quadrati fia il decuplo della loro differenza.

Siano i numeri x, e 3x.

Per la proposizione 10xx = 20x

Onde 10x = 20

Dunque x = 2, e 3x = 6

Universalmente

Siano i numeri x, e ax

La differenza ax -

### PROBLEMA XXXVI.

Trovare due numeri tali, che abbiano tra se una data ragione, e che la differenza de loro quadrati abbia alla somma de numeri una data ragione. Il mag-

maggiore sia il triplo del minore, e la differenza de' quadrati sia il sessuplo della somma de' numeri.

Siano i numeri x, 3x.

La differenza de' quadrati è 8xx

E per la proposizione 8xx = 24x

Onde dividendo per x, 8x = 24Dunque x = 3, 3x = 9

Universalmente.

Siano i numeri x, ax

La differenza de quadrati è aaxx ... xx

Onde  $xaxx \rightarrow xx = bx + abx$ , e fi ha x = b+ab

#### PROBLEMA XXXVII.

Trovare due numeri tali, che abbiano tra se una data ragione, e che la differenza de loro quadrati abbia una data ragione alla differenza de numeri. Il maggiore sia il triplo del minore, la differenza de quadrati sia duodecupla della disferenza de numeri.

Siano i numeri a, 3 x x 12 1 2 2 2 4 5 4

Per la proposizione 8 = 24 : Dunque = 3, 3 = 9.

Universalmente.

Siano i numeri \*, a\*.

Dunque ann ... \*\* = abx ... bx;

E fi ha = = ba - b

#### PROBLEMA XXXVIII.

Trovare due numeri tali, che abbiano tra fe una data ragione, e che il quadrato del minore abbia una data ragione al numero maggiore. Il maggiore fia il triplo del minore; e il quadrato del minore fia il feftuplo del numero maggiore.

Siano i numeri # 3#.

Per la proposizione \*\* = 18\*

Dunque # = 18; e 3 = 54x.

#### Universalmente.

Siano i numeri x, ax

Ma xx = abx; Dunque x = ab

#### PROBLEMA XXXIX

Trovare due aumeri tali, che abbiano tra se una data ragione, e che il quadrato del minore abbia una data ragione allo stesso minor numero. Il maggiore sia il triplo del minore; e il quadrato del minore sia il sessuppo del medesimo siumero minore.

Siano i numeri x, 3x.

Per la proposizione xx = 6x,

Dunque # = 6, 3# = 18.

Universalmente.

Siano i numeri w, ax

Dunque ## = bx Dunque # = b

#### PROBLEMA XL

Trovare due numeri tali, che abbiano tra se una data ragione, e che il quadrato del minore abbia una data ragione alla somma di tutte due. Il maggiore sia il triplo del minore; e il quadrato del minore sia il duplo della somma di tutti due i numeri.

Siano i numeri #, 3#.

Per la proposizione \*\* = 8\*

Dunque # = 8, 3# = 24.

Universalmente.

Siano i numeri x, ax

MK = mK + amK; e fi ha H = m + ma

#### PROBLEMA XLI.

Trovare due numeri tali, che abbiano tra se una data ragione, e che il quadrato del minore abbia una data ragione alla loro differenza. Il maggiore fia il triplo del minore, e il quadrato del minore sa il sestuplo dalla loro differenza.

Siano i numeri x, 3x.

Per la proposizione \*\* = 12#

Parte II.

Sι

Dun-

Dunque \* = 12, 3\* = 36.

Universalmente.

Siano i numeri n, an

Per la proposizione xx = amu = mu;

Dunque \* = am - m

#### PROBLEMA XLIL

Collo stesso e che il quadrato del maggiore abbia una data ragione, e che il quadrato del maggiore abbia una data ragione al numeronore; o allo stesso numero maggiore; o alla somma, o alla differenza de numeri sitessi.

#### PROBLEMA XLIII.

Dati due numeri, trovare un altro numero tale, che di tutti tre prendendone duel qualifroglia e multiplicati per l'altro producano tre numeri che abbiano differenze uguali.

Siano i numeri dati, 3, e 5, il numero ricercato sia x.

Per la proposizione 5x, + 15, 3x + 15, 8x, sono in proporzione aritmetica.

Ma la fomma degli estremi è dupla del somma del mezzo;

Onde 15x + 15 = 6x + 30

Dunque  $x = \frac{15}{7}$ 

Che se si prenda per mezzo un altro, si averà un altro valore.

#### Universalmente.

Siano i numeri dati, a, b, il numero ricercato fia w

Saranno ax + bx, ab + ax, ab + bx aritmeticamente proporzionali

Onde ax + 2bx + ab = 2ab + 2ax; Dunque x = ab

26\_0

Fine del Primo Libro.

## LIBRO SECONDO.

I primi quattro Problemi fono gli stessi che il 34. 37. 35. 36. del Libro primo.

#### PROBLEMA V.

T Rovare due numeri tali, che la differenza de loro quadrati abbia una data ragione alia fomma de numeri fless. La differenza de quadrati fia festupla della fomma de numeri.

Siano i numeri ricercati x, 2x

La differenza de' loro quadrati è 3xx

Ma per la supposizione 3xx = 18x

Dunque dividendo per x, 3x = 18, e x = 6; e 2x = 12.

#### Universalmente.

Siano i numeri ricercati x, ax : la ragione sia m

Per la proposizione aaxx - xx = mx + max

Dunque x = m + am

44.... 1

#### PROBLEMA VI.

Trovare due numeri tali, che abbiano una data differenza, e la differenza de loro quadrati superi la differenza de numeri stelli d'un dato numero. La disferenza de numeri sia 2; la differenza de quadrati superi la differenza de numeri di 20, unità.

Siano i numeri ricercati x, x + 2

La differenza de' loro quadrati è 44 + 4

Per la supposizione 4x + 4 = 22

Dunque 4x = 18

Dunque x = 9; ex + 2 = 13

Universalmente.

Siano i numeri s, A

Sf ii

La differenza de' quadrati 24x + as = 6

Dunque'x = b = as

#### PROBLEMA VII

Trovare due numeri tali, che la differenza de loro quadrati superi la differenza de numeri d'un numero dato, ed abbia alla stella differenza de numeri una data ragione. La differenza de quadrati sia tripla della differenza de numeri più 20 unità.

Siano i numeri ricercati x, x+2.

La differenza de' quadrati è 4x + 4

Per la supposizione 4x + 4 = 6 = 20

Onde 4x = 22Dunque x = 11; ex + 2 = 2

#### Universalmente.

Siano i numeri ricercati x, x+a; la ragione sia m; b il numero dato La differenza de quadrati è 2sx + as

Per la supposizione 2ax + an = ma b

Dunque x = ma + b - aa

#### PROBLEM'A' VIII.

Proposto un numero quadrato dividerlo in due numeri quadrati. Sia da dividersi 16 in due quadrati.

Siano i quadrati xx, 16 - xx

Bifogna che 16 - xx fia un quadrato-

Sia un quadrato formato dal lato 2x-4. Sarà 16 - x= = 4xx - 16 x - 16

Onde 16 = 52

Ex = 16

3

Dunque  $x^{*} = \frac{256}{25}$  16 -  $x^{*} = \frac{144}{25}$ 

#### Universalmente.

Sia da dividersi aa in due quadrati . Il primo sia xx, l'altro aa ... xx . Dunque aa \_ xx = aa \_ 4ax + 4xx

Dunque x = 44

#### PROBLEMA IX.

è lo stesso.

#### OBLEMA X.

Proposto un numero composto di due quadrati, dividerlo in altri due quadrati. Sia da dividersi il numero 13 composto de due quadrati 4, e 9, in altri due quadrati.

I quadrati ricercati sieno composti da' lati 2 + \*, 2x - 3 : sarà la somma de'quadrati 5 = 8 + 13 = 13

Onde = = 8.

Dunque i quadrati ricercati faranno 324 , x

#### Universalmente.

Sia il numero as + bb da dividersi in due quadrati.

Sieno i lati de'quadrati ricercati a + x, ma - b;

La fomma de'quadrati è mmxx +xx\_2bmx + zax+aa+ bb = aa + bb Dunque x = 2bm = 2a

# ROBLEMA

Trovare due numeri quadrati che abbiano una data differenza. La loro differenza data fia 60.

Il primo quadrato sia xx; l'altro xx + 6x + 9

Per la supposizione la loro differenza 6n + 9 = 60

Dunque # = 51.

I quadrati dunque faranno 72 1, e 132 1.

Uni-

#### Universalmente.

Sia il primo quadrato \*\*\*, l'altro \*\*\* + 2a\*\* + aa: La loro differenza 2a\*\* + aa = b Dunque \*= b \_ as

# PROBLEMA XI

Trovare un numero che aggiunto a due numeri dati gli faccia diventare due quadrati. I numeri dati fieno 2, e 3.

Il numero da aggiungerfi fia xx — 2, e così s'è foddisfatto alla prima domanda,

Ma bisogna che aggiunto a 3 saccia un quadrato.

Dunque xx + 1 = Q
Sia xx + 1 = xx − 8x + 16

Dunque # = 15

Dunque il numero da aggiungersi sarà 97

# Univerfalmente ..

Sia il numero da aggiungersi nx = aMa bisogna che anche nx = a + b = QSia dunque nx = a + b = nx = 2mx + mm

Dunque  $\kappa = \frac{mm + a - b}{2m}$ 

# ROBLEMA XIII.

Trovare un numero che fotratto da due numeri dati faccia che i loro refidui fieno due quadrati. Siano i numeri dati 9, e 21, da'quali fottratto uno fiello numero, i loro refidui fieno quadrati.

Sia il numero ricercato 9 -- xx, e si è soddisfatto alla prima domanda Ma bisogna che questo istesso numero sottratto da 21, faccia un quadrato "-

Onde 21 - 9 + xx, ovvero 12 + xx = Q

Sia \*\* = 12 = \*\* = 8\* 16

Dunque  $w = \frac{1}{2}$ 

Dura-

Dunque il numero ricercato farà 35

#### Universalmente.

Sia il numero ricercato a - xx

Sottratto da b, si ha b = a + xx, il quale bisogna che = Q.

Onde b = a + xx = xx = 2mx + mm: Es ha x = mm + a = b

# PROBLEMA XIV.

Trovare un numero, dal quale fotratti due numeri dati, i loro residui secono due quadrati. Siano 6, e 7 da fottrarsi da uno stesso numero, e i loro resdui facciano due quadrati.

Sia il numero ricercato xx + 6, e si è soddisfatto alla prima domanda.

Ma bisogna che da esso sottraendosi 7, s'abbia un quadrato.

Onde  $xx \rightarrow 6 = 7$  ovvero xx = 1 = Q.

Sia xx = 1 = xx = 4x + 4

Dunque x = 5.

Il numero dunque ricercato farà 121

#### Universalmente.

Sia il numero ricercato xx + a

Ma bifogna che xx + a - b fia un quadrate

Sia xx + a - b = xx - 2mx + mm

Dunque x = mm = a + b

## PROBLEMAXV

Dividere un numero dato in due numeri, e trovare un quadrato che prendendo ciascheduna delle due parti faccia un quadrato. Il numero da dividersi sia 20.

Si prendano due numeri tali, che la fomma de'loro quadrati sia minore di 20; per esempio 2, e 3; e si facciano due quadrati da  $2 \rightarrow x$ ,  $3 \rightarrow x$ .

I quadrati faranno xx + 4x + 4; xx + 6x + 9.

La prima parte ricercata sia  $4x \leftarrow 4$ ; l'altra  $6x \rightarrow 9$ : poiché amendue prendendo il quadrato xx fanno un quadrato.

Ma per la propofizione queste parti hanno da comporte 20.

Onde 4x + 4 + 6x + 9 = 20

Le parti ricercate faranno 6 +4,13 +1

# Univerfalmente

Siano i due quadrati xx + 2ax + aa; xx + 2bx + bb

Le parti ricercate 2ax + aa, 2bx + bb

Dunque zax + aa + 2bx + bb = c

E fi ha 
$$x = \frac{c - aa - bb}{2a + ab}$$

#### PROBLEMA XVI.

Dividere un numero proposto in due numeri, e trovare un quadrato, dal quale sottraendo ciascuno de due numeri resti un quadrato. Sia 20 il numero dato,

Sia il quadrato xx + 4x + 4

Se da questo si fottragga 4x + 4, resta il quadrato xx; e se si sottragga 2x + 3 resta xx + 2x + 1, che è parimenti un quadrato.

Siano le parti ricercate  $4x \rightarrow 4$ ,  $2x \leftarrow 3$ ; e si è soddissatto a due condizioni.

Refla che 4n + 4 + 2n + 3 = 20, Ovvero trasportando 6n = 13

Le parti ricercate faranno 76, 44; il quadrato 625

#### Universalmente.

Sia il quadrato xx -+ 6ax -+ qaa

Le parti ricercate 6ax + 9ax, 4ax + 8aa; imperciocche da amendue s'é fottrato un quadrato;

Resta che 10an + 17a = 6

PRO-

### PROBLEMA XVII.

Trovare due numeri tali, che abbiano una data ragione, e che amendue con un quadrato proposto facciano due quadrati. Il maggiore sia il triple del minore; e tutti due prendendo il quadrato 9, sacciano due numeri quadrati.

Sia il quadrato \*\* + 6 \* + 9

E il primo numero sia xx + ox; e s'è soddisfatto a una delle condizioni.

Ma poiche il secondo è il triplo, eglisarà 3 x x + 18 x;

Onde 3## + 18#+9 dee effere un quadrato.

Sia dunque 3xx + 18x + xx 9 = 4 = 12x + 9E fi ha x = 30

Dunque i numeri faranno 1080, 3240.

#### Universalmente.

Sia il quadrato xx + 2ax + aa, e il numero primo xx + 2ax,

L'altro farà mxx + zamx;

Onde mxx + 2axx + aa deve effer un quadrato.

Sia dunque mxx + 2amx + aa = aa + 4ax + 4xx,

E fi ha x = 4a - 2am

# PROBLEMA XVIII, XIX.

# E XX.

Trovare tre quadrati tali, che la differenza del massimo e del medio abbia una data ragione alla differenza del medio e del minimo. La differenza sia tripla.

Sia il minimo quadrato xx

Il medio fia xx + 2x + 1

Il massimo setà xx + 8x + 4, il quale deve esser quadrato.

Sia dunque xx + 8x + 4 = xx + 6x + 9

E fi ha x = 5:

I quadrati dunque faranno 25, 49, 121.

Parte II.

T t

Uni-

#### Universalmente.

Sia il minimo quadrato xx

Il medio xx + 2ax + aa

Il massimo farà xv - 2max + maa

Si faccia xx + 2max + maa = xx - 2bx + bb

E fi ha x = bb ... maa

## PROBLEMA XXI.

Trovare due numeri tali, che il quadrato d'ognuno aggiuntovi l'altro numero faccia un quadrato. Sia il primo x.

Sia il primo x

Se al suo quadrato xx si aggiunga  $2x \rightarrow 1$ ; si fa un quadrato;

Onde l'altro nunero sia 2x + 1, e s'è adempiuto alla prima condizione.

Resta che il quadrato del secondo aggiuntovi il primo saccia un quadrato. Onde 4xx + 5x + 1 = 3d un quadrato

Sia dunque 4xx + 5x + 1 = 4xx - 8x + 4

E fi ha x = 3

I numeri dunque faranno 3, 19

# PROBLEMA XXII.

Trovare due numeri tali, che il quadrato d'agnuno fottratovi l'altro numero faccia un quadrato.

Sia il primo x+1; il fuo quadrato farà xx + 2x + 1.

Si ponga l'altro 2x + 1, e si è soddissatto alla prena condizione.

Resta che il quadrato del secondo , sottrattovi il primo numero sia un quadrato .

Onde 4xx + 4x + 1 - x - 1,

Ovvero 4xx -+ 3x sia un quadrato .

Sia dunque  $4xx \rightarrow 3x = 9xx$ ;

E  $\frac{3}{5}$  e si ha  $x = \frac{3}{5}$ . I numeri, dunque saranno 8, e  $\frac{1}{5}$ 

# PROBLEMA XXIII.

Trovare due numeri tali, che il quadrato d'ognuno aggiuntavi la fomma de numeri faccia un quadrato.

Sia il primo x, e perchè  $xx \leftarrow 2 x \leftarrow 1$  è quadrato, fia la fomma di tutti due  $2x \leftarrow 1$ , e s'è foddisfatto alla prima condizione.

Ma il primo effendo n l'altro farà n + 1; il cui quadrato, aggiuntavi la fomma di tutti due, è n + 4n + 2, il quale deve effere un quadrato.

Sia dunque \*x + 4x + 2 = \*\* - 4x + 4

E fi ha n = 1

I numeri dunque faranno 1., 5.

# PROBLEMA XXIV.

Trovare due numeri tali, che il quadrato d'ognuno ottrattavi la fomma de'numeri faccia un quadrato.

Sia il quadrato \*\* + 2\* + 1

La fomma di tutti due fia 2x + z

Il primo x + z; l'altro x.

Sottratta la fomma de numeri dal quadmto del primo resta il quadrato xx.

Ma bisogna che levata la somma de rumeri anche dal quadrato del secondo si abbia un quadrato.

Dunque xx - 2# - 1 = a 1st quadrato;

Sia \*\* - 2\* - 1 = \*\* - 6\* + 9;

E fi ha n = 5;

I numeri dunque faranno 7, 5-

## PROBLEMA XXV.

Trovare due numeri tali, che il quadrato della loro fomma aggiuntovi ? ano o l'altro d'essi numeri faccia un quadrato.

Sia il quadrato della fomma nu; e il primo fia 3ux; l'altro 8uu:

La somma di questi è 1188 = #

1 ( 1)

I Problemi

332 E fi avrà x = €

I numeridunque fono 3, 8.

# PROBLEMA XXVI.

Trovare due numeri tali, che il quadrato della loco fomma fottratto l'u-

Sia la fomma 4x, il cui quadrato è 16xx.

I numeri ricercati sieno 7xx; 12xx;

Strrauto l'uno o l'altro resta un quadrato;

Ma la lors fomma è 19xx = 4x; e fi ha x = 4:

I numeri dunq<sub>1</sub>e fono 192, 112 361 361

### PROBLEMA XXVII.

Trovare due numeri talì, che il loro prodotto aggiuntovi o l'uno o l'altro d'esti numeri faccia due quadrati; e la somma de'lati de' quadrati saccia un numero dato. La somna de'lati faccia 6.

Il prodotto fia 4xx - x;

Se si supponga il primo x, si è alempiuto alla prima condizione:

L'altro dunque farà 4x = 1: ma bilogna che il prodotto aggiuntovi anche il secondo faccia un quadrato; onde 4x + 3x = 1 faccia un quadrato:

Ma poiche la fomma de'lati = 6; farà us lato 6 - zx:

Dunque 4xx + 3x = 1 = 36 = 24x + 4xx; e lí ha  $x = \frac{37}{27}$ 

I numeri dunque faranno 37 , 125 27

# Universalmente.,

Sia il prodotto aaxx = x; il primo x, il fecondo aax = xBilogna che aaxx = x + aax = 1 = un quadrato, il cui lato fia b = axOnde aaxx = x + aax = 1 = bb = 2abx + aaxw E fi ha x = bb + 1

# PROBLEMA XXVIII.

Trovare due numeri tali, che il loro prodotto fottrato l'uno o l'altro faecia due quadrati; e i lati de quadrati facciano un numero dato; il qual numero dato fia 5.

Sia il prodotto 4xx + x, da cui fottratto x reffa il quadrato 4xx

« Sia dunque x il primo , e s'è adempiuto alla prima condizione .

L'altro dunque sarà 4x + 1.

Resta che 4xx - 3x - 1 sia uguale ad un quadrato.

Ma poiche la fomma de lati deve essere uguale a 5 , sarà un lato 5-2x

Onde 4\*\* = 3\* = 1 = 25 = 20\* + 4\*\*:

E si ha x = 26.

I numeri dunque saranno 26, 121

# PROBLEMA XXIX,

Trovare due numeri quadrati tali, che il loro prodotto aggiuntovi o l'uno o l'altro faccia un quadrato.

Siano i due numeri aaxx, bb

Il loro prodotto farà anbbxx

Per la prima condizione aabixx + aaxx deve efferun quadrato, e dividendo per aaxx, bb + x deve effere un quadrato.

Bifogna dunque trovare un quadrato, il quale aggiuntavi l'unità faccia un quadrato.

Sia 16; onde bb = 16

E si ha il prodotto 16 anxx.

Aggiuntovi dunque il fecondo si ha  $\frac{16}{9}$  axx  $+\frac{16}{9}$  = un quadrato; e se

fi fa aa = 9; farà xx + 16 = a un quadrato.

Efiha×=≤.

I numeri dunque faranno 25, 16.

# PROBLEMA XXXX

Trovare due numeri quadrati tali, che il loro prodotto fottratto o l'uno o l' altro faccia due quadrati.

Siano i due quadrati aaxx, 66

Il lero prototto farà aabbxx

Onde  $aabbxx = aaxx \Rightarrow ad$  un quadrato; e così  $bb = 1 \Rightarrow ad$  un quadrato.

Sia 66 = 25.

Bisogna che anche aaibxx ... bb sia = ad un quadrato, cioè 25 aaxx... 25.

Sia  $aa = \frac{9}{25} = 6$  fi ha  $xx = \frac{1}{2} = ad$  un quadrato, il cui lato fia x = z;  $ax = \frac{25}{25} = xx = 2x + 1$ ,

E fi ha x = 1 + 25 = 17

Onde i mameri fono 2601 , 25

# PROBLEMA XXXI.

Trovare due numeri tali, che il loro prodotto, aggiuntavi, o fottrattavi la loro fomma faccia un quadrato.

Poiché (per il Lemma) Segue se alla somma di due quadrati s'aggiunga, e si sottragga il prodotto duplo delle radici, si ha sempre un quadrato, sia il prodotto de' numeri rieretai assus + bbxx; a cui aggiungasi, o sottraggassi 200xx, si ha un quadrato.

Sia dunque la fomma de'numeri ricercati 2abxx, e poichè il loro prodotto è aaxx + bbxx, i numeri faranno  $aax + bb\pi$ , e x, la fomma de' quali è aax + bbx + x:

Ma

Ma lo era anche 2abxx;

Dunque aax + bbx + x = 2abxx:

E fi ha aa + bb + 1 = x:

Sia a = 2, b = 3, farà x = 7,

E i numeri ricercati saranno 91 , 7.

# ROBLEMA XXXII.

Trovare due numeri tali, che sieno eguali ad un quadrato, e che il lo prodotto, aggiuntavi o sottrattavi la loro somma faccia un quadrato.

Sia di nuovo il prodotto anex + bbxx, e la fomma zabxx e fi fono sdempiute due condizioni.

Ma poiche la fomma deve effere eguale ad un quadrato  $^4b = 2a$ ; e fi ha la fomma 4aaxx, e il prodotto 5aaxx.

Poiche dunque il prodotto è 5aaxx, i producenti farano 5aax, e x;

La fomma de quali è 5aax + x:

Ma ella era anche 4aaxx:

Dunque 5aan + n = 4aaxx; E fi ha x = 5aa + 1

4aa Sia a = 1, farà x = 3

E i numeri faranno 3, 15.

PROBLEMA XXXIII.

Trovare tre numer tali, che il quadrato di qualfivoglia di loro aggiuntovi il numero che pri feguita dopo faccia un quadrato.

Sia il primo x,

Se al suo gaadrato \*\* si aggiunga 2\* + 1 si fa il quadrato \*\* + 2\* ;

Sia dunque il fecondo  $2N \leftarrow 1$ ; al cui quadrato  $4Nx \leftarrow 4X \leftarrow 1$  se si aggiunga  $4 \times 4$ ; sh ha il quadrato  $4NX \leftarrow 8N \leftarrow 4$ ;

Sia dunque il terzo 44 + 3.

Ma

#### I Problemi

336 I Pro

Ma bifogna che il fuo quadrato 16xx + 24x + 9 aggiuntovi il primo fia quadrato:

Onde 16xx + 25x + 9 deve effere = ad un quadrato.

Sia dunque 16xx + 25x + 9 = 16xx - 34x + 16

E fi ha x = 7:

Onde i numeri faranno 7, 7r,

# PROBLEMA XXXIV

I neare e nimeri tali; che il quadrato di qualfroglia di elli fottratto il numero che li vien dopo, faccia un quadrato.

Sia il numero rimo ++1 il cui qualrato \*x+2x+1:

Onde il fecondo (a 2x+1; e si è adempiuto alla prima condizione.

Il quadrato del fenndo è 4xx+4x+1;

Sia dunque il terzo a+1:

Ma il fuo quadrato 16x + 8x + 1 fottrato il primo è 16xx - 7x, il quale deve effere parimenti un quadrato.

Sia dunque 16xx+7x=25xx

E fi ha x = 7

I tre numeri dunque fono  $\frac{16}{9}$ ,  $\frac{23}{9}$ ,  $\frac{3}{9}$ 

# PROBLEMA XXXV.

Trovare tre numeri tali, che il quadrato d'ogouno aggiuntavi la fomma di tutti tre faccia un quadrato.

Sia il quadrato xx+2x+1:

Se la fomma di tutti tre sia 2x+x e si ponga il primo a si adempie alla prima condizione

La somma dunque degli altri due farà x+1.

Sia il fecondo z, e farà zz+2x+1= al quadrato zz 4z+4; E fi ha z=x-3.

2 4

Il terzo dunque fară s  $\frac{7}{2}$ : il cui quadrato è  $\frac{xx}{4} + \frac{7x}{4} + \frac{49}{16}$ ; il quale

aggiuntavi la fomma di tutti tre 2x + 1 deve effere un quadrato.

Dunque  $\frac{wx}{4} + \frac{7x}{4} + \frac{49}{16} + 2x + 1$  è uguale ad un quadrato formato dal

Onde i numeri faranno 158, 61,

Altrimenti.

Se a \_ b fi quadri, fi fa aa\_2ab+bb.

Vi fi aggiunga ab, fi ha aa + ab + bb,

il quale è parimente un quadrato.

Dunque se si quadri la semidifferenza di due numeri , e le si aggiunga il prodotto degli stessi numeri si ha un quadrato.

Si prenda dunque qualfivoglia numero per efempio 12 ,i cui multiplicanti sieno 3, 4 ; 2, 6; 1, 12 : faranno 1 + 12; 4 + 12; 14 + 12, tre

quadrati.

Siano dunque i numeri ricercati x, 2x, 11x;

Sia la fomma de' numeri 12xx; ognuno de' quadrati aggiuntavi la fomma farà quadrato.

Ma la fomma de numeri è 8x.

Dunque 12xx = 8x

E fi ha x = 2

Onde i numeri ricercati faranno 1, 4 Parte II.

PRO-

#### ROBLEMA XXXVI.

Trovare tre numeri tali, che il quadrato d'ognuno, fottrattavi la fomma di tutti, faccia un quadrato.

# LEMMA.

Se  $\frac{a+b}{a+b}$  fi quadri, fi ha  $\frac{aa}{a} + \frac{ab}{2} + \frac{bb}{4}$ 

Si levi ab: si ha di nuovo il quadrato  $\frac{aa}{4} = \frac{ab}{2} + \frac{bb}{4}$ 

Dunque se si quadri la semisomma di due numeri, e da essa si levi il prodotto degli stessi numeri si ha un quadrato.

Si prenda dunque qualunque numero, per esempio 12, che è 'prodotto da 3, 4; 2, 6; 1, 12; e sarano 49 - 12, 16 - 12, e 169 - 12 ognune

un quadrato.

Fine del Libro Secondo.

# PRENOZIONI

# Per l'intelligenza de'Libri feguenti.

# Della Equalità duplicata.

Equalità duplicata diceli quando due Equazioni fi hanno 'da eguagliar ad un quadrato come fe fi dia  $x \mapsto z$  da uguagliarfi ad un quadrato , e parimenti  $x \mapsto z$  da eguagliarfi ad un quadrato .

Sei casi si distinguono di fervirsi della equalità duplicata
Primo quando tutti due i membri coltano di foli numeri e di radici, ma
i numeri sono ineguali, e i coessicienti della radice sono eguali.

Come x + 2

x + 3

Ovvero 10x+6

10x+54

Ovvero x... 6

\*-7 Ovvero 9- \*

21-X

Ovvero x+6

X-12

L'altro caso è quando non vi si trova se non radici e numerì, ma i coessicienti sono ineguali, e i numeri sono quadrati.

Come 10x+9

5x+4
Ovvero 8x+4

Ovvero 8x + 4

6x+4 Ovvero 36→6x

16...x

Ovvero 36--- ≈

16**+**9x

340

Il terzo modo è quando nè i coefficienti sono eguali, nè i numeri sono quadrati, ma i coefficienti sono piani simili.

Questo modo si riduce al primo se la ragione di un piano e dell'altro s'esponga pe'suoi quadrati, e i termini d'una delle equazioni si multiplichino per lo quadrato maggiore, e i termini dell'altra per lo quadrato minore. Così perchè i coefficienti nel primo esempio sono 6, 24; la ragione de'qua-

Così perchè i coefficienti nel primo elempio iono 6, 24; la ragione de quali è 1: 4, si multiplichino i termini della prima equazione per 4, e que' della seconda per 1. e si ha

65 - 24

Nel secondo esempio poiche i coefficienti sono come 4: 1., ovvero come 100: 25, si multiplichino i termini della prima equazione per 25; e i termini della seconda per 100 [per togliere le frazioni] e si ha

Il quarto modo è quando i coefficienti sono diversi, ma i quadrati delle unità sono gli stessi; il qual modo si può ridurre al secondo.

Il quinto modo è, quando nè i coefficienti fono eguali, nè l'unità fono come i quadrati.

Ovvero 
$$6x \rightarrow 25$$
  
 $2x \leftarrow 3$ 

I quali però fono certi casi speciali, de' quali vedi il Bacheto nel lib. 4. di Diofanto Probl. 25.

Il sesto modo è quando i numeri proposti si compongono diversamente da numeri quadrati, e da unità; e in questo caso si ricercano due condizioni.

La prima, cheo i cofficienti de' quadrati, o le unità istesse sieno quadrate.

La seconda che la differenza de' proposti sia Binomia. o Monomia.

Tali fono 
$$4xx + 3x - 1 = Q$$

La differenza de' quali è » Ovvero xx - 12

La differenza de' quali è xx - 73x

Ovvero 4xx - 4-4

4x# + 15# La differenza de' quali è 16# + 4

Ovvero \*x + \* - 1

xx → 1 La differenza de'quali è x.-

Quando viene proposta una Equalità duplicata da risolversi, il metodo comune è di prendere la differenza de Proposti, invessigare fattori dalla differenza, e o equagliare il quadrato della senissoma de fattori al membo maggiore, o eguagliare il quadrato dalla femissoma de fattori al membo moposti della di propositi della senissima della femissima della senissima della prominore, e si fia la radice ecretata.

Sia per esempio x+2 = 0.

La differenza è 1; i fattori 1, e 2

La semisomma di fattori 1 + 1

Il quadrato della semisomma t + 1 + 1

Onde  $x + 3 = \frac{1}{16} + \frac{1}{2} + 1$ 

E fi ha x = -2 + 9

Ovvero perchè la semidifferenza de fattori è 3, sarà x+2= 9

E di nuovo fi ha  $x = \frac{9}{16} - 2$ 

Analisi di questo metodo.

Sia la differenza de' quadrati aa - bb

· Poiche i fattori fono a + b, ed a - b

La fomma de fattori è 2a, e la femifomma, a il eni quadrato è aa

La differenza poi de' fattori e 2b; la femidifferenza b, il cui quadrato è bb. Sco-

## Scolio.

Se nella rifoluzione volgare efcano numeri negativi, come nell' efempio addotto di fopra, nota il Fermat, che bifogna 'reiterare l' operazione, e foltituire invece di x una nuova radice accrefciuta del valore ritrovato per avere nuovi termini, alla refoluzione de quali gioverà la nuova Radice.

Così nell' esempio addotto di sopra si facciany - 23 = x

E faranno 
$$y + \frac{9}{16} = Q$$

$$y + \frac{25}{16} = Q$$

La differenza è 1, i cui fattori sono 1, 3

La femilionma de' fattori 10

Onde 
$$y + \frac{25}{16} = \frac{100}{36}$$
 onde  $y = \frac{100}{36} = \frac{1}{36}$ 

$$E x = \frac{100}{36} - \frac{1}{8}$$

Che se in luogo di y si sostituisce  $z + \frac{100}{36} + \frac{2}{16}$  sanno nuove equazioni e nuove radici in infinito, il che s'osserva in tutti i casi.

## Della Equalità triplicata.

Dove non bastano l'equalità duplicate, bisogna ricorrere alle triplicate, che è invenzione del Fermat.

Sia x + 4 2x + 4 = Q

<× +- 4

Si metta nella prima yy + 4y =

E si ha il quadrato yy + 4y + 4

La feconda diventa 2yy + 16y + 4E la terza 6yy + 20y + 4

Che è una equalità duplicata, la quale perchè possa risolversi bisogna che ne' termini d'ogni equazione si dia qualche quadrato.

Siano

Si 
$$avr\lambda x = yy + 2y$$
  
E l'Equazioni fono  $yy + 2y + y$ 

$$2yy + 4y + 1 = Q$$
$$5yy + 10y + 1$$

Ma perchè il primo Trinomio è quadrato, gli altri due si dovranno eguagliare ad un quadrato, e si avrà una equalità duplicata, nella quale secondo il metodo di Diofanto si ha y = -6; onde x = 24.

Se i quadrati dell'unità fono diversi , lo stesso metodo serve ; come se si dicono

Ma per averne la foluzione bifogna ridurre le unità allo stesso quadrato a multiplicando ognuno de quadrati per gli altri due, e si avranno

Si può anche rifolvere l'equalità triplicata quando l'equazioni costano di soli quadrati, e di radici, purchè il coefficiente de'quadrati sia quadrato

Sieno per esempio xx + 2x

$$ux + u = Q$$
  
 $uu + \varsigma x$ 

E faranno 
$$\frac{1}{yy} + \frac{2}{y}$$

Ovve-

$$4xx + 6x = Q$$

$$4xx + gn$$

Si faccia 
$$y = \frac{1}{x}$$

E faranno 
$$2y + 4$$
  
 $6y + 4 = Q$ 

Siano in terzo luogo 
$$9xN + 9N$$
  
 $9xN + 24^{2} = Q$ 

E farano 
$$3y + z$$
  
 $8y + z = Q$ 

$$Sia xx - 2x + 1 = Q$$

$$4x + 1$$

Per lo metodo di Diofanto s'ha 
$$x = 2$$
, e  $x = 3$ 

Per aver nuove radici si faccia col metodo del Fermat y + 2 = x

E

E faranno 4y + 9yy + 2y + 9 = Q

E faranno 4y + 4

$$y - y + 1 = Q$$

Se si sa  $z + \frac{72}{280} + \frac{3}{4} = x$  nasceranno nuovi termini, e nuove radici.

Ma dee avvertiffi in questo metodo, che la disferenza al più dee essere binomia, e se è binomia, non doversi comporre d'unità e d'incognite, ma solamente d'incognite

La differenza è 27x \_ 9 che dal metodo del Fermat viene esclusa
Il qual inconveniente spesso si può schisare.

Per lo metodo di Diofanto x = -2Onde se col metodo del Fermat si faccia y = 2 = 1

Saranno 
$$yy - 3y + 4 = 0$$

La differenza di questi è 2y - 3, ovvero 3 - 2y

Ma per mezzo di queste disferenze indarno si cerca una nuova radice

Poichè dunque le unità fono quadrate; si multiplichino i termini della seconda equazione per 4, e si avranno

La differenza de quali è 311 - 1

Di nuovo sieno xx - 8x + 16 3xx - 48x + 64

Per lo metodo di Diofanto x = 16

Onde si avrà y + 16 = x

E faranno yy + 24y + 256

3yy 7 144y + 1600

La differenza de quali è 279 + 1209 + 1344 che è inutile. Si riducano dunque le unità allo stesso quadrato multiplicando i termini

dalla prima equazione per 1600 ,e si avranno 2577 + 1507 + 1600 . = Q256 3yy + 144y + 1600

#### Scolio II.

Nella foluzione dell' Equalità duplicate il Fermat alle volte usa metodi particolari

9#x + 20x -

Il metodo volgare è di ridurre i coefficienti ax all' eguaglianza multiplieando i termini della feconda equazione per 25".

Il Fermat prende la differenza che è 16xx - 16x, di poi stabilisce due fattori tali che la femifomma contenga 5x, quali fono 8x, e 2x ... 2, la femifomma de'quali è 5m - 1, il cui quadrato = 25mx + 4m - 6, e fi avrà il valore di x

Di nuovo sia da risolversi l'equalità duplicata

169xx + 5746x + 169 #x + 10x + 160

Secondo il metodo volgare in due maniere si può risolvere questa qui-

Primo, prendendo la differenza de numeri, che è 168xx + 5736x, e scegliendo due produttori, uno de'quali contenga 26, cioè il duplo della radice 13.

Secondo, riducendo i coefficienti all'eguaglianza, ciò che fi fa multiplicando i termini della feconda per 169, e si hanno

169xx + 574" + 169

169xx + 1690x + 169

Giu-

Giusta il metodo del Fermat si prende la differenza 168xx + 5736x, i cui fattori debbono eleggersi

La semisomma de'quali sarà 13x + 2868

14

Il cui quadrato da eguagliarsi 169xx + 5746x + 169

Della Equazione quadratica.

Equazione quadratica dicesi quella, nella quale la quantità incognita è e-levata ad un quadrato. Come se si dia xx=3: ovvero  $xx \leftarrow 6x=3$ 

Tutte l' Equazioni quadratiche si ponno ridurre a quattro formule I. 
$$xx \leftarrow 3x \leftarrow 6 = 0$$
 II.  $xx \leftarrow 3x \rightarrow 6 = 0$ 

Ovvero universalmente.  

$$xx \leftarrow ax + b = 0$$

$$xx \leftarrow ax \leftarrow b = 0$$
  
 $xx \leftarrow ax = b = 0$ 

$$xx - ax + b = 0$$

$$ax - ax - b = 0$$

Il quadrato xx dicesi primo termine j: il piano ax, il secondo j, b: il terzo. Il numero dato  $a_j$  che multiplica l'incognita x nel secondo termine, dicesi il coessiciente del secondo termine, e il numero dato b, che è libero da ogni incognita, dicesi omogeneo

Per risolvere la prima equazione

Sia 
$$xx + ax = -b$$

Aggiungafi da una parte e dall'altra il quadrato as fatto dalla metà del coefficiente

E fi ha  $xx + ax + \underline{aa} = b$ , ed estratta da una parte e dall'altra la radice s'

$$1a \times + \underline{a} = \pm V \underline{a} \underline{a} \underline{b}$$

E finalmente 
$$x = \pm V_{\frac{ax-b}{4}} - \frac{a}{2}$$

Se aa - b è quadrato, s'ha x rationale; se non è quadrato, x è irrazio-

nale; e se  $\frac{a\pi}{4}$  è minore dell'omogeneo b, allora la radice è immaginaria, e il

La regola dunque generale per risolvere tutte l'equazioni quadratiche è, che i due primi termini s'uguaglino all'omogeneo, e s'aggiunga da una paredall'altra il quadrato del femicoefficiente, ed estrata la radice da amendue le parti s' avrà il valore dell'incognita x.

use k = part s awas in values cent integration. Six during ex -4x = 3 = 0, fath kx = 4x = -3. Onde xx = 4x + 4 = 4 = 3,  $c = 2 \pm 1$ . Finalment  $c = 1 \pm 1 + 2$ . Ciok = 3, overo 1.

Six in secondo suogo x + 6x + 18 = 0. Sarà xx + 6x = -18. Onde xx + 6x + 9 = -9.

Onde x è immaginaria

Dove anche il primo termine ha il fuo coefficiente, si dividano per effotutti i termini dall'equazione, e l'equazione si ridurrà alle formule sopraddet-

te.

Sia 6xx + 36x + 48 = 0

Ex+3= = V-9

Dividendo i termini per 6, farà xu + 6x + 8 = 0

Onde wx + 6x = -8

E xx + 6x + 9 = 1Onde fi ha x = +1 = 3

Si fupponga dunque univerfalmente

mxx = ax + b = 0  $Sar^{2}xx = ax + b = 0$ 

 $E \times x - \underline{ax} = -\underline{b}$ 

Onde xx \_ an + as = as \_ b

Ovvero riducendo la frazione b alla stessa denominazione

 $\frac{xx - ax + aa = aa - 4bm}{m \quad 4mm}$ 

Perchè dunque x sia razionale, bisogna che aa 46m sia un quadrato, e

perchè il denominatore è quadrato, bifogna che fia quadrato il numeratore .

Dunque aa ... abm deve effer quadrato:

· Ovvero dividendo per 4, as - bm farà quadrato.

Si faccia dunque un quadrato della metà del coefficiente del secondo termine, dal quale sottraggasi 6m, cioè il prodotto dell'omogeneo per lo coefficiente del primo termine; e se il residuo è quadrato, si ha x razionale.

Se l'omogeneo b è affetto del fegno contrario, il piano mb deve aggiugnerfi al quadrato 44.

Le quali cofe fiano dette perchè s'intenda il metodo di Diofanto nella sa luzione dell'equazioni quadratiche.

Onde 28 + 9 deve effere un quadrato, perchè x sia razionale.

Ma se si ha 
$$6xx - 3x - 4 = 0$$

Poiche 24 + 9 non è quadrato, x non è razionale.

# LIBROTERZO

## PROBLEMA PRIMO.

T Rovare tre numeri tali, che il quadrato d'ognuno di essi sottratto dalla somma di tutti tre i numeri saccia un quadrato.

Sia la fomma di tutti tre 5xm, dalla quale se si sottagga xx, ovvero 4xx, il residuo è sempre quadrato. Il primo numero danque sarλ κ, il secondo 2x. Bisogna dunque trovare il tezzo, il cui quadrato fottratto da 5xx lasci un quadrato.

Dividasi dunque 5 in due quadrati che siano

$$4yy - 8y + 4$$

Onde 
$$5yy = 6y + 5 = 5$$
  
E si ha  $y = 6$ 

Onde fostituendo questo valore, il primo de' due quadrati sarà 121; la cui

radice è 11; il fecondo farà 4; la cui radice è 2.

La somma di tutti è 17# = 5xx

Onde x = 17

Dunque i numeri fono 85, 170, 34.

#### PROBLEMA II.

Trovare tre numeri tali, che il quadrato della loro fomma aggiunto a qualtivoglia d'effi faccia un quadrato.

Sia il quadrato della fomma xx

I numeri ricercati 3xx, 8xx, 15xx

La fomma di questi è 26xxMa lo è anche xDunque 26xx = xE si ha  $x = \underline{x}$ 

Dunque i numeri ricercati sono 3, 8, 15

## ROBLEMA III.

Trovare tre numeri tali, che il quadrato della loro somma', sottrattovi qualsivoglia d'essi, faccia un quadrato

Sia il quadrato della fomma 16xx

I numeri ricercati fiano 7xx, 12xx, 15xx La fomma di questi è 34xx;

Ma lo è anche 4x

Dunque 34xx = 4x

E fi ha x = 2

Dunque i numeri ricercati fono 28, 48, 60

# PROBLEMA IV.

Trovare tre numeri tali, 'che il quadrato della loro fomma fottratto da qualfivoglia d'effi faccia un quadrato.

Sia il quadrato dalla fomma #x

I numeri ricercati sieno 2nx, 10nn, 5xn

La fomma di questi è 17xx Ma lo è anche x

Dunque 17xx = x

E fi ha x = 1

Dunque i numeri ricercati fono 2, 10,5

# PROBLEMA V.

Trovare tre numeri eguali ad un quadrato, i quali presi a due a due su-perino l'altro d'un numero quadrato.

352

Sia la fomma di tutti tre xx + 2x + 1

E si ponga il terzo xx + w: Imperciochè così il primo e il secondo supe-

reranno il terzo dell'unità

La fomma dunque del primo e del fecondo è xx + x + 1:

Se il primo si chiami y, il secondo z; farà y + z = xx + x + x

Ma per condizione del problema il fecondo e il terzo fuperano il primo d'un quadrato xx + x + z = y + xx

Dunque s = y + xx - x

Ma si aveva prima  $y + z = \frac{xx}{2} + x + 1$ ;

Dunque 2 = xx + x + 1 - 1

E perciò y + xx + x = ux + u + 1 - y

E li ha y = x ← 1

E in confeguenza  $z = \frac{wx}{2} + \frac{1}{2}$ 

Resta che il primo e il terzo superino il secondo di un quadrato.

Lo superano di 2x: si saccia dunque 2x eguale al quadrato  $x\delta$ , e sarà  $x\equiv 8$ .

Dunque i numeri ricercati faranno 8 1, 32 1, 40.

PROBLEMA VI

è lo stesso.

PROBLEMA VII

Trovare tre numeri eguali ad un quadrato, che pres a due a due facciano un quadrato.

Siano tutti tre insieme wx + 2w + 1

La somma del primo e del secondo sia xx

Onde

Onde il terzo farà 2#+ I

Sia il fecondo col terzo xx - 2x + 1

E poiché tutti tre insieme sono xx + 2x + 1, sottraendo il quadrato di sopra da questo, resta il primo numero 4x.

Il fecondo dunque farà xx - 4x

Resta che il primo col terzo siano uguali ad un quadrato.

Onde 6x + 1 è uguale ad un quadrato

Sia dunque 6# + 1 = 121

E si ha # = 20

Dunque i numeri ricercati sono 80, 320, 41.

## PROBLEMA VIII.

#### è lo stesso.

#### PROBLEMA IX.

Trovare tre numeri d'ugual differenza, che presi a due a due facciano un quadrato.

Siano i numeri ricercati a, a + m, a + 2m.

Saranno per la condizion del Problema

2a + m, 2a + 2m, 2a + 3m ognuno uguale ad un quadrato.

Bisogna dunque trovare tre quadrati aritmeticamente proporzionali, i qua-

lí fiano 961, 1681, 2401

Sottraendo il primo dal fecondo fi ha m = 720, e fottraendo m dal primo fi ha 2n = 241.

Dunque i numeri ricercati faranno

241 , 241 + 720 , 241 + 1440

## PROBLEMA X.

Dato un qualche numero trovarne tre altri tali, che prefi a due a due aggiuntovi il numero dato facciano un quadrato, ma che anche la fomma de tre aggiuntovi il numero dato faccia un quadrato.

Sia il numero dato 3

La fomma de' due primi fia \*\* + 4x + 1

La fomma del fecondo e del terzo fia  $xx + \ell x + \delta$ 

La somma di tutti tre xx + 8x + 13

Parte II.

Υv

E

354

E aggiuntovi a a qualunque fomma fi ha un quadrato.

Se dalla fomma di tutti tre fi fottragga la fomma del primo e del fecondo, reflerà il terzo numero  $4x \leftrightarrow 1$ 

Se si sottragga la somma del secondo e del terzo resterà il primo 2x + 1

Sottratto il primo dalla fomma del primo e del fecondo resterà il secondo xx + 2x = 6.

Resta che il primo col terzo faccia un quadrato.

Ma fa 6x + 22 : è dunque 6x + 22 = 100

E si ha x = 13.

Dunque i numeri ricercati faranno 33, 189, 64.

# PROBLEMA XI.

Dato un qualche numero trovarne altri tre tali, che presi a due a due e fotrrattone il numero dato facciano un quadrato; ma che anche la somma di tutti tre sottrattone il numero dato faccia un quadrato.

Sia di nuovo il numero dato 3.

Sia la fomma de due primi xx + 3

La fomma del fecondo e del terzo xx + 2x + 4

La fomma di tutti tre xx + 4x + 7

Se dalla fomma di tutti tre fi fottragga la fomma del primo e del fecondo refta il terzo 4x + 4

Se daila fomma del fecondo e del terzo fi fottragga il terzo refla il fecondo xx ... 2x

Finalmente fe dalla fomma del primo e del fecondo fi fottragga 'il fecondo fi

do refta il primo 2x + 3

Resta che il primo col terzo sottratto 3 faccia un quadrato.

Ma fa 6x + 4: onde 6x + 4 = 64

E si ha x = 10

Dunque i numeri ricercati sono 23, 80, 44.

# PROBLEMA XII.

Trovare tre numeri, il prodotto de'quali multiplicati a due a due aggiuntovi un numero dato, faccia un quadrato.

Il numero dato sia 12.

Sia il prodotto del primo e del fecondo an Il prodotto del fecondo e del terzo bb Se il primo si dica aax, sarà il secondo 1, e il terzo bbx

Bisogna dunque trovare due quadrati aa, bb, i quali aggiuntovi 12 sacciano un quadrato, e fono 1, 4

Sarà dunque aa = 1, bb = 4

Onde i numeri ricercati saranno x , 1 , 4x

Resta che il primo e il terzo aggiuntovi 12 sacciano un quadrato. Onde sx + 12 = ad un quadrato, il cui lato fis # + 3, E fi ha = z

Dunque i numeri fono 1,2,

# L E M A XIII

Trovare tre numeri, il prodotto de' quali multiplicati a due a due', e fottratovi un numero dato, faccia un quadrato.

Sia il numero dato 10.

Sia il prodotto del primo e del fecondo aa, e il primo fia aax, l'altro 1;

Ma bisogna che as ... 10 sia un quadrato

Onde sia aa - 10 = aa - 4a + 4, e si ha a = 7

Il primo numero dunque farà 49x, il fecondo 1

Sia il terzo 2:

E poichè il prodotto del fecondo e del terzo fottrattovi 10 deve effere un quadrato sia z ... 10 = bb, e si ha z = bbx + 10x

Resta che il prodotto del primo per il terzo sottrattovi 10 sia quadrato: Onde aabbex + 10saxx - 10 = al quadrato bb

Si ponga bb + 10 = ad un quadrato

I Problemi

356

E sia bb - 10b + 25 E sarà b = 3

E 1212 0 = 3

Sia finalmente aabbxx + 10aaxx = bb + 10E fi ha x = 1

I numeri ricercati dunque farango a, a, 49

Cioè 7 7 7

Che fe aabbxx + 10aaxx = 4. bb + 10

Allora si fa \* = 2 = 4

Onde i numeri farebbero 49 , 7 , 49 7

## PROBLEMA XIV.

Trovare tre numeri, il prodotto de' quali multiplicati a due a due aggiuntovi l'altro numero faccia un quadrato.

Sia il quadrato \*\* + 6x + 9

Se si ponga il terzo numero 9, sarà  $xx \leftarrow 6x$  il prodotto del primo e del secondo.

Sia dunque il primo \*

Sarà il fecondo x + 6.

Ma bifogna che il prodotto del fecondo e del terzo aggiuntovi g fia quadrato .

Onde 10# + 54 = Q.

Bisogna che anche il prodotto del primo e del terzo aggiuntovi il secondo sia un quadrato:

Onde 10x + 6 = Q. E nasce una duplicata equalità.

La differenza è 48

I fattori 4, 12

La semidifferenza de' fattori 4

Sia dunque 10x + 6 = 16, e si ha x = 1

Dunque i numeri sono 1, 7, 9

## PROBLEMA XV.

Trovare tre numeri, il prodotto de'quali multiplicati a due a due fottrattavi l'altro numero, faccia un quadrato.

Sia il primo x, il fecondo x + 4

Il loro prodotto farà xx + 4x

Onde se il terzo sia 4x, s'adempie una condizione.

Il prodotto del secondo e del terzo è 4xx + 16x

Il prodotto del primo e del terzo è 4xx

Bisogna dunque che 4xx + 15xx sia un quadrato, e che parimenti 4xx x 4 sia un quadrato; e nasce una duplicata equalità.

La differenza de' quadrati è 16x + 4

I fattori 4, e 4x + 1

La semisomma de' fattori 2x + 5

Il cui quadrato è

4xx + 10x ± 25 = 4xx + 15x

E fi ha x = 5

Dunque i numeri sono 5, 21,

# PROBLEMA XVI.

Trovare tre numeri, il prodotto de' quali multiplicati a due a due aggiuntovi il quadrato dall' altro numero, facciano un quadrato.

Sia il numero primo x, l'altro 4x + 4, il terzo s

Il prodotto del primo e del fecondo è 4xx + 4x, e aggiuntovì 1, quadrato del terzo si ha un quadrato.

Il prodotto del fecondo e del terzo è 4x ± 4, e aggiuntovi xx, quadrato del primo, fi ha un quadrato.

Resta che il prodotto del primo e del terzo aggiuntovi il quadrato del secondo sia un quadrato.

Dunque 16xx + 33x + 16 = ad un quadrato formato dal lato 4x-5;

E fi ha \* = 0.

I numeri dunque faranno 9, 328, 73.

# PROBLEMA XVII.

Trovare tre numeri, il prodotto de quali multiplicati a due a due aggiuntavi la loro fomina faccia un quadrato.

Perchè per il Lemma il prodotto di due quadrati che fiano imediatamente profilmi, aggiuntavi la fomma di amendue fa un quadrato; fiano due numeri 4, e 9, e fi adempie alla prima condizione: Imperciocchè 36 + 13 farà un quadrato.

Sia il terzo numero x;
Bifogna che tox + 9 fi

Bifogna che 10x + 9 sia un quadrato, e parimenti 5x + 4, e nasce una duplicata equalità

La differenza è 5x + 5

I fattori # + 1, e 5:

La semisomma de'sattori x + 3:

Sarà dunque \*\* + 3\* + 9 = 10\* + 9

E fi ha = 28.

Dunque i numeri faranno 4, 9, 28.

# PROBLEMA, XVIII.

è lo stesso.

# PROBLEMA XIX.

Trovare tre numeri, il prodotto de'quali multiplicati a due a due fottrattavi la fomma di ambedue facciano un quadrato.

Sia il primo 2, l'altro 3, e la prima condizione è adempiuta.

Sia il terzo x

Dunque x - a = O

E 2x - 3 = Q

La differenza è × 🛶 1

\* \*fori fono 1, e x - 1

La semisomma de'fattori x;

Onde 
$$xx = 2x - 3$$

La quale equazione sciolta si ha = 6

Dunque i numeri fono 2, 3, 6.

# PROBLEMA XX.

Trovare due numeri il prodotto de'quali aggiuntovi l'uno o l'altro, o aggiuntavi la fomma faccia un quadrato.

Sia il prodotto 4xn ... x. Il primo numero sia x per adempiere alla prima condizione.

Il fecondo farà 4x - 1.

Allora restano da compirsi due de postulati, cioè che il loro prodotto, age giuntovi il secondo e tutti due insieme, faccia un quadrato.

Dunque 4xx + 3x - 1 = Q

La loro differenza è #

I fattori 1, c 4x

I numeri dunque fono 65 , 36.

## PROBLEMA XXI.

Trovare due numeri, il prodotto de'quali, fottrattovi l'uno o l'altro, o la fomma di ambedue faccia un quadrato.

Sia il prodotto 4xx + 4x, e sia il secondo 4x.

Sottratto dunque il fecondo si ha un quadrato, e s'è adempiuto alla prima condizione.

Diviso il prodotto per 4x si ha il primo x + 1.

Ma bisogna che il prodotto sottrattovi il primo, e ambedue facciano un quadrato.

I Problemi

360

Onde 4xx + 3x - 1 = Q

E  $4xx \rightarrow x \rightarrow 1 \Rightarrow Q$ La loro differenza è 4x,

I fattori fono 1, e 4x

La femilomma 2x + 1;

E fi ha x = 5

Dunque i numeri ricercati sono 9, 5.

# PROBLEMA XXII.

al Libro VI.

# PROBLEMA XXIII.

Dato un numero, dividerlo in due numeri; e trovare un quadrato, il quale fottrattavi ciascuna delle due parti del numero diviso faccia un quadrato.

Sia il numero dato 10.

Sia il quadrato xx + 2x + 1

Se da quello si sottragga tanto 4x, quanto 2x + 1 resta un quadrato.

Siano dunque le parti 4x, 2x + 1; la fomma delle quali 6x 1 = 10;

 $E \text{ fi hax} = \frac{3}{2}$ 

Dunque le parti sono 6, e 4; e il quadrato 25

## PROBLEMA XX.IV.

Dato un numero, dividerlo in due numeri, e trovare un quadrato, il quale, aggiuntavi ciascuna delle due parti del numero diviso, saccia un quadrato.

Sia il numero dato 20.

Si ponga il quadrato xx + 2x + 1, a quefto aggiungafi o 2x + 3, o 4x + 8 fi ha un quadrato

Si prendano dunque le parti 2x + 3, 4x + 8; la fomma delle quali 6x + 11 = 20;

E fi ha x = 3

Dunque le parti sono 6, e 14 : e il quadrato 25

Fine del Libro Terzo.

# LIBRO QUARTO.

#### PROBLEMA PRIMO.

Ato un numero, dividerlo in due cubi , la fomma de'lati de' quali fia cia 10.

Siano i lati de'cubi 5 + x , 5 - x : faranno i cubi

x3 + 15xx + 75x + 125

 $x^{2} + 15xx = 75x + 125$ La fomma de quali è 30xx = 250 = 370

E fi ha x = 2

Dunque i lati de' cubi fono 7, c 3.

Universalmente.

Sia da dividersi a in due cubi, i cui lati facciano b.

Un lato fia 1 b; l'altro 1 b .. x.

I eubi insieme faranno

1 b1 + 3b x + 3bx + x1

 $\frac{8}{1}b^{3} - 3b^{2}x + 3bx^{3} - x^{3} = \frac{2}{8}b_{1} + \frac{bx}{2} = \frac{1}{4}b_{1} + 3bx^{3} = a$ 

Dunque  $x_3 = a - \frac{1}{3}b^1$  che dee effere un quadrato, perehè il Problema si  $\frac{1}{3}b^4$ 

possa sciogliere

#### PROBLEMA II.

Trovare due numeri d'una data differenza, e i cubi nati da essi abbiano pure una differenza data.

Sia la differenza de' numeri 6;

La differenza de' cubi sia 504.

Siano i lati de'eubi \* + 3, \* - 3, e resta la loro differenza 6.

I cubi fono

 $x_3 + 9xx + 27x + 27$ 

xy = 9xx + 27x = 27

I.a

La diferenza de'quali 18#7 + 54 = 504 E fi ha # = 5.

Dunque i lati de' cubi fono 8, e 2.

Universalmente.

Sia la differenza de'numeri 21, e quella de'cubi 6.

Siano i lati x + a, x - a I cubi fono  $x^3 + 3axx + 3aax + a^3$ 

x1 - 3axx + 3aax - a1

La differenza de' quali 6anx + 2a1 = 6 E'fi ha x = V 6- 241

#### ROBLEMA III

Multiplicare un istesso numero per un numero quadrato e per il suo lato e fare che il prodotto del numero per il lato fia un cubo; il prodotto del numero per il quadrato il lato del cubo

Sia il quadrato xx, il cui lato è x

Il numero ricercato fia 2.

Dunque  $2xx = \overline{V}_{2x}$ ,  $\epsilon z^{1}x^{5} = zx$ 

Sia z = a1;

Sarà a'x3 = a3 E fi ha x =

Si ponga dunque a = 2 Sarà x = 1, c z = 32.

#### BLEMA

Aggiungere un istesso numero a un quadrato, e al suo lato, e farc le stes

Sia il quadrato xx, il cui lato è x .

Il numero ricercato fia z: Dunque  $xx \leftarrow z = Q$ 

 $Ex + z = V_{xx+z}$ 

Sia z = 3xx; e si è adempiuto alla prima condizione.

Si ha anche 3xx + x = V 4xx = 2x

Zz ii DunDunque x = 1

Il quadrato dunque farà 1, il cui lato è 1

E il numero da aggiugnersi sarà 1.

#### PROBLEMA V

Aggiungere a un quadrato e al fuo lato un istesso numero, e fare le stesse cose con ordine inverso.

Sia il quadrato xx, la cui radice è x.

Il numero da aggiungersi sia a.

Dunque  $xx + z = V \overline{x + z}$ 

Sia z = 4xx - x; Sarà  $4xz - x = V \overline{4xx} = 2x$ 

E fi ha x = 3:

Dunque il quadrato farà 9

E il numero da aggiungersi 21

### PROBLEMA VI.

Aggiungere un issesso numero quadrato a un cubo, e ad un quadrato e sa-re le stesse cose.

Sia il cubo #3;

Il quadrato gax:

Il numero da aggiungersi 16x#

Il quale aggiunto al quadrato sa il quadrato 25xx;

E si è adempiuto alla prima condizione.

Ma bisogna che aggiunto al cubo faccia un cubo.

Onde x3 + 16xx = 8x3

 $E \text{ fi ha } x = \frac{16}{7}$ 

Dun-

Dunque il cubo farà 4096;

Il quadrato 2304:

Il numero da aggiungersi 4096

#### PROBLEMA VII.

Aggiungere un istesso quadrato a un cubo, e ad un quadrato, e fare le stesse cose con ordine inverso.

Sia il cubo \*1;

Il quadrato x1

Il quadrato da aggiugnersi 441.

Per la proposizione x3 + 4xx = x3:

Onde  $x = x \leftarrow 4 \stackrel{\text{def}}{=} 5$ .

Il cubo dunque è 125;

Il quadrato 25.

Il quadrato da aggiugnersi 100.

Il quadrato che si fa dal cubo 125 e dal quadrato 100, è 225; il cui lato è 15.

#### PROBLEMA VIII.

#### è lo istesso.

### PROBLEMA IX.

Aggingnere un istesso numero a un cubo e al lato; e fare le cose stesse. Sia il cubo  $x^3$ ; il lato x:

Il numero da aggiungersi y,

 $x_1 + y = x + y_3 = x_1 + 3x_1y + 3x_2y + y_3$  per lo Problema IV.

 $z = 3x^2 + 3xy + y^2$  che deve effere un quadrato. Si faccia un quadrato di y = 2x.

Dunque  $3x^{1} + 3xy + y^{2} = y^{2} - 4xy + 4xx$ ;

Dal che nasce  $3y \rightarrow 4y = x^{\dagger}$ ;

Onde  $y = \underline{\mathbf{I}} x$ ;

7

Il qual valore sostituito nell'equazione  $s = 3x^3 + 3xy + y^3$  dù,  $s = 3x^3 + \frac{3}{7} \frac{x^3}{40} + \frac{1}{40} \frac{x^3}{40} = \frac{169x^3}{40}$ 

7 49 49 Onde x = 7 e y 5.

Il cubo dunque è 349

Il lato Z

11 numero da aggiungnersi 1, che aggiunto al lato si ha 8, che multiplica-13
o tre volte in sè stello si fa' i x 242

## PROBLEMA X.

Aggiugnere un istesso numero ad un cubo e al lato, e fare lo stesso ordine inverso.

Sia il cubo x1, il lato x

Il numero da aggiugnersi  $y^1 \rightarrow x$ Per la proposizione  $y^3 + x \rightarrow x$  dee essere un cubo satto dal lato  $x^3 + y_3 \rightarrow x$ 

Onde  $y = x^3 \rightarrow y^3 - x$ : Ovvero  $y + x = y^3 \rightarrow x^3$ 

Ovvero  $1 = y^3 + x^3$ 

Sia y + x = 2;

Sia  $y \rightarrow x = 2$ ; Onde  $y = 2 \rightarrow x$ 

E y = 8 - 12x + 6x - x3

 $E_{x^3+y_1} = 8 - 12x + 6x^4 = 4 - 6x + 3x^4$ : la cui radice si finga 2 - 4x.

Onde  $4 - 6x + 3x = 4 - 16x + 16x^2$ Dal che nasce 10 = x

Dai che naice 10

Onde y = 2 - x = 2 - 10 = 26 - 10 = 16

Onde # . y:: 10. 16 :: 10. 16::5.8.

E' dunque 5y = 8x;  $e_y = \frac{8x}{5}$ 

$$\begin{array}{lll} y_1 + x_1 &= \underbrace{5128}_{128}, \\ y_1 + x_2 &= \underbrace{6728}_{125} &= \underbrace{135}_{125} &= \underbrace{9185}_{125}, \\ 6378^2 &= \underbrace{8}_{125} + \underbrace{125}_{125} &= \underbrace{835}_{125}, \\ 637 &= \underbrace{97}_{12} &= \underbrace{57}_{125} &= \underbrace{5}_{125}, \\ 637 &= \underbrace{97}_{12} &= \underbrace{512}_{12} &= \underbrace{5}_{125}, \\ 637 &= \underbrace{97}_{12} &= \underbrace{512}_{12} &= \underbrace{5}_{125}, \\ 97 &= \underbrace{512}_{125} &= \underbrace{512}_{125} &= \underbrace{57}_{125}, \\ 97 &= \underbrace{512}_{125} &= \underbrace{497}_{125} &= \underbrace{57}_{125}, \\ 97 &= \underbrace{70}_{125} &= \underbrace{137}_{125} &= \underbrace{137}_{125}, \\ 97 &= \underbrace{127}_{125} &= \underbrace{137}_{125}, \\ 97 &= \underbrace{127}_{125} &= \underbrace{127}_{125}, \\ 97 &= \underbrace{127}_{125} &=$$

PROBLEMAXII.

Trovare due cubi, la differenza de' quali fia eguale alla differenza de' lati.

Siano i cubi no, yo: i lati x, y

Per

Per la propofizione  $x^3 - y^3 = x - y$ :

Si ponga x = y + 1

Onde  $y_1 + 3y_1 + 3y_2 + 1 = y_3 = y + 1 = y$ , cioè  $3y_1 + 3y_2 + 1 = 1$ , che dee effere un quadrato.

Si ponga la radice 1 - 2y:

Dunque  $3y^3 + 3y + 1 = 1 - 4y + 4y^3$ 

Dal ehe nasce 7 = y, 8 = x:

Onde  $y = \frac{7}{8}x$ 

 $y_1 = \underline{343x^3}$ 

 $x^{3} - y^{3} = x^{3} - \frac{343x^{3}}{512} = \frac{169x^{3}}{512} = x - \frac{7x}{8} = \frac{1}{8}x;$ 

Onde  $\frac{169\pi^3}{512} = \frac{1}{8}$ 

169 x 8x' = 1 = 169x':

64x8 64

Dal ehe nasce  $\frac{64}{4} = x^3$ ;

E finalmente 8 = \*;

y = 7x8 = 7

La differenza de'quali è 1, come de'cub<u>i 512, 343,</u> la differenza de'qua-

11 è 169 = 13x13 2197 13x13x3

Che è lo stesso che 1

#### PROBLEM A XIII.

Trovare due numeri tali, che il cubo del maggiore aggiuntovi il minore fia eguale al cubo del minore aggiuntovi il maggiore.

Siano i numeri x, y.

Per la proposizione  $x^3 + y = y^3 + x$ 

Onde  $x_3 - y_3 = x - y$ ,

Dal che è manifesto effere l'istesso che il problema antecedente.

#### PROBLEMA XIV.

Trovare due numeri tali, che ciascheduno d'essi aggiuntavi l' unità faccia un quadrato; come pure la loro somma aggiuntavi l' unità faccia un quadrato; e parimenti la loro differenza aggiuntavi l'unità faccia un quadrato.

Sia il quadrato qxx + 6x + 1

E si ponga il primo numero qxx + 6x

E foddisfatto alla prima condizione

Sia l'altro 22 - 1, e s'è foddisfatto alla feconda.

Ma bisogna che zz 1 + 9xx + 6x + 1 sia un quadrato

Onde 22 + 9xx + 6x = Q

Si cerchi un quadrato, a cui aggiungendovi 9xx + 6x faccia un quadrato;

E sia 16xx + 24x + q, e si ha zz = 16xx + 24x + q

Onde il secondo numero è 16xx + 24x + 8

Resta che la differenza de' numeri aggiuntavi l'unità faccia un quadrato.

Ma fa 7xx + 18x + 9:

Onde 7xx + 18x + 9 = Q, il cui lato sia 3 = 3x,

E si ha x = 18.

Dunque i numeri ricercati faranno 3024, 5624.

#### PROBLEMA XV.

Trovare tre numeri la fomma de'quali fia eguale alla fomma delle loro differenze.

Siano i tre quadrati yy, xx, zz

Dunque  $yy \leftarrow xx + zx = yy = xx + yy = zz \leftarrow xx = zz = 2yy = zz$ .

Dunque la fomma di tutti tre è eguale a due volte la differenza del prizno e del terzo

Sia dunque il primo ss + 2s + 1, il terzo 1;

La differenza è ss + 2s

Dunque la somma di tutti tre è = 25 + 48

Ma la fomma del primo è del terzo è ss + 2s + 2:

Dunque il secondo sarà ss + 2s = 2, il quale bisogna eguagliare ad un quadrato.

Parte II. A a a

I Problemi

370

Sia il quadrato del lato s - 4

E fi ha s = 9

Dunque i quadrati ricercati fono 196, 125, 1

#### PROBLEMA XVI

Trovare tre numeri tali , che preli a due a due e multiplicati nel terzo facciano i numeri dati.

Si voglia che la fomma del primo e del fecondo nel terzo faccia 35; la fomma del fecondo e del terzo nel primo faccia 27; la fomma del primo e del terzo nel fecondo faccia 32.

Siano i numeri ricercati x, y, z

Dunque 
$$\frac{z+y}{y+z}$$
.  $z = 35$   
 $\frac{y+z}{x+z}$ .  $x = 27$   
 $\frac{z+z}{x+z}$ .  $y = 32$ 

Dunque  $x \leftarrow y = 35$ 

Sarà y = 35 - a

Dunque nella feconda equazione farà

$$\frac{35-a+z\cdot a=27}{z}$$

E nella terza

$$\frac{35a - aa}{2z} + 30 - a = 27$$

Onde 
$$\frac{35-a+z}{z}$$
  $\frac{a}{z} = \frac{35a-aa+30-a}{zz}$ 

E fi ha a = 15

371

I numeri dunque fono 15, 20, 2

E perchè 35a-aa + 30 - a = 2

Si ha z = 5

Dunque i numeri fono 3, 4, 5,

#### PROBLEMA XVII

Trovare tre numeri eguali ad un quadrato, così che il quadrato di ognuno, aggiuntovi il numero che gli vien dietro, faccia un quadrato.

Sia il quadrato xx - 2x + 1

Se ad esso si aggiunga 4x si fa un quadrato

Si ponga dunque il primo x - 1, l'altro 4x

Sia di nuovo il quadrato. 16xx + 8x + 1

E poichè 16xx aggiuntovi 8x + 1 fa un quadrato.

Sia il numero terzo 8x + 1

Di nuovo perchè la fomma dee effere eguale a un quadrato.

Sia 13x = 132xx;

E fi ha x = 13xx

Si pongano dunque i numeri 13xx = 1, 52xx, e 104xx + 1

Resta che il quadrato del terzo, aggiuntovi il primo, faccia un quadrato.

Fa 10816x1 + 221xx

Ovvero 10816xx + 221; Il quale s'uguagli al quadrato del lato 104x + 11 e fi ha x = 55

Onde i numeri fono 36621 , 157300 , 317304

Altrimenti fecondo il Fermat.

Sia il primo x, l'altro  $2x \leftarrow x$ , e s'è foddisfatto alla prima condizione: Se al quadrato del fecondo  $4xx \leftarrow 4x \leftarrow 1$  fi aggiunga  $4x \leftarrow 3$ , fi fa un quadrato.

Sia dunque il terzo 4x + 3

Aaa ij

Re-

372

Resta che la somma di tutti tre, e il quadrato del terzo aggiuntovi il primo faccia un quadrato.

Onde 7x + 4

E 16xx + 25x + 9 = Q

La quale è una duplicata equalità .

#### PROBLEMA XVIII.

Trovare tre numeri eguali ad un quadrato, così che il quadrato d'ognuno, fottrattovi quello che gli vien dietro, faccia un quadrato.

Sia il quadrato \*x + 2x + 1, dal quale sottrattovi 4x si fa un altro quadrato.

Sia dunque il primo x + 1, il fecondo 4x.

Di nuovo fia il quadrato 16xx - 8x + 1;

E sia il terzo 8x ... 1; imperciocche sottratto da 16xx sa un quadrato.

Ma poiche la fomma di tutti tre deve essere un quadrato

Sia 13x = 13'xx,

E fi ha \* = 13xx:

Onde i tre numeri faranno 13xx + 1, 52xx, 104xx - 1

Resta che il quadrato del terzo, sottrattovi il primo, saccia un quadrato.

Onde 104 4' - 221x" = Q, ovvero 104 xx - 221

Sia il quadrato dal lato 104x - 1,

E fi ha x = III.

Dunque i numeri faranno 170989, 640692, 1270568.

#### Altrimenti fecondo il Fermat.

Sia il primo  $x \leftarrow r$ , l'altro  $2x \leftarrow r$ , il terzo  $4x \leftarrow r$ , e s'è soddisfatto a due condizioni. Resta che

E 4xx + 5x + 3 = Q

La quale è una duplicata equalità.

#### XIX. OBLEMA

Trovare due numeri tali, che il cubo del primo aggiuntovi il fecondo faccia un cubo; e il quadrato del secondo aggiuntovi il primo faccia parimenti un quadrato.

Sia il primo x, l'altro at ... x1, e si è soddisfatto alla prima condizione.

Reita che a: \_ za3x3+ x +x fia un quadrato

Sia un quadrato dal lato at + x!

E fi ha x = 4ax, e t = a

Bilogna dunque che as sia un quadrato cubo

Sia 1, e x = 1

E i numeri ricercati faranno 1, 7.

### ROBLEMA XX

Troyare tre numeri indefinitamente, che i prodotti di due per due, 2ggiuntavi l'unità, facciano un quadrato.

Sia il quadrato xx + 2x + 1, e il prodotto del primo e del fecondo fia xx + 2x, perchè si foddissi alla prima condizione.

Il primo fia x + 2, l'altro farà x

Sia di nuovo il quadrato 4xx + 4x + 1;

E il prodotto del fecondo nel terzo sia 4xx + 4x;

Sara dunque il terzo 4x + 4.

Ma poichè il prodotto del primo e del terzo, aggiuntavi l'unità, è 4xx + 127 + y, che è quadrato, segue che si possano aver infiniti numerà, e a può prendersi ad arbitrio.

Sia x = 1,

I numeri faranno 3, 1, 8.

#### ROBLEMA XXI.

Trovar quattro numeri tali, i prodotti de quali multiplicati a dae a due, agginutavi l'unità, facciano un quadrato.

Sia il quadrato xx + 2x + 1 .

E sia il prodotto del primo e del secondo \*x + 2x.

Sì ponga il primo x, farà il fecondo x + 2.

Sia parimenti il quadrato 4xx + 4x + 1

E il prodotto del primo e del terzo sia 4\*\* + 4\*
Sarà il terzo 4\* + 4.

Sia in terzo luogo il quadrato 9xx + 6x + 1,

E il prodotto del primo e del quarto sia vxx + 6x.

Sarà il quarto ox + 6

Succede che il prodotto del fecondo nel terzo, e del terzo, nel quarto, aggiuntavi l'unità, sia un quadrato.

Resta dunque che il prodotto del secondo nel quarto aggiuntavi. l'unità fac-

Ma è oxx + 24x + 13

Sia dunque equale a gxx - 24x + 16.

E fi ha = 1:

Onde i numeri sono 1, 33, 68, 105

#### Altrimenti secondo il Fermat.

Si cerchino tre numeri tali, che multiplicati a due per due i prodotti loro aggiuntavi l'unità facciano un quadrato; quali fono 3, 1, 5.

Si ponga il quarto \*.

Dunque 3x + 1x + 1 = Q

La quale è una triplicata equalità .

#### PROBLEMA XXII.

Trovare tre numeri proporzionali tali, che la differenza di due qualfivo-glia fia un numero quadrato.

Siano i numeri s, x + aa, x+aa + bb

Perchè però la differenza del primo e del terzo sia un quadrato ,, bisogna che  $aa \leftarrow bb$  sia un quadrato .

Sia dunque aa = 9, bb = 16,e faranno i numeri x, x+9, x+25.

375

E perchè sono geometricamente proporzionali sarà xx + 25x = xx + 18x + 81:

E si ha x = 8t

Dunque i numeri ricercati sono 81 , 144 , 256

### PROBLEMA XXIII.

Trovare tre numeri tali, che il folido contenuto sotto d'essi, aggiuntovi qualunque d'essi, faccia un quadrato.

Sia il folido de' tre numeri xx - 2x

E sia il primo 1, l'altro 2x, e due condizioni sono adempiute.

Diviso il solido de tre per lo prodotto del primo e del secondo  $2x^2$ , si ha il terzo x = 1.

Resta che lo stesso folido, aggiuntovi il terzo, faccia un quadrato.

E si ha  $x = \frac{20}{10}$ .

I numeri dunque fono 1, 40, 1.

#### PROBLEMA XXIV.

Trovare tre numeri tali, che il folido contenuto fotto d'effi, fottrattovi qualunque d'effi, faccia un quadrato.

Sia il folido de' tre xx + x

Si ponga il primo x, e la prima condizione s'è adempiuta.

Diviso il solido per x, si averà il prodotto del secondo e del terzo x-1.

Sia dunque il fecondo 1, farà il terzo x + 1

Ma bisogna che xx + x ... 1 sia un quadrato, e lo sia parimenti xx ... 1:

Onde nasce una duplicata equalità. La differenza è x

I fattori fono 1, 2#.

I Problemi

La femilomma de' fattori è x + 1:

Onde  $xx + x = 1 = xx + \frac{1}{x} + \frac{1}{10}$ 

E si ha x = 17.

I numeri dunque fono 17 , 1, 25

#### PROBLEMA XXV.

Dato un numero, dividerlo in due numeri tali, che multiplicati tra loro il prodotto fia un cubo fottrattovi il fuo lato. Sia il numero dato 6.

Sia il primo numero x, l'altro 6-x:

Il prodotto farà 6x - xx.

Si faccia un cubo, il cui lato fia ax = 1

E il cubo farà a'x1 - 3aaxx + 3ax - 1
Da cui se si sottragga il suo lato ax - 1

Relta ajx3 - 3aaxx + 2ax = bx - xx

Si ponga 6x = 2ax

E fi ha  $a \equiv 3$ ,  $x = \frac{26}{27}$ 

Dunque i numeri fono 26, 136

#### PROBLEMA XXVI.

Dato un numero, dividerlo in tre numeri tali, che il folido nato da effi fia un cubo, il cui lato fia la fomma delle differenze che hanno tra loro prefi a due a due. Sia il numero dato 4.

Siano i numeri x, y, zDunque x + iy + z = 4

Sia il folido a'xi, il cui lato è ax

Ma poichè la fomma di tutte le differenze è dupla della differenza del primo e del terzo, sarà az la differenza dupla del primo e del terzo.

Sia dunque il primo ax, farà il terzo ax.

E poiché divifo il folido per lo prodotto de' due s'ha l'altro, farà quel di mezzo 2ax

Ma tutti fono  $\frac{7ax}{2} = 4$ 

On-

Onde x = 8

Posto a = 8, fi ha x = 1,

E i numeri sono 8, 16, 4

#### PROBLEMA XXVII.

Trovare due numeri tali, che il loro prodotto aggiuntovi qualfivoglia d'essi, faccia un cubo

Sia il primo numero ala, il fecondo xx .... 1

Sarà il loro prodotto aixì - aix.

Onde aggiuntovi il primo si ha un cubo.

Ma bisogna che s' abbia anche aggiuntovi il secondo.

Dunque a'xi - a x + xx - 1 = ad un cubo,

Sia il cubo dal lato 3x ... 1,

E posto a = 2, si ha x = 14

I numeri dunque fono 112 , 27

#### ROBLEMA XXVIII.

Trovare due numeri tali, che il loro prodotto, fottrattovi l'uno o l'altro, faccia un cubo.

Sia il prodotto aixi + xm

Sia il fecondo xx, farà il primo a x + 1,

E fottrattovi il fecondo il prodotto è cubo.

Ma deve efferlo anche fottrattovi il primo.

Dunque a'x1 + xx + a'x - 1 = a un cubo, il cui lato sia ax - 1,

E fi ha x = a3 + 3a

Posto 4 = 2, si ha x = 14

I numeri dunque fono 112, 27.

Parte 11.

ВЬЬ

PRO-

#### PROBLEMA XXIX.

Trovare due numeri tali, che il loro prodotto, aggiuntovi, o fottrattavi la loro fomma, faccia un cubo.

#### L E M M A.

Diviso qualunque quadrato in due parti, una dalle quali sia il suo lato, il prodotto di queste parti, aggiuntavi la loro somma, è un cubo.

Imperciocchè sia \*\*, le cui parti sono \*, e \*\* = \*

Il loro prodotto è x<sup>3</sup> ... x<sup>3</sup> ; a cui aggiuntavi la fomma xx ; ifi fa il cubo x1.

Sia dunque la formma de numeri xx, e i numeri x, e xx = x, e s'è foddisfatto alla prima condizione.

Reila che dal loro prodotto fottratta la fomma fi abbia un cubo

Onde  $x^3 \rightarrow 2x^2 = a_3x_3$ 

E fi ha x = 2

Si ponga a = 1, si ha x = 10245

Onde i numeri fono 523264, 525312

#### PROBLEMA XXX.

è lo istesso.

#### PROBLEMA XXXI.

Trovare quattro numeri quadrati, la fomma de'quali unita alla fomma de'lati faccia un numero dato. Sia il numero dato 12.

Sia wx + x

vv + v = 12

ss + s

Poichè ognuno di questi binomi, aggiuntavi 1 fa un quadrato, sarà

$$xx + x \quad \underline{1}$$

$$2z + z + \underline{1}$$

$$yy + y + \underline{1} = 1$$

$$55 + 5 + \overline{1}$$

Bisogna dunque dividere 13 in quattra quadrati; e poiché si divide in due 4, e 9, si divida di nuovo [per il Problema VIII, del lib. 2.] 4 in due, e 9 in due, e saranno 64, 36, 144, 81, i quali sono eguali il primo a xx : x : x + 1,

e così gli altri successivamente ciascheduna al sua corrispondente ,

I lati di questi sono 
$$\frac{8,6,12,9}{5}$$
: i quali sono eguali il primo  $ax \leftarrow \frac{1}{2}$ 

e così gli altri successivamente ciascheduno al suo corrispondente; Onde se da ogni alto si sottragga 1 si hanno i numeri ricercati

Trovare quattro numeri quadrati, la fomma de'quali, fottrattavì la fomma de'lati, faccia un numero dato . Sia il numero dato 4 . Sia xx - x

$$2z - z$$

$$yy - y = 4$$

$$ss - s$$
Dunque  $xx - z \leftarrow \frac{s}{4}$ 

$$2z - z \leftarrow \frac{1}{4}$$

$$yy - y + \frac{1}{4}$$

$$ss - s \leftarrow \frac{1}{4}$$

380

I Problemi

Si divida dunque 5 in quattro quadrati, e fono

9, 16, 64, 36

I cui lati fono 3, 4, 8, 6

Ad ogni lato vi si aggiunga 1, si avranno i numeri ricercati

11, 13, 21, 17

#### PROBLEMA XXXIII.

Dividere l'unità in due numeri tali, che ognuno aggiuntovi un numero dato, e il loro prodotto faccia un quadrato.

I numeri da aggiungerfi sieno 3, e 5.

Sia la prima parte #, l'altra 1 - #

Se alla prima s'aggiunga 3, si ha x + 3;

E alla feconda fe si aggiunga 5, si ha 6 - x:

Il loro prodotto farà 3x + 18 - xx da eguagliarfi ad un quadrato. Sia eguale ad aaxx

E fi ha aaxx + xx - 3x = 18

Per risolvere l'equazione bisogna, che 721a + 81 = Q

Sia dunque eguale a un quadrato dal lato 8a + 91

E si ha 4 = 18

Onde 3# 7 18 - #x = 324xx,

E si risolve razionalmente, e si ha  $x = \frac{78}{3^25} = \frac{6}{25}$ 

Dunque i numeri fono 6, 19

PROBLEMA XXXIV

è lo stesso.

PROBLEMA XXXV.

Dato un numero, dividerlo in tre numeri tali, che il prodotto del primonel secondo, aggiuntovi o sottrattovi il terzo, faccia un quadrato. Sia il numero dato 6.

Sia il terzo x, il (econdo y, il primo 6 ... x ... y Il prodotto del primo nel secondo è 6y - \*y - yy

Bisogna dunque che 6y ... yy ... xy ... x

E nasce una duplicata equalità,

Ma per risolverla i coefficienti x deggiono essere in ragione de' quadrati

Ma sono 1 - y, e - 1 - y

Si faccia dunque 1 \_ y: \_ 1 \_ y = 1:4 E fi ha y = 5

Si pongano dunque i numeri 13 - x, 5, x

Il prodotto del primo nel secondo aggiuntovi il terzo è 65

E lo stesso prodotto, sottrattovi il terzo, è 65 - 8x

E multiplicando tutto per 9 s'averà

65 - 6x

65 - 24T E multiplicando la prima equazione per 4, si hanno

260 - 24x

65 - 24× La loro differenza è 195

' I cui fattori fono 12, 15.

La semidifferenza de fattori è 1.

Onde 65 - 24x = 1 E fi ha x = 8.

I numeri riccrcati dunque sono

XXXVI E

Trovare due numeri tali, che se uno prenda dall'altro la stessa parte, o le

stelle parti, la ragione al restante sia una ragione data. Si voglia che il primo prendendo dal secondo qualche parte, o parti si triplo del restante. E il secondo prendendo dal primo la stessa parte, o le stesse parti sia il quintuplo del restante.

Siano i numeri x, e y, e la parte fimile m

Dunque 
$$x + y = 3y - 3y$$

Onde nella seconda 
$$mx = 5x - 6$$

3m-4 m

E levando le frazioni, e dividendo per x

mm = 15mm - 38m + 24

Onde  $14mm \stackrel{?}{\rightarrow} 38m + 24 \stackrel{?}{=} 0$ La rifoluzione di questa equazione d\(\lambda\) m = 12

Si ponga dunque x = 12, farà x = 8

#### PROBLEMA XXXVII.

Trovare due numeri tali indefinitamente che il loro prodotto colla loro fomma faccia un numero dato. Il numero dato sia 8.

Siano i numeri x, e y, e farà

$$xy + y + y = 8$$
Onde  $y = 8 - x$ 

#### PROBLEMA XXXVIII.

Trovare tre numeri, multiplicari a due a due il cui prodotto aggiuntavi la loro fomma, faccia tre numeri dati

Si voglia che il prodotto del primo nel fecondo aggiuntavi la loro fomma faccia 8; il prodotto del fecondo nel terzo aggiuntavi la. loro fomma faccia 15. Finalmente il prodotto del primo nel terzo aggiuntavi, la loro fomma faccia 14.

Dunque 
$$xy + x + y = 8$$
  
 $yz + y + z = 15$ 

Dunque la terza è

$$\frac{8-y \times 15-y+8-y+15-y}{y+1} = Q$$

$$25yy + 50y = 119$$
  
Onde  $yy + 2y = 119$ 

La cui foluzione d'a 
$$y = 7$$

E percid 
$$x = \frac{3}{33}$$

# 2 = 17

#### PROBLEMA XXXIX.

Trovare due numeri indefinitamente, coficchè il loro prodotto, fottrattavi la loro fomma faccia un numero dato. Il numero dato sia 8.

Sia il primo x, l'altro ax

Dunque 
$$a \times x = a \times x = 8$$
  
E  $a = 8 + x$ 

I numeri dunque faranno x, e  $\frac{8 + x}{x - 1}$ 

Onde fe x = 2, i numeri faranno 2, 10.

# PROBLEMA XL.

Trovare tre numeri che scambievolmente multiplicati, i loro prodotti , sottrattavi la loro somma sacciano tre numeri dati.

Si voglia che il prodotto dal primo nel fecono o fottrattavi la loro fomma, faccia 8; il prodotto del fecondo nel terzo, fottrattavi la loro fomma, faccia 6; il

cia 15; & il prodotto del primo nel terzo, fottratt avi la loro fomma faccia

Siano i tre numeri #, y, z.

Dunque xy - x - y = 8

Per la feconda 
$$z = 15 + y$$

Dunque la terra è

$$\frac{8+y}{y-1} \times \frac{15+y}{y-1} - \frac{8-y}{y-1} - \frac{15-y}{y-1} =$$

La foluzione della qual equazione dà y == 17

Onde i numeri sono 285, 204, 460

#### PROBLEMA XLI

Trovare due numeri indefinitamente cosicchè il loro prodotto abbia una data ragione alla loro somma. Sia il prodotto triplo dalla somma.

Sia il primo x, l'altro ax

Dunque axx = 3x + 3ax

Onde i numeri fono x, 3x

Sia \* = 4; l'altro farà 12.

#### PROBLEMA XLII

Trovare tre numeri, i prodotti de'quali multiplicati a due a due abbiano alla loro fomma una data ragione. Si ai prodotto del primo nel fecondo triplo della loro fomma; il prodotto del fecondo nel terro fia quadruplo della loro fomma; e il prodotto del primo nel terzo fia quintuplo della loro fomma.

Siano i numeri x, y, x

Den-

Dunque 
$$xy = 3x + 3y$$

$$y=3.y=4$$
  $y=3.y=4$   
Onde fi ha  $y=120$ 

#### PROBLEMA XLFII.

Trovare tre numeri, che multiplicati scambievolmente i prodotti abbiano una data ragione alla somma di tutti tre

Siano i numeri, x, y z. La fomma S.

E fia 
$$xy = 3S$$

$$xz = 5S$$
Dunque  $y = 3S$ 

E si ha 
$$7xx - 3Sx = -9S$$
  
Dunque  $xx - 3Sx + 9SS = 9SS - 252S$   
 $7$  196 196 196

Per risolvere l'equazione bisogna dunque che

Onde fia 955 - 252 5 = 55

E fi ha S = 31 1

Sarà dunque 189 + 7x = 632x 3 2

E risolta l'equazione si ha x = 9I numeri dunque sono 9,  $\frac{21}{2}$ ,  $\frac{12}{2}$ 

La fomma de'quali è <u>63</u>

#### PROBLEMA XLIV.

Trovare tre numeri tali, che la loro somma multiplicata nel primo saccia un triangolo; moltiplicata nel secondo saccia un quadrato; multiplicata nel terzo faccia un cubo.

#### LEMMA.

Ogni triangolo multiplicato per 8, e aggiuntavi l'unità sa un quadrato. Sia n il numero d'una serie naturale, ogni triangolo sarà m+n. Dun-

que 
$$8m + 8n + 1 = Q$$

Sia la fomma di tre numeri wx

Il primo numero qualfifia triangolo diviso per  $m_i$  il secondo qualfifia quadrato, il terzo qualfifia cubo, e fiano  $\frac{6}{vv}$ ,  $\frac{8}{vx}$ 

e tre condizioni fono adempiute.

Ma bifogna che 18 = xx;

Onde 18 = x4;

Perciò dee trovarsi un quadrato che abbia per lato un quadrato e che sia composto d'un triangolo, d'un quadrato, e d'un cubo.

Sia il quadrato y1;

Il quadrato da fottrarsi sia y 1 🚉 299 + 1 .

Fat-

Fatto dalle radice y = 1;

E fottraendolo da yi resta 2yy ... 1

Il quale dee contenere un triangolo ad un cubo:

Si fottragga da queila forma qualunque cubo, per efempio 8, resta dunque il triangolo 211 — 9.

Ma per il Lemma questo triangolo multiplicato per 8, e aggiuntavi l'unità fa un quadrato,

Dunque 16yy - 71 = Q; il cui lato sia 4y - 1;

Efihay = g.

Onde il triangolo da prendersi sarà 153, il quadrato 6402, il cubo 8 Onde invece de'numeri 6, 4, 8

Si pongono dunque i numeri 153, 6400, 8

La fomma de quali 6561 = xx

E 6 ha x = c

I numeri dunque ricercati fono 153, 6400, 8

#### PROBLEMA XLV.

Trovare tre numeri tali, che la differenza del maggiore e del mezzo abbia una data ragione alla differenza del mezzo e del minore; e di più prefi a due a due facciano un quadrato. Sia la differenza del maggiore e del mezzo tripla della differenza del mezzo e dal minore.

Siano i numeri x - a, x, x + 3a; e si sono adempiate tre condizioni,

Ma bifogna che 2x ... a

2x + 2a = Q2x + 3a

Sia dunque 2x - a = bb

E far 2x = bb + a

Onde fostituendo nella feconda e nella terza equazione

bb + 34 - 0

b6 + 47

E nasce una duplicata equalità.

Ccc ii

I Problemi

388

388

La differenza è a I fattori sono a, e 2b.

I fattori fono a, e 2b.

La semisomma de fattori  $\frac{a}{ab}$  e b, il cui quadrato  $\frac{aa}{b} + ab + bb = bb + 4a$ 

Posto bb = 1, si ha a = 8

E poichè 2x = bb + a; Sarà x = bb + a = 11?

E i numeri faranno 1 , 113 , 449

#### PROBLEMA XLVI.

Trovare tre numeri tali, che l'eccesso del quadrato del massimo sopra il quadrato del medio a bbia una data razione alla disferenza del medio e del minimo; e di più persi a due a due l'acciano un quadrato. L'eccesso del quadrato del massimo lopra il quadrato del medio fia triplo della disferenza del medio e del minimo.

Siano i numeri r, y, z

La fomma r + y = 16xx

E poichè r è il massimo, sarà maggiore di 8xx

Sia dunque 8xx + a; farà y = 8xx - a

Si ponga la fomma r + z = gxx

Il terzo dunque = xx - a

La differenza de' quadrati massimo e medio è 32anx,

E la differenza del medio e del minimo è 7\*\*

Onde 320xx = 21xx; e fi ha a = 21

Si pongano dunque i numeri  $8xx + \frac{21}{32}$ ,  $8xx = \frac{21}{32}$ ,  $6xx = \frac{27}{32}$ 

Resta ehe il secondo col terzo faccia un quadrato.

Onde 9xx - 42 = Q; il cui lato sia 3x - 6

E fi ha \* = 597.

I numeri dunque faranno 3069000, 2633544, 138681.

Fine del Libro Quarto.

Necessarj all'intelligenza delle cose, che feguono.

PORISMA PRIMO.

 ${f F}$  Are un triangolo rettangolo di due qualfivoglia numeri.

#### LEMMA.

Se la differenza de quadratii aa ... bb si quadri, e ad essa si aggiunga il quadrato 4aabb si sarà il quadrato a1 + 2aabb + 6, la cui radice è aa+bb

Dunque se in un triangolo rettangolo un lato sia la differenza di due quadrati, il prodotto duplo de' lati, l'ipotenusa sarà la somma de' quadrati.

Dati dunque i numeri a e b, si esponga qualunque triangolo per questi lati:

L' Ipotenusa aa + bb

Il perpendicolo aa ... bb

La base 2.16

Siano dunque i numeri producenti, t, e 2; farà il triangolo 5,4,3. Se i numeri fiano 2, 3, il triangolo è 13, 5, 12.

### PORISMA

Di due piani fimili formare un triangolo.

# LEMMA.

Se mmab - ab si quadri, e se gli aggiunga il quadrato 4mmaabb si sa un quadrato, la cui radice è mmab + ab, cioè la fomma de'piani.

Siano dunque piani fimili mmab, ab, farà

L' Ipotenufa mmab + ab

Il perpendicolo mmab ... ab 2mab

La base

Cioè

#### I Problemi

Cioè l'ipotenusa è la somma de' piani, il perpendicolo la differenza, la bafe il duplo del mezzo proporzionale tra'piani,

Siano i piani 8, e 2 L'ipotenula sarà

Il perpendicolo La base

SMA

Di due triangoli non fimili formarne altri due.

Siano i triangoli a, b, c, A, B, C, de'quali a ed A, fono l'ipotenule, be B, i perpendicoli, ce C le basi.

Si multiplichino le ipotenuse tra di loro, e il prodotto sia l'ipotenusa del nuovo triangolo.

Quindi il perpendicolo del primo fi multiplichi nella base del secondo, e 1 perpendicolo del fecondo nella base del primo; e la loro somma sia il per\_ pendicolo del terzo.

Finalmente si multiplichino tra di sè i perpendicoli e le basi, e la differenza de' prodotti farà la base, e si avrà il terzo triangolo.

L' Ipotenusa Aa

Il perpendicolo Be + bC La base Bb ... Cc

Si concepifca ora il primo triangolo effere a, e, b, dimodochè e sia il perpendicolo, b la base, sarà il secondo triangolo.

L' Ipotenusa Il perpendicolo, Ce + Bb

Bc \_ Cb La base

### Dimostrazione.

Imperciocchè effendo AA = BB + CC

aa = bb + cc Ε. Sara AAaa = BB + CC . bb + cc

Ma i quadrati Ce + Bb + Be - Cb

 $Bc + bC^* + Bb - Cc^*$ Ovvero

Sono BB + CC x bb + cc

Dun-

Dunque AAaa = alla fomma di questi quadrati, e conseguentemente è l' Ipotenusa di tali triangoli

Siano dunque i due triangoli 5, 4, 3

13, 12, 5

Saranno i triangoli ricercati 65, 56, 33

PORISMA IV.

Trovare tre triangoli rettangoli tali , che il folido fatto da' perpendicoli al folido fatto dalle bafi fieno in ragione d'un numero quadrato ad un numero quadrato.

# LIBRO QUINTO.

#### PROBLEMA PRIMO.

Rovare tre numeri geometricamente proporzionali , che ognuno di esti fottrattovi un numero dato faccia un quadrato. Sia il numero dato faccia un quadrato.

Si cerchi prima un quadrato, da cui sottratto 12, resti un quadrato; e sia 16, da cui sottratto 12 resta 4.

Sia dunque il primo numero 4, il terzo xx ; il medio farà 2x.

Ma bifogna, che 2x - 12

E nasce una duplicata equalità.

La differenza è xx - 2x.

I sattori x ... 2, e x

La semidifferenza de'sattori 1: Onde 2x = 12 = 1;

E fi ha # = 13

Dunque i numeri faranno 4, 13, 169

#### PROBLEMAII

Trovare tre numeri geometricamente proporzionali, che ognuno di loro aggiuntovi un dato numero faccia un quadrato. Sia il numero dato 20.

Siano i numeri aa, ax, xx

E si ponga primieramente aa + 20 = Q. Ma anche ax + 20

E 3x + 20 =Q

Onde nasce una duplicata equalità

La differenza è xx ... ax;

I cui fattori fono x, e x = a

La semidisserenza de fattori è 👨

On.

Onde as = an + 20

Bisogna dunque che il quadrato aa, aggiuntovi 20, faccia un quadrato; e di più il suo quadrante deve effere maggiore di 20

Onde l'istesso aa sarà maggiore di 80

Si ponga dunque a = 9 + y

Sarà aa = yy + 18y + 81

E perchè aggiuntovi di nuovo 20 deve far un quadrato farà

yy + 18y + 101 = Q., il cui lato fia y - 11

E fi hay= 1

Dunque a = 19, e as =

Poiche dunque as = ax + 20

Sarà 361 = 19x + 20

E fi ha # = 41

Dunque i numeri ricercati fono, 90 1 , 779

#### PROBLEMA 111.

Trovare tre numeri tali, che ognuno di loro e il prodotto, che nalce dalla multiplicazione di due per due, aggiuntovi il numero dato, faccia un quadrato. Il numero dato sia 5.

#### E M M A.

Siano aa, bb quadrati continuamente proffimi, e si pongano tre numeri aa \_ x, bb \_ x, 2aa + 2bb \_ 4x \_ 1. Dico che multiplicati a due à due aggiuntovi x fanno un quadrato.

La qual cosa perchè si veda, si ponga in vece di bb il quadrato aa +- 2s + 1, e fi multiphichino a due a due, e aggiungali x.

Si ponga per esempio a = 2, b = 3, e x = 2; faranno i numeri 2,7, a7; il prodotto de quali multiplicati a due a due aggiuntovi 2 fa un quadrato.

Siano dunque due quadrati continuamente profilmi xx + 6x + 9; e xx + 8x + 16; i cui lati fono x 3, x + 4 Ddd Parse II.

394

Si fottragga 5 da amendue i quadrati, e s'ha xx + 6x + 4, e xx + 8x + 11, che faranno i due numeri ricercati.

Ma il terzo farà la loro fomma dupla manco uno, cioè 4xx + 28x + 29.

E così multiplicati a due a due aggiuntovi 5, peril Lemma, farà un quadrato.

Ma anche i due primi aggiuntovi 5 sono quadrati per la costruzione.

Resta che il terzo aggiuntovi 5 saccia un quadrato. Quindi

4xx + 28x + 34 = QSia dunque il lato 2x - 6; e si ha x = x

3

Dunque i numeri fono 2861, 7645, 20336

#### PROBLEMAIV

Dato un numero trovare tre numeri che ognuno di loro e il prodotto, che naccia dalla multiplicazione di due per due, fottrattovi un numero dato, l'accia un quadrato. Sia 6 il numero dato

#### L E M M A

Siano aa, bb due quadrati continuamente proffimi, e a pongano tre numeri aa + a, bb + a, 2aa + 2bb + 21a + 1:

Multiplicati a due a due e fottrattovi x si saranno tre quadrati.

La dimostrazione è la stessa che quella del Lemma antecedente.

Siano dunque due quadrati continuamente profilmi xx,  $e^{-xx} + 2x^2 + 1$ , a' quali aggiungali 6, e li fa xx + 6,  $e^{-xx} + 2x + 7$ , che faranno i due primi numeri.

Sia il terzo la fomma dupla de'quadrati fottrattavi l'unità, cioè 4xx+4x + 25; e si soddissa a cinque condizioni.

Resta che il terzo sottrattovi 6 saccia un quadrato, e sarà 4xx + 4x + 19 = Q, il cui lato sia 2x - 6

E fi ha  $x = \frac{17}{28}$ .

Dunque i numeri sono 4704, 6729, 21260

# PROBLEMA VENERAL

Trovare tre quadrati, che multiplicati a due a due, aggiuntavi o la femma de'due, o il terzo, facciano un quadrato.

# LEMMA.

Se aa, bb sono due quadrati continuamente prosimi, e si pongano tre numeri aa, bb, 2aa + 2bb + 2, il prodotto di due a due, aggiuntavi o la somma de due, o il terzo, sa un quadrato.

Il che perche si veda si sossitutica invece di 66 il quadrato di a + 1. Così se aa sia 16, 66 25, i tre numeri 16, 25, 84 averanno le condizio-

E un altro  $xx \leftarrow 4x \leftarrow 4$ , che fiano i due primi numeri, x = x + 1  $\exists 1$ Si ponga il terzo  $4xx \leftarrow 12x \leftarrow 12$ , il quale sia eguale ad un quadrato, o al quadrante di guesto;

E farà xx + 3x + 3 eguale ad un quadrato, il cui lato fia x = 2

## PROBLEMAVI.

Trovare tre numeri tali, che ognuno di loro fottrattovi due faccia un quadrato ; il prodotto della multiplicazione frambievole di due a due, fottrattavi o la fomma de due, o il terzo, faccia un quadrato.

#### LEMMA.

Se siano due quadrati continuamente prossimi  $a\sigma$ , bb, e si pongano  $aa \leftarrow 2$ ,  $bb \leftarrow 2$ ,  $2aa \leftarrow 2bb \leftarrow 4$ , ogni prodotto di due a due, fottrattavio la somma de due, o il terzo, sa un quadrato.

Si pongano dunque i numeri xx + 2, xx + 2x + 3, 4xx + 4x + 6, E si ha ciò che si domanda.

Refla che 4xx + 4x + 4;

Ddd ij Ovve-

to see to Coople

Ovvero xx + x + 1 fia eguale ad quadrato, il cui lato fia x - 2E fi ha  $x = \frac{3}{2}$ 

Onde i numeri ricercati fono 59, 114, 246

# PROBLEMA VII

LEMMA.

Trovare due numeri che multiplicati aggiuntovi il quadrato d'amendue, facciano una fomma quadrata

Siano i numeri x, e y

Dunque xy + yy + xx = Q

Sia y = 1, e farà xx + x + t = Q1 il cui lato sia x = 2 E si ha x = 3.

I numeri dunque faranno 1, 3 : evvero in intieri 5, 3.

#### PROBLEMA VIII.

Trovare tre triangoli rettangoli, le cui cui aree sieno eguali.

Si cerchino per il Lemma antecedente due numeri, il prodotto de quali colla fomma de quadrati faccia un quadrato; e fiaco a, e b; e fia aa + bb + ab = xx

Si formino tre triangoli il primo di  $a \in x_1$  il fecondo di  $b \in x_1$  il terzo di  $a + b \in di x_1 \in faranno-$ 

Il primo ab + 200 + 68

ab + bb

Il fecondo ab + aa + 2bb ab + aa

26x

Il terzo 244 ± 246 ← 268.

24x + 26x

Le arce de quali faranno eguali.

Siano per esempio i numeri sopradetti 3, 5, il cui prodotto colla somma di quadrati è 49.

I triangoli ricercati faranno 40, 42, 58

27, 70, 74,

La cui area è 840.

### PROBLEMAIX

Trovare tre numeri tali, che il quadrato d'ognuno, aggiuntavi, o sottractavi la somma di tutti tre, faccia un quadrato.

## LEMMA.

Il quadrato dell'ipotenula, aggiuntovi, o fot trattovi fil quadruplo dall'area, è un quadrato.

Posti i lati a, e b il quadrato dell'ipotenusa è as + bb, il quale, aggiuntovi, o sottrattovi 2ab, resta un quadrato

Siano dunque i numeri ricercati tre ipotenuse di triangoli, che abbiano una stessa area, e sia la somma de numeri il quadruplo dell'area istessa, ed il Problema è sciolto.

Poiché dunque tali sono l'ipotenuse de triangoli sopradetti 58, 74, 113; siano i numeri ricercati 58x, 74x, 113x

Il quadruplo dell'area è 3260xx, che è eguale alla somma de numeri

245×,

 $E \operatorname{fark} x = \underline{7}$ 

I numeri ricercati dunque fono 406, 518, 791

## PROBLEMAX

## LEMMA.

Dati tre numeri quadrati, trovare tre numeri, che multiplicati a due a due facciano questi quadrati.

Siano tre quadrati 4, 9, 16

E fia il primo numero x, l'altro 4, il terzo 9; e fi sono adempiute due

condizioni.

#x E fi ha x = 3.

I numeri ricercati dunque sono 3, 8, 6, 5

# PROBLEMA XI.

Trovare tre numeri che multiplicati a due a due, aggiuntavi o fottrattavi la fomma di tutti tre, fiano quadrati.

Si cerchino prima tre triangoli che abbiano aree eguali, come sono i sopradetti, e si prendano i quadrati dell'ipotenuse

3364, 5476, 12769

Si cerchino di poi per il Lemma antecedente tre numeri che multiplicati a due a due facciano gli stessi quadrati, e sono

Onde se aggiungasi, o sottraggasi da questa 3360, che è 'il' quadruplo dell' area, si ha sempre un quadrato.

李明 ( 1813年 ) 19 19 19 19

Siano dunque i numeri ricercati

4292x , 4181x , 3277x

113 29 27

La somma de'quali è 32824806x

Ma fomma loro posta anche 3360xx::
Onde 32824806x 

⇒ 3360xx

121249 1. 15 2 1 5 0 3 9

E fi ha x = 32824806. 407396640

# PROBLEMA XII.

Dividere l'unità in due parti, e ad ogni fegmento aggiungervi un numero dato, e fare un quadrato. Sia il numero dato 6.

Sia il primo segmento x, sarà l'altro 1 - x: onde

La somma dunque de quadrati sarà 13 : e perciò 13 si dovrà dividere in due quadrati, ognuno de' quali sia maggiore di 6.

Si divida 13 in due, e ricerchi qual parte, aggiuntovi 13, faccia un qua-

drato. Sia dunque 13 + y = Q;

E multiplicando per 4, farà 26 + 4y = Q E ponendo 4y = 1, farà 26zz + 1 = Q.

Sia il lato 
$$5z + 1$$
; e fi ha  $z = 10$   
Onde  $y = 1$ .

I quadrati dunque, ne'quali si dee dividere 13, debbano avere i lati proslimi a 31

Ma perchè fi divida 13 in due quadrati, bisogna che un lato contenga un binario, l'altro un ternario;

E poiche 31 è l'istesso che 2 + 11, e 3 - 9: si ponga il primo lato

2 + 11x; l'altro 3 = 9x.

La fomma de' quadrati è 202xx - 10x + 13 = 13;

E fi ha 
$$x = 5$$
.

Sarà dunque la radice d'un lato 257;

Quella dell'altro 258,

#### Altrimenti.

Sia la prima parte x; l'altra 1 - x

Si faccia yy - 6y + 3 = xE la prima equazione diventa yy - 6y + y, che è quadrata.

La seconda equazione diventa 4 + 6y - yy, la quale si deve equaliare ad un quadrato,

Ma nel determinare y, si dee avvertire che yy - 6y + sia una frazione.

Deve dunque y esser maggiore di 5, e minore di 6.

E fi ha 
$$6 + 4a = y$$
.

E se si ponga y tra 5 c 6 ; come per esempio sia = 57 ; si potrà de-

terminare il coefficiente a per costruire un quadrato cosicchè yy ... 6y ... 3 sia minor dell'unità.

#### PROBLEMA- XIII

Dividere l'unità, e ad ogni fegmento aggiungervi un numero differente dato, e fare du quadrati. Ad un fegmento si aggiunga 2, all'altro 6; e si facciano due quadrati.

Sia il primo fegmento w, l'altro farà 1 - x. Onde

La somma de'quali 9 poiché è quadrata si può ridurre il Problema a queflo di dividere 9 in due quadrati, uno de'quali sia maggiore di 2, e minore di 3.

Siano dunque questi due quadrati yy, 9 - yy

Bisogna che 9 ... yy sia equale ad un quadrato di modo chè però yy sia tra 2 e 3.

I quadrati intermedi fono 289 , e 361

Si faccia dunque 9 - yy = 9 - 6ay + aayy E si ha y = 6a.

aa+1

Bisogna dunque, che la frazione 6a sia maggiore di 17, e minore di 19
12 12

Si fupponga dunque  $= \frac{18}{12}$  ovvero  $= \frac{3}{2}$ 

E fi ha 12a = 3aa + 3

Onde aa = 4a = 1, ed  $a = 2 + \sqrt{3}$ Onde  $a \in \text{maggiore di } 3$ , e minore di 4.

Sia dunque a = 71 e 9 - yy = 9 - 21y + 49yy; esarà y = 84

#### Altrimenti.

Poichè 6 ← x

E 3 - x =Q

Sia yy = 6y + 3 = x; e farà

yy - 6y + 9 =

La prima equazione è quadratta per la costruzione

Resta che s'eguagli l'altra ad un quadrato

Onde by - yy = Q

Ma bisogna determinare y di modo che yy - 6y + 3 sia una frazione.

Sia dunque  $\delta y = yy = aayy_1$ E fi ha y = 6

E h ha y = 0

Che se si ponga  $\delta = 3$ , sarà a = V 3

Si ponga dunque il quadrato aa tra 3 e 4, Ovvero tra 300 e 400

100 109

E sia 361

E fi ha y = 600 461

Parte 11.

F . .

PRO-

#### PROBLEMA XIV.

Dividere l'unità in tre numeri, e ad ognuno aggiugnere un istesso dato numero, e così farlo quadrato. Il numero dato sia 3.

Siano le parti x, y, z = 1

E farà x + 3

Onde # + y + z + q fono tre quadrati,

E perciò i + 9 sono tre quadrati

Bifogna dunque dividere 10 in tre quadrati che ognuno sia maggiore di 3. Si divida in tre parti eguali che sono 3 + 1.

3 divida in the parti eguan ene ione 3

Si cerchi qual parte aggiunta a 3 + 1 faccia un quadrato

E questa sia q. Onde  $\frac{10}{3}$  + q = Q. e multiplicando per 9

30 + 99 = Q E posto 99 = 1

77

 $30 + \frac{1}{r} = Q$ , ovvero 30rr + 1 = Q

Si faccia un quadrato dal lato sr + 1; e fi averà r = 2;  $q = \frac{1}{3}$ 

Dunque  $\frac{10}{3} + \frac{1}{36}$  cossituiscono un quadrato il cui lato è  $\frac{rt}{6}$ 

Ma questi tre quadrati non fanno 10. Bisogna dunque trovare tre quadrati che facciano 10.

Tali fono 9 , 16 , 9;

I cui lati fono 3 , 4 , 3 ovvero 90 , 24 , 18.

Si prendano dunque i lati de' quadrati che sieno 11, ovvero 55,

E fiano 3 - 35x, 31x + 4, 37x + 3

La somma di questi è 3555xx = 116x + 10 = 10; E si ha x = 116 3555

## PROBLEMA XV

Dividere l'unità in tre numeri, e ad ognuno aggiungervi un numero differente dato, e fare tre quadrati : Siano i numeri dati 2, 3, 4;

Siano le parti x, y, z.

E faranno x + 2, y + 3, z + 4 ognuno eguale ad un quadrato.

Onde z + y + z + 9 = a tre quadrati, ovvero z + 9 = a tre quadrati.

Bisogna dunque dividere to in tre quadrati, uno de'quali superi 2 , l'altro 3, e il terzo 4.

Ma poiche x + y + z = 1, si concepisca ognuno 1

E 2 +  $\frac{1}{2}$  3 +  $\frac{1}{2}$  4 +  $\frac{1}{2}$  fiano quadrati.

Cerco le parti, le quali aggiunte a questi facciano de'quadrati, e sono

1, 1, 1;

E si fanno tre quadrati 3025 , 121 , 625

I cui lati fono 55, 66, 75

Ma questi insieme non fanno 10.

Bisogna dunque fingere lati di quadrati, che fieno simili ad essi.

Ma 10 si divide in tre quadrati, i cui lati sono 3 3, 4

E riducendo alla stessa denominazione si ha

180

Ma i lati di fopra ritrovati fono 275, 330, 375

Si facciano dunque i lati adeguali e siano

Ecc ii

167×

167x + 3 5

186x + 4

3 - 166x;

E si fa la somma de quadrati

89710xx - 492x + 10 = 10. E fi ha x = 246.

E ii ha x = 246.

I lati ricercati dunque fono 13599, 16338, 18795

## PROBLEMA XVI.

Dato un numero, dividerlo in tre numeri, che presi a due a due facciano un quadrato. Il numero dato sia 10.

Siano x + y + z = 10 E poiche x + y

K+≈= Q

Dunque 22 + 2y + 22 = 3 Q

E perciò 20 = 3 Q

Bifogna dunque divider 20 in tre quadrati, ognuno de quali sta minore di 10.

Facilmente si conosce, che 20 costa di due quadrati ; e il primo essendo minore di 10 è idoneo.

Resta che si divida 16 in due quadrati minori di 10, ma maggiori di 6. Imperciocchè se uno sosse minore di 6, l'altro sarebbe maggiore di 10. Posso danque il primo qq, l'altro. sarà 16. qq = 16 - 8aq + aaqq i E si ha q = 8a.

aa+1

Ma bisogna che q sia minore di Vio, e maggiore di Vo. Onde a si trova maggiore di 7, e minore di 5.

Pongasi dunque 12.

Dunque 16 - 99 = Q, il cui lato è 4 - 129

405

E fi ha q = 480 ; cioè un lato d'uno de quadrati ricercati ; e l'altro è

160

Onde i numeri fono 57122, 115200, 113288

PROBLEMA XVII.

Dato un numero, dividerlo in quattro uumeri tali, che presi a tre a tre facciano un quadrato. Il numero dato sia 10.

Siz # + y + z + 5= 10

Dunque # + y + z

s + x + y

Dunque 3x + 3z + 3y + 3s = 4 Q

Cioè 30 = 4 Q

Si dee dunque dividere 30 in quattro quadrati, ognuno de'quali fia minore di 10.

Ma 30 si divide di sua natura in quattro quadrati 16,9,4,1; due de quali 9, e 4 sono minori di 10 sono idonei a ciò, che si cerca.

Si dovrà dunque dividere il restante cioè 17 in due quadrati, sognuno de quali sia maggiore di 7, e minore di 10.

Si prenda la metà di 17, cioè <u>17</u>, esi cerchi qual parte, che ad esso aggiunta faccia un quadrato.

Questa è 1, e si sa il quadrato 1225, il cui lato è 35.

Fingansi dunque i lati de' quadrati ricercati cosicchè tutti due siano 35.

E fiano 4 = 13×, 1 + 23×.

La fomma de' quadrati è 17 + 698nx - 58x = 17

E fi ha x = 29

1 lati dunque de quadrati fono 1019 , 1016.

I quadrati, ne'quali 30 è diviso, sono

4,5

100

4,9, 1038361 , e 1032256

Poichè presi a tre a tre fanno questi quadrati; se da 10 si sottraggano ordinatamente tali quadrati, si troveranno le parti ricercate

E fono 1, 6, 185754, 179649

## PROBLEMA XVIII

Trovare tre numeri tali, che il cubo dalla somma loro, aggiuntovi qualssia d'essi, saccia un cubo.

Sia la fomma de'tre x, il cui cubo è x3.

E fia il primo a: x: - x!

il terro e1 x1 = x1

E le tre condizioni fono dempiute.

La loro fomma è a)  $x_1 + b_1 x_2 + c_1 x_3 = 2x_3 = x_3$ 

E fi ha 
$$x^2 = \frac{1}{a_1 + b_1 + c_1 - 3}$$

Bifogna dunque, che il denominatore di quella frazione fia quadrato; che è lo steffo che trovare tre numeri a<sup>3</sup> — 1, b<sup>3</sup> — 1, t<sup>3</sup> — 1, ognuno de' quali aggiuntovi l'unità facciano un cubo, e la fomma de' quali faccia un quadrato.

Siano i lati de'cubi y + 1, 2 - y, e 2

11 primo cubo farà y1+ 3yy+ 3y+ 1

11 fecondo 8 - 12y + byy - y

Il terzo 8

Se da ogni cubo si sottragga l'unità si hanno i numeri ricereati.

 $y^1 + 3yy + 3y$ 7 - 12y + 6yy - y

Resta che la loro somma sia quadrata.

Ma la loro fomma è 9yy + 14 - 9y, il quales' uguagli a 9yy - 24y + 16;

E fi ha y = 2

Il primo dunque de numeri ricercati farà 1538; P altro 18577,

E il terzo 7.

Si pongano adesso i numeri

1538x1, 18577x1, 7x1

3375 3375

La fomma de quali  $\frac{2}{3375}$  = x

E fi hanno 2916x# = 225, e x = 15

## P'ROBLEMA XIX.

Trovare tre numeri tali, che il cubo della loro fomma, fottrattovi qualfisa d'effi, faccia un cubo.

Sia il cubo della fomma x3

Il primo numero x1 = a1x1

Il secondo  $x_1 = b_1 x_2$ 

Il terzo  $x_1 = c_3 x_3$ 

La loro fomma è  $3x^1 - x^3 \times a_3 + b_1 + c_1 = x$ 

E fi ha 
$$xx = \overline{3 - a^2 - b^2 - c^2}$$

Bifogna dunque trovare tre cubi, la fomma de'quali fottratta dal 3. lasci un quadrato.

Se si ponga il quadrato 9 e questo si sottragga dal 3.

Restano 3 da dividersi in tre cubi

Si riducano 3 alla denominazione cubica 162

4 216

E si dovrà dividere 162 in tre cubi, uno de'quali è 125, E resta 37 da dividersi in due.

Ma 37 è la differenza de due cubi 64 e 27 Onde si potrà dividere in due cubi

Siano i lati 4 - x , e ax - 3.

Saranno i cubi

64 - 48x + 12xx - x1 a1x1 - 9aaxx + 27ax - 27

La fomma de' quali è

a: N; - N + 12xx - 9aaxx + 27ax - 48x + 37 = 37

Che se 27a = 48

Sarà a'x3 - x + 12xx - 9aaxx = 0

 $E a^{1}x - x + 12 - 9aa = 0$ E fi ha x = 9aa - 12

In questa maniera si trovano i lati de' cubi 40 e 303

E i cubi di questi lati presi insieme = 27.

I tre cubi dunque 225, 64000, 27818127 sanno 162;

Z dividendo ognuno per 216 perchè siano

125 , 64000 ; 6 27818127

216 753571x216 753571x216 Si fanno tre cubi, la fomma de'quali e 3

Determinati dunque i coefficienti in questa maniera

Si ha  $x = \frac{2}{3}$ 

#### ROBLEMA XX.

Trovare tre numeri tali, che il cubo della loro fomma fottratte da qualunque d'essi saccia un cubo.

Si ponga di nuovo il cubo della fomma #1

E siano i numeri aixi + xi

bix1 + x3

La somma di questi è aixi + bixi + cixi + 3xi = x

E fi ha xw = a1 + b1 + c1 + 3

Bilogna dunque trovare tre cubi, i quali aggiuntovi il ternario facciano un cubo,

Sia y il lato del primo cubo, 3 = y del fecondo, 1 del terzo;
Sarà la fomma de cubi 9yy = 27y + 28

E aggiungendovi 3, fi faccia 9yy = 27y + 3t = Q dal lato 3y = 7;

E aggiungendovi 3, fi faccia 9, y = 27y + 31 = Q dal lato 3y = 7E fi ha  $y = \frac{6}{3}$ 

Saranno dunque i lati de cubi 6, 9, 1

Ora fieno i numeri 341x1, 654x1, 2x1

La fomma de' quali è  $11x^3 + \frac{14x^3}{25} = x$ 

E si ha x = 5

## PROBLEMA XXI.

Trovare tre numeri eguali ad un quadrato, eosì che il eubo della loro fomma, aggiuntovi ognuno di loro, faccia un quadrato

Si ponga la fomma xx, e farà il cubo x6

Siano i numeri aans - x

bbx6 - x5

ccus - x6

E le prime condizioni fono adempiute

Resta che la loro somma sia eguale a xv

Ma tutti tre insieme sono az+bb+ce-3 . x6 = xx

Onde x1 = aa+bb+ec-3

Bilogna dunque trovare tre quadrati, da ognuno de' quali fottratta I unità si faccia una somma quadrato-quadrata.

Siano i quadrati y1 - 2yy + 1

カナコン + I カーコン = 1

I numeri dunque ricercati, faranno y: - 2y, yy + 2y, yy - 2y
La fomma de quali è y:.

E in questa maniera si sono determinati i coefficienti indefinitamente

Ora prendafi y=2Saranno i numeri da porli  $63x^6$ ,  $15x^6$ ,  $3x^6$ , la fomma de quali  $81x^6=wx$ 

Parte IL. Fff F

Sample Comple

 $E \text{ fi hax} = \frac{r}{2}$ 

I numeri ricercati dunque fono 63, 15, 3

## PROBLEMA XXII

Trovare tre numeri uguali ad un numero dato, coficchè il cubo della loro fomma, fottrattovi ognuno d'effi aduno adano, faccia un quadrato

Sia la fomma' de' numeri 2, e i numeri fiano x, y, z

Dunque \$ - x

8 - z Onde 24 - x - y - z = 3 Q.

Max+y+z= 2

Dunque bisogna dividere 22 in tre quadrati, ognuno de quali sia maggiore di 6, e minore di 8. Perché se sossemore di 6, allora x sarebbe maggiore di 2; e perciò i numeri ricercati tutt' insieme non sarebbero 2.

Ma fe fosse maggiore di 8, allora i numeri diventerebbero negativi.

Perchè dunque si divida 22 in tre quadrati di questa sorte, si prenda la terza parte che è 22, e si cerchi qual parte ad essi aggiunta saccia un quadra-

to.

Questa è 1; e si sa un quadrato, il cui lato è 65

Ma si divide 22 in tre quadrati; i cui lati sono 3,3,2. Si pongano dunque per adequalità i lati de'quadrati ricercati

3 - 7x , 3 - 7x , 2 + 17x La fomma de quadrati è 387xx - 16x + 22 = 22

E fi ha x = 16

I lati dunque de quadrati sono 1049, 1049, 1046;

I quadrati de quali fottraendoli aduno aduno da 8 reftano le parti ricercate

9791, 9791, 104**9**36

PRO-

# PROBLEMA XXIII.

Data una parte, dividerla in tre parti tali, che ognuna fottrattovi il cubo della loro fomma faccia un quadrato.

Sia la parte data 1, e sia da dividersi 1 in tre parti come s'è ordinata.

Ogni parte dunque fottrattovi i farà un quadrato:

Perciò fottratti tutti tre 3 faranno tre quadrati.

Ma\_1 = 16:

Dunque s' è arrivato a questo che 13 si divida in tre quadrati.

Ma questa parte è composta di due quadrati, che sono 9, e4

Onde se se ne prenda uno, e sia o , si dovrà dividere l'altro in due qua-

Ma si può dividere in 36, e 64

I quadrati dunque faranno 9, 36, c 64, ad ognuno de' quali fe fi ag-

giunga I si avranno le parti ricercate 250, 61, 89;

La fomma delle quali è I

## PROBLEMA XXIV.

Trovare tre numeri tali, che il folido contenuto fotto d'essi, aggiuntovi qualsivoglia d'essi, faccia un quadrato.

Sia il folido xx.

E poiché in ogni triangolo rettangolo il quadrato dell'ipotenusa è uguale a' quadrati de' lati, siano tre triangoli rettangoli, le cui basi sieno  $a,a,\mathcal{A}$ , i perpendicoli b, b, B,

Fff ii

E si pongano i numeri ricercati  $\frac{a_{AKY}}{bb}$ ,  $\frac{a_{AKY}}{bb}$ ,  $\frac{AAXX}{BB}$ , e ognuno aggiuno

tovi il solido xx si faccia quadrato.

Refta che il folido di questi numeri sia eguale a nx.

Onde ania  $AAx = x^*$ ,

Lb bb BB

Ed estraendo la radice si ha  $aa Ax^3 \Rightarrow a$ 

Ondo no des

Onde aaA = 1

Bifogna dunque tre triangoli rettangoli, ne quali il folido delle basi sia al folido de perpendicoli come un quadrato a un quadrato

bbB

Ma questo si sa per lo Porisma quarto:

Imperciocche sia il triangolo primo 3, 4, 5;

Saranno gli altri due

9, 4, 41

8, 15, 17

Ne'quali il folido fotto i perpendicoli è al folido fotto le basi come 100 a 9.

Si pongano dunque i numeri ricercati 9xx , 81xx , 64xx

Il folido contenuto fotto di questi è  $\frac{46656x^5}{46656x^5} = xx$ 

E si ha ≠ = 10

Dunque i numeri ricercati fono 25 , 9 , 256

## ROBLEMA XXV.

Trovare tre quadrati tali, che il folido contenuto fotto d'essi, fottrattovi qualsivoglia d'essi, faccia un quadrato.

Siano tre triangoli rettangoli, i cui perpendicoli siano bbB l'ipotenuse ddD

E si pongauo i numeri  $\frac{bbxx}{dd}$ ,  $\frac{bbxx}{dd}$ ,  $\frac{BBxx}{DD}$ 

Imperciocchè così ognuno fottrattovi il folido na faranno quadrati e Resta che il loro solido sia eguale a xx

Daa~

Dunque bbbBBx = xx  $\frac{dddDD}{dddDD}$ 

E fi ha bbB = 1

Bifogna dunque trovare tre triangoli, che il folido fotto i perpendicoli fia al folido fotto le bafi in ragione di quadrato a quadrato.

E questo si sa per il Porisma ; e sono i triangoli

5, 4, 3

13, 5, 12

05, 03, 10

Ne'quali il folido fotto l'ipotenuse è al folido fotto le basi come '4225 576.

Sì stabiliscano dunque i numeri ricercati 9 x , 144x , 256x x

Il folido contenuto fotto e' essi è 331776x' = xx

 $E \text{ fi ha } x = \frac{65}{24}$ 

Dunque i quadrati ricercati fono 169, 25, 4

# PROBLEMA XXVI

Trovare tre quadrati tali, che`il folido contenuto fotto d'essi fottratto da qualsivoglia d'essi faccia un quadrato.

Si prendano le stesse frazioni con ordine inverso, e siano i quadrati ricertati 25xx , 160xx , 2225xx; e sottraendovi da ognuno xx resteranno quago 144 , 256

drati.
Il folido fotto i tre è 17850625\* = \*

E fi ha x = 24

Dunque i numeri ricercati sono 64, 4, 9

## PROBLEMA XXVII.

Trovare tre quadratitali, che multiplicati a due a due i prodotti, aggiuntavi l'unità, fiano quadrati. Effen-

Essendosi per lo Problema 24 trovati tre quadrati, il eui solido aggiuntovi qualfivoglia d'essi faccia un quadrato, si vede che gli stessi sono anche tali . che il loro prodotto di due a due, aggiuntavi l'unità fa un quadrato

Imperciocche siano tre quadrati aa, bb, sc, quali si cercano nel Problema 24.

Sarà dunque aabbee + as un quadrato.

Dunque bbce + 1 farà pure un quadrato.

I numeri dunque faranno come fopra 25, 9, 256

#### O B L .E M A XXVIII

Trovare tre quadrati tali, che multiplicati a due a due i prodotti, fottrattavi l'unità, sieno quadrati

Si suppongano tre quadrati aa, bb, ee, cosicche il folido sotto tutti tre aabbee, fottrattovi qualsivoglia d'essi, faccia un quadrato; farà aabbee - aa un quadrato:

Onde anche bbcc ... I.

Once ancue 601. - 1.

I numeri dunque faranno gli stessi che nel Problema 25, cioè 169, 25

#### B L E M AXXIX.

Trovare tre quadrati tali, che multiplicati a due a due i prodotti sottratti dall' unità siano quadrati.

Se siano i quadrati aa, bb, ec, cosicchè il loro solido sottratto da qualsivoglia d'essi faccia un quadrato, sarà anche un quadrato, se il prodotto di due a due si sottragga dall'unità.

Imperciocche fieno aa, bb, ce, e fiz a ... aabbee un quadrato anche 1 ... bbee farà un quadrato.

I numeri dunque del Problema 26, cioè 64, 4, 9 serviranno anche a

questo Problema

#### PROBLEMA XXX

Dato un numero, trovare tre numeri quadrati, che presi a due a due aggiunto il numero dato, faccia un quadrato. Sia il numero dato 15.

Dun-

Dunque 
$$xx + yy + 15$$
  
 $yy + zz + 15 = Q$ 

Bifogna dunque trovare due quadrati, i quali, aggiuntovi 24, facciano due quadrati, e di più aggiuntovi 15 alla loro fomma fi faccia un quadrato.

Prendiamo dunque i numeri fattori di 24, che sieno lati d'un triangolo rettangolo.

Tali fono 3 e 8x, 4 e 6x:

Le femidifferenze de quali fono  $4x = \frac{3}{2x}$ , e  $3x = \frac{2}{x}$ ; i cui quadrati ag-

giuntovi 24 diventaranno quadrati, e si è soddissatto a due condizioni.

Resta che alla loro somma aggiuntovi 15, si faccia un quadrato.

S' uguagli dunque a 25xx:

## Scolio.

Ma bisogna che i fattori siano lati d' un triangolo rettangolo simperciocchè, prendendo i quadrati sormati da essi ssi averanno termini quadrati, e perciò sacimente si potrà risolvere l'equazione.

## ROBLEMA XXXI.

Dato un numero, trovare tre quadrati, i quali presi a due a due, sottratnovi il numero dato, sieno quadrati. Sia il numero dato 13

Dun-

Dunque 
$$xx + yy = 13$$
  
 $yy + zz = 13 = Q$   
 $zz + xx = 13$ 

yy + z - 13 = Q 22 +- 12

Sieno i fattori 2, e 4

Bifogna dunque eereare due quadrati, i quali, aggiuntovi 12, fieno quadrati; e la cui somma, sottrattovi 13, sia parimenti quadrata.

E siano i lati de' quadrati 3x - 2, e 2x - 3: e ognuno di questi qua-

drati, aggiuntovi 12, fa un quadrato.

Resta che tutti due insieme, sottrattovi 13, facciano un quadrato.

Ma fanno 
$$\frac{25}{4}$$
  $\frac{25}{4}$   $\frac{25}{4}$   $\frac{25}{4}$   $\frac{25}{4}$   $\frac{25}{4}$ 

E fi ha x = 2.

Saranno dunque i quadrati 25, 4, 169.

## Scolio.

E' da avvertirsi anche qui, che i fattori siano lati d'un triangolo circa un retto; perchè la fomma di que'quadrati faccia termini quadrati.

Trovare tre quadrati tali, che il composto de' quadrati 'degli 'stessi faccia un quadrato.

Siano i quadrati ux, yy, zz. Dunque x1 + y1 + z1 = Q. Siz = x1 - 20 xx + 10;

Onde si dee trovare un coefficiente, dal cui quadrato, se si sottraggano i quadrati de' due quadrati ricercati, il residuo sia al coefficiente duplo, come quadrato a quadrato. Si ponga il coefficiente yy+4, e si pongano due de quadrati ricercati yy, 4. Sc Se dal quadrato del coefficiente fi fottraggano i loro quadrati resta 8399 Dunque 839 a 239 + 8 deve esser in ragion di quadrato a quadrato: Lo farà dunque anche 439 a 39 + 4

Ma 437 è quadrato; bifogna dunque, che yy + 4ia un quadrato Sia il lato y + 1,

E fi hay = 3

Ricorriamo dunque al proposto da principio", e due de' quadrati ricercati siano 9, e 4, ovvero 9, e 16; sarà  $x_1 \neq x_2 \neq x_3 \neq x_4 \neq x_4 \neq x_5 \neq x_4 \neq x_5 \neq x_4 \neq x_5 \neq x_5$ 

Questi sono eguali al quadrato fatto dal lato xx - 25;

E fi ha x = 12,

Dunque i quadrati cercati fono 144, 16, 9.

Fine del Libro Quinto.

### SESTO LIBRO

### PROBLEMA PRIMO.

Rovare un triangolo rettangolo tale, che l'ipotenusa, sottrattovi l'uno o l'altro de lati, faccia un cubo.

Sia il triangolo ricercato da' due numeri x, e y

Cioè sia l'ipotenusa xx + yy La base xx - yy

11 perpendicolo 2×y

L' Ipotenusa, sottratta la base, sa 279

Onde 2yy = a un cubo = y1-

E si hay= 2

Sarà dunque il triangolo xx + 4

Ma l'ipotenula, sottrattovi il perpendicolo, dee fare un cubo

Dunque \* = 4x + 4 = ad un cubo

Ma poiche il primo membro dell'equazione è quadrato, anche la fua radise si potrà uguagliare ad un cubo.

Sia dunque x \_ 2 = 8

E fi ha x = 10:

Onde il triangolo ricercato è 104

96 40.

## PROBLEMA

Trovare un triangolo rettangolo tale, che l'ipotenusa, aggiuntoni l'uno o l'altro de' lati, faccia un cubo .

Sia di nuovo del triangolo ricercato

L'ipotenusa xx + yy

La base xx - yy Il perpendicolo 2xy

L'Ipotenusa colla base = 2xx

Onde

Onde 2xx = a un cubo = 8

E fi ha x = 2

Dunque il triangolo fa 4 +. yy

Ma bilogna, che 4 + 4y + yy = ad un cubo, ovvero 2 + y = ad ua cubo.

Ma y deve effere minore di 2

Dunque il cubo deve essere minore di 4, ma anche maggiore di 2.

Deve dunque effere tra 4 e 2.

Riducanfi dunque 4 e 2 alla stessa denominazione cubica, e siano 32, 16;

tra' quali v'è il cubo 27.

Siå dunque  $y + 2 = \frac{27}{9}$ ;

Si faccia dunque un triangolo di 2 e 11, ovvero di 16 e 11.

# PROBLEMA III.

Trovare un triangolo rettangolo tale, che la fua area, aggiuntavi il numero dato 5, faccia un quadrato.

Sia il triangolo 3x, 4x, 5x

L'area è (xx Onde 6xx + 5 = Q

Bisogna dunque trovare un quadrato e l'area d'un triangolo tali, che la loro differenza sia la quinta parte d'un quadrato.

Sia il nuovo triangolo da' numeri y, e 1,

Ggg ij

On-

Onde l'area farà yy - 1

Sia il lato del quadrato y + 10

Sia ii iato dei quadrato y + 10

E si ha il quadrato yy + 20 + 100 yy

Onde sottratta l'area resta 101 + 20, che è la quinta parte d'un qua-

drato.

Onde 505 + 100 = Q, ovvero 505 + 100yy = Q

Sia il lato 10y + 5, e si ha y = 24

Si formi dunque il triangolo di 24 e 51 e si multiplichino i lati per x e sa

rà il nuovo triangolo

332401N , 331151X, 2N

La fua area, aggiuntavi  $5 = 331151xx + 5 = Q = y + 10^3 x x = 682276xx$ 

E fi ha  $x = \frac{24}{53}$ 

## PROBLEMAIN

Trovare un triangolo rettangolo tale, che l'area, sottrattovi il numero 6, faccia un quadrato.

Sia di nuovo il triangolo 3x, 4x, 5x, la cui area è 6xx.

Onde 6xx - 6 = Q; e 6xx - Q = 6

Bisogna dunque trovare un triangolo e un quadrato, che sottratto dall'area dallo stesso triangolo dia la sesta parte del quadrato....

Sia il nuovo triangolo da y e 1

E il lato del quadrato sia y ---

Che fottratto dall' area yy ... I resta 6 ... ro festa parte d'un quadrato.

Onde 36 - 60 = Q ovvero 36yy = 60 = Q

Sia il quadrato dal lato 6y - 2

E si ha y = 8

Si prendano dunque i lati del triangolo

4177× , 4015× , 2×

La cui area è 4015x#

Dunque 4015xx - 6 = 1369xx

E fi ha \* = 8

## PROBLEMAV

Trovare un triangolo rettangolo tale, che il numero dell' area fottratto da 10 faccia un quadrato

Sia il triangolo 3x, 4x, 5x.

Onde 10  $\rightarrow$  6xx = Q, e 10  $\Rightarrow$  Q  $\leftarrow$  6xx

Bisogna dunque trovare un quadrato e un'area di un triangolo, la cui somma sia la decima parte d'un quadrato

Sia il triangolo yy + 1

2

Sia il quadrato 2539 + 10 + 1

Che, aggiuntavi l'area, fa 2649 + 10; e questa è la desima parte d'un quadrato.

Onde 260yy + 100 farà Q, ovvero 65yy + 25

Sia eguale a 25 + 80y + 64yy;

E fi ha y = 80.

Sia dunque il triangolo da 80, e 1 , e si multiplichino i lati per x

#### PROBLEMA VI

Trovare un triangolo rettangolo tale, che l'area, aggiuntovi un lato, fac-

E fi ha 
$$6xx + 3x = 7$$

Ma \* è irrazionale.

Bilogna dunque trovare un triangolo tale, che il numero dell'area multiplicato per 7, e aggiuntovi il quadrato della metà d'un lato, faccia un quadrato.

Sia dunque un lato y, l'altro 1; l'area farà y

Onde 
$$\frac{7}{3}y + \frac{1}{4} = Q$$
, ovvero  $14y + 1 = Q$ 

Ma perchè vogliamo un triangolo razionale, farà l'ipotenusa razionale t onde  $yy \leftarrow t = Q$ ;

E fi ha nna duplicata equalità

La femidifferenza de' fattori 7:

E fi ha 
$$y = \frac{24}{7}$$

Sia dunque un triangolo, i cui lati fiano 24x, e x; o togliendo le frazio-

E fi ha x = r

I lati dunque del triangolo ricercato sono 6, 7, 25,

Ovvero in intieri 24, 7, 25.

## PROBLEMA VII.

Trovare un triangolo-rettangolo tale, che l'area, fottrattovi un lato, faccia 7.

Posto il triangolo 3x, 4x, 5x, si ha 6xx = 3x = 7

E di nuovo deve trovarsi un triangolo tale, che il settuplo dell'area, aggiuntovi il quadrato della metà del lato, saccia un quadrato, e dalle cose dette è 24, 7, 25.

Si faccia dunque un triangolo nuovo 24x, 7x, 25x, la cui area è 84xx Onde 84xx — 7x = 7

E fi ha x = 1

Sarà dunque il triangolo ricercato in intieri 24, 7, 25

### PROBLEMA VIII

Trovare un triangolo tale, che l'area, aggiuntivi tutti due i lati, faccia un numero dato. Il numero dato fia 6.

Sia 3x, 4x, 5x.

Dunque 6xx + 7x = 6

Bisogna dunque trovare un triangolo tale, che il quadrato dalla metà della somma de lati, aggiuntovi il sestuplo dell'area sia quadrato.

Si pongano di nuovo i lati y, e 1 : farà il quadrato della femifomma de la ti yy + y + 1.

L'area y, il cui festuplo è 3y.

Onde yy + 7y + 1 = Q

Ma anche yy + 1 = Q i e nasce una duplicata equalità.

La differenza è 14y

424

I fattori 27, e 7

La semidifferenza de' sattori y - 7,

Il cui quadrato è yy - 7y + 49 = yy + 1

E fi ha y = 45.

I lati dunque del triangolo faranno 45, 28, 53.

Si pongano dunque 45x, 28x, 53x,

E l'area, aggiungendovi tutti due i lati, è 630xx + 73x = 6;

E si ha × = r

# PROBLEMA 17.

Trovare un triangolo tale, che il numero dell'area, sottrattavi la somma de' lati, faccia 6.

Sia di nuovo 34, 27, 54,

E 6xx - 7x = 6

Si dee dunque cercare un triangolo tale, che il quadrato della femifomma de'lati, aggiuntovi il fessuplo dell'area, faccia un quadrato

Ma egli è 45, 28, 53;

Onde 45x, 28x, 53x, E si ha 630xx = 73x = 6;

E \* = 6

# PROBLEMA

Trovare un triangolo rettangolo tale, che l'area, aggiuntavi l'ipotenusa, ed un lato, faccia 4.

Posto il triangolo 3x, 4x, 5x; farà 6xx + 8x = 4

Onde si deve trovare un triangolo tale, che il quadrato della semisomma del lato, e dell'ipotenusa, aggiuntovi il quadruplo dell'area, saccia un quadrato.

Sia il triangolo ricercato da' numeri y, e y + 1

Il quadrato della [fomma del lato e dell' ipotenusa è  $y_1 + 4y_2 + 6y_3 + 4y_4 + 1$ 

Il quadruplo dell' area è 8y3 + 12yy + 4y

Per

di Diofanto.

Per tanto y + 12y1 + 18yy + 8y + 1 = Q, il cui lato sia yy + 6y

- 1; E fi ha y = 5

Si faccia dunque un triangolo di 5 e 9, ovvero di 5 e 9; che ridotto a'

minimi termini fara 28, 45, 53.

Onde fia 28#, 45#, 53\*

E l'area, aggiuntavi l'ipotenusa e il lato, è 630xx + 81x = 4

E fi ha x = 4 104

#### PROBLEMA XI

Trevare un triangelo rettangolo tale, che l'area, fottrattavi l'ipoteausa e il lato, faccia 4.

Il triangolo antecedente ferve;

E fi ha 630xx ... 81x = 4

Onde x = 1

#### PROBLEMA XII

Trovare un triangolo tale, che la differenza de' lati sia un quadrato e lo sia anche il lato maggiore; e di più l'area col lato minore faccia un quadrato.

Sia il triangolo 4xx, 3xx, 5xx, e si è soddisfatto alle due prime condi-

Resta, che l'area del triangolo col lato minore faccia un quadrato

Ma fa 6x1 + 3xx:

Onde 6xx + 3 = Q = 9

E fi ha x = x

Dunque il triangolo ricercato farà 3, 4, 5

#### OBLEMA XIII.

Trovare un triangolo rettangolo tale, che l'area, aggiuntovi l'uno o l' altro lato, faccia un quadrato.

Parse II.

Hhh

LEM-

#### L E M M A.

Sieno due numeri, la cui fomma è quadrata, come 6, e 3, trovare infiniti quadrati, ognuno de' quali multiplicato in uno de' numeri dati , e aggiuntovi l'altro, faccia un quadrato.

Sia il quadrato xx + 2x + 1; multiplicato per 3, e aggiuntovi 6 fa 23x + 6x + 9

Se fi eguaglia ad un quadrato, il cui lato è 3x ... 3, fi ha x = 4.

Il quadrato ricercato dunque è 25;

E nell'istesso modo se ne ponno ritrovare infiniti altri.

Sia ora il triangolo ax, 2bx, dx:

Sarà primamente abxx + ax = Q

Secondariamente abxx + 2bx = QSia nella prima aba' + ax = yyxx;

E fi avrà x = a

Sostituendo nella seconda si ha a16 + yy ab yy ab

yy ab E riducendo alla stessa denominazione

ab + 2abvy = 2aabb = 0

E fe a fi ponea quadrato, fi averà aab - 2abb + 2byy = Q

Che se aab - zabb + zb faccia un quadrato, si è ridotto a questo, che per il Lemma fi trovi yy, coficchè tutto il trinomio fia quadrato

Ma aab - 2abb + 2b è l'area ab multiplicata per la differenza de' lati a - 2b, e aggiuntovi il lato 2b.

Bisogna dunque trovare un triangolo, la cui area multiplicata per la differenza de' lati, e aggiuntovi il minor lato, faccia un quadrato.

Ma questo farà 3, 4, 5.

Onde a = 4, 2b = 3. Dunque l'area multiplicata per la differenza de' lati, e aggiuntovi il lato, fa 9; onde per il Lemma yy farà 25, e y = s:

E poiche per le cose dette di sopra x = a, farà x = 4; yy - ab, 19

Onle

Onde il triangolo ricercato farà 16, 12, 20

## PROBLEMA XIV.

Trovare un triangolo rettangolo tale, che l'area, sottrattovi l'uno o l'altro de lati, saccia un quadrato.

Sia come prima ax, abx, dxOnde abxx = ax = Q

 $E \quad ab \times n = 2b \times = Q$ 

Se si usi lo stesso merodo, di cui s'è fatto uso nel Problema antecedente, si trova aabb ... 2abb ... 2byy = Q

Onde si deve ritrovare un triangolo, nel quale il solido dell'area e della differenza de'lati, aggiuntovi il lato minore, faccia un quadrato.

Onde ferve il triangolo 3, 4, 5 Posti dunque i lati 2#, 4x, 5\*

Sarà 6xx - 4x = Q

 $E \quad 6xx \rightarrow 3x \Rightarrow Q$ 

Dunque sia 6xx - 4x = yyxx

E si ha  $x = \frac{4}{6}$ 

Onde sostituendo nella seconda equazione, e riducendo ai minimi termini si averà 6 + 3yy = Q

Se fi ponga y = 1

 $\operatorname{Sarh} x = \underline{4}$ 

E il triangolo cercato farà 12, 16, 20

# PROBLEMA XV.

Trovare un triangolo tale, che l'area, fottrattavi tanto l'ipotenusa, quanto un lato, faccia un quadrato.

Sia il triangolo ax, bx, ex, di cui

L'area fia Axn
Onde A·x ... ex

F Avy av =Q

Sia dunque Anx - ax = yyxx,

Hhh ij

Elementi di Fisica

4 28

 $E \text{ fi ha } x = \frac{a}{A - yy}$ 

Sostituendo nella prima si ha Aaa - Aac + acyy = Q

Si dee dunque trovare il quadrato 37, che multiplicato per il piano ac dall'ato e dell'ipotenufa, aggiuntovi il folido di d, a, ed a — e; cioè dall'area, dil'ipotenufa, e dalla differenza dal lato e dall'apotenufa, faccia un quadrato.

. Sia il triangolo di piani fimili mm, e 1

Sarà l'ipptenusa m1 + 1 Il perpendicolo m1 - 1

La base

base 2mm

L'area m6 - mm

Dunque 2m+1mm . yy+2mm-2m; . mm . m4 2mm+1=Q.

Pongali yy = mm . m: 2mm+1; e fi averl 2mi + 2mm - 2mi + 2mm

Sia dunque un triangolo fimile de numeri 4, e 1; cioè 17, 15, 8; e farà yy = 36

Il folido dell'area, della base, e della differenza della ipotenusa e della bafe = 4320.

Il piano dell' ipotenusa e della base = 136

Se si multiplichi 136 per 36, si ha 4336; e si sottragga 4320, resta il qua-

Ora dunque fia il triangolo 8x, 15x, 17x, e farà

 $60xx \rightarrow 8x = 36xx$ ; e si ha  $x = \frac{1}{3}$ 

Onde il triangolo ricercato è  $\frac{8}{3}$ ,  $\frac{15}{3}$ ,  $\frac{17}{3}$ 

## PROBLEMA XVI.

## è il Lemma del feguente.

### PROBLEMA XVII.

Trovare un triangolo rettangolo tale, che l'area, aggiuntavi tanto l'ipotenusa, quanto un lato, faccia un quadrato.

## LEMMA.

Dati due numeri, uno de'quali multiplicato per qualche quadrato, e fottovi l'altro, faccia un quadrato, trovare altri quadrati maggiori, che facciano questo stesso.

Siano i numeri 3, e 11; e sia 3aa - 11 = bb

Bisogna trovare un altro quadrato, che faccia questo istesso.

Sia zz + 2az + aa; e farà

322 + 6az + 3aa - 11 = Q

Onde 322 +- 602 + 66 = Q

Sia il quadrato dal lato b - 22

E farà 3zz + 6az + bb = bb - 4bz + 4zz; e fi ha z = 6a + 4b

Suppongali a = 5, b = 8; farà z = 62

Sia ora il triangolo ricercato an, bx,  $\epsilon x$ Dunque  $Axx + \epsilon x = Q$ 

 $E \qquad Ax^2 + ax = 0$ 

Sia Axx + ax = yyxx

E fard ax = yyxx - Axx

Onde x = a

Softituendo nella prima

Si ha Aaa + ucyy - Aac = Q

Di nuovo dunque devesitrovare un quadrato, il quale multiplicato nel piano dell'ipotenuse e del lato, fottrattovi il solido dell'ares, del lato, e della disferenza dell'ipotenuse e del lato saccia un quadrato: il che si ha dal triangolo antecedente 17, 15, 8

Ma il quadrato trovato 36 è minore dell'area, e x è negativo .

#### I Problemi

430 Bisogna dunque cercare per il Lemma un altro qualrato, che faccia lo fleffo.

Sia 676 : esposto il triangolo 17x, 15x, 8x, la cui area è 60xx,

Si ha 
$$x = \frac{8}{676} = 60$$

E il triangolo ricercato è 8 , 15 , 17

#### OBLEMA XVIII.

Trovare un triangolo rettangolo tale, che divisi i suoi angoli acuti in due parti, il numero del secante l'angolo sia razionale.

Sia AD sx, AB 4x, BD 3x

BC = 3; farà CD = 3 - 3x

Ma per la fupposizione BD . DC : : AB . AC .

Dunque 3x . 3-3x::4.4-x

Dunque AC = 4 - x

Resta, che AC' = AB' = BC'

Dunque 16 - 32x + 16xx = 16xx + 9 E fi ha x = 7

32

#### XIX. ROBLEMA

Trovare un triangolo rettangolo tale, che l'area coll'ipotenusa saccia un quadrato, e la circonferenza un cubo

Sia l'area x

L'Ipotenusa aa ... #

E la prima condizione è adempiuta

Ma effendo l'area x, farà il prodotto de lati zw : onde fia uno w , l'altro 2

Bisogna che anche la circonferenza sia un cubo

Onde aa + 2 = ad un cubo

Bisogna dunque trovare un quadrato, che accresciuto d'un binario saccia un cubo.

Sia il quadrato  $yy \leftarrow 2y \leftarrow 1$ .

Dunque yy + 2y + 3 = ad un cubo dal lato y - 1;

E fi ha y1 - 4yy + y = 4

Pongasi  $y^2 - 4yy = 0$ ; e si ha y = 4; onde a = 5, e il quadrato ricercato 25.

Sia dunque di nuovo l'area x; l'ipotenusa 25 ... x; uno de' lati 2, l' altro x

E pol. hê il quadrato dell' ipotenusa è eguale ai quadrati de' lati , sarà xx — 50x + 625 — xx + 4; e si ha x = 621

Il triangolo dunque farà 2, 621, 25 - 621

### PROBLEMA XX.

Trovare un triangolo tale, che l'area coll'ipotenusa faccia un cubo, e la circonferenza un quadrato.

Sia l'area x

L'ipotenusa a3 - #

Un lato

L'altro \*

La circonferenza  $far = a^3 + 2$ Onde  $far = a^3 + 2$ 

Bisogna dunque trovare un cubo, che, aggiuntovi un binario, saccia un quadrato.

Sia il cubo y - 3yy + 3y - 1; e aggiuntovi un binario

Si ha yi - 3yy + 3y + 1 = 9yy + 3y + 1;

E fi ha y = 21 : onde a = 17

Sia dunque l'ipotenusa 4913 -

Un lato 2

L'altro \*

### I Problemi

Resta che il quadrato dell'ipotenusa sia eguale ai quadrati de'lati; e si ha × = 628864

24121185

#### PROBLEMA XXI.

Trovare un triangolo rettangolo tale, che il numero dell'area, aggiuntovi un lato, faccia un quadrato, e la circoferenza un cubo.

Sia il triangolo di z, ex + & E farà 2xx + 2x + 1

2XX + 2X

2X + I

La circoferenza dunque 4xx + 6x + 2 = ad cubo;

E perche fi pub dividere per # + 1; e fi ha 4x + 2.

Dividali quallivoglia lato per x + 1, e fi averà 4x + 2 = ad un cubo.

Resta che l'area, aggiuntovi un lato faccia un quadrato.

Ma l'area è  $\frac{ax^2 + 3xx + x}{xx + 2x + 4}$ 

Onde quest'area, aggiuntovi il lato 2x + 1 è eguale ad un quadrato x + 1

Riducendo alla stessa denominazione

2#1 + 4xx + 4# + 1 = Q · xx + 2x + I

Ma questa frazione è l'istessa che 2m + 1

Dunque 2x + 1 = Q

Era 4x + 2 = ad un cubo

Bifogna dunque trovare un cubo duplo d'un quadrato.

Lo è 8 rifpetto a 4;

E si ha × = 3

Onde il triangolo farà 8, 15, 17

## PROBLEMA XXII.

Trovare un triangolo rettangolo tale, che l'area, aggiuntovi un lato, faccia un cubo, e la circonferenza sia un quadrato.

se facciamo uso dello stesso metodo arriveremo a questo, che 4x + 2

□ Q, e 2x ← t = ad un cubo.
 Onde fi dee trovare un quadrato duplo d'un cubo

Sia egli 16 rispetto a 8,

E si ha # = 7

I lati dunque faranno 16, 63, 65.

## PROBLEMA XXIII.

Trovare un triangolo rettangolo tale, che la circonferenza sia un quadrato, e l'area colla circonferenza sia un cubo.

Sia il triangolo di x, e di 1

E farà \*x + 1, xx = 1, 2x

La circonferenza è 2xx + 2m

L'area x3 ... x

Onde 2xx + 2x = Q

E x; + 2xx + x = ad un cubo

Sia 2xx + 2x = aaxx

E si ha  $w = \frac{2}{aa}$ 

Onde  $x^3 = \frac{8}{44 - 1}$ 

2×× = 8

Onde  $\frac{8}{aa-2} + \frac{8}{aa-2} + \frac{2}{aa-2} = ad un cubo;$ 

E riducendo tutto alla stessa denominazione si ha

8 + 8 . da - 2 + 2 . da - 2 = 2d un cubo

Parte II.

Iii

On-

Onde 2a1 = ad un cubo

Ciò che si può sare in infiniti modi:

Ma bilogna proccurare, che il quadrato aa fia maggior d'un binario ; perchè x uscirebbe negativo; e minore d'un quaternario. Imperciocchè fe fi ponga eguale a 4, x farebbe r1; onde la base farebbe o. Se si ponga maggiore di 4,x farebbe una frazione, e la base farebbe negativa. Sia dunque  $2x = b^2a^2$ ; e si ha  $a = b^2$ ; e  $aa = b^2$ 

E poichè  $\frac{b^4}{4}$  deve effere maggiore di 2, e minore di 4, farà  $b^4$  mag.

giore di 8, e minore di 16

Riducansi dunque 8 e 16 a una frazione quadrato-cuba; e sia  $\frac{512}{64}$ ,  $\frac{1024}{64}$ 

Il quadrato-cubo intermedio è 729.

Onde sia  $b^a = \underline{729}$ , e si ha  $b^a = \underline{27}$ 

E poichè  $aa = b^{\circ}$ ; e perciò  $2a = b^{\circ}$ , farà  $a = \frac{27}{2}$ ; e  $x = \frac{512}{2}$ ;

Onde fi ha il triangolo ricercato.

## PROBLEMA XXIV.

Trovare un triangolo rettangolo tale, che la circonferenza sia un cubo; e, aggiuntavi l'area, saccia un quadrato.

Sia la circonferenza 64 :

L' Area = x Un lato = y

L'altro = 2x

Sarà l'Ipotenusa = 64 - y - 2x

E perchè il quadrato dell' ipotenufa è eguale ai quadrati de' lati farà
4096 -- 128y -- 124x + yy + 2x + 4xx = yy + 4xx

yy

yy

E fi ha yy  $= \frac{4096}{128} = \frac{2xy}{128} = \frac{2x}{128}$ 

435

Bisogna dunque, che 2048 — xº — 51984x sia un quadrato Ma di più per sorza del Problema 64  $\leftrightarrow$  x =  $Q_1$  e nasce la (duplicata equalità; per cui si trova x = 175  $\leftrightarrow$  49 = all'area

Sostituendo un tal valore nella ultima equazione si ha y = 19 +5

Onde si determina il triangolo, i cui lati sono 19 +\_5, 17 + 253, 26 + 1298

PROBLEMA XXV.

Trovare un triangolo rettangolo tale, che il quadrato dell'ipotenusa sa eguale a uno degli altri due quadrati colla radice, e diviso per l'altro faccia un cubo e il latto.

Sia un lato = x

L'altro = xx

L'Ipotenusa =  $V^{\frac{1}{x_1 + x_2}}$ 

E si soddissa a due condizioni Resta che x1 + xx = Q:

Onde xx + 1 = xx - 4x + 4;

E si ha x = 3.

Dunque il triangolo ricercato  $\frac{1}{4}$ ,  $\frac{9}{16}$ ,  $\frac{225}{256}$ 

P R. O B L E M A XXVI.

Trovare un triangolo rettangolo tale , che un lato sia cubo ; l'altro sia cubo sottrattovi il suo lato; l'ipotenusa un cubo aggiuntovi il suo lato.

Iii ii - Sia

436

I Problemi di Diofanto.
Sia l'ipotenusa wi + x ... ... ...
La base xi ... w

Il resto sarà 2xx
Onde 2xx = ad un cubo = xi; e si ha w = 2
Dunque il triangolo sarà 6, 8, 10.

Fine del Sesto, ed ultimo Libro di Diofanto Alessandrino.

## NOIRIFORMATORI

Dello Studio di Padova.

A Vendo veduto per la Fede di revisione, ed approvazione del P. F. Paolo Tommalo Manuelli inquisitore di Venezia nel Libro Intitolaro Elementi di Fisica espossi da Giovanni Crivelli C. R. S. con aggiunte dello stesso del Cattolica, e parimente per Attestato del Segretario Nostro, niente contro Principi, e buoni costumi, concediamo Licenza che possa esfere stampato, osservando gli ordini in materia di stampe, e presentando le solite copie alle pubbliche Librerie di Venezia, e di Padova.

Data li 9. Dicembre 1743.

( Gio: Pietro Pasqualigo Rif. ( Daniele Bragadin Cav. Proc. Rif. (

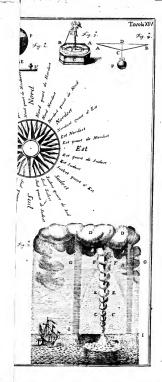
Registrato in Libro a carte 23. al num. 148.

Michel Angelo Marini Segretario.

Adl 23. detto
Registrato nel Magistrato Eccellentis. degli Esecutori contro
la Bestemmia.

Alvise Legrenzi Segretario.

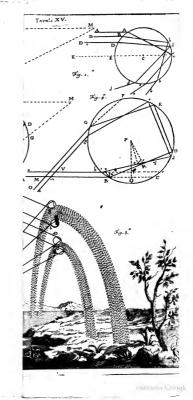




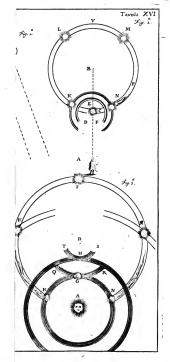
×+

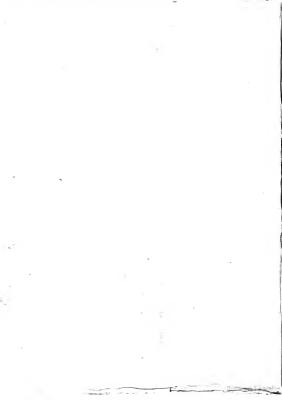
· dar Enjoy

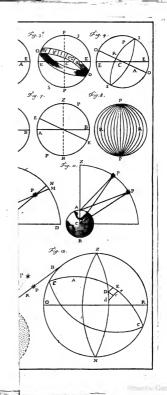




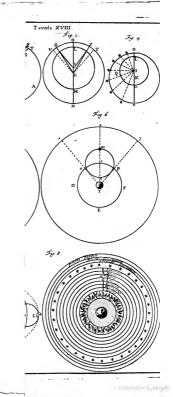


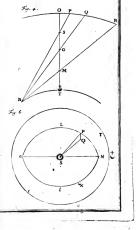




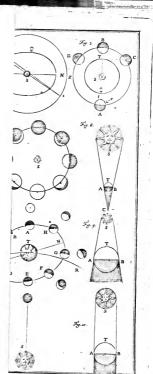












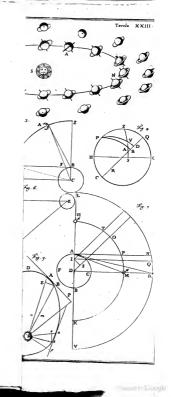


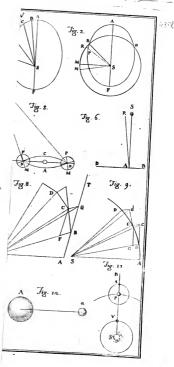
Dist 111-



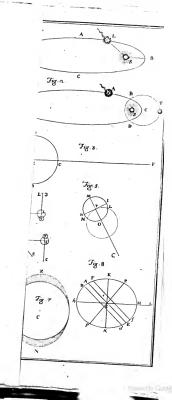
-



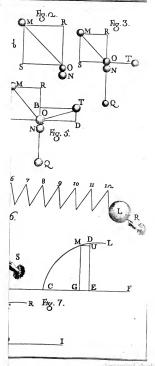




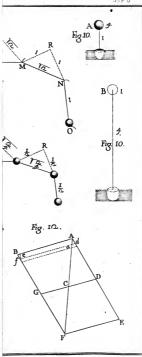
t ary Coolic













ELEMENTI OF FIGHT



